

## Комп'ютерний практикум №7

### Тема: Електронно-цифровий підпис на основі алгоритму RSA

### Мета: Ознайомитись з порядком утворення підпис на основі алгоритму RSA

#### Базові відомості

Електронно-цифровий підпис (ЕЦП) – вид електронного підпису, отриманого за результатом криптографічного перетворення набору електронних даних, який додається до цього набору або логічно з ним поєднується і дає змогу підтвердити його цілісність та ідентифікувати підписувача.

ЕЦП накладається за допомогою особистого ключа та перевіряється за допомогою відкритого ключа.

Одним із видів електронно-цифрового підпису є ЕЦП на основі криптографічної системи RSA. Розглянемо принципи його функціонування.

Схема створення цифрового підпису RSA полягає у такому:

1. З вхідного повідомлення створюється 160-бітовий дайджест повідомлення (геш) за допомогою алгоритму SHA-1.
2. Дайджест повідомлення шифрується за допомогою секретного ключа RSA, відомого тільки відправнику повідомлення. Результат цього шифрування і називають цифровим підписом.
3. Підписане повідомлення формується об'єднанням вихідного повідомлення, його цифрового підпису та відкритого ключа.

Схема перевірки цифрового підпису RSA полягає у такому:

1. Отримане повідомлення розбивається на три компоненти: на вихідне повідомлення, відкритий ключ і цифровий підпис.

2. Знову обчислюється гешповідомлення.
3. Якщо геш збігається з розшифрованим гешем, то підпису вважається перевіреним.

На платформі .NET цифровий підпис RSA реалізується за допомогою об'єктів класу **RSACryptoServiceProvider** з простору імен **System.Security.Cryptography**.

Порядок створення цифрового підпису полягає у такому:

1. Створюється контейнер з ключами зазамовчуванням:

```
CspParameters signParam = new CspParameters(); signParam.KeyContainerName  
  
= "Bob";
```

```
RSACryptoServiceProvider rsa = new RSACryptoServiceProvider(signParam);
```

```
//Для контролю можна вивести згенерований секретний ключ
```

```
//Console.WriteLine("---Secret key:\n{0}\n", rsa.ToXmlString(false));
```

2. Публічний ключ експортується для передачі іншій стороні в XML- форматі:

```
string pubKey = rsa.ToXmlString(false);  
Console.WriteLine("---Public key:\n{0}\n", pubKey);
```

3. Вхідне повідомлення представляється у вигляді байтової послідовності:

```
byte[] message = Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!");  
  
//Console.WriteLine("---HexMessage: \n{0}\n", BitConverter.ToString(message));
```

4. Створюється дайджест повідомлення за алгоритмом SHA-1:

```
SHA1 sha1 = new SHA1CryptoServiceProvider(); byte[] hmessage  
  
= sha1.ComputeHash(message);  
  
//Console.WriteLine("---Hesh: \n{0}\n", BitConverter.ToString(hmessage));
```

5. Створюється підпис для дайджесту, наприклад, в 16-мупредставленні:

```
byte[] signature = rsa.SignHash(hmessage, "sha1");  
  
Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", BitConverter.ToString(signature));
```

## 6. Підпис додається доповідомлення.

Порядок перевірки цифрового підпису полягає у такому:

### 1. Вхіднеповідомленняпредставляєтьсяувиглядібайтовоїпослідовності:

```
byte[] message = Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!");  
  
Console.WriteLine("---HexMessage: \n{0}\n", BitConverter.ToString(message));
```

### 2. Створюється дайджест повідомлення за алгоритмомSHA-1:

```
SHA1 sha1 = new SHA1CryptoServiceProvider(); byte[]  
hmessage = sha1.ComputeHash(message); Console.WriteLine("---Hesh: \n{0}\n",  
BitConverter.ToString(hmessage));
```

