<u>Signali i sustavi – 5. domaća zadaća – primjeri zadataka</u> ak. god. 2006./07.

Marks: 1 Koja od navedenih jednadžbi diferencija nije homogena? $y(n-2) + 17y(n-1) = 25(-2)^n$ Bravo, točan odgovor! y(n-3) = 0 $\square_{c.} y(n) = 0$ D_{d} , y(n-2) + y(n-4) = 0y(n-3) + 14y(n-2) = 0Točno Marks for this submission: 1/1. 2 Marks: 1 Sustav drugog reda opisan jednadžbom $y''(t)+2\zeta\omega_ny'(t)+\omega_n^2y(t)=0$ 72 koji vrijedi 🕻 > 1 je: a. prigušenost ne ovisi o 🕻 b. kritično prigušen C. podkritično prigušen d. neprigušen E e. nadkritično prigušen Bravo, točan odgovor! Točno Marks for this submission: 1/1. 3 Marks: 1 Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3 i -1, a partikularno rješenje ² * (t), tada je rješenje homogene jednadžbe: \square a $2\mu(t)$ $\Box_b C_2 e^{-3t} + C_2 e^{-t} + 2\mu(t)$ $\mathbb{E}_{C_1} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-t}$ Bravo, točan odgovor! 😃 \Box d $-3-1+2\mu(t)$ $\Box_{e} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-7t} + 2\mu(t)$

Točno

Marks: 1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$ odziv mirnog sustava uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_p(t)$ partikularno rješenje, ukupni odziv sustava možemo prikazati kao:

$$\square$$
 a $y(t) - y_p(t)$

$$y_1 = y_1(t) + y_2(t) + y_2(t) = y_1(t) + y_2(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_2(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_2($$

$$\qquad \qquad \square_{\quad \text{C.}} \ y(t) = y_1(t) + y_p(t)$$

$$\square_{d} y(t) = y_2(t) + y_p(t)$$

$$\mathbf{E}_{e}$$
 $y(t) = y_1(t) + y_2(t)$ Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1

Odredi prva dva uzorka impulsnog odziva mirnog sustava zadanog jednadžbom diferencija $y[n-3]-2y[n-2]+y[n]=u[n-1]+u[n]_{uz}$ $n\geq 0$!

$$C_{c.} -1, 1$$

$$\Box$$
 d. 1, -1

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $y''(t)-y'(t)-6y(t)=t^2+3t$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\Box_a C_1 t + C_0$$

$$C_{b}$$
: $C_{2}t^{2} + C_{1}t + C_{0}$ Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{c.} e^{2t} + 3e^{t}$$

$$\Box_{d} C_1^2 + C_0$$

$$\mathbf{E}_{\mathrm{e.}} 3\mu(t)$$

Točno

Marks: 1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su -2 i -3, pri čemu je -2 dvostruki korijen, a -3 jednostruki korijen. Homogeno rješenje jednadžbe diferencija možemo zapisati u obliku (C_1 , C_2 i C_3 su konstante):

$$\Box_{a} y_h(n) = C_1 n^2 (-2)^n + C_2 (-3)^n + C_3$$

$$\mathbb{E}_{b}$$
, $y_h(n) = (C_1n + C_2)(-2)^n + C_3(-3)^n$ Bravo, točan odgovor!

$$\square_{\text{C.}} y_h(n) = (C_1 n^2 + C_2)(-2)^n + C_3 n^2 (-3)^n$$

$$\Box_{d} y_h(n) = (C_1 + C_2 n^2)(-2)^n + C_3(-3)^n$$

$$y_h(n) = C_1 n(-2)^n + (C_2 n + C_3)(-3)^n$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 0.9/1

Karakteristične frekvencije sustava ovise o:

- a. sustav nema karakterističnih frekvencija
- E b. strukturi i parametrima samog sustava Bravo, točan odgovor!
- C. frekvenciji pobude sustava
- d. periodu pobude sustava
- e. vrsti pobude koja djeluje na sustav

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 0.9/1

Ako jedini korijeni 4 karakterističnog polinoma leže na realnoj osi kompleksne ravnine i 4 sq. 1, odziv je:

- a. konstantan
- b. oscilatoran i prigušen
- c. aperiodski, amplituda se povećava povećanjem koraka 🎁
- d. aperiodski, amplituda se smanjuje povećanjem Bravo, točan odgovor!
- e. oscilatoran i neprigušen

Točno

Marks: 0.9/1

Odredi partikularno rješenje jednadžbe diferencija

$$y(n+2) + 2y(n+1) + y(n) = (-1)^{n}$$

$$\mathbb{E}_{a} y_{p}(n) = \frac{1}{2}n^{2}(-1)^{n}$$
 Bravo, točan odgovor!

$$y_p(n) = \frac{1}{4}n^3(-1)^n$$

$$\square_{c.} y_p(n) = \frac{1}{4}n(-2)^n$$

$$\square_{\rm d.} y_p(n) = \frac{1}{4} n^5 (-1)^n$$

$$\Box_{e} y_p(n) = \frac{1}{2}n(-1)^n$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

4

Marks: 0.9/1 Mirni sustav je:

- a. stabilan sustav
- L b. sustav u kojem energija teži u beskonačnost
- c. sustav kojemu su početna tri stanja različita od nule
- d. nestabilan sustav
- c. sustav u kojem nema energije

Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 0.9/1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3i -7, a partikularno rješenje $2\mu(t)$, tada je odziv sustava:

$$\square$$
 a $2\mu(t)$

$$\Box_{b} = -3 - 7 + 2 \mu(t)$$

$$\mathbb{C}_{c}$$
 $C_1e^{-3t} + C_2e^{-7t} + 2\mu(t)$ Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{d} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-t} + 2\mu(t)$$

$$\Box$$
 e. $C_1e^{-3t} + C_2e^{-t}$

Točno

Marks: 0.8/1

Sustav čija je funkcija pobude f(t) = 0 nazivamo:

- a. nelinearni sustav
- C. mirni sustav
- d. sustav bez početne energije
- c. mrtvi sustav

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: 0.9/1

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$
. Karakterističn

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica jednadžba takvog sustava glasi:

- \Box a. $s^3 s = 0$
- $\mathbf{E}_{\mathbf{b}} (s \cdot 1)^2 = 0 \text{ Točno! } \mathbf{b}$
- \square c. s=0

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1/1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -j i j, a partikularno rješenje $5\mu(t)$, tada je rješenje homogene jednadžbe:

- $\Box_{a} C_1 e^{-jt} + C_2 e^{jt} + 5 \mu(t)$
- $\Box_{b.} C_1 e^{-t} + C_2 e^t$
- \Box c. $-2j + 5 \mu(t)$
- $C_1 \operatorname{dim}(t) + C_2 \cos(t)$ Bravo, točan odgovor!
- \Box $\cos(t) + \sin(t) + 5\mu(t)$

Točno

Marks: 1/1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$

homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_p(t)$ partikularno rješenje, ukupni odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$\square$$
 b. $y(t) - y_p(t)$

$$\square_{C} \quad y(t) = y_2(t) + y_p(t)$$

$$\mathbf{E}_{\mathrm{d.}} y(t) = y_1(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

$$y_1 = y_1(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_3(t)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1/1

Za prirodni odziv sustava vrijedi (samo je jedna tvrdnja točna):

- a. identičan je impulsnom odzivu sustava
- b. ovisi o ulaznoj pobudi
- C. prirodni odziv nije umjetni
- C d. ovisi samo o početnom stanju sustava Izvrsno!
- e. jednak je odzivu mirnog sustava

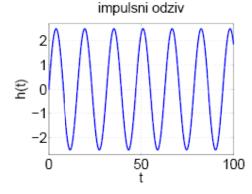
Točno

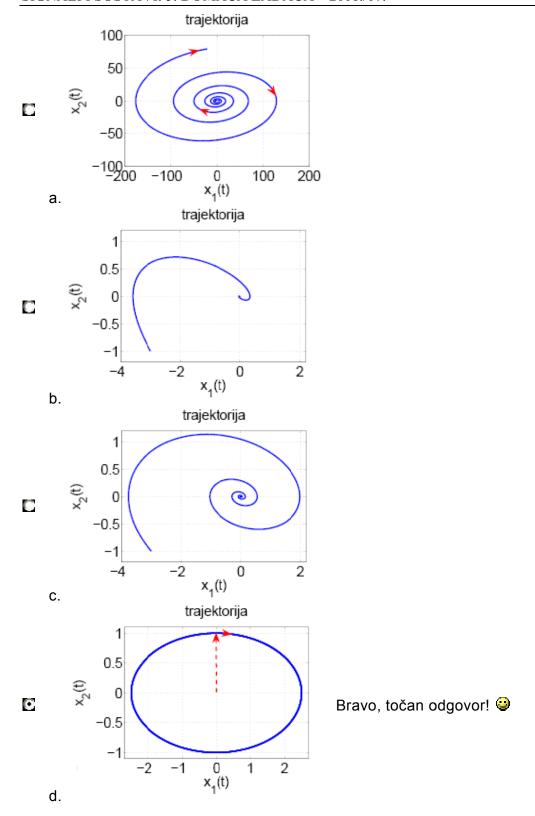
Marks for this submission: 1/1.

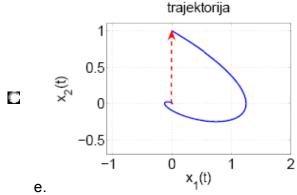
4

Marks: 1/1

Impulsni odziv sustava II. reda dan je slikom. Koja od ponuđenih trajektorija je jedina moguća?







Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1/1

Koja je od navedenih jednadžbi diferencija homogena?

$$\square$$
 a. $y(n) = \delta(n)$

$$y(n-3) + 14y(n-2) = (-3)^n$$

$$\mathbf{E}_{\mathbf{C}} y(n-2) + 17y(n-1) = \mathbf{0}$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{d} \ y(n+3) = \mu(n)$$

$$y(n-2) + y(n-4) = \delta(n) + \delta(n+1)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1/1

Zadana je pobuda jednadžbe diferencija u obliku $u(n) = 2(-1)^n$, a jedine nultočke karakteristične jednadžbe su -2i -4. Partikularno rješenje možemo zapisati u obliku (C je konstanta):

$$\Box_{a.} y_p(n) = Cn^2(-1)^n$$

$$oxed{\mathbb{C}}_{\mathrm{b.}} y_p(n) = C(-1)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square _{\text{C.}} y_p(n) = Cn(-1)^n$$

$$\square$$
 d. $y_p(n) = Cne^n$

$$\Box \ \ _{\mathrm{e.}} \ y_p(n) = Cn^3(-1)^n$$

Točno

Marks: 1/1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) = 3\sin(3t)$

Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

 \square a. $C\cos(2t)$

 $C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t)$ Bravo, točan odgovor!

