MalwareX

6 seconds; 256 megabytes

Bob กำลังจะส่ง Alice ออกเดินทางไปทำภารกิจในอวกาศ Alice จะต้องใช้ระบบการสื่อสารพิเศษเพื่อ รายงานข้อมูลต่าง ๆ กลับไปยังหัวหน้างาน Bob ที่อาศัยอยู่บนโลก

ระหว่างภารกิจ Alice จะถือเครื่องส่งข้อความ (sender) ที่สามารถส่งข้อความที่มีลักษณะเป็นบิตสตริง ความ ยาวเท่ากับ N บิต ไปยังเครื่องรับข้อความ (receiver) ที่ Bob จะถือ โดยสำหรับแต่ละข้อความที่ Alice ส่ง เครื่องส่งข้อความจะแสดงผลข้อความเดียวกันนั้นที่เพิ่งถูกส่งออกไปล่าสุดเพื่อเป็นการยืนยันให้ Alice ทราบ

โชคร้าย ทีมพัฒนาระบบได้ค้นพบมัลแวร์ที่ล่องลอยอยู่ในอวกาศ ชื่อว่า MalwareX ซึ่งสามารถทำให้เครื่อง ส่งข้อความทำงานผิดแปลกไปจากเดิม กล่าวคือ ก่อนข้อความจะถูกส่ง <u>บิตต่าง ๆ จะถูกเรียงสับเปลี่ยน</u> และ <u>จะมีบิต M บิตถูกแทรกเข้ามา</u> โดยที่ M < N (ดังนั้นเครื่องรับข้อความจะได้รับข้อความยาว N + M บิต)

การศึกษาเพิ่มเติมแสดงให้เห็นว่า MalwareX ประกอบไปด้วย **(1)** permutation P ความยาว N ($P:P_0...P_{N-1}$) และ **(2)** ลำดับ L ที่ประกอบไปด้วยจำนวนเต็มไม่ติดลบ N+1 จำนวน ($L:L_0...L_N$) โดยที่ $L_0+...+L_N=M$ ทั้งนี้ ทั้ง permutation P และลำดับ L จะมีค่าคงที่ (จะไม่เปลี่ยนไปหลังจากมี การส่งข้อความแต่ละครั้ง) เมื่อ Alice พยายามส่งข้อความ $x:x_0...x_{N-1}$ จะมีสิ่งเกิดขึ้นตามลำดับต่อไปนี้

- 1. MalwareX เรียงสับเปลี่ยน x โดยสร้าง $y=x_{P_0}x_{P_1}...x_{P_{N-1}}$
- 2. MalwareX แทรกบิตเข้าไปใน v ทั้งสิ้น M บิต โดยที่
 - a. สำหรับ $1 \leq i \leq N-1$ แทรกบิต L_i บิต ระหว่างตำแหน่ง i-1 และตำแหน่ง i
 - b. แทรกบิต L_0 บิตไปยังด้านหน้า (ก่อนตำแหน่ง 0)
 - c. แทรกบิต L_N บิตไปยังด้านหลัง (หลังตำแหน่ง N-1)

<u>บิตที่ถูกแทรกอาจไม่ได้มาจากการสุ่ม</u> เรียกผลลัพธ์จากกระบวนการการแทรกบิตนี้ว่า z

- 3. เครื่องรับข้อความที่ Bob ถืออยู่ ได้รับข้อความ z
- 4. เครื่องส่งข้อความที่ Alice ถืออยู่ แสดงผล z เพื่อเป็นการยืนยัน

Alice กำลังจะออกเดินทางไปทำภารกิจแล้ว ทีมพัฒนาระบบไม่มีเวลาที่จะออกแบบระบบการสื่อสารใหม่ได้ ทันเวลา Alice และ Bob จึงตกลงกันว่า เมื่อ Alice เดินทางไปอยู่ในอวกาศแล้ว ให้ Alice ศึกษาหาลำดับ *L* มาให้ได้ แล้วส่งลำดับนี้ให้ Bob ผ่านทางเครื่องส่งข้อความที่ติด MalwareX นี้เอง

สมมติว่า Alice ทราบลำดับ L แล้ว หน้าที่ของคุณคือออกแบบมาตรการการติดต่อระหว่าง Alice และ Bob เพื่อให้ Bob ได้ทราบถึงลำดับ L เช่นกัน นั่นคือ คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันสองฟังก์ชัน ฟังก์ชันหนึ่งจะรับ บทบาทเป็น Alice และอีกฟังก์ชันหนึ่งจะรับบทบาทเป็น Bob เกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชันแรกพร้อมกับ N, M, และลำดับ L เพื่อให้ส่งข้อความแทน Alice หลังจากนั้น เกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชันที่สองพร้อมกับ N, M, และข้อความที่ Bob ได้รับตามลำดับที่ Alice ส่ง เพื่อให้ตอบว่าลำดับ L เป็นอะไร คะแนนของคุณจะ ขึ้นอยู่กับจำนวนข้อความที่ Alice ส่ง