### 3. Створюється об'єкт RSA, до якого експортується публічний ключ з контейнера:

```
RSACryptoServiceProvider rsa = new RSACryptoServiceProvider(); string pubKey =  
  
"<RSAKeyValue><Modulus>mJ32CjZjzD2Qw4oRc/3O4xyVBLLPHeXELhIa9kwPhPCERkhuvROalKgfoD  
SgOrVr2K9TgTAMw3Ua4Q9O/vWhJRzsQPcSEYc5wJuHU9QY0a9jPn7WJQY91uCwfA54GsVYTL02VI60D  
Et  
uES7Dhlj4VK5KemvudEkmHiY8/BfO0XM=</Modulus><Exponent>AQAB</Exponent><P>z9JDG1Avu9  
q5LIBNG6NQcxhdZc+HnJsQahjmza/fZb6T/K0tThAjAM18dH2gCCac05oJn2QEYCbTW5RgQ3lgvQ==</P  
><Q>u/9yCtIK1GjfS16K5pNkSqdVZr2QDhbjy0cHiO7LfKBtWugUyN3FCSSUBooF2DmNFvRKDm1  
mZ4iPP  
7nMsqYV7w==</Q><DP>burHyjIX5+kq4J8XKGMXsvWNICsZM+pG7nlv5eOyFbmLflZnUbynEeyaOgo  
6eV  
8yYHVcIWfebXzpPfGJFzoW+Q==</DP><DQ>hZeph6zoyzZW7u0ZEW7NxwsP8flk4qadizdHUHQ4n7A0  
5X  
OkSXTmbm/SzK7KJnQHlbeo5IWzToFJlKS7BHxnew==</DQ><InverseQ>jbhzn1BGEp4rA8njVfoHv8nY  
oywX0fG0tVoeMkuu+V5St81pD5oY5rz+OMksTxD+scpSF8DnhEewtBPMDOTJDg==</InverseQ><D>P2  
u  
U7NWBTORePgPIEO1t5c7g1h0AGKp8hbCcZ7Ff2ZyhOxuqeQQGfrQGwRc8pmjxsg/ZoZu4Ehk93DyiVSz  
5 k3AfGe7vW+Mwk6jM71deoSyBdKpP1S/cpssOJHY781Tcx8jqmqP/gN19jEUkU7mJcmv4ahkis79THvo/F  
vAmkJE=</D></RSAKeyValue>"; rsa.FromXmlString(pubKey);
```

### 4. Вхіднеповідомленняпредставляєтьсяувиглядібайтовоїпослідовності:

```
byte[] message = Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!"); Console.WriteLine("--- HexMessage: \n{0}\n",  
BitConverter.ToString(message));
```

### 5. Перевіряється підпис для дайджесту:

```
string hexSign =  
"4725D1135F715C2FCFA2C6E93C839B106F1F8B2481CD599A5062652C39D2B63675D5254377B7400A
```

F85E3338F8023AA53D59AEC0144815C76FD02E22C0F3D8B976CDCDCF1DE42BAF7D4314C3124B54E4  
B  
17B114A6E226001913AE15939584001AA1E98FA81C1F435F0F272DFEED1C27476B6F2C3E5A7AF968  
C

```
AC149892B7A198"; byte[] signature = StringToByteArray(hexSign); bool match =  
rsa.VerifyHash(hmessage, "sha1", signature); Console.WriteLine("Verdict:\n{0}\n", match);
```

Тут перетворення 16-вого цифрового підпису в байтовий масив використовується функція:

```
public static byte[] StringToByteArray(string hex)  
{  
    return Enumerable.Range(0, hex.Length)  
        .Where(x => x % 2 == 0)  
        .Select(x => Convert.ToByte(hex.Substring(x, 2), 16)) .ToArray();  
}
```

Можна обійтись без перетворення 16-вого цифрового підпису в байтовий масив. Для цього цифровий підпис треба зберегти, наприклад, у форматі Base64: byte[] signature =  
rsa.SignHash(hmessage, "sha1");

```
Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", Convert.ToBase64String(signature));
```

