Capitolul 6: Normalizarea relatiilor

- Dependentele de date si formele normale ale relatiilor
- Redundanta datelor si anomaliile de actualizare a relatiilor
- Dependentele functionale (DF)
 - Tipuri de DF
 - Multimi de DF
 - DF si cheile relatiilor
- Descompunerea relatiilor
 - Descompunere fara pierdere de informatie la jonctiune
 - Descompunere cu conservarea DF
- Formele normale ale relatiilor determinate de DF:
 - FN1
 - FN2
 - FN3
 - FNBC
- Dependente multivalorice forma normala FN4
- Dependente de jonctiune forma normala FN5

Dependentele de date

- **Dependențele de date** (data dependencies) reprezintă constrângeri care se impun valorilor atributelor unei relații şi care determină proprietățile relației în raport cu operațiile de inserare, ştergere şi actualizare a tuplurilor.
- O formă normală a unei relații (normal form) presupune anumite condiții pe care le îndeplinesc valorile atributelor şi dependențele de date definite pe acea relație
- Dependentele de date:
 - Dependente functionale: E.F. Codd a propus trei forme normale: FN1, FN2, FN3;
 apoi a fost introdusă forma normală Boyce-Codd (FNBC)
 - Dependențelor multivalorice: forma normala 4 (FN4)
 - Dependențelor de joncțiune: forma normala 5 (FN5)
- Formele normale ale relaţiilor formează o colecţie ordonată (FN1, FN2, FN3, FNBC, FN4, FN5), şi ele impun condiţii din ce în ce mai restrictive asupra dependenţelor de date
- Ordonarea formelor normale de la FN1 la FN5 înseamnă că orice relație aflată în FN2 este în FN1, orice relație în FN3 este în FN1 şi FN2 etc.
- Normalizarea relaţiilor (normalization) constă în descompunerea lor, astfel încât relaţiile să fie in forme normale cât mai avansate

Redundanta datelor si anomaliile de actualizare

- In relatia AP, cu cheia primara PK={IdAngajat, IdProiect} sunt valori redundante ale atributelor: Nume, prenume, Adresa
 - Anomalii de inserare: nu se pot introduce date despre un angajat (numele, prenumele, adresa) dacă nu există cel puțin un proiect la care acesta să lucreze
 - Anomalii de ştergere: dacă se şterg toate tuplurile referitoare la un anumit proiect, se pot pierde toate datele referitoare la acei angajați care lucrează doar la proiectul respectiv
 - Anomalii de actualizare: dacă se modifică într-un tuplu valoarea unuia din atributele care au valori redundante, starea relației poate deveni inconsistentă

<u>IdAngajat</u>	Nume	Prenume	Adresa	<u>IdProiect</u>	Ore
1	Ionescu	lon	Bucuresti	P1	100
2	Popescu	Petre	Ploiesti	P1	80
3	Marinescu	Marin	Craiova	P3	200
1	Ionescu	Ion	Bucuresti	P2	100
2	Popescu	Petre	Ploiesti	P3	120

Eliminarea anomaliilor datorate redundantei

- Eliminarea anomaliilor provocate de redundanta datelor se poate face:
 - Fie prin prevederea unor proceduri stocate (sau triggere) care sa verifice corectitudinea fiecarei operatii de actualizare a relatiilor
 - Fie prin descompunerea relatiilor care prezinta redundante in relatii mai simple; exemplu: descompunerea relatiei AP in 2 relatii, A si P

Α

<u>IdAngajat</u>	Nume	Prenume	Adresa
1	Ionescu	lon	Bucuresti
2	Popescu	Petre	Ploiesti
3	Marinescu	Marin	Craiova

<u>IdAngajat</u>	<u>IdProiect</u>	Ore
1	P1	100
2	P1	80
3	P1	200
1	P2	100
2	P2	120

- Relatiile A si P au un grad de normalizare mai ridicat si nu mai au anomalii
- Dar unele interogari sunt mai ineficiente in A si P decat in AP
 - Exemplu: "Care este numărul de ore lucrate de Ionescu la proiectul P1 ?":

Q1 =
$$\Pi$$
 Ore σ Nume ='lonescu' AND IdProiect ='P1' (AP)
Q2 = Π Ore σ Nume ='lonescu' AND IdProiect ='P1' (AP \triangleleft P)

Dependente functionale (1)

- Dependentele funcționale (functional dependencies) sunt constrangeri in relatii, prin care valoarea unui anumit set de atribute determina in mod unic valoarea altor atribute
- Fie R o schema de relatie si doua submultimi ale atributelor sale:

 $X \subseteq R$ and $Y \subseteq R$. Dependenta functionala (DF) $X \to Y$ exista in R daca si numai daca pentru orice stare a relatiei r(R), egalitatea valorilor atributelor X din doua tupluri t_1 si t_2 din r ($t_1 \in r$ si $t_2 \in r$) implica egalitatea valorilor atributelor Y din acele tupluri, adica:

$$t_1[X] = t_2[X] \implies t_1[Y] = t_2[Y]$$

- Atributul din stânga se numește determinant, cel din dreapta, determinat
- Dependentele functionale sunt generalizarea notiunilor de chei ale relatiilor: orice cheie determina o DF in acea relatie
 - Daca Y = R, atunci X este o cheie a relatiei
 - Reciproc, daca X este o cheie, $Y = R(X \rightarrow R)$
 - In acest caz $t_1[X] = t_2[X] \implies t_1 = t_2$ dar, cum intr-o relatie nu pot exista doua tupluri identice, rezulta ca t_1 si t_2 sunt unul si acelasi tuplu
- Cheile relațiilor:
 - se pot preciza explicit (şi atunci ele implică DF corespunzătoare)
 - pot fi deduse din mulțimea DF stabilite de proiectant, folosind diferiti algoritmi

Dependențe funcționale (2)

- O multime F de dependente functionale in R defineste constrangerile pe care trebuie sa le respecte orice relatie r(R) pentru a fi legala (corecta)
 - Se spune ca F se mentine in R daca toate relatiile legale pe R (r(R)) satisfac multimea de dependente functionale F
 - Reciproc, o relatie r este legala in raport cu o multime de dependente functionale F, daca r satisface F
- Proiectantul bazei de date specifică acele DF pe care le doreste să fie respectate şi care sunt evidente din punct de vedere semantic;
- De exemplu, în relaţia AP se pot defini DF:
 - a) IdAngajat →Nume
 - (b) IdAngajat → Prenume
 - (c) IdAngajat →Adresa
 - (d) {IdAngajat, IdProiect} →Ore
- Primele 3 impun ca un identificator IdAngajat să identifice un singur angajat, iar ultima impune ca un angajat efectuează un anumit numar de ore la fiecare din proiectele la care lucrează

