



## Лабораторная работа 2: Обучение МАТом

Обучение регулярных языков по запросам к «минимально адекватному учителю».

Вариант определяется последней цифрой в зачётке.

(Номера 3,4) Планарный лабиринт

(Номера 0,1,9) Ортогональный лабиринт

(Номера 6,8) Brainfuck-Рефал

(Номера 2,5,7) Brainfuck-Лисп

В каждом варианте от 2 до 3 человек — МАТ, остальные — угадыватели.



## Интерфейс МАТ и угадывателя

- Запросы на включение передаются просто как строка. Ответ на вопрос о включении — 0 или 1.
- Запросы на эквивалентность передаются как таблица классов эквивалентности:

```
                | epsilon
-----
epsilon |  val1
class1  |  val2
.....
classk  |  valk
```

Здесь `epsilon` — указание на пустую строку, имена строк — классы эквивалентности, `valk` — 0 или 1, показывающие, является ли класс входящим в язык (т.е. соответствующим финальному состоянию). Ответ на вопрос об эквивалентности: `TRUE` или строка, являющаяся контрпримером.

Для единообразия примем, что таблицы и строки принимаются МАТ-ом во входной поток, и ответ также передаётся в стандартный поток.



## Планарный лабиринт

Угадыватель заранее знает оценку сверху на число ветвлений в лабиринте и число выходов из него (читая из файла `parameters.txt` два соответствующих числа). По этому же файлу МАТ генерирует граф, используя данные числа как оценку сверху.

Входной автомат — произвольный планарный граф с бинарным ветвлением. Все тупиковые ветки — выходы из лабиринта. Путь в лабиринте представляет собой последовательность инструкций в алфавите  $\{L, R\}$ : указывающих на каждой развилке, идти направо или налево.

Путь принадлежит языку, если строго выводит к выходу (т.е. следуя инструкциям и начиная из стартового состояния, вы попадаете в финальное состояние). Если путь остаётся в лабиринте или содержит дополнительные инструкции после попадания в финальное состояние, считается, что он языку не принадлежит.



---

## Ортогональный лабиринт

Угадыватель заранее знает размеры прямоугольника, ограничивающего размер лабиринта (читая из файла `parameters.txt` два числа: его ширину (размеры с востока на запад) и длину (размеры с севера на юг)). По этому же файлу MAT генерирует сам автоматный лабиринт.

Входной автомат — ортогональный лабиринт, помещающийся внутри прямоугольника (но не обязательно заполняющий его целиком), и имеющий один или больше выходов за пределы прямоугольника. Путь в лабиринте представляет собой последовательность инструкций в алфавите {E, W, N, S}: указывающих в каждой клетке, идти на восток, запад, север или юг. Если с соответствующей стороны стена, то шаг не осуществляется.

Стартовое состояние угадывателя: самая северная и западная клетка внутри лабиринта (при этом выхода рядом с ним может и не быть). Гарантируется, что в лабиринте все клетки достижимы из этой (может быть, посредством выхода из лабиринта и повторного захода в него).

Путь принадлежит языку, если выводит за пределы прямоугольника (т.е. следуя инструкциям и начиная из стартового состояния, вы попадаете за пределы прямоугольника, и возможно, делаете шаги вне его). Если путь остаётся в лабиринте или сначала выводит из прямоугольника, а потом возвращает в него, то он языку не принадлежит.



## Грамматика Brainfuck Рефал

Автомат, распознающий лексически правильные конструкции обфусцированного рефала, строится по следующей грамматике:

```
[program] ::= [eol]*([definition][eol])+  
[definition] ::= [const] [lbr-1] ([eol]*[sentence])* [eol]*[rbr-1]  
[sentence] ::= [pattern][equal][expression][sep]  
[pattern] ::= [lbr-3][pattern][rbr-3] | [pattern][blank][pattern]  
            | [var] | [const] |  
[expression] ::= [var] | [const] | [expression][blank][expression]  
                [lbr-3][expression][rbr-3] |  
                [lbr-2][const][blank][expression][rbr-2]
```

Если для лексемы нет определения в грамматике, значит, она определяется языком некоторого автомата. Алфавит BF-Рефала: {a, b, c, 0, 1, 2}.