-

¹ permutation ความยาว N คือลำดับความยาว N ที่จำนวนเต็มตั้งแต่ 0 ถึง N-1 ปรากฏในนั้นครั้งเดียวพอดี

รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณต้องเขียนฟังก์ชันสองฟังก์ชันสำหรับมาตรการการติดต่อระหว่าง Alice และ Bob

ฟังก์ชันหนึ่ง จะถูกเรียกเพื่อให้ Alice ส่งข้อความ:

```
alice(int N, int M, int[] L)
```

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกเพียงหนึ่งครั้งในแต่ละ**กรณีทดสอบย่อย**
- N: จำนวนบิตที่เครื่องส่งข้อความส่ง และ MalwareX เรียงสับเปลี่ยน
- M: จำนวนบิตที่ MalwareX แทรกเข้ามาในแต่ละข้อความ
- L: อาเรย์ความยาว N+1 ระบุจำนวนบิตที่ MalwareX แทรกเข้ามาในแต่ละตำแหน่ง
- ฟังก์ชัน alice สามารถเรียกฟังก์ชัน sendMessage เพื่อทำการส่งข้อความได้
- ฟังก์ชันนี้ไม่ควรส่งค่าใด ๆ คืน

ฟังก์ชันสอง จะถูกเรียกเพื่อให้ Bob สรุปค่าของอาเรย์ $\it L$

```
int[] bob(int N, int M, int Q, string S[])
```

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกเพียงหนึ่งครั้งในแต่ละกรณีทดสอบย่อย หลังจากฟังก์ชัน alice ทำงานเสร็จ สิ้นในกรณีทดสอบย่อยนั้น
- N: จำนวนบิตที่เครื่องส่งข้อความส่งและ MalwareX เรียงสับเปลี่ยน
- M: จำนวนบิตที่ MalwareX แทรกเข้ามาในแต่ละข้อความ
- *Q*: จำนวนข้อความที่ถูกส่งมาจาก Alice
- S: อาเรย์ความยาว Q ระบุข้อความทั้งหมดที่ได้รับจาก Alice เรียงตามลำดับการส่ง แต่ละข้อความ เป็นบิตสตริงที่มีความยาวเท่ากับ N+M บิต
- ullet ฟังก์ชันนี้ต้องคืนค่าอาเรย์ L

ฟังก์ชัน alice สามารถเรียกฟังก์ชัน sendMessage เพื่อทำการส่งข้อความได้

string sendMessage(string s)

- เรียกใช้งานฟังก์ชันนี้จาก alice เพื่อส่งข้อความผ่านเครื่องส่งข้อความ
- s: บิตสตริงความยาวเท่ากับ N บิต ระบุข้อความที่ Alice ต้องการส่ง
- ฟังก์ชันนี้จะทำการสร้างข้อความหลังจากการเรียงสับเปลี่ยนและการแทรกบิตโดย MalwareX ตาม permutation P และลำดับ L ที่กำหนด <u>บิตที่ถูกแทรกอาจไม่ได้มาจากการสุ่ม</u>
- ullet ฟังก์ชันนี้คืนบิตสตริงความยาวเท่ากับ N+M บิต
- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกได้ไม่เกิน 15 ครั้ง ในแต่ละกรณีทดสอบย่อย

ตัวอย่าง

สมมติว่า N=4, M=2, และ ลำดับ L (ที่ Alice ทราบแต่ Bob ไม่ทราบ) มีค่าเป็น [0, 1, 1, 0, 0] นอกจากนี้ สมมติว่า permutation P (ที่ทั้ง Alice และ Bob ไม่ทราบ) มีค่าเป็น [0, 3, 2, 1]

<u>อันดับแรก</u> เกรดเดอร์จะเรียก alice(4, 2, [0, 1, 1, 0, 0]) เพื่อทดสอบโปรแกรมของคุณ alice สามารถเรียก sendMessage เพื่อส่งข้อความ สมมติว่ามีการโต้ตอบกันดังต่อไปนี้

การเรียกครั้งที่	ข้อความที่ alice พยายามส่ง (s)	ข้อความที่ bob จะได้รับ (sendMessage(s))
1	"0000"	"010000"
2	"0000"	"0 <mark>001</mark> 00"
3	"0000"	"00000"
4	"1111"	"101011"
5	"0001"	"011000"

สังเกตว่า ถึงแม้ว่า alice จะพยายามส่งข้อความเดียวกัน (ในการเรียกครั้งที่ 1 ถึง 3) ข้อความที่ bob จะได้ รับอาจต่างกัน และขอเน้นอีกครั้งว่า**บิตที่ถูกแทรกอาจไม่ได้มาจากการส**ุ่ม

สังเกตเช่นกันว่า sendMessage จะคืนค่าเป็นข้อความที่ bob จะได้รับ ดังนั้น alice สามารถใช้ข้อมูลนี้ใน การตัดสินใจข้อความที่จะส่งในอนาคตได้