Tipuri de dependențe funcționale

- Atributele care aparţin unei chei se numesc atribute prime, iar celelalte se numesc atribute neprime
- Dependențe funcționale triviale si ne-triviale
 - O dependenta functională este trivială daca este satisfacuta de orice stare a relatiei; in general X → Y este triviala daca Y este o submultime (proprie sau nu) a lui X, adică Y ⊆ X; ex. {IdAngajat, IdProiect} → IdAngajat sau Nume → Nume
 - Celelalte dependente (in care Y nu este o submultime a lui X) sunt netriviale; ex: IdAngajat → Nume
- Dependențele funcționale parțiale si totale
 - O dependenţă funcţională X →Y este parţială dacă există o submulţime proprie Z a lui X (Z ⊂ X şi Z ≠ X) care determină funcţional pe Y (Z → Y); ex: {IdAngajat,IdProiect} → Nume este partiala deoarece IdAngajat → Nume
 - O dependenţă funcţională X → Y este totală, dacă nu există nici o submulţime proprie Z a lui X care să determine funcţional pe Y
 - Cazuri particulare:
 - dacă atributul X este simplu, dependenţa funcţională X → Y este totală;
 ex: IdAngajat → Nume
 - dacă X este o cheie candidată a lui R, atunci dependența X → Y este totală;
 ex: {IdAngajat, IdProiect} → Ore

Multimi de dependente functionale (1)

- Dintr-o mulţime dată de DF se pot deduce si alte DF, folosind regulile de deducere (inferenţă - inference rules) ale lui Armstrong:
- 1. Reflexivitatea (reflexivity): dacă $Y \subseteq X$, atunci $X \rightarrow Y$; prin această regulă se deduc DF triviale; de ex. în relația AP în care au fost definite DF:
 - (a) IdAngajat →Nume
 - (b) IdAngajat →Prenume
 - (c) IdAngajat →Adresa
 - (d) {IdAngajat,IdProiect} → Ore

se pot deduce prin reflexivitate si DF:

- (e) {IdAngajat, IdProiect} →IdAngajat
- (f) {IdAngajat, IdProiect} →IdProiect
- **2. Augmentarea** (augmentation): dacă $X \rightarrow Y$, atunci $(X \cup Z) \rightarrow (Y \cup Z)$; următoarele DF (g şi h) sunt deduse prin augmentare, pornind de la dependențele funcționale (a) şi respectiv (b), augmentate cu $Z = \{Nume\}$, respectiv $Z = \{Prenume\}$ (se stie ca $Nume \cup Nume = Nume$ etc.)
 - (g) {IdAngajat, Nume} →Nume
 - (h) {IdAngajat, Prenume} → Prenume

Multimi de dependente functionale (2)

■ 3. Tranzitivitatea (transitivity): dacă $X \rightarrow Y$ şi $Y \rightarrow Z$, atunci $X \rightarrow Z$. De exemplu, din DF (e) şi (a) rezultă:

{IdAngajat,IdProiect} →Nume

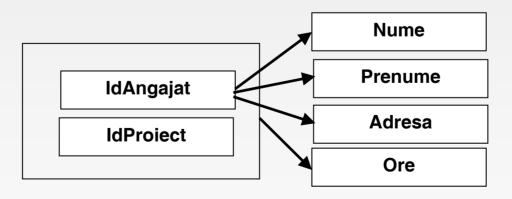
- Aceste trei reguli sunt suficiente pentru calculul tuturor dependențelor funcționale pe care le implică o mulțime dată de DF
- Din aceste reguli de bază se pot deduce şi alte reguli; de exemplu:

Proiecția (*projection*): dacă X→(Y ∪ Z), atunci X→Y şi X→Z

Reuniunea (union): dacă $X \rightarrow Y$ şi $X \rightarrow Z$, atunci $X \rightarrow (Y \cup Z)$

Pseudo-tranzitivitatea (pseudo-transitivity): dacă $X \rightarrow Y$ şi $(W \cup Y) \rightarrow Z$, atunci $(W \cup X) \rightarrow Z$.

Reprezentarea dependentelor functionale:



Inchiderea unei multimi de DF

- Fiind dată o mulțime F de DF, mulțimea tuturor DF care sunt implicate de F se numește închiderea mulțimii F (closure set of F) și se notează F+
 - F⁺ se poate deduce prin aplicarea repetată a regulilor de inferență asupra DF din F
 - Pentru a testa daca o DF X→Y poate fi dedusă dintr-o mulţime F de DF, se afla închiderea F⁺ a mulţimii F şi se testează dacă (X→Y)∈F⁺
 - Două mulțimi de DF, E şi F sunt echivalente dacă închiderile lor sunt egale
 (E+ = F+); adica: ∀DF ∈ E ⇒ DF ∈ F+ şi ∀DF ∈ F ⇒ DF ∈ E+
- O mulțime G de DF este minimă dacă satisface următoarele condiții:
 - membrul drept al oricărei DF din G este un atribut simplu;
 - orice dependență funcțională din G este totală;
 - mulţimea G este ireductibilă, adică, dacă se exclude o DF din G, mulţimea rezultată H nu este echivalentă cu G (adică H+ ≠ G+).
- Acoperirea minimă a unei mulțimi F de DF (minimal cover of a set F of DFs) este o mulțime minimă de dependențe funcționale G care este echivalentă cu F, adică G+ = F+
 - Pot exista mai multe acoperiri minime ale unei multimi de DF

Dependențele funcționale și cheile relațiilor

- In orice relație pot exista două categorii de DF:
 - DF determinate de cheile (candidate) ale relaţiei; astfel de DF nu produc redundanţa datelor şi nici anomalii de actualizare a relaţiei; de ex. {IdAngajat, IdProiect} → Ore
 - DF în care atributul determinant nu este o cheie a relaţiei; astfel de DF produc redundanţa datelor şi anomalii de actualizare a relaţiei; de ex. IdAngajat → Nume
- DF determinate de cheile candidate sunt constrângeri implicite, conţinute în definiţia relaţiei şi sunt verificate şi impuse automat de SGBD
 - Proiectantul bazei de date nu trebuie să prevadă nimic suplimentar pentru ca aceste constrângeri să fie satisfăcute de orice stare a relației
- DF în care atributul determinant nu este o cheie sunt constrângeri explicite, care nu sunt verificate şi nici impuse de SGBD
- Pentru DF în care atributul determinant nu este o cheie, se aplica una din urmatoarele solutii:
 - (a) Se accepta astfel de DF, dar se asigura verificarea şi impunerea lor procedurala, prin triggere, proceduri stocate, sau funcții în programele de aplicații
 - (b) Se descompune relatia in relatii mai simple, in care nu mai exista astfel de DF, dar trebuie făcută o descompunere "corecta" (cel puțin fără pierdere de informație la joncțiune sau, dacă se poate, reversibilă)

