Teoría de las comunicaciones

Práctica 1: Transmisión confiable de información

Temas

Información, Fuentes de Información, Entropía, Velocidad de Transmisión, Delay, Capacidad de Canal, Framing, Eficiencia de un Frame, Control de Errores, Stop and Wait, Sliding Window, Eficiencia de un Protocolo.

Definiciones

Información de un evento

I(s) = -log(P(s)) con P(s) la probabilidad del evento s

Entropía de una fuente

$$H(S) = \sum_{s \in S} P(s) \ I(s)$$

Largo promedio de un código

 $L(C) = \sum_{s \in S} P(s) \ l(C(s))$ con l(C(s)) el largo de la codificación del símbolo s

Codificación sin pérdida de información

Un código C sobre una fuente S codifica sin pérdida de información sii H(S) < L(C)

Tipos de códigos

- Dado un código C sobre una fuente S, C es instantáneo o libre de prefijos sii C no codifica ningún símbolo como prefijo de otro.
 - C es unívocamente decodificable sii no es posible interpretar la misma tira de codificaciones bajo C como dos secuencias de símbolos distintas.
 - \blacksquare C es óptimo sii L(C) es mínima (i.e., todo otro código sobre S tiene mayor o igual longitud promedio).

Capacidad de un canal (limitado en potencia, en ancho de banda y con ruido)

 $C[\mathrm{bps}] = B[\mathrm{Hz}] * \log_2(1 + \mathrm{SNR}[\mathrm{veces}]) \text{ con SNR}[\mathrm{veces}] = 10^{\mathrm{SNR}[\mathrm{dB}]/10} \text{ y } B \text{ el ancho de banda disponible.}$

Velocidad de transmisión

 $V_{tx}[bps]$

Velocidad de transmisión sin pérdida de información

 $V_{tx}[bps] \leq C[bps]$, con $V_{tx}^{max} = C$. Salvo que se indique lo contrario, utilizar V_{tx}^{max} .

Tiempo de Transmisión

 $T_{tx}(1)[\text{seg}] = 1/V_{tx}$ (Tiempo de transmisión de un bit.)

 $T_{tx}(n)[\text{seg}] = n/V_{tx}$ (Tiempo de transmisión de n bits.)

Tiempo de Propagación de un bit

 $T_{prop}[seg] = D/V$ con D la distancia del enlace y V la velocidad de propagación de la forma de onda en el medio físico.

 $Delay(1)[seg] = T_{tx}(1) + T_{prop} \approx T_{prop}$ (Delay de 1 bit o latencia.)

 $Delay(Frame)[seg] = T_{tx}(|Frame|) + T_{prop}$ (Delay de un frame.)

Capacidad de Volumen de un canal

 $C_{vol}[\text{bits}] = \text{Delay} \cdot V_{tx}$ (o Producto Delay por Velocidad de Transimisión, o Producto Delay por Ancho de Banda)

Tiempo de ida y vuelta simétrico:

$$RTT = 2 * Delay$$

Eficiencia de un frame:

 $\eta_{frame} = \frac{largo\ de\ los\ datos}{largo\ total\ del\ frame}$

Eficiencia de un protocolo punto a punto confiable y sin errores de transmisión:

 $\eta_{proto} = \frac{T_{tx}}{R^{TT}}$ Con T_{tx} el tiempo de transmisión de una ventana y RTT el tiempo de ida y vuelta simétrico.

Tamaño de una ventana de emisión óptima:

$$SWS = V_{tx} * RTT/|Frame|$$

Tamaño de la ventana de recepción:

$$RWS = \begin{cases} SWS & \text{Si hay SACK} \\ 1 & \text{Si no} \end{cases}$$

Cantidad frames para secuenciar:

 $\#frames \ge SWS + RWS$

Una fuente de información binaria con memoria nula produce el símbolo s_0 con probabilidad p_0 y el símbolo s_1 con probabilidad $p_1 = 1 - p_0$.

- a. Formular la entropía de la fuente como función de p_0 .
- b. Graficar $H(p_0)$.
- c. Dar una interpretación de los puntos de la gráfica que considere interesantes.

Ejercicio 2

Para la siguiente fuente

$$S = [P(A) = 0.4; P(B) = 0.3; P(C) = 0.2; P(D) = 0.1]$$

se proponen 3 códigos posibles

- A = 001; B = 01; C = 11; D = 010
- A = 0; B = 01; C = 011; D = 111
- A = 1; B = 01; C = 001; D = 0001
- a. ¿Cuáles son instantáneos?
- b. ¿Cuáles son unívocamente decodificables?
- c. De los unívocamente decodificables, ¿Cuál es más eficiente (H/L)?
- d. De los unívocamente decodificables, ¿Alguno presenta pérdida de información?