 $\Box_{c.} t^3 (3\sin(3t) + 3\cos(3t))$

 \Box d. $3\sin(t+\pi/2)$

 \Box e. $\sin(t)$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1

Odziv nepobuđenog sustava uz zadane početne uvjete ekvivalentan je:

a. rješenju karakteristične jednadžbe, neovisno o početnim uvjetima

b. odzivu mrtvog sustava, neovisno o početnim uvjetima

c. rješenju homogenog sustava uz jednake početne uvjete

Bravo, točan odgovor!

d. odzivu mirnog sustava uz jednake početne uvjete

e. rješenju karakteristične jednadžbe uz jednake početne uvjete

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 1

Odredi prva tri uzorka prisilnog odziva sustava zadanog jednadžbom diferencija

$$11y(n-3) + y(n) = 2\delta(n-2) + 4\delta(n-1) + 5\delta(n)$$

$$paragraphi_{a} y(0) = 5, y(1) = -4, y(2) = 2$$

$$b_1 y(0) = -5 y(1) - 4 y(2) = -2$$

$$\mathbf{p}_{c} y(0) = -5 y(1) - -7 y(2) - -2$$

$$\mathbf{D}_{\mathrm{d}} y(0) = -5, y(1) - 2, y(2) = -2$$

$$\mathbf{E}_{e} y(0) = \mathbf{5} y(1) - \mathbf{4} y(2) = 2$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1

Zadana je jednadžba diferencija

$$y(n+2) + 7y(n+1) + 12y(n) = 4\cos(n+1) + 8\sin(n)$$
. Pripadni

karakteristični polinom dan je jednadžbom (uz $y(n)=q^n$, $q\in\mathbb{C}$):

$$\Box_{a} q^2 + 12q + 7 = 0$$

$$\Box_{b} 1 + 7q^{-2} + 12q^{-3} = 0$$

$$\Box_{c} q^{3} + 7q^{4} + 12q = 0$$

$$E_{d} q^2 + 7q + 12 = 0$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square = q^2 + 7q + 12 = u(n)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1

Odredi nultočke karakterističnog polinoma jednadžbe diferencija

$$y(n+2) + 5y(n+1) + 6y(n) = 8u(n+2) + 4u(n),$$

$$q_1 = 2$$
, $q_2 = -3$

$$\mathbf{E}_{c}$$
, $q_1 = -2$, $q_2 = -3$ Bravo, točan odgovor!

$$\square$$
 d. $q_1 = C_1 e^{-2n}$ $q_2 = C_2 e^{-2n}$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Rješenje linearne diferencijalne jednadžbe sastoji se:

- a. samo od partikularnog rješenja
- **b**. samo od odziva mirnog sustava
- c. od sume partikularnog i homogenog rješenja Bravo, točan odgovor! 🥹
- d. od sume odziva mirnog i prisilnog sustava
- e. samo od odziva nepobuđenog sustava

Točno

Marks: 1

Uvrštenjem pretpostavljenog rješenja homogene jednadžbe $y(t) - e^{t}$, gdje je t kompleksan broj, u diferencijalnu jednadžbu y''(t) + 2y(t) + y(t) = 0, dobivamo karakterističnu jednadžbu:

$$\mathbf{E}_{a}$$
, $p^2 + 2p + \mathbf{1} = \mathbf{0}$ Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{b} 2p^2 + 2p = 0$$

$$\Box_{c.} p^{2} + 2pe^{pt} = 0$$

$$\Box e^{p^2}e^{pt} + 2p + 1 = 0$$

Točno

1

Marks: 1

Odziv nepobuđenog sustava uz zadane početne uvjete odgovara:

a. homogenom rješenju jednadžbe diferencija uz iste početne uvjete

Bravo, točan odgovor!

9

b. prisilnom odzivu sustava

c. ukupnom rješenju jednadžbe diferencija uz iste početne uvjete

d. partikularnom rješenju jednadžbe diferencija uz iste početne uvjete

e. impulsnom odzivu sustava

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) = 3\sin(3t)$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\Box$$
 a. $C \cos(2t)$

$$\Box_{b} t^3 (3\sin(3t) + 3\cos(3t))$$

$$\Box$$
 c $sin(t)$

$$\Box$$
 d $3\sin(t+\pi/2)$

$$\mathbf{E}_{e} = C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t)$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1

U homogenom rješenju (1) – r neke linearne diferencijalne jednadžbe, kompleksan broj \mathcal{F} predstavlja:

- a. red sustava
- b. karakterističnu frekvenciju pobude
- c. karakterističnu frekvenciju sustava Bravo, točan odgovor!
- d. pobudu sustava
- e. broj nepoznanica u sustavu

Točno

Marks for this submission: 1/1.

4

Marks: 1

Zadana je pobuda u obliku polinoma $f(n) = 2n^2 + 3n + 4$. Partikularno rješenje jednadžbe diferencija dano je u obliku (C_0 , C_1) i C_2 su konstante):

$$\Box_{b} y_{p}(n) = C_{0} + C_{1}n + C_{2}n^{2} + C_{3}n^{3}$$

$$\square \quad _{c} \quad y_{p}(n) = C + Cn + Cn^{2}$$

$$\square \quad _{\rm d.} \ y_p(n) - Cn^2$$

$$\mathbf{E}_{e} y_p(n) = C_0 + C_1 n + C_2 n^2$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$ homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_2(t)$ partikularno rješenje, odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$\square \quad _{a} \quad y(t) = y_{1}(t) + y_{p}(t)$$

$$\Box_{b} y(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_p(t)$$

$$\square_{c} y(t) = y_2(t) + y_p(t)$$

$$\square \quad _{\mathbf{d}} \ y(t) = y_2 t)$$

$$\mathbf{E}_{\mathrm{e.}} y(t) = y_1(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1

Ako je jedini korijen karakteristične jednadžbe $q=-1_{
m odziv}$ homogenog rješenja $y_h(n)$ je:

- a. konstantan, amplituda se ne mijenja promjenom koraka n
- b. oscilatoran, povećanjem koraka amplituda se povećava
- c. aperiodski, povećanjem koraka Ramplituda se povećava
- d. oscilatoran, povećanjem koraka amplituda se smanjuje
- e. apsolutna vrijednost amplitude je konstantna

Izvrsno, odziv je oblika (-1)ⁿ i apsolutna vrijednost amplitude je stalna!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$ odziv mirnog sustava uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_2(t)$ partikularno rješenje, ukupni odziv sustava možemo prikazati kao:

$$\mathbb{E}_{a} y(t) = y_1(t) + y_2(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{b} y(t) = y_2(t) + y_p(t)$$

$$y(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_3(t)$$

$$\square$$
 d. $y(t) = y_p(t)$

$$\square_{-e} \ y(t) = y_1(t) + y_p(t)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su -2 i -8, pri čemu su oba jednostruki korijeni. Homogeno rješenje jednadžbe diferencija možemo zapisati u obliku (C_1 i C_2 su konstante):

$$\square$$
 a. $y_h(n) = C_1 n(-2)^n + C_2 n(-3)^n$

$$\mathbb{E}_{b}$$
 $y_h(n) = C_1(-2)^n + C_2(-3)^n$ Bravo, točan odgovor!

$$\square_{C_1} y_h(n) = C_1 n^3 (-2)^n + C_2 n^3 (-3)^n$$

$$D_{d} y_h(n) = C_1 n(-2)^n + C_2 (-3)^n$$

$$\Box_{e} y_h(n) = C_1 n^2 (-2)^n + C_2 n^2 (-3)^n$$

Točno

Marks: 1

Za linearni sustav opisan diferencijalnom jednadžbom

 $\mathbf{y}(t) + a\mathbf{y}(t) + y(t) = u(t)$ odredite parametar a tako da sustav daje neprigušen odziv.

$$\square$$
 a. $a=4$

$$\Box$$
 b $a=-3$

$$\mathbf{E}$$
 c. $a = \mathbf{0}$ Bravo!

$$\Box$$
 d. $a = -1$

$$\square$$
 e. $a=1$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

4

Marks: 1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -1i 1, a partikularno rješenje $\mu(t)$, tada je odziv sustava:

$$\square$$
 a. $C_1e^{-t}+C_2e^t$

$$\square_{b}$$
 $\mu(t)$

$$\Box_{c} C_1 e^{-t} + C_2 e^{t} + 2\mu(t)$$

$$\Box_{\rm d.} -2 + \mu(t)$$

$$\Box_{e} C_1 e^{-t} + C_2 e^t + \mu(t)$$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

5

Marks: 1

U homogenom rješenju $y(t)=e^{pt}$ neke linearne diferencijalne jednadžbe, kompleksan broj p predstavlja:

a. red sustava

🗈 b. karakterističnu frekvenciju sustava Bravo, točan odgovor! 🤤

C. pobudu sustava

d. broj nepoznanica u sustavu

🛘 e. karakterističnu frekvenciju pobude

Točno

Marks: 1

Ako je pobuda linearne jednadžbe diferencija s konstantnim koeficijentima eksponencija oblika $u[n] = Aq^n$, $A \in \mathbb{C}$ i ako q nije korijen karakteristične jednadžbe tada je $y_p(n) = Cq^n$, gdje je $C \in \mathbb{C}$ neka konstanta!

Odgovor:

Točno Netočno

Netočno

Marks for this submission: 0/1. This submission attracted a penalty of 1.

4

Marks: 1

Odziv nepobuđenog sustava uz zadane početne uvjete ekvivalentan je:

- a. odzivu mirnog sustava uz jednake početne uvjete
- b. odzivu mrtvog sustava, neovisno o početnim uvjetima
- c. rješenju karakteristične jednadžbe uz jednake početne uvjete
- d. rješenju homogenog sustava uz jednake početne uvjete

Bravo, točan odgovor!



e. rješenju karakteristične jednadžbe, neovisno o početnim uvjetima

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1

$$A = \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
. Karakteristična jednadžba

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica
takvog sustava glasi:

. Ka

$$\Box s^2 - 7s + 19 = 0$$

$$\Box_{b} s^{2} + 2s + 5 = 0$$

$$E c s^2 - 2s - 5 = 0$$
 Točno!

$$\Box$$
 d $s^2 - 8s + 7 = 0$

$$\Box$$
 e. $s^3 - 2s - 5 = 0$

Točno

Marks: 1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe — i — , a partikularno rješenje 2 — , tada je rješenje homogene jednadžbe:

$$\Box$$
 a. $-3-7+2\mu(t)$

$$\Box$$
 b. $2\mu(t)$

$$\Box_{c} C_{1}e^{-3t} + C_{2}e^{-7t} + 2\mu(t)$$

$$\mathbf{C}_{\mathrm{d.}} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-7t}$$

Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: 1

$$y(t) + a(t)y(t) = f(t)_{\text{opisuje}}$$

- a. jednadžba ne opisuje sustav, and mora biti konstanta
- **©** b. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav
- c. vremenski nepromjenjiv linearni sustav
- d. vremenski promjenjiv linearni sustav
- e. nelinearni vremenski promjenjiv sustav

Netočno

1

Marks: 1

Zadana je jednadžba diferencija y(n+2)+7y(n+1)+12y(n)=0. Pripadni karakteristični polinom dan je jednadžbom (uz. $y(n)=q^n$, $q\in\mathbb{C}$):

$$\blacksquare$$
 a. $q^2 + 7q + 12 = 0$ Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{b.} q^3 + 7q^2 + 12q = 0$$

$$\Box_{d} q^2 + 12q + 7 = 0$$

$$\Box$$
 e. $1 + 7q^{-2} + 12q^{-3} = 0$

Točno

Marks: 1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3 i -1, a partikularno rješenje $2^{\mu(t)}$, tada je rješenje homogene jednadžbe:

$$\Box_{a} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-7t} + 2 \mu(t)$$

$$\square$$
 b. $2\mu(t)$

$$\mathbb{E}_{-C_1} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-t}$$

Bravo, točan odgovor! 🥥

$$\Box$$
 d $-3-1+2\mu(t)$

$$\Box_{e} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-t} + 2\mu(t)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1

