Satakunnan seitsemäsluokkalaisten matematiikkakilpailun loppukilpailu 2019

1.

(a) Laske 5e + 25snt - 2e.

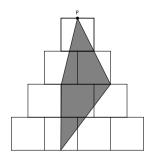
(b) Käytettävissäsi on 10 litran ämpäri, joka on täynnä vettä sekä 5 ja 2 litran ämpärit, jotka ovat tyhjiä. Selitä, miten saat näitä käyttäen mitattua kolme litraa vettä.

(c) Laske
$$2 + \frac{1}{2} + 3 + \frac{1}{3} + \ldots + 10 + \frac{1}{10} - \frac{10 \cdot 10 + 1}{10} - \frac{9 \cdot 9 + 1}{9} - \ldots - \frac{2 \cdot 2 + 1}{2}$$
.

2.

(a) Peilataan koordinaatistossa piste (1,1) origon suhteen. Näin saatu piste peilataan y-akselin suhteen. Mikä piste saadaan?

(b) Alla oleva symmetrinen kuvio koostuu kymmenestä yhtenevästä pienestä neliöstä, joista kunkin pinta-ala on 1. Piste P on ylimmän sivun keskipiste. Mikä on tummennetun alueen pinta-ala?



3. Eräässä matematiikkakilpailussa on 29 kilpailijaa ja he tulevat kahdeksasta eri kunnasta. Mikä on suurin määrä kilpailijoita, jotka tulevat varmasti samasta kunnasta?

 ${f 4.}$ Täytä oheinen 4×5 ruudukko. Käytä lukuja 1-20, kutakin tasan yhden kerran. Täytettäessä on noudatettava seuraavaa sääntöä: Mitkä tahansa kaksi peräkkäistä lukua on aina oltava joko samalla vaakarivillä tai samalla pystyrivillä. Oheisessa ruudukossa esimerkiksi peräkkäiset luvut 5 ja 6 noudattavat tätä sääntöä, koska ne ovat samalla vaakarivillä. Tässä tehtävässä riittää pelkkä vastaus.

2		3	11
13		8	
16	5		6

5.

(a) Etsi kaikki positiiviset kokonaisluvut a ja b, joista toisessa esiintyy vain numeroita 9 ja 1, toisessa vain numeroita 2 ja 0 sekä on voimassa a + b = 321. Muista perustella vastauksesi!

(b) Anna esimerkki sellaisista positiivisista kokonaisluvuista a ja b, joissa on samat numerot eri järjestyksessä sekä kolmonen että ykkönen esiintyvät kummassakin luvuista a ja b, ja on voimassa a+b=1000000. Tässä kohdassa riittää pelkkä vastaus.