Тоді перевірити підпис можна так:

```
string base64Sign =  
"RyXRE19xXC/PosbpPIObEG8fiySBzVmaUGJILDnStjZ11SVDd7dACvheMzj4AjqIPVmuwBRIFcdv0C4i  
wPPYuXbNzc8d5CuvfUMUwxJLVOSxexFKbiJgAZE64Vk5WEABqh6Y+oHB9DXw8nLf7tHCdHa28sPlp  
6+Wj KwUmJK3oZg="; byte[] signature = Convert.FromBase64String(base64Sign);  
Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", Convert.ToBase64String(signature));
```

Хід виконання роботи

1. Розробіть інтерфейс системи формування і перевірки ЕЦП RSA, передбачивши окремий діалог для формування відкритого ключа.
2. Розробіть методи, які б забезпечували:
  - а. Генерацію пари «відкритий – закритий» ключі.
  - б. Підписування довільного повідомлення з використанням закритого ключа.
  - в. Перевірки ЕЦП з використанням відкритого ключа.

3. Перевірте правильність роботи системи на основі використання даних з чисельного прикладу.

Додаткові завдання:

1. Ознайомтесь з алгоритмом цифрового підпису DSA (Digital Signature Algorithm) та описом криптопровайдера .NET з реалізацією цього алгоритму **DSACryptoServiceProvider** з простору імен **System.Security.Cryptography**. Побудуйте систему формування і перевірки ЕЦП за алгоритмом DSA.

Додаток 1.

Лістинг програми зі створення і перевірки ЕЦП

# RSA.

```
using System; using System.Text;

using System.Security.Cryptography; using System.Linq;

namespace RSA_sign
{
    class Program
    {
        //Функція створення підпису static void GetSign()
        {
            Console.WriteLine("\n<<<GetSign>>>:\n");

            //Створюється контейнер з ключами за замовчуванням
            CspParameters signParam
                = new CspParameters();

            signParam.KeyContainerName = "Bob";

            RSACryptoServiceProvider rsa = new RSACryptoServiceProvider(signParam);

            //Для контролю виводиться згенерований секретний ключ Console.WriteLine("---Secret
            key:\n{0}\n", rsa.ToXmlString(false));

            //Публічний ключ експортується для передачі іншій стороні
            string pubKey
                = rsa.ToXmlString(false);

            Console.WriteLine("---Public key:\n{0}\n", pubKey);

            //Вхідне повідомлення представляється у вигляді байтової послідовності byte[] message =
            Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!");

            Console.WriteLine("---HexMessage: \n{0}\n", BitConverter.ToString(message));

            //Створюється дайджест повідомлення за алгоритмом SHA-1
            SHA1CryptoServiceProvider sha1 = new SHA1CryptoServiceProvider();
            byte[] hmessage = sha1.ComputeHash(message);

            Console.WriteLine("---Hesh: \n{0}\n", BitConverter.ToString(hmessage));

            //Створюється підпис для дайджесту
            byte[] signature = rsa.SignHash(hmessage, "sha1");

            Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", Convert.ToBase64String(signature));
        }
    }
}
```

```

//Функція перевірки підпису static void VerifySign()
{
    Console.WriteLine("\n<<<VerifySign>>>:\n");

    //Вхідне повідомлення представляється у вигляді байтової послідовності byte[] message =
    Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!");

    Console.WriteLine("---HexMessage: \n{0}\n ", BitConverter.ToString(message));

    //Створюється дайджест повідомлення за алгоритмом SHA-1 SHA1 sha1 =
    new SHA1CryptoServiceProvider();

    byte[] hmessage = sha1.ComputeHash(message);

    Console.WriteLine("---Hesh: \n{0}\n", BitConverter.ToString(hmessage));

    //Створюється об'єкт RSA з розміщенням ключів у
    контейнері RSACryptoServiceProvider rsa = new RSACryptoServiceProvider();

    string pubKey =
    "<RSAKeyValue><Modulus>mJ32CjZjzD2Qw4oRc/3O4xyVBLLPHeXELhIa9kwPhPCERkhuvRO
    alKgfodSgOr
    V
    r2K9TgTAMw3Ua4Q9O/vWhJRzsQPcSEYc5wJuHU9QY0a9jPn7WJQY91uCwfA54GsVYTL02V
    I60DEtuES7Dhlj4V
    K5KemvudEkmHiY8/BfO0XM=</Modulus><Exponent>AQAB</Exponent><P>z9JDG1Avu9q5LIBNG6N
    QcxdhZ
    c+HnJsQahjmza/fZb6T/K0tThAjAM18dH2gCCac05oJn2QEYcBtW5RgQ3lgvQ==</P><Q>u/9yCtIK1GjfS1
    6K
    5pNkSqdVZr2QDHbjy0cHiO7LfKBtWugUyN3FCSSUBooF2DmNFvRKDm1mZ4iPP7nMsqYV7w==</Q>
    <DP>burHyj
    IX5+kq4J8XKGMXsvWNICsZM+pG7nlv5eOyFbmLflZnUbynEeyaOgo6eV8yYHVcIWfebXzpPfGJFzoW+
    Q==</DP>
    <DQ>hZeph6zoyzZW7u0ZEW7NxwsP8flk4qadizdHUHQ4n7A05XOkSXTmbm/SzK7KJnQHlbe
    o5IWzToFJlKS7B
    Hxnew==</DQ><InverseQ>jbhZN1BGEp4rA8njVFoHv8nYoywX0fG0tVoeMkuu+V5St81pD5oY5rz+OMk
    sTxD+
    scpSF8DnhEewtBPMDOTJDg==</InverseQ><D>P2uU7NWBt0RePgPIEO1t5c7g1h0AGKp8hbCcZ7Ff2Z
    yhOxuq
    eQQGfRQGwRc8pmjxsg/ZoZu4Ehk93DyiVSz5k3AfGe7vW+Mwk6jM71deoSyBdKpP1S/cpssOJHY781Tcx
    8jqqm P/gN19jEUkU7mJcmv4ahkis79THvo/FvAmkJE=</D></RSAKeyValue>";

    rsa.FromXmlString(pubKey);

    //Перевіряється підпис для дайджесту string base64Sign =
    "RyXRE19xXC/PosbpPIObEG8fiySBzVmaUGJLDnStjZ11SVDd7dACvheMzj4AjqlPVmuwBRIFc
    dv0C4iwPPY
    u
    XbNzc8d5CuvfUMUwxJLVOSxexFKbiJgAZE64Vk5WEABqh6Y+oHB9DXw8nLf7tHCdHa28sPlp6+WjK
    wUmJK3oZg
    =";