Ejercicio 3

¿Cuánto vale la entropía y la longitud de la codificación de cada símbolo para las fuentes de información de los siguientes casos? Asumir que la codificación se da bajo el código óptimo.

- a. 2 símbolos equiprobables
- b. 4 símbolos equiprobables
- c. 6 símbolos equiprobables
- d. 8 símbolos equiprobables
- e. 10 símbolos equiprobables
- f. N símbolos equiprobables

Ejercicio 4

Dadas las fuentes de información equiprobables $A = \{a_1, \ldots, a_n\}$ y $B = \{b_1, \ldots, b_m\}$, se define la fuente de información $D = \{a_1, \ldots, a_n, b_1, \ldots, b_m\}$, con $P_D(A)$ y $P_D(B)$ la probabilidad de que D saque un símbolo de A y de B, respectivamente y $P_D(A) + P_D(B) = 1$. Para los siguientes casos, indique si la fuente D es equiprobable.

- 1. $P_D(A) = 1/2, P_D(B) = 1/2, n = 8, m = 16$
- 2. $P_D(A) = 1/4, P_D(B) = 3/4, n = 16, m = 16$

3.
$$P_D(A) = 1/4, P_D(B) = 3/4, n = 8, m = 16$$

4.
$$P_D(A) = 2/3, P_D(B) = 1/3, n = 32, m = 16$$

Considere una señal de video en escala de grises que transmite imágenes a una resolución 640×480 píxeles, de los cuales cada uno puede asumir 10 niveles diferentes de brillo. Supongamos que la tasa de transmisión es de 30 imágenes por segundo y que la relación señal a ruido es de 30 dB.

- a. Calcular la entropía de la fuente si todas las imágenes fueran equiprobables.
- b. ¿Cuántos bits son necesarios para codificar cada imagen de manera óptima e instantánea con un código que asigne el mismo largo a todas las imágenes?
- c. Calcular el ancho de banda mínimo requerido para soportar la transmisión de la señal resultante.

Ejercicio 6

Calcule la Capacidad de Volumen (cantidad de bits que entran simultáneamente) en cada uno de los siguientes medios físicos de transmisión, asumiendo que se los utiliza a su máxima Capacidad de Transmisión (es decir, sin pérdida de información):

a.
$$D = 100km$$
, $V_{prop} = 200000km/s$, $SNR = 100dB$, $B = 400Hz$

b.
$$D = 100km$$
, $V_{prop} = 200000km/s$, $SNR = 10dB$, $B = 400kHz$

c.
$$D = 100km$$
, $V_{prop} = 300000km/s$, $SNR = 10dB$, $B = 400kHz$

d.
$$D = 100m$$
, $V_{prop} = 300000km/s$, $SNR = 10dB$, $B = 400kHz$

Ejercicio 7

Suponga que se instala un enlace punto a punto de 100 Mbps entre la Tierra y una base en la Luna. La distancia entre la Luna y la Tierra es de aproximadamente 385000 km, y la velocidad de propagación de los datos es la velocidad de la luz (300000 km/s).

- a. ¿Cuál es el Delay de ida de un bit? ¿Y el RTT de un bit del enlace?
- b. ¿Cuántos bits entran simultáneamente en el canal?
- c. Una cámara en la base lunar toma fotografías de la Tierra y las guarda en formato digital en un disco. Suponga que el Control de Misión en la Tierra desea descargar la última imagen que es de 25 Mb. ¿Cuál es el tiempo mínimo que puede transcurrir entre el momento en que se inicia el pedido del dato y finaliza la recepción? (Asumir que el mensaje de pedido es de 2 kb)

Ejercicio 8

Dado un enlace punto a punto a la luna de 1 Mbps con un delay de 1.25 segundos

- a. ¿Cuántos bits entran en el enlace?
- b. Asumiendo que se separan los bits en frames de largo fijo de 1 kbit ¿Cuantos Frames entran en el enlace?

