## 1 Задание

По имеющейся SRS определить:

- завершимость
- конечность классов эквивалентности по НФ (для построения эквивалентностей считаем, что правила могут применяться в обе стороны). Если их конечное число, то построить минимальную систему переписывания, им соответствующую.
- локальную конфлюэнтность и пополняемость по Кнуту-Бендиксу

Все проверки выше можно делать вручную. Для их фиксации желательно использовать формат md со встроенными latex-формулами, поддерживаемыми MathJax, либо формат md обсидиана (он допускает расширенную поддержку latex в формулах). Можно и чистый latex. Допустимо сдавать и фото на листочках, но за оформление в Markdown/Latex добавляется 1 балл. Ачивка перманентная, в других лабораторных она тоже будет.

По SRS  $\mathcal T$  тем самым (исключая случай, когда она сразу локально конфлюэнтна или конечна и минимальна) строится другая SRS  $\mathcal T'$ , которая должна сохранять те же классы эквивалентности. Если исходная SRS завершима, то правила в  $\mathcal T'$  должны удовлетворять условию убывания левой части относительно правой по выбранному вами фундированному порядку  $\preceq$ .

Провести автоматическое тестирование предполагаемой эквивалентности двух указанных SRS.

**Фазз-тестирование** эквивалентности: строится случайное слово ω и случайная цепочка переписываний его в ω' по 𝒯. Проверить, можно ли получить ω' из ω (или наоборот) в рамках правил 𝒯'.

**Метаморфное тестирование:** выбрать инварианты, которые должны сохраняться (либо монотонно изменяться) при переписывании в рамках  $\mathcal{T}$ . Породить случайную цепочку переписываний над случайным словом в  $\mathcal{T}'$  и проверить выполнимость инвариантов. Как минимум два разных инварианта. Если инвариантов найдено больше и они нетривиальные (неформально — нельзя увидеть их по SRS за пять минут внимательного рассматривания), за них можно получить до 2 дополнительных баллов.