Inchiderea unui atribut fata de o multime de DF (1)

- Închiderea unui atribut față de o mulțime F de DF (the closure of an atribute under F). Fie un atribut X al unei relații pe care este definită mulțimea F de DF; mulțimea X+ a tuturor atributelor determinate de X (X→X+) se numeşte închiderea lui X în raport cu F
- Algoritmul prin care se poate deduce inchiderea unui atribut:

```
    se setează X+ = X şi P_F = F
    repetă
    se extrage o DF Y→Z din P_F
    (adica se alege o DF Y→Z din P_F si se seteaza P_F = P_F - (Y→Z))
    dacă Y ⊆ X+ atunci X+ = X+ ∪ Z
    până când P_F = Ø
```

Se aplică acest algoritm pentru dependențele funcționale din relatia AP:

```
F_{AP} = \{IdAngajat \rightarrow Nume, IdAngajat \rightarrow Prenume, IdAngajat \rightarrow Adresa, \\ \{IdAngajat, IdProiect\} \rightarrow Ore\}
```

Se obtin inchiderile atributelor astfel:

```
{IdAngajat}+ = {IdAngajat, Nume, Prenume, Adresa}

{IdAngajat, IdProiect}+ = {IdAngajat, IdProiect, Nume, Prenume, Adresa, Ore}

{Nume}+ = {Nume}, {Prenume}+ = {Prenume}, {IdProiect}+ = {IdProiect};

{Adresa}+ = {Adresa}, {Ore}+ = {Ore}
```

Inchiderea unui atribut fata de o multime de DF (2)

Din algoritmul de mai sus se poate deduce că închiderea unui atribut care nu determină funcțional nici un alt atribut (nu apare în partea stângă a nici unei DF) este chiar atributul respectiv:

```
\{Nume\}^+ = \{Nume\}^+ = \{Prenume\}^+ = \{Adresa\}^+ = \{Adresa\}^+ = \{Ore\}^+ = \{O
```

- Acest algoritm poate fi folosit pentru a verifica dacă o DF dată X→Y este consecința logică a mulțimii F (daca (X→Y) ∈ F+)
 - Pentru aceasta, se calculează X^+ față de F; dacă $Y \subseteq X^+$, atunci $(X \rightarrow Y) \in F^+$, deci $X \rightarrow Y$ este consecința logică a lui F
- Acest algoritm poate fi folosit şi pentru a verifica dacă un atribut K (simplu sau compus) este supercheie a relației R cu mulțimea F de DF
 - Pentru aceasta se calculează K+ în raport cu F; daca K+ = R, atunci K este supercheie în R
- Pentru aflarea cheilor candidate ale unei relații din mulțimea DF:
 - se consideră o supercheie a relaţiei
 - se testeaza condiția de ireductibilitate pentru fiecare din atributele componente ale supercheii si se elimină orice atribut care poate fi eliminat fără să se piardă proprietatea de unicitate a cheii
- Acest algoritm de aflare a cheilor candidate ale unei relaţii din mulţimea DF este prezentat in continuare

Aflarea cheilor unei relații din multimea DF

- Fiind dată o relație cu schema R şi mulțimea F a DF pe această relație, cheile candidate K ale relației se pot afla cu urmatorul algoritm:
 - 1. Se setează supercheia K = R
 - 2. Pentru fiecare atribut X din K se testeaza daca (K X) este supercheie în R
 - 3. Dacă (K X) este supercheie, atunci K = (K X), altfel K nu se modifica
- Prin parcurgerea repetată a paşilor 2 şi 3, se găseşte una din cheile candidate ale relației; dacă există mai multe chei candidate, atunci ordinea găsirii cheilor candidate depinde de atributul selectat în pasul 2 al algoritmului
- De exemplu, se aplică algoritmul de mai sus pentru găsirea unei chei candidate a relației AP cu mulțimea F_{AP} a DF (definita la inceputul capitolului)
- Se porneşte cu K = R = {IdAngajat, Nume, Prenume, Adresa, IdProiect, Ore}, se selectează X = Nume;
 - $\{K X\} = \{IdAngajat, Prenume, Adresa, IdProject, Ore\}$
 - $\{K X\}^+ = \{IdAngajat, Nume, Prenume, Adresa, IdProiect, Ore\} = R$,
 - deci K X este supercheie in R, deci se repetă paşii 2 şi 3 pentru alte atribute
- Se repeta pasii 2 si 3 pentru X = Prenume, apoi X = Adresa si X = Ore; aceste atribute pot fi eliminate, si se obtine K = {IdAngajat, IdProiect}
- Atributele IdProiect, IdAngajat nu se pot elimina din K, deci {IdProiect, IdAngajat} e cheie candidată (chiar primară)

Descompunerea relatiilor

- O descompunere D = {R1, R2,..Ri,...Rk} a schemei de relaţie R (relation schema decomposition) este formată din submulţimi proprii ale lui R (R1⊂R, R2⊂R,...Rk⊂R a caror reuniune este egala cu R (R = R1∪R2...∪Rk)
- Proiectiile relatiei r(R) pe submultimile R1, R2,...Ri, ...Rk (r1 = $\Pi_{R1}(r)$, r2 = $\Pi_{R2}(r)$, $ri = \Pi_{Ri}(r)$,... $rk = \Pi_{Rk}(r)$) reprezinta descompunerea relației r(R) pe aceste submulțimi de atribute
- Fie o relație cu schema R şi mulțimea F de DF ale acesteia; o descompunere a relației r(R) este reversibilă dacă are proprietățile de:
 - Conservarea informatiei (descompunere fără pierdere de informație la joncțiune) inseamna ca r = r1 ⊳⊲ r2 ⊳⊲ ...ri ⊳⊲ ...rk
 - Conservarea dependențelor funcționale: dacă oricare din dependențele din F se regăsește sau poate fi dedusă din DF ale relațiilor cu schemele R1,R2,...Ri,...Rk
- Teorema lui Ullman. Descompunerea D = {R1, R2} a unei scheme de relaţie R este o descompunere fără pierdere de informaţie la joncţiune în raport cu mulţimea F de DF, dacă şi numai dacă este îndeplinită una din condiţiile:

