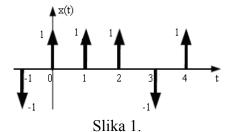
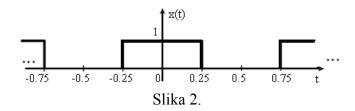
Signali i sustavi - Zadaci za vježbu

IV. tjedan

1. Kontinuirani signal x(t) (Slika 1.) periodičan je s periodom T=4 s. Prikažite ovaj signal Fourierovim redom, te odredite koeficijente tog reda.



2. Slikom 2. dan je periodičan kontinuirani signal x(t). Odredite srednju snagu ovog signala (u vremenskoj i u frekvencijskoj domeni), te aproksimirajte signal Fourierovim redom.



3. Odredite rastav u Fourierov red signala

$$x(t) = 10\cos(50\pi t) + 5\sin(100\pi t) + \sin\left(150\pi t + \frac{2\pi}{3}\right) + \cos\left(200\pi t + \frac{\pi}{4}\right),$$

te skicirajte dobiveni amplitudni i fazni spektar. Ako signal otipkamo s periodom otipkavanja $T_s=0.02$ je li došlo do preklapanja spektra?

4. Izračunajte Fourierove koeficijente vremenski kontinuiranog signala

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - 4k).$$

5. Nađite Fourierove transformacije, te amplitudne, fazne, realne i imaginarne spektre sljedećih signala:

a.
$$x(t) = e^{-t} \mu(t)$$
,

b.
$$x(t) = e^{t} \mu(-t)$$
,

c.
$$x(t) = e^{-|t|}$$
.

Odredite energiju zadanih signala u vremenskoj i u frekvencijskoj domeni. U kakvom su odnosu ove dvije energije?

- 6. Zadan je signal $x(t) = e^{2t} \mu(-t)$.
 - a. Nađite Fourierovu transformaciju zadanog signala.
 - b. Nacrtajte amplitudni i fazni spektar.
 - c. Odredite energiju signala u vremenskoj domeni.
 - d. Odredite energiju signala u frekvencijskoj domeni korištenjem Parsevalove jednakosti.
- 7. Nađite Fourierovu transformaciju sgn funkcije $sgn(t) = \begin{cases} 1, & t \ge 0 \\ -1, & t < 0 \end{cases}$
- 8. Nađite Fourierovu transformaciju signala $x(t) = \begin{cases} 1, & -\frac{3}{2} < t < \frac{5}{2}, \\ 0, & \text{inače} \end{cases}$
- 9. Objasnite koju Fourierovu transformaciju smijete koristiti za analizu signala $x(t) = 220 \sin \left(50\pi t + \frac{\pi}{3}\right)$. Izračunajte amplitudni i fazni spektar signala x(t) korištenjem odabrane transformacije. Odredite snagu ovog signala.