## 2 Индивидуальные варианты

Номер варианта совпадает с номером в списке группы.

```
\begin{array}{ccccc} abbaba & \rightarrow & aabbbaa \\ aaa & \rightarrow & abab \\ abba & \rightarrow & baaab \\ bbbb & \rightarrow & ba \end{array}
```

```
babab
                        aabab
     bbaab
                        bbbab
                                            baab
                                                                  baa
     bbb
                        bb
                                            bbabbaa
                                                                  bbaaa
2.
     abaaab
                        baba
                                            aabbabba
                                                                  bbaa
                                                             \rightarrow
     aaa
                                            aabaababb
                                                                  bbb
     bbaaaab
                   \rightarrow
                        ε
                                            baababbaa
                                                                  bbabbabba
     ababbab
                  \rightarrow
                        ababaab
    abbc
                  cbba
            \rightarrow
            \rightarrow
    accb
                  bcca
            \rightarrow
3. baac
                  caab
    cb
                  bc
    сa
                  ab
    fgh
                  fff
    fgh
                  ggg
   fgh
                  hhh
                  hfhgh
    hh
    9999
                                         abc
                                                \rightarrow
                                                     aa
                                                     abba
                                         aca
                                                \rightarrow
     сc
                    aa
                                         acb
                                                \rightarrow
                                                     abb
     aaa
                    αa
                                         baa
                                               \rightarrow
                                                     aa
                    ababaabcba
     aaba
5.
                                         bb
                                                \rightarrow
                                                     aaaba
     aacb
              \rightarrow
                    aa
                                         caa
                                                     aa
     aabc
              \rightarrow
                    aa
                                         cac
                                                \rightarrow
                                                     ε
     aba
               \rightarrow
                    α
                                         cba
                                                \rightarrow
                                                     caca
                                         cbc
                                                \rightarrow
                                                     c
    aab
             \rightarrow
                  ba
    aba
                  b
    baa
                  ab
6. bba
             \rightarrow
                  abb
    aaaa \rightarrow
                  α
                  bbbbbb
    aaa
             \rightarrow
                  babbbbb
    aa
             \rightarrow
                                   bbb
                                                    baabb
                                               \rightarrow
     aaaa
                     а
                                  bbaaa
                                               \rightarrow
                                                    baab
     aaab
                     b
                                   bbaab
                                                    baa
     bbba
                     ba
7.
                                   bbabb
                                                    abab
                                               \rightarrow
     bbbb
                     bb
                                  baba
                                                    baa
     ababb
                     babb
              \rightarrow
                                  babbaa
                                                    babba
     bba
                     baaba
                                  babbab
                                                    abb
                  caqdbapbap
    apbc
            \rightarrow
    paqd \rightarrow
                  daqdbapbap
                  adaqdqa
    ссрр
             \rightarrow
    dpd
                  pdp
             \rightarrow
```

```
baabb
                                      aaabab
                       ab
       aaaa
                  \rightarrow
                                      baabb
                                                          aabab
       abbb
                       bba
                                                          bab
                                      baabab
       babb
                       bb
                                      bbabab
                                                          bb
                                                     \rightarrow
       aabb
                       aaba
                                      baabaab
                                                     \rightarrow
                                                          \mathfrak{a}
       bbbaa
                       bb
                  \rightarrow
                                      bab
                                                          baaaab
      caa →
                   ac
      acb
                   adb
10.
      ad
                   daaa
      bd
                   bc
      aaa \ \rightarrow \ bab
11.
      bbb
             \rightarrow
                   aaa
                                  FFI
                                                  HGH
       JFF
               \rightarrow
                   EID
                                  FHDQ
                                                  FHEDQ
       CFG
                     IC
                                  HA
                                                  JΗ
12.
       GF
               \rightarrow
                     GG
                                  ΗE
                                                  HDD
       IC
                    JI
               \rightarrow
                                                  HCE
                                  GGA
                                             \rightarrow
       AD
                    BD
               \rightarrow
                                  IBB
                                                  DDI
                                             \rightarrow
      aaa
               \rightarrow
                     aaab
      aabb
                    abab
              \rightarrow
13. aa
               \rightarrow
                    aba
      aaab
              \rightarrow
                     ab
      bbb
               \rightarrow
                    baaaa
                  c
                              ccc
                                      \rightarrow
                                            c
       ac
       aa
                  ba
                               aaa
                                      \rightarrow
                                            aa
14.
       bc
                   c
                               aab
                                            ba
       ca
                               abb
                                      \rightarrow
                                            aba
             \rightarrow
                   aa
       cb
                  bc
                              bbb
                                            bba
      abca
                       aaaa
      bcab
                       bbbb
      cabc
                       cccc
15. abc
                  \rightarrow aaa
      abc
                  \rightarrow bbb
      abc
                       ccc
      aabbcc \rightarrow abcabc
```

```
uu
                                          nnuu
        ddnn \rightarrow
                        dd
                                          fftt
                                                           ffnn
        ddoo
                        dd
                                                           ttccnn
                  \rightarrow
                                          ttff
        oouu
                  \rightarrow
                        uu
                                          ccnn
                                                           nncc
16.
        ttuu
                        ttccdd
                                          ccoo
                                                           oocc
        ddff
                        ffdd
                                          ccoo
                                                     \rightarrow
                                                           00
        ddgg
                  \rightarrow
                        uugg
                                          \operatorname{ccff}
                                                     \rightarrow
                                                           ffcc
        ffuu
                        uuff
                                                     \rightarrow
                                                           иисс
                                          ccuu
                                          ccdd
                                                           ddcc
      baaa \ \rightarrow
                      aaab
      aabb
                      abab
                \rightarrow
17. aa
                      bab
      aaab
                \rightarrow
                      ab
      bbb
                      b
                 \rightarrow
      bb
               \rightarrow
                    d
      bb
                    c
      cc
                    cddc
18.
      ddd
              \rightarrow
                    ac
      aa
                     bc
      bc
                     abba
      bpb
                      abapba
                      aba
19.
                      bb
      apa
      abba
               \rightarrow
                      baab
                                   ba
                                                      cab
        cb
                \rightarrow
                      ba
                                   cac
                                                      cc
        aaa
                      aa
                                   bab
                                                      cac
        aba
               \rightarrow
                      ba
                                   ссс
                                                      c
        ac
                \rightarrow
                      cc
                                   babb
                                                      ba
20.
        baa
               \rightarrow
                      ba
                                   babc
                                                      ε
        bba
                      ba
                                   baca
                                                      cabba
        bbb
                \rightarrow
                      b
                                   caab
                                                      bb
        bbc
                \rightarrow
                      c
                                                      bc
                                   caac
        bcc
                \rightarrow
                      cc
                                   aabcaa
                                                      α
      aa
              \rightarrow
                    bb
      \operatorname{ccb}
                    dca
21.
      α
              \rightarrow
                    dcc
      cd
              \rightarrow
                    bc
      aabc \quad \rightarrow \quad
                      bbaa
      b
                      ccaa
22.
      bc
                      а
      aac
                \rightarrow
                      ε
```

```
babb
                 \rightarrow bbbab
     baabb
                       babbaab
23. baaabb \rightarrow
                      baabbaaab
     bbbb
                      abab
                  \rightarrow
     aaaa
                       а
                        ε
     aa
     bb
                        cccc
24. cc
                        acb
      abc
                        aabbcc
     baabaac
                   \rightarrow
                        cbba
       bbb
                   \rightarrow
                        bab
       abab
                        bab
                                          baaaab
                                                             bab
       abba
                        aba
                                          baaabb
                                                       \rightarrow
                                                             ε
                        abb
       babb
                                          bbaaaa
                                                            bb
                                                       \rightarrow
       bbab
                        bab
25.
                                          bbaaab
                                                        \rightarrow
                                                             aaaab
       aaaaa
                        α
                                          baabaab
                                                      \rightarrow
                                                            baaab
       aaaba
                        bba
                                          babaaba \rightarrow
                                                            bab
       aaaabb
                        bb
                                                            babaaa
                                          babaabb
       abb
                        abaaaa
       abaaab
                        ab
      ab
                  br
             \rightarrow
                  dr
     r\alpha\alpha \ \rightarrow
26.
     ara
                  ad
      da
            \rightarrow
                  aad
      dd
            \rightarrow
                  abdar
               \rightarrow
                    sa
      as
     babs
                    absa
27. babb
              \rightarrow
                    css
      cs
                    abab
               \rightarrow
     abaa \rightarrow baba
      abcde \rightarrow
                    debca
     cb
               \rightarrow
                     acc
28.
      dd
               \rightarrow
                     edcba
                    d
      e
                \rightarrow
```