 (a) ((R1 ∩ R2) → (R1 R2)) ∈ F+, sau (b) ((R1 ∩ R2) → (R2 R1)) ∈ F+
 - Dacă R1 ∩ R2 este o supercheie a uneia dintre relațiile R1 sau R2, atunci descompunerea este fără pierdere de informație la joncțiune;
 - Demonstratie: dacă (R1 ∩ R2) este o supercheie în R1, atunci ea determina functional orice submultime de atribute din R1, inclusiv (R1 - R2) adică (R1 ∩ R2) →(R1 - R2);
 - La fel se demonstreaza daca (R1 ∩ R2) este o supercheie în R2

Descompunere fără pierdere de informație la jonctiune

- Lipsa acestei proprietăți se manifestă în mod paradoxal prin apariția unor tupluri noi (parazite) în relația obținută prin joncțiunea relațiilor r1,r2,...ri,...rk, tupluri care nu existau în relația r(R)
- Exemplu: descompunerea relației AP în relațiile A şi P:

```
A \cap P = \{IdAngajat\},\
```

 $A - P = \{Nume, Prenume, Adresa\}; P - A = \{IdProiect, Ore\}\}$

Din DF IdAngajat→Nume, IdAngajat→Prenume, IdAngajat→ Adresa

Se deduce: IdAngajat→{Nume, Prenume, Adresa} (cf. regulii de reuniune a DF)

Rezultă: $((A \cap P) \rightarrow (A - P)) \in F^+$

Deci, conform teoremei lui Ullman desc. este fără pierdere de informație la joncțiune

- Descompunerea succesivă fără pierdere de informație la joncțiune
 - Dacă o descompunere D = {R1,R2,...Ri,...Rk} a unei scheme R este fără pierdere de informație la joncțiune în raport cu mulțimea F de DF
 - şi D1 = {Q1,Q2,...Qm} este o descompunere fără pierdere de informație la joncțiune a lui R1 în raport cu proiecția lui F pe R1,
 - atunci descompunerea D2 = {Q1,Q2,...Qm,R2,...Rk} este o descompunere fără pierdere de informație a lui R în raport cu F
- Această proprietate permite descompunerea fără pierdere de informație la joncțiune a unei relații în mai multe etape (mai întâi in două relații, apoi fiecare dintre acestea se descompune în alte două relații, ş.a.m.d)

Conservarea dependențelor funcționale

- O descompunere D = {R1, R2, ...Ri,...Rk} a unei scheme de relație R prezintă proprietatea de conservare a mulțimii F de DF, dacă reuniunea proiecțiilor lui F pe schemele de relații Ri (unde 1 ≤ i ≤ k) este echivalentă cu F, adică: $((\Pi_{R1}(F)) \cup (\Pi_{R2}(F)) ... \cup (\Pi_{Rk}(F)))^+ = F^+$
- **Proiecția unei mulțimi de dependențe funcționale.** Fiind dată mulțimea F de DF definite pe R, și o descompunere D = {R1,R2,..Rk} a lui R, proiecția lui F pe Ri (unde 1 ≤ i ≤ k), notată $\Pi_{Ri}(F)$, este mulțimea de DF X→Y ∈ F+, astfel încât X \subseteq Ri și Y \subseteq Ri
- Exemplu: descompunerea relației AP in relațiile A şi P:

```
F<sub>AP</sub> = {IdAngajat→Nume, IdAngajat→Prenume, IdAngajat→Adresa,{IdAngajat,IdProiect}→Ore}
```

Proiecțiile mulțimii F_{AP} pe A si P sunt:

```
\Pi_A(F_{AP}) = \{IdAngajat \rightarrow Nume, IdAngajat \rightarrow Prenume, IdAngajat \rightarrow Adresa\}

\Pi_P(F_{AP}) = \{\{IdAngajat, IdProiect\} \rightarrow Ore\}
```

Dat fiind că $\Pi_A(F_{AP}) \cup \Pi_P(F_{AP}) = F_{AP}$, rezultă că această descompunere conservă DF

- Dacă, prin descompunerea unei relații, se pierd una sau mai multe DF, pentru verificarea lor, trebuie să se efectueze mai întâi joncțiunea relațiilor obtinute
- Cele două proprietăți ale unei descompuneri, conservarea informației şi conservarea dependențelor funcționale, sunt independente

Formele normale ale relatiilor (FN1 si FN2)

- O relație este normalizată în prima formă normală (FN1) dacă fiecare atribut ia numai valori atomice și scalare din domeniul său de definiție
 - Sistemele SGBD relaţionale nu admit relaţii care să nu fie cel puţin în FN1, dar proiectarea relaţiilor normalizate în FN1 este intotdeauna posibila
- Fie o schema de relatie R si multimea F de DF definite pe aceasta. O relaţie r(R) este normalizată în FN2, dacă este în FN1 şi dacă în F+ nu există nici o DF parţială a unui atribut neprim faţă de o cheie a relaţiei
- Exemplu: relatia AP cu multimea F_{AP} de DF este in FN1, dar nu este in FN2:
 F_{AP} = {IdAngajat → Nume, IdAngajat → Prenume,
 IdAngajat → Adresa, {IdAngajat, IdProiect} → Ore}
 - Cheia primara este {IdAngajat, IdProiect}, deci {IdAngajat, IdProiect}→Nume
 - Această DF se poate deduce din F_{AP}; cf. reflexivitatii, {IdAngajat, IdProiect} →
 IdAngajat; cf.tranzitivitatii, daca IdAngajat→Nume, {IdAngajat, IdProiect}→Nume
 - DF {IdAngajat, IdProiect}→Nume este parţială deoarece exista: IdAngajat→Nume
 - Rezultă că relația AP nu este în FN2, deci prezinta redundante si anomalii
- Anomaliile se pot evita prin (a) normalizare sau (b) prin impunerea DF
- Normalizarea relatiei AP prin descompunere in relatiile A si P:
 - A(IdAngajat, Nume, Prenume, Adresa)
 - P(IdAngajat, IdProiect, Ore),
 - S-a demonstrat ca aceasta descompunere prezinta proprietatile de jonctiune fara pierdere de informatie si conservarea DF si se poate arata ca A si P sunt in FN2

Impunerea DF in relatia nenormalizata AP (1)

