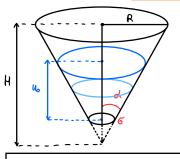
Формулировка задачи



Сосуд для жидкости представляет собой коническую воронку (усечённый конус, поставленный на малый круг в основании) с углом раствора α и отверстием для слива площадью σ, расположенным на дне воронки.

Истечение жидкости из отверстия описывается дифференциальным уравнением:

(1)
$$\begin{cases} \frac{du}{dx} = \frac{-0.6 \sqrt{29.6}}{(t_9 d_8)^2 J_1 \cdot u^{3/2}} \\ u(0) = u_0 \end{cases}$$

Это уравнение с разделяющимися переменными. Решим его

G - площадь отверетия d - пол раствора U(x) - высота столба ницукости g момент времени g момент времени g момент времени g - ускорение свободного падения

Подетавим натальное усиових
$$u(o)=u_o: C=\frac{2}{5}u_o^{5/2}$$
Полутими общее решение: $\frac{2}{5}u^{5/2}=\frac{-0.6\sqrt{29}6}{(t_9\sqrt{2})^2 \Pi}x+\frac{2}{5}u_o^{5/2}$

$$u^{5/2}=\frac{-1.5\sqrt{29}6}{(t_9\sqrt{2})^4 \Pi}x+u_o^{5/2}$$

$$u=\left(\frac{-1.5\sqrt{29}6}{(t_9\sqrt{2})^4 \Pi}x+u_o^{5/2}\right)^{2/5}$$
— тисленное решение

Анализ параметров. Физический смысл.

Есии площадь отверетия б отень большам то в соответствии с DY (1), dy т.е. сюрюсть истечения нидкости отень большам.

Притём d и 6 не зависет друг от друга, т.е при большом d монню выбрать и маленькое, и большое в И наоборот:

при большом б монню выбрать и маленькое, и большое Х

Формулы численных методов

 $\mathcal{D}_{n,q}$ нахонидения решения \mathcal{D}_{y} (4) бол вообран явной метод Рунге- кутта 4-го поридка Есши в \mathcal{D}_{y} (4) u(x)- тотное решение, то здесь ввели переободнатение, теперь $\mathcal{G}(x)$ - тисиенное решение $\begin{pmatrix} x_0 & \mathcal{G}_0 = u_0 \\ x_{n+1} = x_n + h_n \\ \mathcal{G}_{n+1} = \mathcal{G}_n + \frac{h_n}{6} & (k_1 + 2k_2 + 2k_3 + k_4) \\ k_1 = f(x_n, \mathcal{G}_n) & \text{, rge} \qquad f(x_n, \mathcal{G}_n) = \frac{-0.6 \sqrt{2q}}{(t_1 + t_2)^2 J_1 \cdot \mathcal{G}_n^{3/2}} \\ k_2 = f(x_n + \frac{h_n}{2}, \mathcal{G}_n + \frac{h_n}{2} k_2) \\ k_3 = f(x_n + h_n, \mathcal{G}_n + h_n k_3) \end{pmatrix}$

Контроль локальной погрешности за счёт использования двойного счета с половинным шагом

Лусть (χ_n, \mathcal{G}_n) - техущам тогка тисиенной траектории

 $(x_n, \mathcal{G}_n) \rightarrow (x_{n+1}, V_{n+1})$ uenonogobamu mar h. $(x_n, \mathcal{G}_n) \rightarrow (x_{n+1/2}, \mathcal{G}_{n+1/2})$ uenonogobamu mar 1/2 $(x_{n+1/2}, \mathcal{G}_{n+1/2}) \rightarrow (x_{n+1}, \widetilde{\mathcal{G}}_{n+1})$

But eucnum Kohtponbry to becute $S = \frac{|V_{n+1} - \widetilde{V}_{n+1}|}{2^p-1}$, p - no hagok metoga

Выбираем маший параметр контроле покашьной погрешности &>0

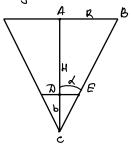
ecuu $\frac{\mathcal{E}}{2^{p+4}} \leqslant |S| \leqslant \mathcal{E}$, to note human totey (x_{n+1}, V_{n+1}) , note on the warm $h_{n+4} = h_n$ ecuu $|S| \leqslant \frac{\mathcal{E}}{2^{p+4}}$, to note human totey (x_{n+1}, V_{n+1}) , note on the warm $h_{n+4} = \frac{h}{2}$ ecuu $|S| > \mathcal{E}$, to nepeetutobaen totey (x_{n+4}, V_{n+4}) c warm $h_n = \frac{h_n}{2}$.

Критерии остановки счета

Последням вычисименам тотка чисиенной трасьтории определиетия усиовимями:

- 4) стёт с выходом за знатение и искомой орункум U(x) снизу (в соответствии с оризитеским смысим задаги: уровень стопба ниидкости не моннет быть отницательный если на шаге с номером N $\mathcal{G}_N \in [u-\mathcal{E}_{\Gamma_p},u]$, выхисияем точку (x_N,\mathcal{G}_N) и прекращаем стёт получили, тто чисиеннам траекторим выши за знатение и "снизу" с погрешностью не более \mathcal{E}_{Γ_p} .
- 2) стёт с огранитением на макашианьное тисио шагов N_{max} буду испольдовать в Согетонии с 1) вариантом.

Haugen chaze naponethol auctenon (d, d) c HuR, nocnothum, ognognatho nu onu onpegenonoice nu в веденных параметрах. Рассмотрим осевое сетение конуса



1) tg d= R 2) T.K. G Boreversetter Kak $G = JI(DE)^2$, to $DE = \sqrt{JJ}$ 3) \triangle ABC \bigcirc \triangle CDE \Rightarrow $\frac{R}{DE} = \frac{H}{H-B}$, tge B = DC U_3 2) u 3) nonytaem: $\frac{R}{H} = \frac{\sqrt{6/J}}{H-b}$, Ho $b = \frac{DE}{t_0 d} = \frac{\sqrt{6/J}}{t_0 d}$ C yearon 1) nonyraen: $t_g d = \frac{\sqrt{G/J}}{H - \sqrt{G/J}}$ Преобразуем: H = 256/Л (*) Uz 1) nonytaem, tmo

Uz (*), (**) получаем, тто при заданных знатениихх d u б, R и H вышеляются единственным образом