Sustav drugog reda opisan jednadžbom $y''(t) + 2\zeta \omega_n y'(t) + \omega_n^2 y(t) = 0$ za koji vrijedi $\zeta > 1$ je:

- a. neprigušen
- L b. kritično prigušen
- C. podkritično prigušen
- C d. nadkritično prigušen
- e. prigušenost ne ovisi o \$\exists\$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

4

Marks: 1

Odredi prva tri uzorka prisilnog odziva sustava zadanog jednadžbom diferencija $\mathbf{11}y(n-3)+y(n)=2\delta(n-2)+4\delta(n-1)+5\delta(n)$

$$\square$$
 a. $y(0) = 5$, $y(1) = -4$, $y(2) = 2$

$$\mathbf{E}_{\mathrm{b.}} y(0) = \mathbf{5}, y(1) = \mathbf{4}, y(2) = \mathbf{2}$$
 Bravo, točan odgovor!

$$y(0) = -5$$
 $y(1) = 4$ $y(2) = -2$

$$\Box_{d} y(0) = -5 y(1) = 2 y(2) = -2$$

$$\mathbf{p}_{e} y(0) = 5 y(1) - 7 y(2) - 2$$

Točno

Marks: 1

Sustav čija je funkcija pobude f(t) = 0 nazivamo:

- a. mrtvi sustav
- b. nelinearni sustav
- C. nepobuđen sustav Bravo, točan odgovor!
- d. mirni sustav
- c. sustav bez početne energije

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Zadana je jenadžba diferencija

$$y(n+2) + 5y(n+1) + 6y(n) = 8u(n+1) + 4u(n)_{117} u(n) = (\frac{1}{2})^n$$

Partikularno rješenje je:

$$\square$$
 $_{a} y_{p}(n) = \frac{16}{19}(\frac{1}{2})^{2n}$

$$p_p(n) = \frac{32}{45}(-\frac{1}{2})^n$$

$$\mathbf{E}_{\mathbf{C}}$$
 $y_p(n) = \frac{32}{35} (\frac{1}{2})^n$ Bravo, točan odgovor!

$$\square_{\text{d.}} y_p(n) = \frac{32}{35}(-\frac{1}{4})^n$$

$$\square_{\text{e.}} y_p(n) = \frac{32}{45} (\frac{1}{2})^n$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: 1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3 i -1, a partikularno rješenje $2\mu(t)$, tada je odziv sustava:

$$\Box_{a} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-t}$$

$$\mathbb{E}_{b} C_{1}e^{-3t} + C_{2}e^{-t} + 2\mu(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square_{\text{C.}} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-7t} + 2\mu(t)$$

$$\square$$
 d. $-3 - 1 + 2 \mu(t)$

$$\mathbf{E}_{\mathrm{e.}} 2\mu(t)$$

Točno

Marks: 1

Sustav čija je funkcija pobude $f(t) \neq 0$ nazivamo:

- a. krepani sustav
- b. nelinearni sustav
- C. nepobuđeni sustav
- 🖸 d. pobuđeni sustav Bravo, točan odgovor! 😇
- c. sustav bez početne energije

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 1

Odredi prirodni odziv sustava s karakterističnim korijenima u -2 i -3 uz početne uvjete y(-1)=0 j y(-2)=1

- $\square_{a} y_{\text{prirodui}}(n) = -12(-2)^n + 18(-3)^n$
- $\square_{b.} y_{\text{prino}}(n) = -6(-2)^n + 18(-3)^n$
- $\square_{\text{C.}} y_{\text{prinodul}}(n) = 12(-2)^n + 18(-3)^n$
- \square d. $y_{\text{priro}}(n) = 6(-2)^n + 18(-3)^n$
- $\mathbb{E}_{\mathbf{e}} \ y_{\text{prirodul}}(n) = 12(-2)^n 18(-3)^n$

3

Marks: 1

Homogena linearna diferencijalna jednadžba 🎋 –tog reda ima:

- \square a. najviše (n-1) linearno nezavisnih rješenja
- \square b. najviše (n-1) linearno zavisnih rješenja
- c. beskonačno mnogo linearno nezavisnih rješenja
- d. najviše filinearno nezavisnih rješenja

Bravo, točan odgovor!

e. najviše % linearno zavisnih rješenja

Točno

Marks: 1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $y''(t)-y'(t)-6y(t)=e^{-2t}$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\square$$
 d $2\mu(t)$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su -2i -3, pri čemu je -2 dvostruki korijen, a -3 jednostruki korijen. Homogeno rješenje jednadžbe diferencija možemo zapisati u obliku (C_1 , C_2 i C_3 su konstante):

$$\square_{a} y_h(n) = C_1 n^2 (-2)^n + C_2 (-3)^n + C_2$$

$$\square_{b.} y_h(n) = (C_1 + C_2 n^2)(-2)^n + C_3(-3)^n$$

$$p_h = y_h(n) = C_1 n(-2)^n + (C_2 n + C_3)(-3)^n$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Zadana je jednadžba diferencija $y(n+2) + 3y(n+1) + 2y(n) = 2(-1)^n$. Partikularno rješenje jednadžbe je oblika:

$$\mathbf{E}_{\mathbf{a}} y_p(n) = Cn(-1)^n$$

$$\square_{b} y_p(n) = C(-1)^{n+1}$$

$$\square_{-\mathbb{C},-} y_p(n) = Cn^2(-1)^n$$

$$\square \quad \text{d.} \quad y_p(n) = C(-1)^n$$

$$\Box$$
 e. $y_p(n) = Cn(-1)^{n+1}$

Marks: 1

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{4} & -\mathbf{1} \\ 7 & 3 \end{bmatrix}$$
. Karakteristična

Bravo, točan

odgovor! 😇

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica jednadžba takvog sustava glasi:

$$\Box$$
 a. $s^3 - 7s - 5 = 0$

$$\Box_{b.} s^2 + 19s - 7 = 0$$

$$\Box$$
 c. $s^2 + 7s + 19 = 0$

$$E d s^2 - 7s + 19 = 0$$
 Točno!

$$\Box$$
 e. $s^2 - 7s + 8 = 0$

Točno

1

Marks: 1

Jednadžba $y'(t) + e^{-y(t)}y(t) - f(t)$ opisuje:

- a. jednadžba ne opisuje sustav, koeficijent uz (*) mora biti konstanta
- b. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav
- C. vremenski nepromjenjiv linearni sustav
- d. nelinearan vremenski promjenjiv sustav
- e. vremenski promjenjiv linearni sustavu

2

Marks: 1

Odziv nepobuđenog sustava uz zadane početne uvjete ekvivalentan je:

- a. rješenju karakteristične jednadžbe uz jednake početne uvjete
- L b. odzivu mirnog sustava uz jednake početne uvjete
- c. rješenju karakteristične jednadžbe, neovisno o početnim uvjetima
- d. rješenju homogenog sustava uz jednake početne uvjete
- e. odzivu mrtvog sustava, neovisno o početnim uvjetima

Točno

Marks: 1

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{4} & -\mathbf{1} \\ 7 & 3 \end{bmatrix}$$
. Karakteristična

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica jednadžba takvog sustava glasi:

E
$$s^2 - 7s + 19 = 0$$
 Točno!

$$\Box$$
 b. $s^2 + 7s + 19 = 0$

$$\square_{c.} s^3 - 7s - 5 = 0$$

$$\Box_{d.} s^2 + 19s - 7 = 0$$

$$\Box$$
 e. $s^2 - 7s + 8 = 0$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

4

Marks: 1

Prirodni odziv sustava je $y_{\text{prirodn}}(n) = 2(-1)^n + 8(-2)^n$, dok je prisilni odziv sustava $y_{\text{prisilni}}(n) = 16(-3)^n$. Totalni odziv sustava $y_{\text{T}}(n)$ je:

$$x = a_n y_T(n) = 2(-1)^n + 8(-2)^n - 16(-3)^n$$

$$y_T(n) = -2(-1)^n - 8(-2)^n + 16(-3)^n$$

$$y_T(n) = 2(-1)^n + 8(-2)^n + 16(-3)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

$$p_T(n) = -2(-1)^n - 8(-2)^n - 16(-3)^n$$

$$p_{-e} y_T(n) = 32(3)^n + 128(6)^n$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1

Koji od navedenih postupaka možemo koristiti za određivanje partikularnog rješenja jednadžbe diferencija?

- a. Jerenov postupak
- b. Eulerova unazadna diferencija
- C. Eulerova unaprijedna diferencija
- d. bilinearna transformacija
- e. Lagrangeova metoda varijacije parametara Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1

U homogenom rješenju $y(t)=e^{pt}$ neke linearne diferencijalne jednadžbe, kompleksan broj p predstavlja:

- a. pobudu sustava
- b. red sustava
- c. karakterističnu frekvenciju sustava Bravo, točan odgovor!
- d. broj nepoznanica u sustavu
- c. karakterističnu frekvenciju pobude

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: 1

Zadana je jednadžba diferencija y(n+2) + 2y(n+1) + 2y(n) = 12u(n). Homogeno rješenje jednadžbe je oblika:

$$\Box_{a} y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{\pi}{4}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

E b.
$$y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{\frac{2\pi}{4}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-\frac{3\pi}{4}n}$$
 Ne, korijeni su -1 ± 1 , što nam daje amplitudu $\sqrt{2}$ i kut od $\pm \frac{3\pi}{4}$.

$$C \frac{c}{y_h(n) - C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{n}{2}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{n}{2}n}}$$

$$\Box_{d} y_h(n) = C\sqrt{2}^n e^{j\frac{\pi}{4}n} - C\sqrt{2}^n e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

$$\Box_{e.} y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{\pi}{4}n} = C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

1

Marks: 0.9/1

Uvrštenjem pretpostavljenog rješenja homogene jednadžbe $y(t)=e^{pt}$, gdje je propostavljenog rješenja homogene jednadžbu 2y''(t)+2y'(t)+2y(t)=0, dobivamo karakterističnu jednadžbu:

$$\Box$$
 a. $2p^2 + 2p = 0$

$$p^2 + 2 = 0$$

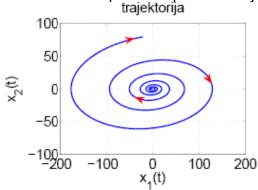
$$\square_{c} 2p^2e^{pt} + 2p + 2 = 0$$

Točno

Marks for this submission: 1/1. With previous penalties this gives 0.9/1.

Marks: -1/1

Sustav II. reda prikazan pomoću trajektorije stanja na slici je nestabilan.



Odgovor:

Točno Netočno

Trajektorija stanja se širi - nestabilan sustav.

Netočno

Marks for this submission: 0/1. With previous penalties this gives -1/1.

