資料結構作業一

1.依Time grouth rate, 由小->大列出

(a)

$$2^{log2}, logn^5, log^2n, log(n!), (1.5)^n, \sqrt{2}^{loglog(n)}, n! \leftarrow$$

(b)

$$2^{100}$$
, $10 n^3 - 5n$, $\sum_{i=1}^{n} i^3$, $4^{\log n}$, $\sum_{i=1}^{n} \log(i)$

- 3.請依照題目指示寫出Recursive程式碼
 - (a) 已知以下規則, 請輸入經過幾個月份, 請輸出最後兔子數量
 - 第一個月初有一對剛誕生的兔子
 - 第二個月之後(第三個月初)牠們可以生育
 - 每月每對可生育的兔子會誕生下一對新兔子
 - 兔子永不死去

範例輸入	範例輸出
5	5
7	13
11	89

(b)求Xⁿ, 其中X,n是正整數且n>=0,X>0

範例輸入	範例輸出
2 5	32
31 2	961
100 2	10000
3 10	59049

(C)已知以下規則,輸入m和n請算出Ackermann's Function的結果。

$$A(m,n) = \begin{cases} n+1 & \text{if } m=0 \\ A(m-1,1) & \text{if } m>0 \text{ and } n=0 \\ A(m-1,A(m,n-1) & \text{if } m>0 \text{ and } n>0 \end{cases}$$

範例輸入	範例輸出
2 2	7
2 1	5
1 2	4
2 3	9

(d)輸入一個字串, 請列出排列組合的結果

範例輸入	範例輸出
abc	abc acb bac bca cab cba

(e)Towers of Hanoi

有三根杆子A, B, C。A杆上有 N 個 (N>1) 穿孔圓盤, 盤的尺寸由下到上依次變小。要求按下列規則將所有圓盤移至 C 杆:

- 1. 每次只能移動一個圓盤;
- 2. 大盤不能疊在小盤上面。

提示:可將圓盤臨時置於 B 杆,也可將從 A 杆移出的圓盤重新移回 A 杆,但都必須遵循上述兩條規則。

問:如何移?最少要移動多少次?

範例輸入	範例輸出
3	1: 將第 1 層圓盤由 A 柱移至 C 柱 2: 將第 2 層圓盤由 A 柱移至 B 柱 3: 將第 1 層圓盤由 C 柱移至 B 柱 4: 將第 3 層圓盤由 A 柱移至 C 柱 5: 將第 1 層圓盤由 B 柱移至 A 柱

6: 將第 2 層圓盤由 B 柱移至 C 柱 7: 將第 1 層圓盤由 A 柱移至 C 柱
Move 3 Layers Hanoi Tower: 7 times