1. Međuispit iz Elektromagnetskih polja

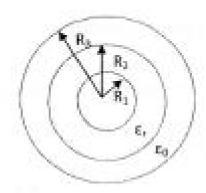
01.04.2010.

Ime i prezime Matični broj

INAČICA B

Ispit se sastoji od pet cjelina, u kojima se točan odgovor na svako pitanje nezavisno boduje, te se sastoji od ukupno 20 pitanja. Ukoliko želite odgovoriti na neko pitanje, zacrnite odgovor na obrascu za test. Svaki točan odgovor donosi 1 bod, dok se neodgovorena pitanja ne boduju. Netočan odgovor donosi -0.2 boda. Napišite ime na svim papirima s postupcima i predajte ih na kraju ispita zajedno s primjerkom testa u košuljici, dok se Obrazac za test posebno predaje.

Dvoslojni kuglasti kondenzator radijusa unutrašnje elektrode R₁ = 8cm i radijusa vanjske elektrode R₃ = 24cm, prikazan je slikom. Unutrašnja elektroda nabijena je nabojem +Q, a vanjska nabojem -Q. U prostoru između elektroda za 8cm ≤ r ≤ 16 cm, nalazi se dielektrik relativne dielektričnosti ε_r = 4, a u prostoru 16cm ≤ r ≤ 24 cm nalazi se zrak. Zadano je Q=15 nC.



1. Odredi jakost električnog polja na udaljenosti 14 cm od ishodišta.

A 1248
$$\frac{V}{m}$$
 B 936 $\frac{V}{m}$ C 1720 $\frac{V}{m}$ D 2959 $\frac{V}{m}$ E 3821 $\frac{V}{m}$ F 2054 $\frac{V}{m}$

Odredi jakost električnog polja na udaljenosti 18 cm od ishodišta.

A 11885
$$\frac{V}{m}$$
 B 4161 $\frac{V}{m}$ C 3668 $\frac{V}{m}$ D 3110 $\frac{V}{m}$ E 7775 $\frac{V}{m}$ F 2696 $\frac{V}{m}$

Odredi vektor polarizacije P

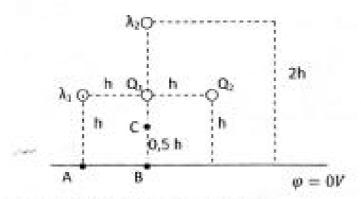
na vanjskoj površini dielektrika.

$$\text{A 31.6} \ \frac{nC}{m^2} \quad \text{B 28.3} \ \frac{nC}{m^2} \quad \text{C 106} \ \frac{nC}{m^2} \quad \boxed{\text{D 35} \ \frac{nC}{m^2}} \quad \text{E 25.7} \ \frac{nC}{m^2} \quad \text{F 51.8} \ \frac{nC}{m^2}$$

4. Odredi ukupni polarizirani naboj na vanjskoj površini dielektrika.

A 16.7 nC B 5.7 nC (C) 11.3 nC D 9.3 nC E 13.3 nC F 8 nC

Točkasti i linijski naboji nalaze se iznad beskonačno velike metalne plohe na potencijalu $\varphi = 0V$ prema slici. Zadano je h = 3m, Q_3 = 20nC, Q_2 = -40nC, λ_1 = 45 nC/m i λ_2 = -10 nC/m,.



Odredite jakost električnog polja u točki A.

ш

A 443
$$\frac{V}{m}$$
 B 171 $\frac{V}{m}$ C 260 $\frac{V}{m}$ D 573 $\frac{V}{m}$ E 317 $\frac{V}{m}$ F 498 $\frac{V}{m}$

6. Odredite jakost električnog polja u točki B.

$$A$$
 221 $\frac{V}{m}$ B 129 $\frac{V}{m}$ C 155 $\frac{V}{m}$ D 58 $\frac{V}{m}$ E 251 $\frac{V}{m}$ F 36 $\frac{V}{m}$

 Odredite potencijal točke C koja se nalazi na polovini udaljenosti od točke B do naboja Q₁

 Odredite rad koji je potrebno napraviti za pomicanje točkastog naboja Q=15 pC od točke A do točke C.

III U prostoru je u kartezijevom koordinatnom sustavu zadana jakost električnog polja jednadžbom $\vec{E} = A \cos(k \cdot x) \cos(k \cdot y) \overrightarrow{a_x} + \sin(k \cdot x) \sin(k \cdot y) \overrightarrow{a_y}$. Konstanta $k = 2 \operatorname{rad/m}$.

9. Odredite jakost električnog polja u točki (1,2,3).

A 845
$$\frac{mV}{m}$$
 B 990 $\frac{mV}{m}$ C 925 $\frac{mV}{m}$ D 654 $\frac{mV}{m}$ E 146 $\frac{mV}{m}$ F)740 $\frac{mV}{m}$

Odredite gustoču slobodnog naboja u točki (1,2,4).

A 30.9
$$\frac{pC}{m^3}$$
 B 17.5 $\frac{pC}{m^3}$ C 11.2 $\frac{pC}{m^3}$ D -25.7 $\frac{pC}{m^3}$ E -13.4 $\frac{pC}{m^3}$ F -21.0 $\frac{pC}{m^3}$

11. Tok vektora električne indukcije \vec{D} kroz kocku određenu koordinatama prostorne dijagonale (1,1,1) i (3,3,3).

A 10.7
$$\frac{pC}{m^2}$$
 B 29.0 $\frac{pC}{m^2}$ C -42.6 $\frac{pC}{m^2}$ D -22.2 $\frac{pC}{m^2}$ E -34.8 $\frac{pC}{m^2}$ F 18.4 $\frac{pC}{m^2}$

Odredite ∇ × E u točki (2,1,2).