3

Marks: --/1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su $q_{1,2} = re^{\pm jt}$, r < 1i t su konstante. Odziv (odnosno oblik) homogenog rješenja $y_h(n)$ je:

- 🖸 a. aperiodski, povećanjem koraka 🌃 amplituda se smanjuje
- lacksquare b. povećanjem koraka n amplituda se ne mijenja
- C. aperiodski, povećanjem koraka ** amplituda se povećava
- d. oscilatoran, povećanjem koraka namplituda se smanjuje
- e. oscilatoran, povećanjem koraka namplituda se povećava

4

Marks: 0/1

Mirni sustav je sustav u kojem nema energije.

Odgovor:

E Točno C Netočno

Bravo, točan odgovor! 🙂

Točno

Marks for this submission: 1/1. With previous penalties this gives **0/1**.

Marks: 0.7/1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe kontinuiranog LTI sustava -j i j te ako je pobuda $5\mu(t)$, tada je odziv sustava oblika:

$$\Box_{a} C_1 e^{-jt} + C_2 e^{jt}$$

$$\Box_{b} C_1 e^{-t} + C_2 e^t + 5 \mu(t)$$

$$\Box$$
 c. $-2j + 5 \mu(t)$

$$\mathbb{C}_{d} = C_1 e^{-jt} + C_2 e^{jt} + C_3 \mu(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{e} C_1 e^{-jt} + C_2 e^{jt} + 5 \mu(t)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1. With previous penalties this gives 0.7/1.

6

Marks: 0/1

Ako je pobuda linearne jednadžbe diferencija s konstantnim koeficijentima eksponencija oblika $q^n - Aq^n$, $A \in \mathbb{C}$ i ako q nije korijen karakteristične jednadžbe tada je $q^n - Cn^2q^n$, gdje je $C \in \mathbb{C}$ neka konstanta! Odgovor:

Bravo!

Marks for this submission: 1/1. With previous penalties this gives 0/1.

7

Marks: 0.5/1

Sustav čija je funkcija pobude f(t) ≠ 0nazivamo:

a. sustav bez početne energije

Bravo, točan odgovor! 🕏

C. nelinearni sustav

d. nepobuđeni sustav

e. krepani sustav

Točno

Marks for this submission: 1/1. With previous penalties this gives 0.5/1.

Marks: 0/1

Odredi prva tri uzorka odziva nepobuđenog sustava ako je jednadžba diferencija $5y[n-2] + 15y[n-1] + 5y[n] = 13u[n]_{za}$ $n \ge 0$ uz početne uvjete y[-2] = 0, y[-1] = 1

$$\Box$$
 a. -3 , -10 , 33

$$\square$$
 c. -3 , -8 , 21

Netočno

Marks for this submission: 0/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

2

Marks: 1/1

Homogena linearna diferencijalna jednadžba 4 –tog reda ima:

a. najviše ¹⁶ linearno nezavisnih rješenja

Bravo, točan odgovor!

 \square b. najviše (n-1) linearno nezavisnih rješenja

C c. beskonačno mnogo linearno nezavisnih rješenja

C d. najviše 1 linearno zavisnih rješenja

 \square e. najviše (n-1) linearno zavisnih riešenia

Točno

Marks for this submission: 1/1.

Marks: --/1

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$$

jednadžba takvog sustava glasi:

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica

$$\Box a_1 s^2 - Ts + \Delta = 0$$
, $T = a_{11} + a_{22}$, $\Delta = a_{12}a_{21} - a_{11}a_{22}$

$$\Box$$
 b. $s^2 + Ts + \Delta = 0$, $T = a_{11} + a_{22}$, $\Delta = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$

$$C = s^2 - Ts + \Delta = 0$$
 $T = a_{11} + a_{22}$ $\Delta = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$

$$\Box$$
 d. $s^3 - Ts + \Delta = 0$, $T = a_{11} + a_{22}$, $\Delta = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$

$$\mathbb{C}_{e.} s^2 - Ts + \Delta = 1$$
, $T = a_{11} + a_{22}$, $\Delta = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$

Marks: -0.25/1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su $q_{\mathbf{k}^2} = re^{\frac{1}{2}j\delta}$, r < 1i f su konstante. Odziv (odnosno oblik) homogenog rješenja $y_{\mathbf{k}}(n)$ je:

- a. oscilatoran, povećanjem koraka namplituda se smanjuje
- 🖸 b. aperiodski, povećanjem koraka 🏿 amplituda se smanjuje
- 🖸 c. oscilatoran, povećanjem koraka 🥦 amplituda se povećava
- d. povećanjem koraka n amplituda se ne mijenja
- 🖸 e. aperiodski, povećanjem koraka 🏗 amplituda se povećava

Netocno

Marks for this submission: -0.25/1.

5

Marks: 1/1

Ako je pobuda linearne jednadžbe diferencija s konstantnim koeficijentima eksponencija oblika $u[n] = Aq^n$, $A \in \mathbb{C}$ i ako q nije korijen karakteristične jednadžbe tada je $q(n) = Cq^n$, gdje je $C \in \mathbb{C}$ neka konstanta! Odgovor:

Bravo! 😃

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 0.9/1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) = 3\sin(3t)$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\Box = t^3 (3\sin(3t) + 3\cos(3t))$$

$$C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t)$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\Box$$
 d. $3\sin(t+\pi/2)$

 \Box e. $\sin(t)$

Točno

Marks for this submission: 1/1. With previous penalties this gives 0.9/1.

Marks: 1/1

Sustav čija je funkcija pobude f(t) = 0nazivamo:

- a. mirni sustav
- b. nelinearni sustav
- c. nepobuđen sustav

Bravo, točan odgovor!

- d. mrtvi sustav
- C e. sustav bez početne energije

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1

Diferencijalna jednadžba $a_2y''(t) + a_1y'(t) + a_0y(t) = b_1u'(t) + b_0u(t)$ postaje homogena za:

- \Box a. $b_0 = 0$ $b_1 \neq 0$
- $b_1 b_1 = 0$, $b_0 \neq 0$
- $a_1 a_2 = a_1 = 0$
- $\mathbf{E}_{\mathbf{e}_{1}}b_{1}=b_{0}=\mathbf{0}$ Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 1

$$\mathbf{A} = egin{bmatrix} \mathbf{1} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{1} \end{bmatrix}$$
 . Karakteristična

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica jednadžba takvog sustava glasi:

- $\square \quad a \quad s^3 s = 0$
- $\Box b s^2 1 = 0$
- $\Box_{c} (s+1)^2 = 0$
- \Box d. s=0
- $[s-1)^2-0$ Točno!

Točno

Marks: 1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$

homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_{r}(t)$ partikularno rješenje, odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$\Box_{a} y(t) = y_2(t) + y_p(t)$$

$$\square_{\mathbf{b}, \mathbf{y}}(t) = y_1(t) + y_p(t)$$

$$\mathbf{E}_{\mathbf{C}} y(t) = y_2 t$$

$$y_1(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_2(t)$$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

4

Marks: 1

Red diferencijalne jednadžbe određen je:

a. najvišom derivacijom

Bravo, točan odgovor! 🥹

b. partikularnim rješenjem

C. vlastitom frekvencijom sustava

d. kompliciranošću jednadžbe

C e. brojem rješenja

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1

Zadana je jednadžba diferencija

$$3y(n+2)+2y(n+1)+y(n)=3u(n+2)+2v(n+1)+u(n)$$
. Zapis jednadžbe diferencija pomoću operatora E dan je sljedećom jednadžbom ($E[f(n)]=f(n+1)$)

C d.
$$3E^{n+2}y(n) + 2E^{n+1}y(n) + E^ny(n) = 3E^{n+2}u(n) + 2(E^{n+1})u(n) + 2(E^$$

Marks: 1

Ako je pobuda linearne jednadžbe diferencija s konstantnim koeficijentima eksponencija oblika $q^n - Aq^n$, $A \in \mathbb{C}$ i ako q nije korijen karakteristične jednadžbe tada je $q^n - Cn^2q^n$, gdje je $C \in \mathbb{C}$ neka konstanta! Odgovor:

Bravo! 😜

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: 1

Odziv nepobuđenog sustava drugog reda je $y_n(n) = 3(-1)^n - 8(-2)^n$ za $n \ge 0$. Početna stanja sustava su:

$$y(-1) = 1$$
 $y(-2) = -1$ $y(-3) = -1$

$$y(-1) = 1$$
 $y(-2) = 1$

Bravo, točan odgovor! 😂

$$y(-1) = -5$$
 $y(-2) = -19$

$$y(-1) = -5$$
, $y(-2) = 13$, $y(-3) = -1$

$$\mathbf{p}_{-\mathbf{e}_{-}} y(-1) = 13 \ y(-2) = -29$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1/1

Uvrštenjem pretpostavljenog rješenja homogene jednadžbe $y(t)=e^{pt}$, gdje je p kompleksan broj, u diferencijalnu jednadžbu y''(t)+2y'(t)=0, dobivamo karakterističnu jednadžbu:

$$\square \quad a \quad p^2 + 2pe^{pt} = 0$$

$$p^2 + 2 = 0$$

$$\Box_{c.} p^2 + 2p + 1 = 0$$

$$\square \quad d \quad p^2 e^{pt} + 2p = 0$$

$$\mathbb{E}_{e} p^2 + 2p = 0$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1/1

- a. vremenski promjenjiv linearni sustavu
- b. jednadžba ne opisuje sustav, koeficijent uz **(*)* mora biti konstanta
- c. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav

Bravo, točan odgovor! 😂

- d. nelinearan vremenski promjenjiv sustav
- c. vremenski nepromjenjiv linearni sustav

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1/1

Zadana je pobuda jednadžbe diferencija u obliku $u(n) = 2(-1)^n$, a jedine nultočke karakterističnog polinoma su -1i -2. Partikularno rješenje $v_p(n)$ možemo zapisati u obliku (C je konstanta):

$$\Box$$
 a. $y_p(n) = Cn^2(-1)^n$

$$y_p(n) = Cn(-1)^x$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square \quad _{\mathbf{C}.} \quad y_p(n) = Cne^n$$

$$\square \quad \text{d.} \quad y_p(n) = C(-1)^n$$

$$\Box_{e.} y_{p}(n) = Cn^{3}(-1)^{n}$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

4

Marks: 1/1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$ homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_2(t)$ partikularno rješenje, odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$\square_{\mathbf{a}_{1}} y(t) = y_{2}(t) + y_{p}(t)$$

$$\Box \quad \mathbf{b} \quad y(t) = y_2 t$$

$$y(t) = y_1(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

$$y(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_p(t)$$

$$\square \quad _{\mathbf{e}} \quad y(t) = y_{\mathbf{i}}(t) + y_{\mathbf{p}}(t)$$

Točno

Marks: -0.25/1

Sustav drugog reda opisan jednadžbom $y''(t)+2\zeta\omega_ny'(t)+\omega_n^2y(t)=0$ za koji vrijedi $\zeta<1$ je:

a. podkritično prigušen

- □ b. prigušenost ne ovisi o
- C. kritično prigušen
- C d. neprigušen
- c. nadkritično prigušen

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1.

