

齐鲁工业大学 2022/2023 学年第 1 学期《数据结构》

参考答案

(B 卷)

姓名

学号

专业班级

线

一、简答题 (每题 5 分, 共 20 分)

1、求网的最小生成树可使用 Prim 算法, 时间复杂度为 $O(n^2)$, 此算法适用于边较多的稠密图, 也可使用 Kruskal 算法, 时间复杂度为 $O(eloge)$, 此算法适用于边较少的稀疏图。

2、树的遍历方法有先根序遍历和后根序遍历, 它们分别对应于把树转变为二叉树后的先序遍历与中序遍历方法。

3. 三种方法对查找的要求分别如下:

- 顺序查找法: 表中元素可以任意存放;
- 折半查找法: 表中元素必须以关键字的大小递增或递减的次序存放;
- 分块查找法: 表中元素每块内的元素可任意存放, 但块与块之间必须以关键字的大小递增 (或递减) 存放, 即前一块内所有元素的关键字都不能大于 (或小) 后一块内任何元素的关键字。

三种方法的平均查找长度分别如下:

- 顺序查找法: 查找成功的平均查找长度为 $\frac{n+1}{2}$;
- 折半查找法: 查找成功的平均查找长度为 $\log_2(n+1)+1$;
- 分块查找法: 若用顺序查找确定所在的块, 平均查找长度为 $\frac{1}{2}(\frac{n}{s} + s) + 1$; 若用折半确定所在块, 平均查找长度为 $\log_2(\frac{n}{s} + 1) + \frac{s}{2}$ 。

4. 当 $n=1$ 时, 结论显然成立。

设 $n < k$ 时结论成立, 当 $n=k+1$ 时, 设一棵二叉树的后序序列是 u_1, u_2, \dots, u_n , 中序序列是 $u_{p_1}, u_{p_2}, \dots, u_{p_n}$, 可知 u_n 是二叉树的根结点, 设 $p_j = n$, 可知 $\{u_{p_1}, u_{p_2}, \dots, u_{p_{j-1}}\}$ 是左子树的结点集合, $\{u_{p_{j+1}}, u_{p_{j+2}}, \dots, u_{p_n}\}$ 是右子树的结点集合, 进一步可知:

- (1) 左子树的后序序列是 u_1, u_2, \dots, u_{j-1} , 中序序列是 $u_{p_1}, u_{p_2}, \dots, u_{p_{j-1}}$, 由归纳假设知序列 $1, 2, \dots, j-1$ 可以通过一个栈得序列 p_1, p_2, \dots, p_{j-1} 。
- (2) 右子树的后序序列是 $u_j, u_{j+1}, \dots, u_{n-1}$, 中序序列是 $u_{p_{j+1}}, u_{p_{j+2}}, \dots, u_{p_n}$, 设 $u'_1 = u_j$, $u'_2 = u_{j+1}$, \dots , $u'_{n-j} = u_{n-1}$; $u'_{p'_1} = u_{p_{j+1}}$, $u'_{p'_2} = u_{p_{j+2}}$, \dots , $u'_{p'_{n-j}} = u_{p_n}$, 则 $p'_1 = p_{j+1} - j + 1$, $p'_2 = p_{j+2} - j + 1$, \dots , $p'_{n-j} = p_n - j + 1$, 由归纳假设知序列 $1, 2, \dots, n-j$ 可以通过一个栈得序列 $p'_1, p'_2, \dots, p'_{n-j}$, 显然按同样的方式, $j, j+1, \dots, n-1$ 可以通过一个栈得序列 $j-1+p'_1, j-1+p'_2, \dots, j-1+p'_{n-j}$, 也就是 $p_{j+1}, p_{j+2}, \dots, p_n$ 。

由(1)(2)及 $p_j = n$ 可知由 $1, 2, \dots, n$ 可通过一个栈得到序列 p_1, p_2, \dots, p_n 。由数学归纳法可知本题结论成立。

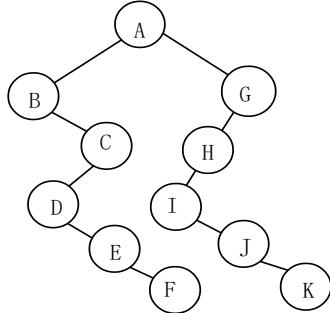
二、分析题（每题 10 分，共 20 分）

1. 答：DEBCA
2. 答： $E=\{(1,5),(5,2),(5,3),(3,4)\}$, $W=10$

三、应用题（每题 10 分，共 30 分）

1. 答： $(8,9,4,3,6,1), 10, (12,18,18)$
2. 答： $ASL=7/6$

3. (1) ABCDEF; BDEFCA; (2) ABCDEFGHIJK; BDEFCAIJKHG 林
转换为相应的二叉树；



四、算法和计算题（每小题 10 分，共 20 分）

1. 设计一个在链式存储结构上统计二叉树中结点个数的算法。

```
void countnode(bitree *bt,int &count)
{
    if(bt!=0)
    {count++; countnode(bt->lchild,count); countnode(bt->rchild,count);}
}
```

姓名

学号

专业班级

学院、系

2. 设计一个算法将无向图的邻接矩阵转为对应邻接表的算法。

```
typedef struct { int vertex[m]; int edge[m][m]; }gadjmatrix;
```

```
typedef struct node1{int info;int adjvertex; struct node1 *nextarc;}glinklistnode;
```

```
typedef struct node2{int vertexinfo;glinklistnode *firstarc;}glinkheadnode;
```

```
void adjmatrixtoadjlist(gadjmatrix g1[ ],glinkheadnode g2[ ])
```

```
{
```

```
int i,j; glinklistnode *p;
```

```
for(i=0;i<=n-1;i++) g2[i].firstarc=0;
```

```
for(i=0;i<=n-1;i++) for(j=0;j<=n-1;j++)
```

```
if (g1.edge[i][j]==1)
```

```
{
```

```
p=(glinklistnode *)malloc(sizeof(glinklistnode));p->adjvertex=j;
```

```
p->nextarc=g[i].firstarc; g[i].firstarc=p;
```

```
p=(glinklistnode *)malloc(sizeof(glinklistnode));p->adjvertex=i;
```

```
p->nextarc=g[j].firstarc; g[j].firstarc=p;
```

```
}
```

```
}
```

```
3.
```

(1) 查询链表的尾结点

(2) 将第一个结点链接到链表的尾部，作为新的尾结点

(3) 返回的线性表为 $(a_2, a_3, \dots, a_n, a_1)$