Автоматы могут быть какими угодно, в том числе допускающими недетерминированный и неоднозначный разбор по лексемам. Однако обязаны выполняться базовые правила (см. следующий слайд).



## Ограничения Brainfuck Рефал

- автоматы для [eol] и [blank] имеют алфавит, отличный от всех остальных лексем (и друг от друга);
- первые и последние буквы слов, соответствующих автоматам для [equal] и [sep], находятся в другом алфавите, чем все прочие автоматы, и языки у этих лексем конечные (но не обязательно синглетоны);
- автоматы для разных типов скобок, левых и правых, все имеют попарно непересекающиеся языки, не пересекающиеся с языками переменных и констант, кроме того, конкатенация любых двух таких автоматов друг с другом будет иметь язык, не пересекающийся ни с каким языком автомата для одной скобки (языки, содержащие единственные различные непустые строки, являются тривиальным случаем, подходящим под это условие, но есть и другие случаи);
- языки переменных и констант не пересекаются друг с другом, оба бесконечные.



## Угадывание Brainfuck Рефал

Угадыватель заранее знает максимальную вложенность скобок и максимальный размер автомата для лексемы (читаемые из файла parameters.txt). По этим же параметрам МАТ генерирует автоматы для языка. Вложенность скобок считается отдельно по каждому из трёх типов (т.е. если указана 1, то может быть выражение со всеми тремя типами скобок, вложенными друг в друга). Сгенерированные автоматы могут быть меньше указанного размера (по числу достижимых состояний, не являющихся ловушками), но не больше.

Слово принадлежит языку тогда и только тогда, когда оно распознаётся соответствующим автоматом лексического анализа, с учётом условия непревышения вложенности скобок.



## Brainfuck Лисп

Автомат, распознающий лексически правильные конструкции обфусцированного лиспа, строится по следующей грамматике:

```
[program] ::= [eol]*([expression][eol]*)+  
[expression] ::= [atom] | [eol][expression] | [expression][eol]  
                | [lbr] [expression] [dot] [expression] [rbr]  
                | [list]  
[list] ::= [lbr] [expression]+ [rbr]
```

Если для лексемы нет определения в грамматике, значит, она определяется языком некоторого автомата. Алфавит BF-Lisp: {0 — 9}. Автоматы могут быть какими угодно, в том числе допускающими недетерминированный и неоднозначный разбор по лексемам. Однако обязаны выполняться базовые правила (см. следующий слайд).





## Ограничения Brainfuck Lisp

- автомат для [eol] имеет алфавит, отличный от всех остальных лексем;
- автоматы для левых и правых скобок имеют попарно непересекающиеся языки, не пересекающиеся с языком атомов, кроме того, конкатенация любых двух таких автоматов друг с другом будет иметь язык, не пересекающийся ни с языком автомата для единственной скобки (языки, содержащие единственные различные непустые строки, являются тривиальным случаем, подходящим под это условие, но есть и другие случаи);
- язык для [dot] не пересекается с языком для атомов.
- язык лексемы атомов бесконечный.



## Угадывание Brainfuck Lisp

Угадыватель заранее знает максимальную вложенность скобок и максимальный размер автомата для лексемы (читаемые из файла `parameters.txt`). По этим же параметрам МАТ генерирует автоматы для языка. Сгенерированные автоматы могут быть меньше указанного размера (по числу достижимых состояний, не являющихся ловушками), но не больше.

Слово принадлежит языку тогда и только тогда, когда оно распознаётся соответствующим автоматом лексического анализа, с учётом условия невышшения вложенности скобок.