6

Marks: --/1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su -2 i -3, pri čemu je -2 dvostruki korijen, a -3 jednostruki korijen. Homogeno rješenje jednadžbe diferencija možemo zapisati u obliku (C_1 , C_2) i C_3 su konstante):

$$\Box_{a} y_h(n) = C_1 n^2 (-2)^n + C_2 (-3)^n + C_3$$

$$\square_{b} y_h(n) = (C_1 n^2 + C_2)(-2)^n + C_3 n^2(-3)^n$$

$$C_{c}$$
 $y_h(n) = C_1 n(-2)^n + (C_2 n + C_3)(-3)^n$

$$y_h(n) = (C_1 + C_2 n^2)(-2)^n + C_3(-3)^n$$

$$y_h(n) = (C_1n + C_2)(-2)^n + C_3(-3)^n$$

7

Marks: 1/1

Odredi prva tri uzorka prisilnog odziva sustava zadanog jednadžbom diferencija $y(n-3)+12y(n-2)+y(n)=2\delta(n-1)+\delta(n)$

$$\Box_{a} y(0) = 1, y(1) = 2, y(2) = 3$$

$$\mathbf{D}_{-\mathbf{b}_{-}}y(0) = \mathbf{1}_{-}y(1) = \mathbf{3}_{-}y(2) = -12$$

$$p_{c} y(0) = 1, y(1) = 3, y(2) = -9$$

$$\Box_{d} y(0) = 0$$
 $y(1) = 1$ $y(2) = 3$

$$\mathbb{E} \left[y(0) = 1 \right] y(1) = 2 \left[y(2) = -12 \right]$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1/1

Rješenje linearne diferencijalne jednadžbe sastoji se:

- a. samo od odziva mirnog sustava
- b. od sume odziva mirnog i prisilnog sustava
- c. od sume partikularnog i homogenog rješenja Bravo, točan odgovor! 🥯
- d. samo od odziva nepobuđenog sustava
- e. samo od partikularnog rješenja

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: 1/1

Prisilni odziv sustava je:

a. odziv sustava na pobudu uz početne uvjete jednake nuli

Bravo, točan odgovor!

- □ b. odziv sustava na jediničnu strepenicu
- C. odziv sustava na pobudu jednaku nuli
- d. odziv sustava na impuls
- e. odziv sustava na pobudu uz proizvoljne početne uvjete

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1/1

Koja je od navedenih jednadžbi diferencija homogena?

$$\square$$
 a. $y(n+3) = \mu(n)$

$$y(n-2) + 17y(n-1) = 0$$

Bravo, točan odgovor! 🤪

$$p(n-3) + 14y(n-2) = (-3)^n$$

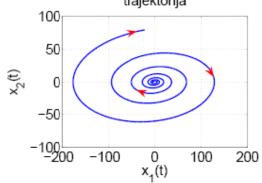
$$\square_{\mathrm{d.}} y(n-2) + y(n-4) = \delta(n) + \delta(n+1)$$

$$\square$$
 e. $y(n) = \delta(n)$

Točno

Marks: 1/1

Sustav II. reda prikazan pomoću trajektorije stanja na slici je nestabilan. trajektorija



Odgovor:

E Točno C Netočno

Bravo!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1/1

Odredi partikularno rješenje jednadžbe diferencija

$$y(n+2) + 2y(n+1) + y(n) = (-1)^{n}$$

$$\square_{a.} y_p(n) = \frac{1}{4}n^5(-1)^n$$

$$\Box_{b} y_p(n) = \frac{1}{2}n(-1)^n$$

$$\Box_{\rm d.} y_p(n) = \frac{1}{4}n^3(-1)^n$$

$$\mathbb{E} \quad \mathbf{g}_p(n) = \frac{1}{2}n^2(-1)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1/1

Sustav čija je funkcija pobude f(t) = 0 nazivamo:

- a. sustav bez početne energije
- b. mirni sustav
- C. mrtvi sustav
- d. nelinearni sustav

e. nepobuđen sustav

Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1/1

U homogenom rješenju $y(t)=e^{pt}$ neke linearne diferencijalne jednadžbe, kompleksan broj p predstavlja:

a. karakterističnu frekvenciju sustava Bravo, točan odgovor!

- a. Karakteristichu frekvenciju sustava Bravo, točan odgovor
- b. broj nepoznanica u sustavuc. red sustava
- d. karakterističnu frekvenciju pobude
- c. pobudu sustava

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1/1

Karakteristične frekvencije sustava ovise o:

a. strukturi i parametrima samog sustava Bravo, točan odgovor!

- L b. sustav nema karakterističnih frekvencija
- C. periodu pobude sustava
- d. frekvenciji pobude sustava
- e. vrsti pobude koja djeluje na sustav

Točno

Marks for this submission: 1/1.

2

Marks: --/1

Za linearni sustav opisan diferencijalnom jednadžbom

 $g(t) + a\dot{y}(t) + y(t) = u(t)$ odredite parametar a tako da sustav daje kritično prigušen odziv.

- \Box a. a = -1
- a = -4
- \Box c. a=2
- \square d. a=1
- a = -3

3 Marks: 1/1 Sustav čija je funkcija pobude
a. nelinearni sustav
© b. pobuđeni sustav Bravo, točan odgovor! ♥
c. nepobuđeni sustav
C d. krepani sustav
e. sustav bez početne energije
Točno
Marks for this submission: 1/1.
4 Marks: 1/1
Ako je jedini korijen karakteristične jednadžbe $q=-1$ odziv homogenog
rješenja 🎎 🗥 je:
a. oscilatoran, povećanjem koraka namplituda se smanjuje
b. konstantan, amplituda se ne
mijenja promjenom koraka na c. aperiodski, povećanjem koraka
namplituda se povećava
d. oscilatoran, povećanjem koraka **amplituda se povećava
e. apsolutna vrijednost amplitude je Izvrsno, odziv je oblika $(-1)^n$ i
apsolutna vrijednost amplitude je stalna!
Točno Marks for this submission: 1/1.
5 Marks: 1/1 Mirni sustav je:
a. sustav u kojem energija teži u beskonačnost
b. sustav kojemu su početna tri stanja različita od nule
C. nestabilan sustav
☑ d. sustav u kojem nema energije ☐ Bravo, točan odgovor!
C e. stabilan sustav
Točno Marks for this submission: 1/1.

Marks: 1/1

Jednadžba $y'(t) + e^{-y(t)}y(t) = f(t)_{\text{opisuje}}$

a. vremenski nepromjenjiv linearni sustav

o b. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav

Bravo, točan odgovor! 😂

- c. jednadžba ne opisuje sustav, koeficijent uz mora biti konstanta
- d. nelinearan vremenski promjenjiv sustav
- e. vremenski promjenjiv linearni sustavu

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: -0.25/1

Zadana je jednadžba diferencija $y(n+2) + 3y(n+1) + 2y(n) = (-3)^n$. Rješenje nehomogene jednadžbe diferencija y(n) možemo napisati u obliku (C_1 , C_2) i C_3 su konstante):

$$\Box_{a} y(n) = C_1(-1)^n + C_2n(-2)^n + C_3n(-3)^n$$

$$C_{0} = C_1(-2)^n + C_2(-3)^n$$

$$C_{c}$$
 $y(n) = C_1 n(-2)^n + C_2 n(-3)^n$

$$c e y(n) = C(-3)^n$$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1.

1

Marks: -0.25/1

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$ odziv mirnog sustava uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_p(t)$ partikularno rješenje, ukupni odziv sustava možemo prikazati kao:

$$\square$$
 a $y(t) = y_p(t)$

$$y_1 = y_1(t) + y_2(t) + y_2(t) + y_2(t)$$

$$\Box$$
 d $y(t) = y_1(t) + y_2(t)$

Netočno

Marks: 1/1

Diferencijalna jednadžba $a_1y'(t)-a_0y(t)=b_2u''(t)+b_1u'(t)+b_0u(t)$ postaje homogena za:

$$\Box$$
 b. $a_0 = 0$, $a_1 \neq 0$

$$a_0 = 0$$

$$a_1 = 0, a_2 \neq 0$$

$$b_1 = b_2 = 0$$
, $b_1 = 0$, $b_2 \neq 0$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1/1

Da bi jednadžba diferencija $y(n-2)+2y(n-1)+y(n)=u(n)_{\text{bila homogena, mora vrijediti:}}$

$$u_{a} = u(n) = (-1)^n$$

$$\square$$
 b. $u(n) = \delta(n)$

$$\square$$
 $u(n) = n(-1)^n$

$$\Box_{d} u(n) = n^2 + 1$$

$$\mathbf{E} = u(n) = 0$$
 Bravo, točan odgovor!

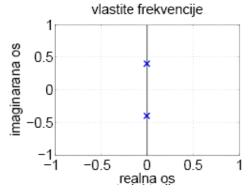
Točno

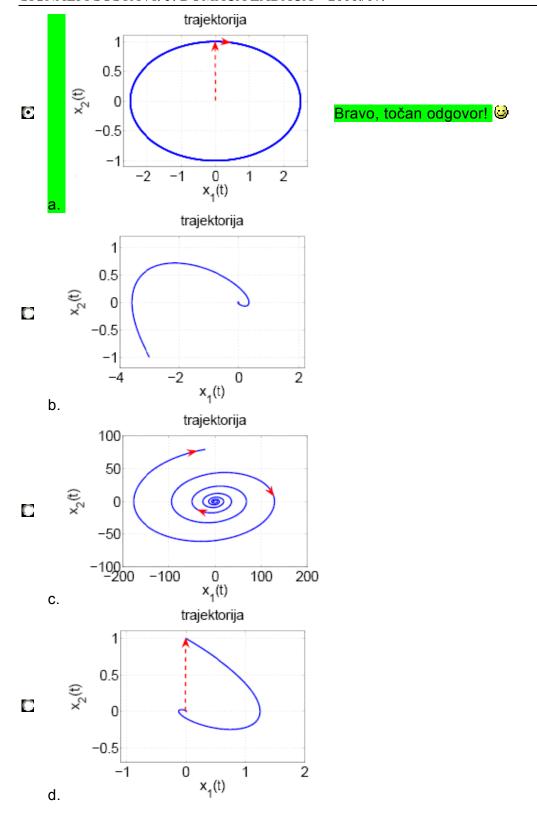
Marks for this submission: 1/1.

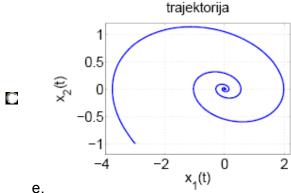
4

Marks: 1/1

Karakteristični korijeni sustava II. reda dani su slikom. Koja od ponuđenih trajektorija je jedina moguća?







Točno

Marks for this submission: 1/1.

5

Marks: 1/1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) = 3\sin(3t)$ Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\Box$$
 a. $C\cos(3t) - \sin(3t)$

$$\square$$
 b. $\sin(3t) + \cos(3t)$

$$\Box$$
 c. $3\sin(2t + \pi/2)$

$$\mathbb{E} \ \ d. \ C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t) \ \text{Bravo, točan odgovor!} \$$

$$\Box$$
 e. $C \sin(3t) + \cos(3t)$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1/1

Koji od navedenih postupaka možemo koristiti za određivanje partikularnog rješenja jednadžbe diferencija?