```

```

byte[] signature = Convert.FromBase64String(base64Sign);

Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", Convert.ToBase64String(signature));

bool match = rsa.VerifyHash(hmessage,"sha1",signature);
Console.WriteLine("-

--Verdict:\n{0}\n", match);

}

//*****//
static void Main()
{
    GetSign(); VerifySign();
}
}
}

```

Додаток 2.

Лістинг програми зі створення і перевірки ЕЦП  
DSA.

```
using System; using System.Text;
```



```

using System.Security.Cryptography;
using System.Linq;

namespace DSA_sign
{
    class Program
    {
        //Функція створення підпису
        static void GetSign()
        {
            Console.WriteLine("\n<<<GetSign>>>:\n");

            //Створюється об'єкт DSA з ключами за замовчуванням DSACryptoServiceProvider dsa = new
            DSACryptoServiceProvider();

            //Для контролю виводиться згенерований секретний ключ string prKey = dsa.ToXmlString(true);

            Console.WriteLine("---Secret key:\n{0}\n", dsa.ToXmlString(true));

            //Публічний ключ експортується для передачі іншій стороні
            string pubKey
                = dsa.ToXmlString(false);

            Console.WriteLine("---Public key:\n{0}\n", pubKey);

            //Вхідне повідомлення представляється у вигляді байтової послідовності byte[] message =
            Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!");

            Console.WriteLine("---HexMessage: \n{0}\n", BitConverter.ToString(message));

            //Створюється дайджест повідомлення за алгоритмом SHA-1
            SHA1 sha1 = new SHA1CryptoServiceProvider();
            byte[] hmessage = sha1.ComputeHash(message);

            Console.WriteLine("---Hesh: \n{0}\n", BitConverter.ToString(hmessage));

            //Створюється підпис для дайджесту
            byte[] signature = dsa.SignHash(hmessage, "sha1");

            Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", Convert.ToBase64String(signature));
        }

        //Функція перевірки підпису
        static void VerifySign()
        {
            Console.WriteLine("\n<<<VerifySign>>>:\n");

            //Вхідне повідомлення представляється у вигляді байтової послідовності byte[] message =
            Encoding.UTF8.GetBytes("Hello world!");

            Console.WriteLine("---HexMessage: \n{0}\n", BitConverter.ToString(message));
        }
    }
}