- Dacă relația AP nu se normalizează, atunci trebuie să se prevadă proceduri speciale care să impună DF care nu sunt determimate de chei
- De exemplu, daca la inserare nu se admit doi sau mai mulţi angajaţi cu acelasi identificator (IdAngajat) dar cu nume, prenume, adresă diferite se defineste urmatorul trigger (trigger_AP)
- Trigger-ul trigger_AP arata astfel: DELIMITER \$\$ DROP TRIGGER IF EXISTS `normalizare`.`trigger_AP`\$\$ CREATE TRIGGER `trigger_AP` BEFORE INSERT ON `normalizare`.`AP` FOR EACH ROW **BEGIN DECLARE done INT DEFAULT 0: DECLARE error INT DEFAULT 0:** DECLARE I nume, I prenume, I adresa VARCHAR(20); DECLARE cursor_AP CURSOR FOR SELECT Nume, Prenume, Adresa FROM AP WHERE IdAngajat = NEW.IdAngajat; DECLARE CONTINUE HANDLER FOR NOT FOUND SET done = 1: OPEN cursor AP: REPEAT FETCH cursor_AP INTO I_nume, I_prenume, I_adresa; IF NEW.Nume <> I_nume OR NEW.Prenume != I_prenume OR NEW.Adresa <> I_adresa THEN SET error = 1; END IF; UNTIL done = 1 OR error = 1END REPEAT; CLOSE cursor AP; IF error = 1 THEN SET NEW.IdAngajat = NULL; **END IF**; END \$\$ DELIMITER;

Impunerea DF in relatia nenormalizata AP(2)

- Trigger-ul este de tip BEFORE INSERT, astfel ca linia dorita se insereaza in tabel numai daca verificarile facute de trigger permit inserarea
- In trigger se citesc intr-un cursor toate liniile care au valoarea atributului IdAngajat egală cu valoarea de inserat (NEW.IdAngajat)
- Se parcurg liniile cursorului si daca valorile de inserat ale atributelor Nume, Prenume, Adresa (NEW.Nume, NEW.Prenume, NEW.Adresa) difera de cele existente in tabel, se seteaza error = 1. Daca dupa parcurgerea cursorului:
 - error = 0, se termină triggerul (instructiunea END), apoi se introduce linia noua
 - error=1, se seteaza SET NEW.IdAngajat = NULL, apoi se termină triggerul (instructiunea END); după aceasta SGBD-ul nu va introduce linia noua deoarece un atribut al cheii primare este NULL (IdAngajat)

Exemplu:

- Fie tabelul AP cu liniile (1,'lonescu','lon', 'Bucuresti',1,50), (1,'lonescu','lon', 'Bucuresti',2,100) si (1,'lonescu','lon','Bucuresti',3,80)
- Se observa redundanta datelor: valorile 'lonescu', 'lon', 'Bucuresti' sunt memorate pentru fiecare proiect la care lucreaza angajatul cu IdAngajat = 1
- Anomalia de inserare: daca nu se activeaza trigger-ul, se poate insera si linia (1,'Marinescu','Mihai','Bucuresti',4,60), ceea ce inseamna ca angajatul cu IdAngajat =1 este nedeterminat (este Ionescu Ion sau Marinescu Mihai?)
- Aceasta linie nu se poate insera daca s-a activat trigger-ul trigger_AP

A treia forma normala (FN3)

- Fie o schema de relatie R si multimea F de DF definite pe aceasta. O relaţie r(R) este normalizată în FN3, dacă este în FN2 şi dacă oricare DF din F+ a unui atribut neprim este determinata de o cheie a relatiei
- Exemplu: AFS(<u>IdAngajat</u>, Nume, Prenume, Adresa, Functie, Salariu) F_{AFS}={IdAngajat→Nume, IdAngajat→Prenume, IdAngajat →Adresa, IdAngajat→Functie, Functie→Salariu}.
 - Cheia primară a relației este IdAngajat, şi poate fi dedusă din F_{AFS}
 - DF față de cheia primară (primele patru DF) sunt totale, deci relația este în FN2
 - Relația nu este în FN3 datorita DF Functie→Salariu; prezinta redundante si anomalii
- Normalizare prin descompunere in:

AF(<u>IdAngajat</u>, Nume, Prenume, Adresa, Functie) FS(<u>Functie</u>, Salariu)

- Se demonstreaza ca AF si FS sunt in FN3 si ca descompunerea este reversibila
 - Proiectiile multimii F_{AFS}:

 $F_{AF}=\{IdAngajat \rightarrow Nume, IdAngajat \rightarrow Prenume, IdAngajat \rightarrow Adresa, IdAngajat \rightarrow Functie\}$ $F_{FS}=\{Functie \rightarrow Salariu\}$ si se deduc (sau se verifica) cheile relatiilor

- PK_{AF}={IdAngajat}, PK_{FS}={Functie}, deci AF si FS sunt in FN3
- F_{AF} ∪ F_{FS} = F_{AFS} deci descompunerea conserva DF
- AF ∩ FS = {Functie} si (Functie → Salariu) ∈ F_{AFS}, deci, cf. regulii lui Ullman, descompunerea este fara pierdere de informatie la jonctiune

Impunerea DF in relatia nenormalizata AFS (1)

- Dacă relația AFS nu se normalizează, atunci trebuie să se prevadă proceduri speciale care să verifice şi să impună DF care nu sunt determinate de chei
- Se poate inlocui operatia de INSERT cu apelul unei proceduri stocate care verifica mai intai valorile si executa INSERT numai daca acestea respecta DF
- Procedura stocata pentru relatia AFS arata astfel:

```
DELIMITER $$ DROP PROCEDURE IF EXISTS sp AFS $$
CREATE PROCEDURE `sp_AFS` (OUT error INT, s_id INT, s_nume VARCHAR(20), s_prenume
  VARCHAR(20), s_adresa VARCHAR(20), s_functia VARCHAR(20), s_salariu DECIMAL)
BEGIN DECLARE done INT DEFAULT 0:
  DECLARE I salariu DECIMAL:
  DECLARE cursor AFS CURSOR FOR
    SELECT Salariu FROM AFS WHERE Functia = s functia:
  DECLARE CONTINUE HANDLER FOR NOT FOUND SET done = 1:
  SET error = 0; OPEN cursor AFS;
  REPEAT FETCH cursor AFS INTO I salariu;
    IF s_salariu <> I_salariu THEN SET error = 1; END IF;
  UNTIL done = 1 OR error = 1
  END REPEAT:
  CLOSE cursor AFS;
  IF error = 0 THEN
     INSERT INTO AFS VALUES (s_id, s_nume, s_prenume, s_adresa, s_functia, s_salariu);END IF;
END$$ DELIMITER;
```

Impunerea DF in relatia nenormalizata AFS (2)