- a. bilinearna transformacija
- b. Eulerova unaprijedna diferencija
- c. Eulerova unazadna diferencija
- d. Jerenov postupak
- e. Lagrangeova metoda varijacije parametara Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks: 1/1

Prirodni odziv sustava je $y_{\text{prirodn}}(n)=2(-1)^n+8(-2)^n$, dok je prisilni odziv sustava $y_{\text{prisilni}}(n)=16(-3)^n$. Totalni odziv sustava $y_{\text{T}}(n)$ je:

$$y_T(n) = 32(3)^n + 128(6)^n$$

$$y_T(n) = -2(-1)^n - 8(-2)^n - 16(-3)^n$$

$$y_T(n) = 2(-1)^n + 8(-2)^n - 16(-3)^n$$

$$\Box_{d} y_T(n) = -2(-1)^n - 8(-2)^n + 16(-3)^n$$

$$y_T(n) = 2(-1)^n + 8(-2)^n + 16(-3)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

1

Marks: 1

Uvrštenjem pretpostavljenog rješenja homogene jednadžbe $y(t) - e^{pt}$, gdje je p kompleksan broj, u diferencijalnu jednadžbu 2y''(t) + 2y'(t) + 2y(t) = 0, dobivamo karakterističnu jednadžbu:

$$p^2 + 2 = 0$$

$$p = 2p^2 + 2p + 1 = 0$$

$$\square_{c} 2p^{2}e^{pt} + 2p + 2 = 0$$

$$\mathbf{E}_{d} p^2 + p + 1 = 0$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square \quad e \quad 2p^2 + 2p = 0$$

2

Marks: 1

Jednadžba $y'(t) + a(t)y(t) = f(t)_{\text{opisuie}}$

- a. vremenski nepromjenjiv linearni sustav
- b. nelinearni vremenski promjenjiv sustav
- c. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav
- d. vremenski promjenjiv linearni sustav

Bravo, točan odgovor!

e. jednadžba ne opisuje sustav, a(t) mora biti konstanta

Marks: 1

Sustav drugog reda opisan jednadžbom $y''(t) + 2 \zeta \omega_n y'(t) + \omega_n^2 y(t) = 0$ za koji vrijedi $\zeta < 1$ je:

- a. nadkritično prigušen
- b. neprigušen
- C. prigušenost ne ovisi o 🕻
- ☑ d. podkritično prigušen Bravo, točan odgovor! 🥹
- e. kritično prigušen

4

Marks: 1

Odredi prirodni odziv sustava s karakterističnim korijenima u -2i -3 uz početne uvjete y(-1) = 0, y(-2) = 1

$$\square_{a} y_{\text{gricodai}}(n) = -12(-2)^n + 18(-3)^n$$

E b.
$$y_{\text{prirodni}}(n) = 12(-2)^n - 18(-3)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{c} y_{\text{pricedai}}(n) = 12(-2)^n + 18(-3)^n$$

$$\square_{e} y_{\text{grirodal}}(n) = -6(-2)^n + 18(-3)^n$$

5

Marks: 1

Zadana je pobuda jednadžbe diferencija u obliku $u(n) = 2(-1)^n$, a jedine nultočke karakterističnog polinoma su -1 i -2. Partikularno rješenje $y_p(n)$ možemo zapisati u obliku (C je konstanta):

$$\square$$
 a. $y_p(n) = Cn^2(-1)^n$

$$\Box_{b} y_p(n) = C(-1)^n$$

$$\square_{c.} y_p(n) = Cne^n$$

$$\mathbb{E}_{d} y_p(n) = Cn(-1)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square \quad _{e} \quad y_{p}(n) = Cn^{2}(-1)^{n}$$

6 Mar	rks: 1
	jedini korijeni q karakterističnog polinoma diferencijske jednadžbe leže na realnoj osi i 1 , odziv je:
0 0 0	 a. oscilatoran i neprigušen b. aperiodski, amplituda se smanjuje povećanjem koraka c. konstantan d. aperiodski, amplituda se povećava povećanjem koraka Bravo, točan odgovor! e. oscilatoran i prigušen
	rks: 1 tav čija je funkcija pobude $f(t) = 0$ nazivamo:
0 0 0 0	a. sustav bez početne energije b. nepobuđen sustav c. mrtvi sustav d. nelinearni sustav e. mirni sustav
	rks: 1 ni sustav je:
	 a. sustav u kojem energija teži u beskonačnost b. sustav kojemu su početna tri stanja različita od nule c. stabilan sustav d. sustav u kojem nema energije Bravo, točan odgovor!
Toč Mar	e. nestabilan sustav

Marks: 1

Koja od navedenih jednadžbi diferencija nije homogena?

$$\square \quad _{a} \quad y(n+3)=0$$

$$y(n-3) + 14y(n-2) = 0$$

$$y(n-2) + 17y(n-1) = 25(-2)^n$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\square$$
 d $y(n) = 0$

$$y(n-2) + y(n-4) = 0$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $y''(t) - y'(t) - 6y(t) = e^{-\frac{1}{2}}$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\Box$$
 a Ct^2e^{-2t}

$$\square$$
 b e^{-2t}

$$\Box_{c} 2\mu(t)$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

4

Marks: 1

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 7 & 3 \end{bmatrix}$$
. Karakteristična jednadžba

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica takvog sustava glasi:

$$\Box s^3 - 7s - 5 = 0$$

$$\Box_{b} s^2 - 7s + 8 = 0$$

$$C = s^2 + 19s - 7 = 0$$

$$\Box a s^2 + 7s + 19 = 0$$

E e.
$$s^2 - 7s + 19 = 0$$
 Točno! \odot

Točno

Marks: 1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3 i -7, a partikularno rješenje $2^{\mu(t)}$, tada je rješenje homogene jednadžbe:

$$\Box_{a} = -3 - 7 + 2 \mu(t)$$

$$\Box_{b} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-7t} + 2 \mu(t)$$

$$\Box_{c} C_{\mathbf{i}}e^{-3t} + C_{2}e^{-t} + 2\mu(t)$$

$$\Box$$
 d. $2\mu(t)$

$$\Box$$
 e $C_1e^{-3t} + C_2e^{-7t}$

Bravo, točan odgovor!



Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Jedini korijeni karakteristične jednadžbe su -2i, pri čemu su oba jednostruki korijeni. Homogeno rješenje jednadžbe diferencija možemo zapisati u obliku (su konstante):

$$y_b(n) = C_1 n(-2)^n + C_2 (-3)^n$$

$$\mathbf{E}_{\mathbf{b}} y_h(n) = C_1(-2)^n + C_2(-3)^n$$

Bravo, točan odgovor!

$$\square_{c.} y_h(n) = C_1 n(-2)^n + C_2 n(-3)^n$$

$$\Box_{d} y_h(n) = C_1 n^2 (-2)^n + C_2 n^2 (-3)^n$$

$$\square_{e} y_h(n) = C_1 n^3 (-2)^n + C_2 n^3 (-3)^n$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

7

Marks: 1

Sustav bez početne energije ili mirni sustav je:

- a. sustav na koji ne djeluje pobuda
- b. sustav bez karakterističnih frekvencija sustava
- c. sustav koji ne daje nikakav odziv
- d. sustav kojem su početni uvjeti jednaki nuli Bravo, točan odgovor!
- e. sustav čija diferencijalna jednadžba nema rješenja

Točno

1. Odredi prva dva uzorka impulsnog odziva mirnog sustava zadanog jednadžbom diferencija $y[n-3]-2y[n-2]+y[n]=u[n-1]+u[n]_{uz}$ n>0.

- **a**. 1, **-1**
- □ b. 1, 1
- c. -1, 1
- C d. 0, 0
- **©** e. 1. 1

2. Uvrštenjem pretpostavljenog rješenja homogene jednadžbe $y(t) = e^{it}$, gdje je p kompleksan broj, u diferencijalnu jednadžbu 2y''(t) + 2y'(t) + 2y(t) = 0, dobivamo karakterističnu jednadžbu:

- $\square \quad _{\mathbf{a}} \quad 2p^2 + 2p = 0$
- $\Box_{b.} 2p^2e^{pt} + 2p + 2 = 0$
- \square c $2p^2 + 2p + 1 = 0$
- $p^2 + 2 = 0$
- $E_{e.} p^2 + p + 1 = 0$

3. Zadana je pobuda jednadžbe diferencija u obliku $u(n)=2(-1)^n$, a jedine nultočke karakteristične jednadžbe su -2 i -4. Partikularno rješenje možemo zapisati u obliku (C je konstanta):

- $\Box_{a} y_p(n) = Cn^3(-1)^n$
- $\square_{b.} y_p(n) = Cn(-1)^n$
- $\square_{c.} y_p(n) = Cne^n$
- $\square_{\mathrm{d.}} \ y_p(n) = Cn^2(-1)^n$
- $\mathbf{E}_{e} y_{p}(n) = C(-1)^{n}$

4. Ako jedini korijeni \mathfrak{A} karakterističnog polinoma diferencijske jednadžbe leže na realnoj osi i |q| > 1, odziv je:

- a. aperiodski, amplituda se smanjuje povećanjem koraka 🏗
- b. konstantan
- C c. oscilatoran i prigušen
- d. oscilatoran i neprigušen
- e. aperiodski, amplituda se povećava povećanjem koraka

5. Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3 i -1, a partikularno rješenje $2^{\mu(t)}$, tada je odziv sustava:

$$\Box_{a} C_1 e^{-3t} - C_2 e^{-7t} + 2\mu(t)$$

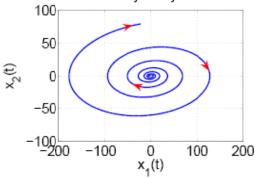
$$\Box_{b} -3 - 1 + 2 \mu(t)$$

$$\Box_{c} C_1 e^{-3t} - C_2 e^{-t}$$

$$\square$$
 d $2\mu(t)$

$$\mathbb{C}_{e} C_1 e^{-3t} - C_2 e^{-t} + 2\mu(t)$$

6. Sustav II. reda prikazan pomoću trajektorije stanja na slici je stabilan. trajektorija



Odgovor:

Trajektorija stanja se širi - nestabilan sustav.

7. Ako je homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je partikularno rješenje, odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$\square$$
 $y(t) = y_2t$

$$\Box_{b} y(t) = y_1(t) - y_2(t) + y_p(t)$$

$$_{\mathrm{C.}} \ y(t) = y_{\mathrm{L}}(t) + y_{\mathrm{p}}(t)$$

$$\square_{\mathbf{d}} \ y(t) = y_2(t) - y_p(t)$$

$$\mathbf{E}_{\mathrm{e}} y(t) = y_1(t)$$

Marks: 1

Ako je homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je partikularno rješenje, ukupni odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$y_1 = y_1(t) + y_2(t) + y_2(t) + y_2(t)$$

$$y_1 = y_2(t) - y_2(t) + y_2(t)$$

$$\square_{e.} y(t) = y_p(t)$$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

2

Marks: 1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -j i j, a partikularno rješenje $b\mu(t)$, tada je rješenje homogene jednadžbe:

$$\Box_{a} -2j + 5 \mu(t)$$

$$\Box_{b} C_{1}e^{-t} + C_{2}e^{t}$$

$$\Box$$
 $\cos(t) + \sin(t) + 5\mu(t)$

$$\Box d C_1 e^{-jt} + C_2 e^{jt} + 5 \mu(t)$$

$$\mathbf{E}_{e} = C_{\mathbf{L}} \sin(t) + C_{\mathbf{L}} \cos(t)$$
 Bravo, točan odgovor!

