

Generalizirana derivacija je samo malo proširena derivacija koju poznate. Ono što znate od prije je da je derivacija konstante nula. Znači i da se polinom derivira tako da se broj iz potencije spušta ispred člana, a u potenciji se smanjuje za jedan.

$$\begin{aligned}K &\longrightarrow 0 \\ t^n &\longrightarrow n \cdot t^{n-1}\end{aligned}$$

Kod generalizirane derivacije se još dodatno uvodi derivacija stepa koja je impuls $\mu'(t) = \delta(t)$.

Sva pravila koja vrijede kod standardnog deriviranja vrijede i sada, npr. $(a \cdot b)' = a' \cdot b + b' \cdot a$.

Primjer sa prvog međuispita:

Signal je bio zadan slikom. Prvi korak je napisati jednadžbe pravaca po dijelovima grafa.

Tako je između $t \in (0, 1)$ pravac $x(t) = t$. Da bi se naglasilo da se radi samo o području između nule i jedinice jednadžbu pravca treba pomnožiti sa $\mu(t) - \mu(t - 1)$. Dakle ovaj prvi dio je $x(t) = t(\mu(t) - \mu(t - 1))$.

U području za $t \in (1, 2)$ radi se o pravcu $x(t) = -2t + 1$. Naglašavanje da se radi o području između jedan i dva $x(t) = (-2t + 1)(\mu(t - 1) - \mu(t - 2))$.

I konačno ukupno zadani signal je zbroj ova dva dijela

$$x(t) = t(\mu(t) - \mu(t - 1)) + (-2t + 1)(\mu(t - 1) - \mu(t - 2)).$$

Ovaj signal se sada derivira prema pravilu o deriviranju umnoška: prvo deriviramo t i pomnožimo ga sa zagradom gdje su stepovi, zatim t prepisemo i pomnožimo sa derivacijom zgrade. Derivacije stepova su impulsi. Naravno vrijedi i pravilo o deriviranju kombinacije funkcija (ono kada se ulazi sve "dublje" u funkciju).

$$\text{Tako je sada } x'(t) = 1 \cdot (\mu(t) - \mu(t - 1)) + t \cdot (\delta(t) - \delta(t - 1)) - 2(\mu(t - 1) - \mu(t - 2)) + (-2t + 4)(\delta(t - 1) - \delta(t - 2)).$$

Ovo treba još smo malo ljepše napisati. Naime impuls $\delta(t)$ je svugdje nula osim u nuli. Zato je $t \cdot \delta(t) = 0$. Isto tako je $\delta(t - 2)$ sugdje nula osim za $t = 2$, a za taj t je $-2t + 4 = 0$, to jest $(-2t + 4) \cdot \delta(t - 2) = 0$.

$$\text{Pa je zadana derivacija } x'(t) = \mu(t) - 3\mu(t - 1) + 2\mu(t - 2) + \delta(t - 1).$$