- Fie tabelul AFS care contine liniile: (1, 'lonescu','lon','Bucuresti','inginer',2000), (2, 'Popescu','Petre','Craiova','inginer',2000)
- Se observa redundanta datelor: valoarea salariului este memorata de fiecare data pentru o functie anume, desi trebuie sa fie aceeasi (conform DF Functie →Salariu)
- Datorita redundantei pot apare anomalii: se poate insera linia (3, 'Mateescu', 'Viorel','Bucuresti','inginer', 2100), care este admisă de SGBD, deşi nu respectă DF Functie → Salariu: pentru functia 'inginer' se admite si salariul 2000 si salariul 2100; (se sterge apoi linia inserata eronat, pentru ca ulterior sa functioneze bine procedura stocata)
- Inserarea liniilor in tabelul AFS prin apelul procedurii stocate sp_AFS inlatura aceasta anomalii
- De exemplu, la apelul procedurii stocate cu aceleasi valori:

```
call sp_AFS(@error, 7, 'Mateescu', 'Irinel', 'Bucuresti', 'inginer', 2100); select @error;
```

se obtine @error=1 si linia respectiva nu va fi introdusa in tabelul AFS

Forma normala Boyce-Codd (FNBC)

- Fie schema de relatie R si multimea F de DF definite pe aceasta. O relaţie r(R) este în forma normală Boyce-Codd (FNBC) în raport cu F dacă este în FN1 şi dacă orice DF netrivială din F+ este determinata de o cheie a relaţiei
- Este evident că o relație în FNBC este în FN3, dar o relație în FN3 poate să fie sau nu în FNBC
- Exemplu: relaţia EDP(<u>IdElev</u>, <u>IdDisciplina</u>, IdProfesor), cu cheia PK= {IdElev, IdDisciplina} şi cu mulţimea F_{FDP} de DF:
 - $F_{EDP} = \{\{IdElev, IdDisciplina\} \rightarrow IdProfesor, IdProfesor \rightarrow IdDisciplina\}$
- Se consideră că relația este în FN1; din F_{EDP} se observă că nu există DF parțiale față de cheia relației (deci relația este în FN2) şi nu există nici o DF a unui atribut neprim față de un alt atribut neprim, deci relația este în FN3
- Relaţia EDP nu este în FNBC, datorită DF a atributului prim IdDisciplina faţă de atributul neprim IdProfesor; aceasta relatie prezintă redundante de date şi anomalii de actualizare
- Exemplu: fie starea in care tabelul EDP contine liniile (1,1,1) si (2,1,1)
 - redundanta: disciplina (1) predata de profesorul 1 este memorata de doua ori in tuplurile (1,1,1) si (2,1,1)
 - anomalie de inserare: se poate insera si tuplul (1,2,1) care nu respecta DF IdProfesor→IdDisciplina (profesorul 1 preda si disciplina 1 si disciplina 2)

Impunerea DF in relatia nenormalizata EDP

- Dacă relația EDP nu se normalizeaza, atunci trebuie să se prevadă o procedura care să verifice şi să impună DF (IdProfesor→IdDisciplina) care nu este determinata de cheia relatiei, pentru operatiile de INSERT si UPDATE
- De ex: se inlocuieste operatia INSERTcu apelul unei proceduri stocate care verifica mai intai valorile si executa INSERT numai daca acestea respecta DF DELIMITER \$\$

```
DROP PROCEDURE IF EXISTS `sp_EDP`$$

CREATE PROCEDURE `sp_EDP` (INOUT error INT, s_Elev INT, s_Disciplina INT, s_Profesor INT)

BEGIN DECLARE done INT DEFAULT 0; DECLARE I_Disciplina INT;

DECLARE cursor_EDP CURSOR FOR

SELECT IdDisciplina FROM EDP WHERE IdProfesor = s_Profesor;

DECLARE CONTINUE HANDLER FOR NOT FOUND SET done = 1;

SET error = 0; OPEN cursor_EDP;

REPEAT FETCH cursor_EDP INTO I_Disciplina;

IF s_Disciplina <> I_Disciplina THEN SET error = 1; END IF;

UNTIL done = 1 OR error = 1

END REPEAT;

CLOSE cursor_EDP;

IF error = 0 THEN INSERT INTO EDP VALUES (s_Elev, s_Disciplina, s_Profesor);

END IF; END$$ DELIMITER;
```

- Pentru verificare: se sterge linia(1,2,1) (daca exista) si se executa:
 - call sp_EDP(@error,1,2,1); select @error;
 - se obtine @error = 1 si nu s-a inserat acest tuplu

Normalizarea relatiei EDP

Normalizarea relației EDP astfel încât relațiile obținute să fie în FNBC se poate face prin descompunerea acesteia. Se pot încerca trei descompuneri:

```
    D1 = {EP,PD}, unde EP = {IdElev, IdProfesor},
    PD = {IdProfesor, IdDisciplina};
    D2 = {ED,PD}, unde ED = {IdElev, IdDisciplină},
    PD = {IdProfesor, IdDisciplina};
    D3 = {EP,ED}, unde EP = {IdElev, IdProfesor},
    ED = {IdElev, IdDisciplina}.
```

- Se poate observa că relațiile rezultate în oricare din aceste descompuneri sunt relații în FNBC (fiind relații formate din două atribute).
- Dintre cele trei descompuneri, descompunerea D1 prezintă proprietatea de joncțiune fără pierdere de informație. Într-adevăr, EP ∩ PD = {IdProfesor}, PD − EP = {IdDisciplina} şi IdProfesor→IdDisciplina, deci este îndeplinită condiția lui Ullman de conservare a informației.
- Celelalte descompuneri, D2 şi D3, nu îndeplinesc această condiție.
- In oricare din aceste descompuneri se pierde dependenţa funcţională {IdElev,IdDisciplina}→IdProfesor, deci relaţia EDP nu poate fi descompusă în mod reversibil în relaţii FNBC.