Točno

Marks for this submission: 1/1.

3

Marks: 1

Odredi prva dva uzorka impulsnog odziva mirnog sustava zadanog jednadžbom diferencija $y[n-3]-2y[n-2]+y[n]=u[n-1]+u[n]_{UZ}$ $n\geq 0$.

Točno

Marks: 1

Ako je pobuda linearne jednadžbe diferencija s konstantnim koeficijentima eksponencija oblika $u[n] = Aq^n$, $A \in \mathbb{C}$ i ako q nije korijen karakteristične jednadžbe tada je $u[n] = Cq^n$, gdje je $C \in \mathbb{C}$ neka konstanta!

Odgovor:

Netočno

Marks for this submission: 0/1. This submission attracted a penalty of 1.

5

Marks: 1

Zadana je jednadžba diferencija y(n-2) + 2y(n+1) + 2y(n) = 12u(n)Homogeno rješenje jednadžbe je oblika:

$$\Box_{a} y_{b}(n) = C\sqrt{2}^{n}e^{j\frac{\pi}{4}n} - C\sqrt{2}^{n}e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

$$\Box_{b} y_b(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{\pi}{4}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

$$\Box \ \ _{c} \ y_{b}(n) = C_{1}\sqrt{2}^{n}e^{\frac{a_{2}}{4}n} + C_{2}\sqrt{2}^{n}e^{-\frac{a_{2}}{4}n}$$

$$\mathbb{E}_{d} y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{k\pi}{4}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{k\pi}{4}n}$$
 Bravo, točan odgovor!

$$\Box_{e} y_{h}(n) = C_{1} \sqrt{2}^{n} e^{j \frac{\pi}{4}n} - C_{2} \sqrt{2}^{n} e^{-j \frac{\pi}{4}n}$$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

6

Marks: 1

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) - 3\sin(3t)$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

$$\square$$
 a $C \sin(3t) + \cos(3t)$

$$\Box$$
 b $C\cos(3t) + \sin(3t)$

$$\Box$$
 $\sin(3t) + \cos(3t)$

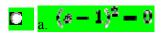
$$\Box$$
 d 3sin(2t + $\pi/2$)

$$\mathbb{C}_{e}$$
. $C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t)$ Bravo, točan odgovor! Θ

Točno

Marks: 1

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$
. Karakteristična jednadžba takvog sustava glasi:



$$E_{c.}(s+1)^2=0$$

$$\square_{\rm d} s^2 - 1 = 0$$

$$E_{e.} s^3 - s = 0$$

Netočno

Marks for this submission: -0.25/1. This submission attracted a penalty of 0.1.

1

Marks: --/1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe — i 1, a partikularno rješenje $\mu(t)$. tada je odziv sustava:

$$\Box_{a} = -2 + \mu(t)$$

$$\square_{b} C_1 e^{-t} + C_2 e^t$$

$$\square$$
 c. $\mu(t)$

$$\Box_{d} C_1 e^{-t} + C_2 e^t + 2 \mu(t)$$

$$\square_{e_1} C_1 s^{-\epsilon} + C_2 s^{\epsilon} + \mu(t)$$

2

Marks: --/1

Zadana je pobuda jednadžbe diferencija u obliku $u(n) = 2(-1)^n$, a jedine nultočke karakterističnog polinoma su -1 i -2 . Partikularno rješenje $\mathscr{V}_{p}(n)$ možemo zapisati u obliku (C je konstanta):

$$\square$$
 a. $y_p(n) = Cn^2(-1)^n$

$$\square_{C} y_p(n) = Cne^{t}$$

$$\square \quad \text{d.} \ y_p(n) = C(-1)^n$$

$$\square_{=\mathrm{e.}} y_p(n) = Cn^3(-1)^n$$

Marks: --/1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -3 i -7, a partikularno rješenje $2\mu(t)$, tada je rješenje homogene jednadžbe:

$$\Box_{a.} -3 -7 + 2 \mu(t)$$

$$\Box_{b.} C_{1} e^{-2t} + C_{2} e^{-2t}$$

$$\Box_{c.} C_{1} e^{-2t} + C_{2} e^{-2t} + 2 \mu(t)$$

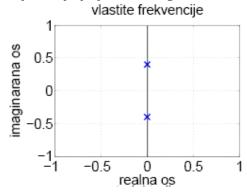
$$\Box_{d.} C_{1} e^{-2t} + C_{2} e^{-t} + 2 \mu(t)$$

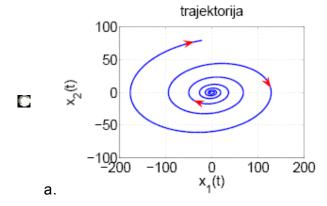
$$\Box_{e.} 2 \mu(t)$$

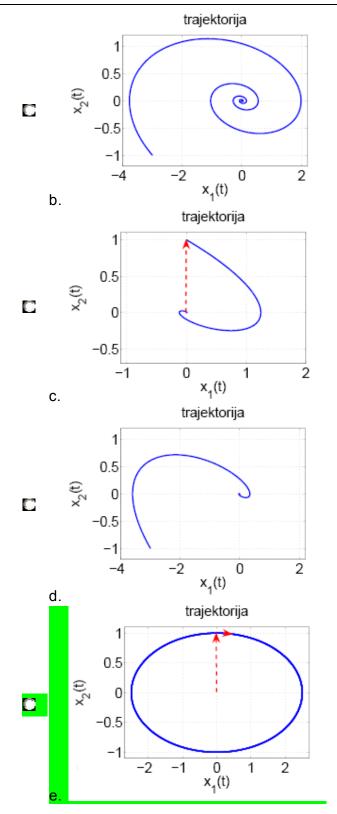
4

Marks: --/1

Karakteristični korijeni sustava II. reda dani su slikom. Koja od ponuđenih trajektorija je jedina moguća?







Marks: --/1

Odredi prirodni odziv sustava s karakterističnim korijenima u -2 i -3 uz početne uvjete y(-1)=0 i y(-2)=1.

$$\square$$
 a. $y_{\text{gelecolai}}(n) = 12(-2)^n + 18(-3)^n$

$$\square_{\text{b. }} y_{\text{general}}(n) = -12(-2)^n + 18(-3)^n$$

$$\square_{-\text{C.}} \mathcal{G}_{\text{polycodal}}(n) = -6(-2)^n + 18(-3)^n$$

$$\Box_{e} y_{\text{periodal}}(n) = 6(-2)^n + 18(-3)^n$$

6

Marks: --/1

Sustav čija je funkcija pobude $f^{(t)} \neq 0$ nazivamo:

a. pobuđeni sustav

- L b. nepobuđeni sustav
- C. krepani sustav
- d. sustav bez početne energije
- e. nelinearni sustav

7

Marks: --/1

Zadana je jednadžba diferencija y(n+2)+2y(n+1)+2y(n)=12u(n). Homogeno rješenje jednadžbe je oblika:

$$\Box_{b} y_{h}(n) = C\sqrt{2}^{n} e^{j\frac{\pi}{4}n} - C\sqrt{2}^{n} e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

$$\Box_{c} y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{\pi}{4}n} - C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

$$\Box_{d} y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{j\frac{\pi}{4}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-j\frac{\pi}{4}n}$$

$$\Box_{e} y_h(n) = C_1 \sqrt{2}^n e^{\frac{2\pi}{4}n} + C_2 \sqrt{2}^n e^{-\frac{2\pi}{4}n}$$

Marks: --/1

Odredi prva tri uzorka prisilnog odziva sustava zadanog jednadžbom diferencija $y(n-3)+12y(n-2)+y(n)=2\delta(n-1)+\delta(n)$ _|

$$y_0 = 1$$
 $y(1) = 3$ $y(2) = -12$

$$\square$$
 b $y(0) = 1$ $y(1) = 3$ $y(2) = -9$

$$\square$$
 c. $y(0) = 1$ $y(1) = 2$ $y(2) = 3$

2

Marks: --/1

Jednadžba
$$y'(t) + a(t)y(t) = f(t)_{\text{opisuje}}$$
:

- a. nelinearni vremenski promjenjiv sustav
- b. vremenski nepromjenjiv linearni sustav
- C. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav
- d. vremenski promjenjiv linearni sustav
- e. jednadžba ne opisuje sustav, ot mora biti konstanta

3

Marks: --/1

Koji od navedenih postupaka možemo koristiti za određivanje partikularnog rješenja jednadžbe diferencija?

- a. Lagrangeova metoda varijacije parametara
- b. Jerenov postupak
- c. bilinearna transformacija
- d. Eulerova unaprijedna diferencija
- C e. Eulerova unazadna diferencija

1

Marks: --/1

Ako su korijeni karakteristične jednadžbe -1 i 1, a partikularno rješenje tada je rješenje homogene jednadžbe:

$$\Box_{a} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-t} + 2\mu(t)$$

$$\Box_{h} -2 + \mu(t)$$

$$\Box_{C_1} C_1 e^{-3t} + C_2 e^{-7t} + \mu(t)$$

$$\square$$
 d. $\mu(t)$

$$= _{e} C_{1} \kappa^{-\epsilon} + C_{2} \epsilon^{\epsilon}$$

Marks: --/1

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$$
. Karakterističn

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica jednadžba takvog sustava glasi:

$$\Box$$
 a. $s^2 + 8s + 7 = 0$

$$\Box_{b} s^2 - 7s + 8 = 0$$

$$\Box_{c.} s^2 - 6s + 8 = 0$$

$$\Box$$
 a $s^2 - 8s + 7 = 0$

$$\Box_{e.} s^3 + 8s + 7 = 0$$

6

Marks: --/1

Ako je homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je partikularno rješenje, ukupni odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

$$\Box_{a} y(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_p(t)$$

$$\Box_{b} y(t) = y_2(t) + y_p(t)$$

$$lacksquare$$
 $_{\mathrm{C.}}$ $y(t) - y_{\mathrm{L}}(t)$

$$\square_{\mathbf{d}} y(t) = y_p(t)$$

$$\Box_{e} y(t) = y_1(t) + y_2(t)$$

7

Marks: --/1

- lacktriangle a. oscilatoran, povećanjem koraka n amplituda se povećava
- \square b. povećanjem koraka n amplituda se ne mijenja
- C. aperiodski, povećanjem koraka n amplituda se povećava
- \square d. aperiodski, povećanjem koraka n amplituda se smanjuje
- e. oscilatoran, povećanjem koraka 🧸 amplituda se smanjuje

Marks: --/1

Diferencijalna jednadžba $a_1y'(t) + a_0y(t) = b_2u''(t) + b_1u'(t) + b_0u(t)$ postaje homogena za:

$$\Box a, b_2 = 0, b_1 = 0, b_0 \neq 0$$

- \square b. $a_0 = 0$
- $\square \quad a_1 = 0 \quad a_\ell \neq 0$
- $\Box \ a_1 \ a_2 = 0 \ a_1 \neq 0$
- \bullet e. $b_2 b_1 b_0 = 0$

2

Marks: --/1

Sustav bez početne energije ili mirni sustav je:

- a. sustav na koji ne djeluje pobuda
- b. sustav kojem su početni uvjeti jednaki nuli
- C. sustav koji ne daje nikakav odziv
- d. sustav čija diferencijalna jednadžba nema rješenja
- e. sustav bez karakterističnih frekvencija sustava

3

Marks: --/1

Ako jedini korijeni q karakterističnog polinoma diferencijske jednadžbe leže na realnoj osi i q > q odziv je:

- lacktriangle a. aperiodski, amplituda se smanjuje povećanjem koraka n
- b. oscilatoran i prigušen
- C. konstantan
- 🔼 d. aperiodski, amplituda se povećava povećanjem koraka 🤼
- e. oscilatoran i neprigušen

4

Marks: --/1

Koji od navedenih postupaka možemo koristiti za određivanje partikularnog rješenja jednadžbe diferencija?

