Signali i sustavi - Zadaci za vježbu

XIV. tjedan

Frekvencijske karakteristike

1. Kontinuirani sustav zadan je diferencijalnom jednadžbom:

$$y''(t) + 5y'(t) + 6y(t) = u(t).$$

Naći amplitudno-frekvencijsku i fazno-frekvencijsku karakteristiku sustava, te odziv na pobudu $u(t)=5\cos{(t)}$. Početni uvjeti su $y(0^-)=0$ i $y'(0^-)=1$. Komentirajte izgled odziva za $t\gg0$.

2. Diskretan sustav zadan je jednadžbom diferencija:

$$y(n) - 2y(n-1) + y(n-2) = u(n)$$
.

Naći amplitudno-frekvencijsku i fazno-frekvencijsku karakteristiku sustava, te odziv na pobudu u(n)=5. Početni uvjeti su y(-2)=0 y(-1)=1. Komentirajte izgled odziva za $n\gg 0$.

3. Kontinuirani sustav zadan je diferencijalnom jednadžbom:

$$y''(t) + 2y'(t) + 5y(t) = u(t)$$
.

Pronađite odziv sustava, ako je sustav pobuđen s $u(t)=\sin t$, za t<0, te s $u(t)=2\sin 2t$, za t>0. Komentirajte odziv sustava za $t\gg0$.

4. Kontinuirani sustav zadan je diferencijalnom jednadžbom:

$$y'(t) + 3y(t) = u(t).$$

Ako je izlaz iz sustava u trenutku nula jednak nuli, $y(0^-)=0$, naći odziv sustava na pobudu

$$u(t) = (\sin t + 2\sin 2t + 3\sin 3t + 4\sin 4t)\mu(t).$$

Komentirajte izgled odziva za $t \gg 0$.

UPUTA: Koristite frekvencijsku karakteristiku sustava.

5. Diskretan sustav zadan je jednadžbom diferencija:

$$y(n) + 0.5y(n-1) = u(n)$$
.

Ako je početni uvjet y(-1) = 1, naći odziv sustava na pobudu

$$u(n) = \left(\cos\left(\frac{\pi n}{2} + \frac{\pi}{5}\right) + 2\cos\pi n + 3\cos(1.5\pi n) + 4\cos(2\pi n)\right)\mu(n).$$

Komentirajte izgled odziva za $n \gg 0$.

DODATNO:

- 1. Zbirka Petković, Jeren primjeri 5.4, 5.5
- 2. Zbirka Vrankić zadaci 3.65, 3.66, 3.67