Impunerea constrangerilor pierdute prin descompunere (1)

- Dacă relația EDP se normalizeaza prin descompunerea (EP, PD) atunci trebuie să se prevadă o procedura care să verifice şi să impună constrangerea pierduta
- Se pot inlocui operatiile de INSERT in tabelele EP, PD cu apelul unei proceduri stocate care verifica mai intai valorile si executa INSERT numai daca acestea respecta constrangerea: {IdElev, IdDisciplina} → IdProfesor

```
DELIMITER $$ DROP PROCEDURE IF EXISTS `sp_EP_PD`$$
  CREATE PROCEDURE 'sp_EP_PD' (OUT error INT, s_Elev INT, s_Disciplina INT, s_Profesor INT)
  BEGIN DECLARE done INT DEFAULT 0:
     DECLARE I Elev, I Profesor, I Disciplina INT;
     DECLARE cursor EP PD CURSOR FOR
       SELECT IdElev, EP.IdProfesor, IdDisciplina FROM EP, PD
                 WHERE EP.IdProfesor = PD.IdProfesor :
     DECLARE CONTINUE HANDLER FOR NOT FOUND SET done = 1;
     SET error = 0; OPEN cursor EP PD;
     REPEAT FETCH cursor EP PD INTO I Elev, I Profesor, I Disciplina;
       IF s Elev = I Elev AND s Disciplina = I Disciplina AND s Profesor <> I Profesor
                                                                                   THEN
     SET error = 1; END IF:
     UNTIL done = 1 OR error = 1
     END REPEAT;
     CLOSE cursor EP PD:
     IF error = 0 THEN
       INSERT INTO EP VALUES (s_Elev, s_Profesor);
       INSERT INTO PD VALUES (s. Profesor, s. Disciplina);
     END IF; END$$ DELIMITER;
                               Cap. 6 - Normalizarea relatiilor
Prof. Felicia Ionescu
                                                                                       27
```

Impunerea constrangerilor pierdute prin descompunere (2)

- Procedura sp_EP_PD primeşte ca argumente un flag de eroare şi valorile celor trei atribute IdElev, IdDisciplină, IdProfesor care trebuie sa respecte constrângerea {IdElev, IdDisciplina} → IdProfesor
- În această procedura se creează un cursor în care se încarcă rezultatul joncțiunii naturale între relațiile EP şi PD pe atributul comun IdProfesor
- Pentru fiecare linie a rezultatului joncţiunii EP ⊳⊲ PD se verifică respectarea constrângerii dorite, testând valorile existente în linia respectivă cu noile valori care urmează să fie introduse:
 - daca această constrângere este respectată, atunci se execută două instrucțiuni INSERT, cate una in foiecare din tabelele EP si PD
 - daca această constrângere nu este respectată, nu se introduce nici o linie
- Exemplu: daca tabelul EP contine linia (1,1) si tabelul (PD) contine linia (1,1), prin INSERT se pot introduce si valorile (1,1,2) pentru (IdElev, IdDisciplina, IdProfesor) adica liniile: (1,2) in EP si (2,1) in PD; dar aceste valori nu respecta constrangerea {IdElev, IdDisciplina} → IdProfesor deoarece:
 - in liniile existente (IdElev, IdDisciplina) = (1,1), iar IdProfesor = 1
 - in valorile de inserat (IdElev, IdDisciplina) = (1,1), iar IdProfesor = 2
- In schimb apelul procedurii: call sp_EP_PD(@error, 1,1,2); select @error; produce @error=1 si nu se introduce nici o linie

Dependente multivalorice

O dependenţă multivalorică - DMV- (multivalued dependency) X→→Y specificată pe schema de relatie R = {X,Y,Z} stabileşte următoarele constrângeri pe care trebuie să le respecte orice relaţie r(R): dacă există două tupluri t1 şi t2 în r astfel ca t1[X] = t2[X]= x, atunci vor exista şi tuplurile t3 şi t4 cu următoarele proprietăţi:

```
t3[X] = t4[X] = t1[X] = t2[X] = x;

t3[Y] = t1[Y] = y1    t4[Y] = t2[Y] = y2 ;

t3[Z] = t2[Z] = z2   t4[Z] = t1[Z] = z1 .
```

- Datorită simetriei egalităților de mai sus, rezulta că, dacă într-o relație cu schema R există DMV $X \rightarrow Y$, atunci există și $X \rightarrow Z$, unde $Z = R (X \cup Y)$
- O DF este un caz particular al unei DMV: DF X→Y este o DMV X →→ Y cu restricția că unei valori a lui X îi corespunde o singură valoare a lui Y
- O relaţie cu schema R este în a patra formă normală (FN4) în raport cu o mulţime F de DF şi DMV dacă este în FN1 şi dacă, pentru orice DMV netrivială X→→Y din F+, X este cheie a relaţiei r(R).
- Asemănarea acestei definiții cu definiția FNBC: pentru FNBC se impun restricții DF, iar pentru FN4 se impun restricții DMV
- Dacă o schemă de relaţie respectă condiţia de FN4, atunci înseamnă că ea respectă şi condiţia de FNBC

Dependente de jonctiune

Fie o schema de relație R şi R1,R2,...Rk submulțimi de atribute ale lui R, unde R1 ∪ R2 ∪...∪ Rk = R. Se spune că există o dependență de joncțiune (DJ) pe R, notată *(R1,R2,...Rk), dacă şi numai dacă orice relație r(R) este egală cu joncțiunea proiecțiilor relației pe submulțimile R1,R2,...Rk, adică $r = \Pi_{R1}(r) \triangleright \triangleleft \Pi_{R2}(r)... \triangleright \triangleleft \Pi_{Rk}(r)$.

Rezulta ca:

- *(R1,R2,...Rk) este o DJ pe R dacă şi numai dacă descompunerea lui R în proiecțiile pe R1,R2,...Rk este fără pierdere de informație la jonctiune
- Relaţia r(R) este k-decompozabilă fără pierdere de informaţie dacă există o DJ *(R1,R2,...Rk)
- Tipuri de DJ (dupa valoarea lui k):
 - Cazul k = 1 reprezintă o DJ trivială
 - Cazul k = 2 al unei DJ este o DMV; o DMV X→→Y în relaţia r(R) reprezintă o DJ *(XY, XZ), unde Z = R-(X ∪ Y).
 - In cazul k > 2, DJ nu mai sunt echivalente cu DMV
- DJ sunt dificil de identificat şi nu există reguli de deducere (inferență) care să genereze toate DJ pornind de la o mulțime dată
- Datorită acestor aspecte, analiza DJ are un pronunțat caracter intuitiv

Forma normala FN5

- O relație cu schema R este în a cincea formă normală (FN5) în raport cu o mulțime F de dependențe funcționale, multivalorice sau de joncțiune dacă este în FN1 şi dacă, pentru orice dependență de joncțiune *(R1,R2,... Ri,...Rk) din F⁺, Ri (unde 1 ≤ i ≤ k) este o cheie a relației r(R)
- Având în vedere faptul că o dependență multivalorică este un caz special de dependență de joncțiune, iar o dependență funcțională este un caz special de dependență multivalorică, se poate afirma că o relație care este în FN5, este implicit în FN4, deci şi în FNBC, ş.a.m.d.
- S-a demonstrat că orice relație poate fi transformată în relații FN5 (sau FN4, sau FNBC) printr-o descompunere fără pierdere de informație la joncțiune, dar nu se asigura conservarea tuturor DF
- Conditiile de normalizare in FNBC, FN4 si FN5 se pot rezuma la faptul că întro relație normalizată nu există decât dependențe determinate de chei:
 - O relație este în FNBC dacă orice DF este determinată de o cheie a relației
 - O relație este în FN4 dacă orice DF sau DMV este determinată de o cheie a relației
 - O relație este în FN5 dacă orice DF, DMV sau DJ este determinată de o cheie a relației

