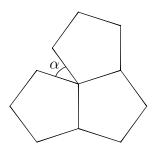
## FINALOMGÅNG

## 21.3.2013

- (1) Vi vet att talen a och b är heltal. Vi vet också att talen  $\frac{a}{7}$ ,  $\frac{b}{7}$  och  $\frac{a+b}{25}$  är större än 1 och mindre än 2. Sök a och b.
- (2) Sök alla sådana tal x att

$$(x-2012)(x-2013) = (x-2013)(x-2014).$$

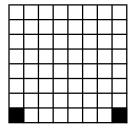
(3) I följande figuren har vi tre regelbundna pentagoner (femhörningar).



Hur stor är vinkeln  $\alpha$ ?

- (4) Varje ruta på en  $8 \times 8$  rutnät kan vara vit eller röd. Färgen byts varje minut enligt följande regler:
  - Om rutan har minst en gemensam sida med en röd ruta, så är rutans färg röd nästa minuten.
  - Om rutan inte har en gemensam sida med en röd ruta, så är rutans färg vit nästa minuten.

I början är följande rutor röda:



Är det möjligt att alla rutor är röda samtidigt?