Signali i sustavi

Pismeni ispit - 17. lipnja 2015.

- 1. (8 bodova) Vremenski diskretan kauzalan sustav zadan je jednadžbom diferencija $y(n) \frac{1}{6}y(n-1) = u(n)$.
 - a) (2 boda) Izračunajte prijenosnu funkciju sustava te ispitajte stabilnost sustava.
 - b) (2 boda) Odredite frekvencijsku karakteristiku sustava.
 - c) (4 boda) Izračunajte prisilni odziv sustava na svevremensku pobudu $u(n) = 2\cos\left(\frac{\pi}{2}n + \frac{\pi}{4}\right)$ upotrebom frekvencijske karakteristike sustava.
- 2. (8 bodova) Vremenski kontinuiran kauzalan sustav zadan je diferencijalnom jednadžbom y'(t) + 12y(t) = u(t).
 - a) (3 boda) Izračunajte impulsni odziv sustava postupkom u vremenskoj domeni.
 - b) (3 boda) Odredite odziv sustava na kauzalnu pobudu $u(t) = e^{-2t} \mu(t)$ metodom konvolucijskog integrala.
 - c) (2 boda) Odredite totalni odziv sustava na pobudu $u(t) = e^{-2t} \mu(t)$, ako je početni uvjet sustava $y(0^-) = 2$.
- 3. (8 bodova) Vremenski diskretan kauzalan sustav zadan je jednadžbom diferencija

$$y(n) + \frac{1}{6}y(n-1) - \frac{1}{6}y(n-2) = u(n) - 3u(n-1) + 2u(n-2).$$

- a) (4 boda) Odredite impulsni odziv sustava pomoću Z transformacije.
- b) (4 boda) Izračunajte odziv mirnog sustava na pobudu $u(n) = \{\underline{4}, 0, 4, 0, 4, 0, \dots, 4, 0, \dots\}$.
- 4. (8 bodova) Vremenski kontinuiran kauzalan sustav zadan je diferencijalnom jednadžbom

$$y''(t) + 9y'(t) + 8y(t) = u'(t) - 2u(t)$$

te početnim uvjetima $y(0^-) = 1$ i $y'(0^-) = 2$. Na ulaz sustava dovedena je pobuda $u(t) = e^t \mu(t)$. Odredite totalni odziv sustava

- **5. (8 bodova)** Zadan je impulsni odziv vremenski diskretnog kauzalnog LTI sustava $h(n) = \left(\frac{1}{2^n} + \frac{1}{4^n}\right) \mu\left(n\right)$.
 - a) (2 boda) Odredite prijenosnu funkciju sustava.
 - b) (3 boda) Odredite odziv sustava na svevremensku pobudu $u(n) = 2^n$ koristeći prijenosnu funkciju sustava.
 - c) (3 boda) Odredite odziv sustava na svevremensku pobudu $u(n) = 2^n$ metodom konvolucijskog zbroja.