Proiectarea relatiilor normalizate

- Normalizarea relaţiilor asigură un proiect al bazei de date mai concis şi de aceea se consideră că a normaliza este avantajos, chiar dacă normalizarea nu este o garanţie că s-a realizat cel mai bun model
- Proiectarea bazelor de date pornind de la diagrama Entitate-Asociere conduce, în general, la relaţii normalizate, deoarece:
 - Relaţiile corespunzătoare mulţimilor de entităţi sunt, de regulă, relaţii normalizate, dat fiind că toate atributele descriu tipul de entitate respectiv.
 - Relațiile de asociere binară, care conțin două chei străine care referă cheile primare din cele două relații pe care le asociază, rezultă tot ca relații normalizate
 - Relaţiile care modelează asocierile multiple pot să rezulte nenormalizate şi necesită operaţii de normalizare suplimentare
- Dar, cu cât nivelul de normalizare creşte, cu atât se obțin mai multe relații cu grad mai mic şi pentru fiecare interogare sunt necesare mai multe operații de joncțiune, ceea ce face ca timpul de execuție a interogărilor să crească; in general, se recomandă ca:
 - relaţiile asupra cărora se efectuează operaţii de actualizare frecvente să fie normalizate într-o formă normală cât mai avansată
 - relaţiile asupra cărora se efectuează interogări frecvente pot fi păstrate într-o formă de normalizare mai redusă
- Mentinerea unei relații într-o formă de normalizare mai redusă se numeşte "denormalizare", şi are scopul de a obține performanțe ridicate la interogări

Algoritmi de normalizare

- Analiza normalizării relaţiilor trebuie să fie facuta pentru orice proiect de baze de date, pentru a asigura funcţionarea corectă a acesteia:
 - Dacă o relație se păstrează într-o formă de normalizare mai redusă, atunci trebuie să se prevadă proceduri de verificare şi impunere a dependențelor de date care nu sunt determinate de cheile relației (ca si constrângeri explicite)
 - Dacă se normalizeaza o relaţie, dar prin descompunere se pierd unele DF, acestea pot fi impuse explicit prin proceduri stocate sau funcţii în programele de aplicaţie, care execută joncţiunea între relaţiile rezultate şi impun constrângerea respectiva
- S-a demonstrat si exista algoritmi prin care orice relatie poate fi descompusa reversibil (cu conservarea informatiei si conservarea DF) in relatii in formele normale FN2 sau FN3
- S-a demonstrat si exista algoritmi prin care orice relatie poate fi descompusa in relatii FN2, FN3, FNBC, FN4 sau FN5 fara pierdere de informatie la jonctiune, dar se pot pierde unele dependențe

Descompunerea fara pierdere de informatie la jonctiune (1)

- Fiind dată o relație cu schema R şi mulțimea F de DF, o descompunere D fără pierdere de informație la joncțiune în relații într-una din formele normale FN2, FN3 sau FNBC se poate obține aplicând algoritmul următor:
 - 1. se setează $D = \{R\}$;
 - 2. atât timp cât în D există o relație Q (cu mulțimea F_Q a DF) care nu se află în forma normală dorită:
 - se alege o DF $X \to W$ din F_Q care nu respecta forma normala dorita şi se construieşte închiderea X^+ a atributului X şi mulțimea $Y = X^+ X$;
 - în D se înlocuieşte relația Q cu două relații: Q1 = $X \cup Y$ şi Q2 = $X \cup Z$, unde $Z = Q (X \cup Y)$;

Demonstrație:

- La fiecare pas de execuție a algoritmului, o relație Q se descompune în două relații Q1 şi Q2, astfel încât Q1 ∩ Q2 = X, şi Q1 − Q2 = Y
- Din definiția închiderii unui atribut rezultă că X→Y, deci, conform teoremei lui Ullman, această descompunere este fără pierdere de informație la joncțiune
- Astfel de descompuneri succesive păstrează caracterul de descompuneri fără pierdere de informație la joncțiune
- Există algoritmi similari pentru descompunerea fară pierdere de informatie la joncțiune a unei relații în relații în forme normale FN4 sau FN5

Descompunerea fara pierdere de informatie la jonctiune (2)

- Exemplu de aplicare a algoritmului pentru descompunerea in relatii FNBC a relatiei R = {dAngajat, Nume, Prenume, Adresa, Functie, Salariu, IdProiect, Ore} cu PK = {IdAngajat, IdProiect}, aflata în FN1 şi cu mulţimea F de DF F = {IdAngajat→Nume,IdAngajat→Preume, IdAngajat→Adresa,IdAngajat→Functie, Functie→Salariu, {IdAngajat,IdProiect}→Ore}
- Executia algoritmului:
 - Se setează D = {R}
 - Din F se alege DF IdAngajat→Nume care nu respectă condiția impusă de FNBC
 - Închiderea atributului X=IdAngajat este [IdAngajat]+= {IdAngajat, Nume, Prenume, Adresa, Functie, Salariu} şi rezultă $Y = X^+ X = \{Nume, Prenume, Adresa, Functie, Salariu\}$ şi $Z = R (X \cup Y) = R X^+ = \{IdProiect, Ore\}$.
 - Se obtine descompunerea D a relației R: D = {R₁₁, R₁₂}, unde
 R₁₁ = X ∪ Y = {<u>IdAngajat</u>, Nume, Prenume, Adresa, Functie, Salariu}; in FN2
 R₁₂ = X ∪ Z = {<u>IdAngajat</u>, <u>IdProiect</u>, Ore}; in FNBC
 - In acelasi mod se descompune relaţia R₁₁, in relatiile R₁₁₁ si R₁₁₂:
 R₁₁₁ = {<u>Functie</u>, Salariu}; este in FNBC
 R₁₁₂ = {<u>IdAngajat</u>, Nume, Prenume, Adresa, Functie}; este in FNBC
- Se poate demonstra usor ca descompunerea obtinuta D= (R₁₁₁, R₁₁₂, R₁₂) conserva si dependentele functionale