หลังจากส่งข้อความ 5 ข้อความนี้แล้ว alice มั่นใจว่า bob จะมีข้อมูลเพียงพอจะทราบได้ว่าลำดับ L เป็น อะไร จึงหยุดการทำงาน (ด้วยคำสั่ง return;)

<u>อันดับต่อมา</u> เกรดเดอร์จะเรียก bob(4, 2, 5, ["010000", "000100", "000000", "101011", "011000"]) ซึ่งจะต้องคืนค่า [0, 1, 1, 0, 0]

ข้อจำกัด

- $2 \le N \le 128$
- $\bullet 1 \le M \le N-1$
- จำนวนเต็มตั้งแต่ 0 ถึง N-1 ปรากฏใน P ครั้งเดียวพอดี
- ullet $L_i \geq 0$ (ในแต่ละ $0 \leq i \leq N$) และ $L_0 + ... + L_N = M$

เกรดเดอร์อาจเลือกแทรกบิตขึ้นอยู่กับข้อความที่ส่งในครั้งนั้น ๆ และ/หรือ ในครั้งก่อน ๆ

กรณีทดสอบหนึ่งอาจมีหลายกรณีทดสอบย่อย แต่ในแต่ละกรณีทดสอบ ผลรวม N+M จะไม่เกิน 10^6

ปัญหาย่อย

- 1. (8 คะแนน) $N + M \le 16$
- 2. (3 คะแนน) $L_0 = M$ หรือ $L_N = M$
- 3. (6 คะแนน) $L_i = M$ สำหรับบาง $0 \le i \le N$
- 4. (27 คะแนน) $2M \le N$
- 5. (28 คะแนน) $P_i = i$ สำหรับทุก $0 \le i \le N 1$
- 6. (28 คะแนน) ไม่มีข้อกำหนดเพิ่มเติม

ถ้าโปรแกรมของคุณได้รับผลการตรวจเป็น **Accepted** และ ในแต่ละกรณีทดสอบย่อย ฟังก์ชัน sendMessage ถูกเรียกใช้งานมากที่สุด Q ครั้ง คะแนน P ในแต่ละกรณีทดสอบย่อยจะขึ้นอยู่กับ ปัญหาย่อยซึ่งถูกคำนวณไว้ดังนี้

- ullet ปัญหาย่อย 1. ถ้า Q < N+M แล้ว P=8 นอกจากนั้น P=0
- ullet ปัญหาย่อย 2. ถ้า $Q < 2 + \log_2 N$ แล้ว P = 3 นอกจากนั้น P = 0
- ปัญหาย่อย 3. ถ้า $Q < 2 + \log_2 N$ แล้ว P = 6 นอกจากนั้น P = 0
- ullet ปัญหาย่อย 4. ถ้า $Q < 2 + \log_2 \! N \,$ แล้ว $P = 27 \,$ นอกจากนั้น P = 0
- ullet ปัญหาย่อย 5. ถ้า $Q < 2 + \log_2 N$ แล้ว P = 28 นอกจากนั้น P = 0
- ullet ปัญหาย่อย 6. ถ้า $Q < 2 + \log_2 N$ แล้ว P = 28 นอกจากนั้น P = 0

เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านข้อมูลเข้าในรูปแบบต่อไปนี้

- บรรทัดที่ 1: N M
- บรรทัดที่ 2: $L_0 L_1 \dots L_N$
- บรรทัดที่ 3: P₀ P₁ ... P_{N-1}

ในฟังก์ชั่น sendMessage แต่ละบิตที่ถูกแทรกมาโดย MalwareX จะได้รับการสุ่ม (แบบ psuedo-random) เป็น 0 หรือ 1 ด้วยโอกาสที่เท่า ๆ กัน ซึ่งในเกรดเดอร์จริงอาจไม่ได้เป็นแบบนี้

ถ้าโปรแกรมของคุณได้รับผลการตรวจเป็น **Accepted** เกรดเดอร์จะพิมพ์ Accepted: Q โดย Q คือจำนวน ครั้งที่ฟังก์ชัน sendMessage ถูกเรียกใช้

ถ้าโปรแกรมของคุณได้รับผลการตรวจเป็น **Wrong Answer** เกรดเดอร์ตัวอย่างจะพิมพ์ Wrong Answer: MSG โดย MSG จะเป็นหนึ่งในข้อความต่อไปนี้:

- illegal call: เรียกฟังก์ชัน sendMessage ไม่ถูกต้องตามเงื่อนไขที่กำหนด (ในเกรดเดอร์ แสดงเป็น i)
- incorrect: คำตอบที่ฟังก์ชัน bob ส่งคืนไม่ถูกต้อง (ในเกรดเดอร์แสดงเป็น -)

•	too	many	calls:	sendMessa	age ถูกเรีย	กใช้เกิน	15 ครั้ง	(ในเกรดเดล	วร์แสดงเป็น	t)