```

```

//Створюється дайджест повідомлення за алгоритмом SHA-1 SHA1 sha1 =
newSHA1CryptoServiceProvider();

byte[] hmessage =sha1.ComputeHash(message);

Console.WriteLine("---Hesh: \n{0}\n", BitConverter.ToString(hmessage));

//Створюється об'єкт DSA, до якого експортується публічний ключ з контейнера
DSACryptoServiceProvider dsa =newDSACryptoServiceProvider();
stringpubKey

=

"<DSAKeyValue><P>jmQh1u62F7h3RMkRs+uhoGn4fQMhieh8GyZPWmJJHRwcOVxmJC5d5cR0
k7PFf0x0+PvkHr

+wFSTvB2ZregiasXJ8WnHUvEcFCHbJ+iRiKQD1Rd75HfN8o8ViqL36Ia6PM1ZwI2Fqyc0zJshoZ
qg2CQX8cDwO

7T/Ogea+S+5bnrrE=</P><Q>68r+49IOAxNZNJkG43A5I+Ma9hE=</Q><G>g9RWkaYfOs1tOew
wxFHZFgN9NFT
Dz6FW5UWN2bakbfyOOZ2xeveYQ87nJEg5nXv4ZSTo7mxP2AhuL8lFKKmGcPLDgPFwjcWqTAeMTd3x
6zKDb1Ev0
N4VTzzHD0GNLfTfdtQpTYuzzifp+gh2rtkmqF29g8DqOgG1ul9pVYfvYF0=</G><Y>Q6SrbyDo6/T0n8aZr
Wow
e3YJKgEzEZhT7qAY8nZ2O7CvCIM7Y3M8/9DkddrAosk1X4pSye5bmBTERpDB1+I7TlAqS+sOeUx69UL
6OJIRGT
fdai51g9T/qy7nPqwgY/jBQx4UvPjLIsFaovCjjRDLTje9X8Q2i+5c/OSdHN8/mfQ=</Y><J>mpgEUdSn4Xql
W
ugO+TKaF4r7WFQkux4wRPRIJHoL/wBgjIY8oA9Ji8RgVOGgb9TI61lI5BTM4mfR/ucCgMHtoKRbi8dOz
Ogoj6h
dT1BWDg4vW23t6v8Up3/APn/tO+ZAOaL26rZuscyaJ1Ow</J><Seed>U1+1KTe5EGYeuLYQojzYeoTfGnk
=</Seed><PgenCounter>Ag==</PgenCounter></DSAKeyValue>",dsa.FromXmlString(pubKey);

//Перевіряється підписдлядайджесту string base64Sign =
"mxdOkPaZrDdDnl15sEL8GQim6B4/c2fbd2ksc4ByqxOVS7TA1ouXqg==";

byte[] signature = Convert.FromBase64String(base64Sign);

//Console.WriteLine("---Signature: \n{0}\n", Convert.ToBase64String(signature));

bool match = dsa.VerifyHash(hmessage,"sha1",signature);
Console.WriteLine("-

--Verdict:\n{0}\n", match);

}

//*****//
static void Main()

{

//GetSign(); VerifySign();

}

}

}

```