A 2
$$\frac{V}{m^2}$$
 B 1.1 $\frac{V}{m^2}$ C 1.7 $\frac{V}{m^2}$ D 0 E 2.4 $\frac{V}{m^2}$ F 0.7 $\frac{V}{m^2}$

N Granica dva dielektrika relatívne dielektričnosti $\varepsilon_{r1} = 3$ i $\varepsilon_{r2} = 2$ zadana je jednadžbom

2x + 4y + z = 17. Dio prostora koji sadrži ishodište je relativne dielektričnosti ε_{r1} . Jakost električnog polja u prostoru 1 je $\overrightarrow{E_1} = -2\overrightarrow{a_x} - 1\overrightarrow{a_y} + 2\overrightarrow{a_x}$ [V/m].

Odredite vektor električne indukcije u sredstvu 2 u smjeru x, D₂.

A -33.3
$$\frac{pC}{m^2}$$
 B 46.4 $\frac{pC}{m^2}$ C 11.4 $\frac{pC}{m^2}$ D -133 $\frac{pC}{m^2}$ E 109 $\frac{pC}{m^2}$ (F).40.5 $\frac{pC}{m^2}$

Odredite vektor električne indukcije u sredstvu 2 u smjeru y, D_{2v}

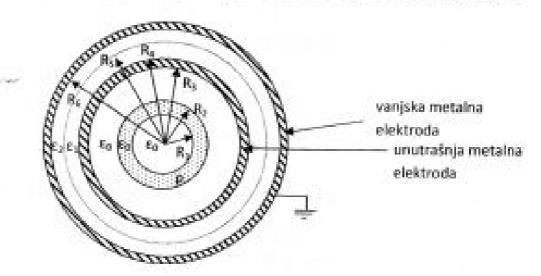
(a) -27.8
$$\frac{pC}{m^2}$$
 B 39.6 $\frac{pC}{m^2}$ C 111 $\frac{pC}{m^2}$ D -93.2 $\frac{pC}{m^2}$ E 67 $\frac{pC}{m^2}$ F -18.6 $\frac{pC}{m^2}$

Odredite vektor električne indukcije u sredstvu 2 u smjeru z, D_{2x}.

A -60.7
$$\frac{pC}{m^2}$$
 (E) 32.9 $\frac{pC}{m^2}$ (C) 1.26 $\frac{pC}{m^2}$ (D) 103 $\frac{pC}{m^2}$ (E) 75.0 $\frac{pC}{m^2}$ (F) 49.8 $\frac{pC}{m^2}$

Odredite napon U_{AB} između točke A (0,0,0) i točke B (1,0,0).

V Cilindrični kondenzator s dva sloja dielektrika prikazan je slikom. U prostoru $r < R_3$ se gustoća naboja mijenja prema izrazu $\rho = \begin{cases} 0 & r < R_1 \\ \frac{1}{r^4 + 81} & R_1 \le r \le R_2 & [\frac{C}{m^3}]. \text{ Vanjska je metalna elektroda } \\ 0 & r > R_2 \end{cases}$ uzemljena. Zadano je $\varepsilon_{r1} = 4$, $\varepsilon_{r2} = 2$, $R_1 = 1$ cm, $R_2 = 3$ cm, $R_3 = 4.5$ cm, $R_4 = 5$ cm, $R_5 = 10$ cm, $R_6 = 20$ cm.



 Odredite jakost električnog polja u prostoru dielektričnosti ε_{r1} na udaljenosti 9cm od osi kondenzatora.

A 930
$$\frac{kV}{m}$$
 B 465 $\frac{kV}{m}$ C 380 $\frac{kV}{m}$ D 775 $\frac{kV}{m}$ E 1550 $\frac{kV}{m}$ F 1046 $\frac{kV}{m}$

 Odredite vektor polarizacije u prostoru dielektričnosti ε_{r2} na udaljenosti 12cm od osi kondenzatora.

A 26.5
$$\frac{\mu C}{m^2}$$
 B 8.8 $\frac{\mu C}{m^2}$ C 20.6 $\frac{\mu C}{m^2}$ D 10.3 $\frac{\mu C}{m^2}$ E 9.9 $\frac{\mu C}{m^3}$ F 12.3 $\frac{\mu C}{m^2}$

 Odredite energiju po jedinici duljine kondenzatora određenog s unutrašnjom i vanjskom metalnom elektrodom, te slojevima dielektrika €₁ i €₂.

A 0.41
$$\frac{J}{m}$$
 B 2.05 $\frac{J}{m}$ C 0.57 $\frac{J}{m}$ D 0.33 $\frac{J}{m}$ E 0.51 $\frac{J}{m}$ F 4.50 $\frac{J}{m}$

 Odredite kapacitet po jedinici duljine kondenzatora određenog s unutrašnjom i vanjskom metalnom elektrodom, te slojevima dielektrika ε₁ i ε₂.

A 203
$$\frac{pF}{m}$$
 B 133 $\frac{pF}{m}$ C 165 $\frac{pF}{m}$ C 107 $\frac{pF}{m}$ E 118 $\frac{pF}{m}$ F 235 $\frac{pF}{m}$