- a. bilinearna transformacija
- b. Lagrangeova metoda varijacije parametara
- C. Eulerova unazadna diferencija
- d. Jerenov postupak
- e. Eulerova unaprijedna diferencija

Marks: --/1

Za prirodni odziv sustava vrijedi (samo je jedna tvrdnja točna):

- a. prirodni odziv nije umjetni
- b. identičan je impulsnom odzivu sustava
- c. ovisi samo o početnom stanju sustava
- d. jednak je odzivu mirnog sustava
- C e. ovisi o ulaznoj pobudi

6

Marks: --/1

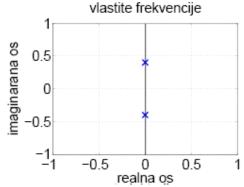
Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) - 3\sin(3t)$. Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

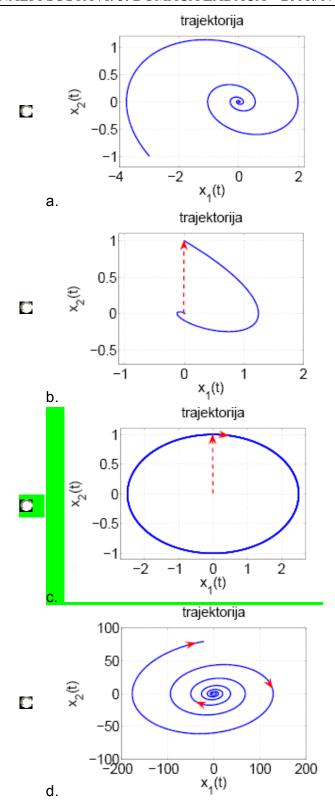
- \Box a. $\sin(t)$
- $\Box_{b} t^3 (3\sin(3t) + 3\cos(3t))$
- \square c. $C\cos(2t)$
- $\square_{d_1} C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t)$
- \Box e. $3\sin(t+\pi/2)$

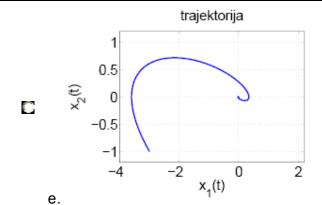
7

Marks: --/1

Karakteristični korijeni sustava II. reda dani su slikom. Koja od ponuđenih trajektorija je jedina moguća?







1 Marks: --/1

Odredi prva tri uzorka odziva nepobuđenog sustava ako je jednadžba diferencija

$$5y[n-2] + 15y[n-1] + 5y[n] - 13u[n]_{za}$$
 $n \ge 0$ uz početne uvjete $y[-2] = 0$; $y[-1] = 1$

🖸 a. -3, 8, **-21**

□ b. -3. -10. 33

C c. 3, -10, -33

□ d. 3, -10, -33

 \Box e. -3. -8. **21**

2

Marks: --/1

Sustav čija je funkcija pobude f(t) = 0 nazivamo:

a. mrtvi sustav

b. nelinearni sustav

c. nepobuđen sustav

d. sustav bez početne energije

e. mirni sustav

3

Marks: --/1

Neka je q m -terostruki korijen karakteristične jednadžbe. Pobuda je oblika

 $^{'}$. Partikularno rješenje je oblika (C je konstanta):

 $\square \quad _{a} \quad y_{p}(n) = Cq^{n}$

Marks: --/1

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$$
. Karakteristična

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica jednadžba takvog sustava glasi:

$$\Box_{d} s^3 - Ts + \Delta = 0 \quad T = a_{11} + a_{22} \quad \Delta = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$$

$$\mathbb{C}_{e.} s^2 - Ts + \Delta = 1, T = a_{11} + a_{22}, \Delta = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$$

5

Marks: --/1

Da bi jednadžba diferencija y(n-2)+2y(n-1)+y(n)=u(n) bila homogena, mora vrijediti:

$$u_{a} u(n) = n(-1)^{n}$$

$$b_1 u(n) = 0$$

$$\square$$
 c. $u(n) = \delta(n)$

$$\square$$
 d $u(n) = (-1)^n$

$$\Box_{e} u(n) = n^2 + 1$$

6

Marks: --/1

Jednadžba
$$y'(t) + a(t)y(t) - f(t)$$
 opisuje:

- a. nelinearni vremenski nepromjenjiv sustav
- □ b. vremenski nepromjenjiv linearni sustav
- C. jednadžba ne opisuje sustav, mora biti konstanta
- d. vremenski promjenjiv linearni sustav
- C e. nelinearni vremenski promjenjiv sustav

7

Marks: --/1

Karakteristične frekvencije sustava ovise o:

- a. vrsti pobude koja djeluje na sustav
- b. strukturi i parametrima samog sustava
- C c. sustav nema karakterističnih frekvencija
- C d. periodu pobude sustava
- e. frekvenciji pobude sustava

FER-Moodle » FER sis2 » Testovi » Peta domaća zadaća » Review

Peta domaća zadaća

Review of Attempt 1

Started on:	Wednesday, 2.05.2007, 18:03
Završen :	Wednesday, 2.05.2007, 18:14
Time taken:	11 min 25 sek
Raw score:	7/7 (100 %)
Ocjena:	od maksimalno

Nastavi

Uvrštenjem pretpostavljenog rješenja homogene jednadžbe $y(t)=e^{pt}$, gdje je 1 p kompleksan broj, u diferencijalnu jednadžbu y''(t) + 2y'(t) + y(t) = 0, Marks: 1 dobivamo karakterističnu jednadžbu:

> Choose one answer.

- \bullet a. $p^2 + 2p + 1 = 0$
 - O b. $p^2 + 2pe^{pt} = 0$
 - \bigcirc c. $2p^2 + 2 = 0$
 - O d. $2p^2 + 2p = 0$
 - \circ e. $p^2 e^{pt} + 2p + 1 = 0$

Točno

Marks for this submission: 1/1.

Ako je $y_1(t)$ homogeno rješenje uz zadane početne uvjete, ako je $y_2(t)$ 2 homogeno rješenje uz početne uvjete jednake nuli te ako je $y_p(t)$ partikularno Marks: 1 rješenje, odziv nepobuđenog sustava možemo prikazati kao:

 \bigcirc e. $y(t) = y_1(t) + y_2(t) + y_n(t)$

Choose one answer.

$$\bigcirc$$
 a. $y(t) = y_1(t) + y_p(t)$

$$\bigcirc$$
 b. $y(t) = y_2t$

$$\bigcirc$$
 c. $y(t) = y_2(t) + y_p(t)$

• d.
$$y(t) = y_1(t)$$

Bravo, točan odgovor!

Bravo, točan odgovor!

Točno

Neka je diferencijalna jednadžba oblika $3y''(t) + 2y'(t) = 3\sin(3t)$. Marks: 1 Pretpostavljeno partikularno rješenje biti će oblika:

> Choose one answer.

- \bigcirc a. $3\sin(2t+\pi/2)$
 - \bigcirc b. $C\sin(3t) + \cos(3t)$
 - \bigcirc c. $C\cos(3t) + \sin(3t)$
 - \bigcirc d. $\sin(3t) + \cos(3t)$
 - e. $C_1 \sin(3t) + C_2 \cos(3t)$

Bravo, točan odgovor! 😉

Točno

Marks for this submission: 1/1.

Zadan je sustav II. reda i njegova matrica $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$. Karakteristična 4 Marks: 1 jednadžba takvog sustava glasi:

Choose one answer.

- \circ a. $s^2 + 8s + 7 = 0$
 - O b. $s^2 6s + 8 = 0$
 - \circ c. $s^2 7s + 8 = 0$
 - \bullet d. $s^2 8s + 7 = 0$
 - \circ e. $s^3 + 8s + 7 = 0$

Točno. 😀

Izvrsno!



Točno

Choose one

answer.

Marks for this submission: 1/1.

Neka je
$$q$$
 m -terostruki korijen karakteristične jednadžbe. Pobuda je oblika $u(n)=q^n$. Partikularno rješenje je oblika (C je konstanta):

Marks: 1

$$\bigcirc \ \text{a.} \ y_p(n) = C n^{m-1} q^n$$

$$\bullet \ \text{b.} \ y_p(n) = C n^m q^n$$

$$g_p(n) = Cn \ q$$

$$\bigcirc \ {\rm c.} \ y_p(n) = Cq^n$$

$$\bigcirc$$
 d. $y_p(n) = Cnq^n$

$$\bigcirc$$
 e. $y_p(n) = Cn^{m+1}q^n$

Točno

Marks: 1 $3y(n+2)+2y(n+1)+y(n)=3u(n+2)+2u(n+1)+u(n). \ {\rm Zapis} \ {\rm jednad} \\ {\rm Zbe \ differencija \ pomoću \ operatora \ } E \ {\rm dan \ je \ sljedećom \ jednad} \\ E\left[f(n)\right]=f(n+1))$

Choose one answer.

$$\odot$$
 a.
$$3yE^{n+2}(n) + 2yE^{n+1}(n) + yE^n(n) = 3uE^{n+2}(n) + 2uE^{n+1}(n) + uE^n(n)$$

$$\bullet$$
 b. $3E^2y(n) + 2Ey(n) + y(n) = 3E^2u(n) + 2Eu(n) + u(n)$

Operator samo djeluje na funkciju i nikada ne piše se lijevo od nje, uvijek se piše desno!

$${\mathbb C}$$
 c. $3E^2y(n) + 2Ey(n) + y(n) = 3E^2u(n) + 2Eu(n) + u(n)$

$$\bigcirc$$
 d. $3yE^2(n) + 2yE(n) + y(n) = 3uE^2(n) + 2uE(n) + u(n)$

$$^{\bigcirc}$$
e.
$$3E^{n+2}y(n)+2E^{n+1}y(n)+E^{n}y(n)=3E^{n+2}u(n)+2(E^{n+1})u(n)+E^{n}u(n)$$

7 Odredi prva dva uzorka impulsnog odziva mirnog sustava zadanog jednadžbom diferencija y[n-3]-2y[n-2]+y[n]=u[n-1]+u[n] uz $n{\geq}0$!

Choose one answer.

- \bigcirc a. 1, -1
- \bigcirc b. -1, -1
- \bigcirc c. 0, 0
- d. 1, 1
- \circ e. -1, 1

Bravo, točan odgovor! ⁹

Točno

Marks for this submission: 1/1.

Nastavi

Prijavljeni ste sustavu kao

FER sis2

(

)