Ejercicio 9

Calcule la eficiencia del frame tomando en cuenta sólo el overhead impuesto por las siguientes técnicas de framing:

- a. Largo fijo
- b. Campo de 16 bits en el encabezado indicando el largo del frame
- c. Delimitadores de 8 bits usando bit stuffing

Diseñe posibles conjuntos de frames de largo fijo para los siguientes tipos de protocolos, asumiendo que se detectan errores usando CRC. (No hace falta explicitar el largo de los campos ni del frame)

- a. Stop & Wait
- b. Sliding Window con GoBackN usando Piggybacking
- c. Sliding Window con ACK Selectivo

Ejercicio 11

Un protocolo sobre un enlace punto a punto de 1 Mbps y 0.25 segundos de delay, trabaja con Stop & Wait usando frames de largo fijo 2 kbit y un CRC de 16 bits para detectar errores.

- a. Calcule cuánto tiempo es necesario para transmitir 20 Mbit de datos asumiendo que no hay errores.
- b. Idem para un enlace con el mismo delay y 1 Gbps.
- c. Idem para un enlace con la misma velocidad de transmisión y 0.1 segundos de delay.

Ejercicio 12

Un protocolo sobre un enlace punto a punto de 1 Mbps y 0.25 segundos de delay, trabaja con ventana deslizante con GoBackN usando frames de largo fijo 2 kbit y un CRC de 16 bits para detectar errores.

- a. Calcule cuáles son los tamaños de ventana de emisión y recepción óptimos.
- b. ¿Cuantos bits hacen falta para secuenciar los frames?
- c. Calcule cuánto tiempo es necesario para transmitir 20 Mbit de datos asumiendo que no hay errores.

Ejercicio 13

Dado un protocolo que usa ventana deslizante con ACK Selectivo, no usa piggybacking y asumiendo la velocidad de transmisión y el delay como constantes:

- a. Derive una fórmula para expresar la eficiencia de un frame en función del tamaño del frame.
- b. Grafique la eficiencia del frame en función del tamaño del frame.

Ejercicio 14

Un protocolo usa frames de largo fijo de 1 kbit sobre un enlace satelital con una velocidad de transmisión de 1 Mbps y una latencia de 270ms. Calcule la eficiencia del protocolo si se usara ventana deslizante con ACK Selectivo, con lo siguientes tamaños de ventana:

- a. SWS = 7
- b. SWS = 127
- c. SWS = 255

Un robot trepador sube escalando el monte Everest con una cámara. La señal de video de la cámara se transmite sobre un enlace inalámbrico que tiene una relación señal a ruido del orden de los 30dB, usando 50KHz del espectro. A su vez, se modela la señal de video como una fuente de información, definiendo cada símbolo como cada una de las imágenes posibles y asumiendo que son todas equiprobables.

- a. Si queremos enviar 26 imágenes por segundo, ¿cuál es el máximo valor de entropía que puede adoptar la fuente?
- b. ¿Cuál es la distancia para la cual el T_{tx} de una imagen representa el 50% del delay? $(V_{prop} = 300000 \text{km/s})$

Ejercicio 16

Un protocolo confiable punto a punto que usa sliding window, opera sobre un canal de 10 Mbps, usa SACK y un frame emisor de 5Kb como el siguiente:

```
#SEQ (8bits); Datos; Checksum
```

- a. Proponga un frame para el receptor.
- b. ¿Cuál es el valor de delay para el cual el protocolo presenta un 100% de eficiencia?
- c. Si el delay fuera de 1 seg ¿Cuántos bits deberían ocupar los números de secuencia de manera de maximizar la eficiencia?

Bibliografía

Teoría de la Información y Codificación. 5ta Edición. Norman Abramson. Capítulo 1: Introducción (secciones 1.1 a 1.5), Capítulo 2: La información y sus fuentes (secciones 2.1 a 2.4), Capítulo 3: Propiedades de los códigos (secciones 3.1 a 3.5), Capítulo 4: Codificación (secciones 4.1 a 4.3).

Computer Networks: A Systems Approach. 5ta Edición. Peterson & Davie. Capítulo 1: Foundation.

Computer Networks: A Systems Approach. 5ta Edición. Peterson & Davie. Capítulo 2: Direct Link Networks (secciones 2.1 a 2.5).

Redes de Computadoras. Quinta edición. Tanenbaum & Wetherall. Capítulo 3. La capa de enlace de datos.

Data and Computer Communications. 5ta Edición. William Stallings. Capítulo 2: Data Transmission.

Comunicaciones y Redes de Computadores. 6ta Edición. William Stallings. Capítulo 7: Control del enlace de datos.