Magnetostatika 2

1. Magnetsko je polje zadano jednadžbom ${\pmb H}=(y\cos(ax)){\pmb a}_x+(y+e^x){\pmb a}_z \ [{\rm Am}^{-1}].$ Odredite gustoću struje u prostoru yz ravnini.

Rj.
$$\mathbf{J} = \mathbf{a}_x - e^x \mathbf{a}_y - (\cos(\alpha x)) \mathbf{a}_z \operatorname{Am}^{-2}$$

- 2. Za polje iz prethodnog zadatka odredite gustoću struje u yz ravnini. Rj. $1.73~{\rm Am}^{-2}$
- 3. Odredite struju koja rezultira magnetskim poljem $\pmb{H} = k \sin{(x)} \pmb{a_y}$ pri čemu je k konstanta. Rj. $\pmb{J} = k \cos{(x)} \pmb{a_z}$
- 4. Unutar cilindričnog vodiča gustoća struje mijenja se prema ${\pmb J}=K\ e^{-a\cdot r}{\pmb a}_{\pmb z}$ pri čemu su Ki a konstante. Odredite magnetsko polje izvan vodiča radijusa.

Rj.
$$H = a_{\alpha} \frac{K}{a^2 r} (1 - (1 + a \cdot r)e^{-a \cdot r})$$

5. Za vodič s gustoćom struje prema primjeru 4 odredite jakost polja unutar vodiča.

Rj.
$$H = a_{\alpha} \frac{K}{a^2 r} (1 - (1 + a \cdot r_0)e^{-a \cdot r_0})$$

6. Struja gustoće $J=J_0e^{-(r_1-r)}$ teče unutrašnjim vodičem koaksijalnog kabela pri čemu je r_1 radijus unutrašnjeg vodiča, a J_0 gustoća struje na površini unutrašnjeg vodiča. Povratna struja teče vanjskim vodičem, koji je beskonačna tanka ljuska unutrašnjeg radijusa r_2 . Odredite jakost magnetskog polja u prostoru $r < r_1$.

Rj.
$$\pmb{H} = \pmb{a}_{\alpha} \, \frac{J_0 \, e^{-r_1}}{r} \big((r-1)e^r + 1 \big)$$

7. Za struju prema zadatku 6 odredite polje u prostoru $r_1 < r < r_2$.

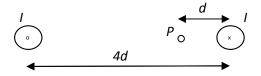
Rj.
$$H = a_{\alpha} \frac{J_0}{r} (a - 1 + e^{-a})$$

8. Za struju prema zadatku 6 odredite polje u prostoru $r > r_2$.

$$Rj. H = 0$$

9. Dvije beskonačno duge strujnice kroz koje protječe struja / u suprotnim smjerovima razmaknute su za 4d. Odredite magnetsko polje u točki P prema slici.

$$Rj. H = \frac{2I}{3\pi d}$$



10. Kružna strujnica radijusa 1m leži u xy ravnini i središte joj je u ishodištu koordinatnog sustava, a kroz nju protječe struja iznosa 1 A, tako da rezultira poljem u smjeru pozitivne osi z. U prostoru je postavljena još jedna strujnica radijusa 1m, sa središtem u točki (0, 0, 2m), koja leži u ravnini z =2m kroz koju protječe struja 1 A tako da rezultira poljem u smjeru pozitivne osi z. Odredite jakost magnetskog polja u točki (0, 0, 2m).

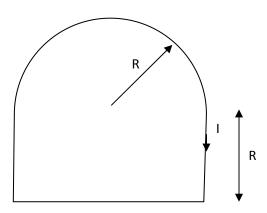
Rj.
$$H = a_z 0.545 \text{ Am}^{-1}$$

11. Za sustav iz prošlog zadatka odredite magnetskog polja u točki (0, 0, 1m).

Rj.
$$H = a_z 0.354 \text{ Am}^{-1}$$

12. Strujnica se sastoji od 3 ravna dijela i polukružnog dijela prema slici. Ukoliko strujnicom teče struja iznosa 1A odredite jakost magnetskog polja u središtu polukružne petlje. R=1m.

Rj.
$$0.25(1 + 2\sqrt{2} \pi^{-1})$$
 Am⁻¹



13. Strujni oblog zadan je jednadžbom $K=k\;a_x\;$ u xy ravnini. Beskonačno dugim ravnim vodičem zanemarivog presjeka koji prolazi točkom (0,0, 2) i paralelan je s x osi teče struja I. Odredite struju I tako da je jakost magnetskog polja u točki (0, 0, 1) jednaka nuli. Rj. $I=\pi k$