

《线性代数》(课程) 期末试卷

一. 填空题(每空 2 分, 共 $2 \times 5 = 20$ 分).

1. 行列式 $\begin{vmatrix} 0 & x & y \\ -x & 0 & z \\ -y & -z & 0 \end{vmatrix} = \underline{\hspace{2cm}}$.

2. 行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \end{vmatrix} = \underline{\hspace{2cm}}$.

3. 设 $A_{n \times n}$ 满足 $A^2 - A + 2E = O$, 则 $A^{-1} = \underline{\hspace{2cm}}$.

4. 设 A 为三阶方阵, $|A| = \frac{1}{2}$, 则 $|3A^{-1} - 2A^*| = \underline{\hspace{2cm}}$.

5. 若 n 阶方阵 A 可逆, 则 $r(A) = \underline{\hspace{2cm}}$.

6. 若方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ 3x_1 + kx_2 = 0 \end{cases}$ 有非零解, 则常数 $k = \underline{\hspace{2cm}}$.

7. 矩阵 $A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$, 则 $A^{-1} = \underline{\hspace{2cm}}$.

8. 若 α_1, α_2 是齐次线性方程组 $Ax = 0$ 的解向量, 则 $A(3\alpha_1 - 4\alpha_2) = \underline{\hspace{2cm}}$.

9. 齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 - x_3 = 0 \end{cases}$ 的基础解系为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

10. 向量组 $\alpha_1 = (1, 2, 3), \alpha_2 = (2, 4, 5), \alpha_3 = (0, 0, 6)$ 线性 $\underline{\hspace{2cm}}$.

二. 选择题(每题 3 分, 共 $3 \times 5 = 15$ 分)

1. 设 $D = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} = M$ 则 $D_1 = \begin{vmatrix} 3a_1 & 4a_1 - b_1 & -c_1 \\ 3a_2 & 4a_2 - b_2 & -c_2 \\ 3a_3 & 4a_3 - b_3 & -c_3 \end{vmatrix} = \underline{\hspace{2cm}}$

- (A) $-3M$ (B) $3M$ (C) $12M$ (D) $-12M$

2. 排列 45312 的逆序数是 $\underline{\hspace{2cm}}$

- (A) 2 (B) 4 (C) 6 (D) 8

3. 若矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & \lambda & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$, 的秩为 2, 则 $\lambda = \underline{\hspace{2cm}}$.

(A) $-\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{9}{4}$ (D) -1

4. 设 η_1, η_2 为方程组 $Ax = b$ 的两个特解, ξ 为对应导出组 $Ax = 0$ 的解, 则以下不是方程组 $Ax = b$ 解的是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

(A) $\eta_1 + k\eta_2$ (B) $\frac{\eta_1 + \eta_2}{2} + k\xi$ (C) $\eta_1 + k(\eta_1 - \eta_2)$ (D) $\eta_1 + \xi$

5. 设 A 为 n 阶不可逆方阵, 则方程组 $A_{n \times n}x = \beta$ $\underline{\hspace{2cm}}$.

- (A) 有无穷多组解 (B) 有唯一解
(C) 无解 (D) 可无解也可有无穷多解

三. (10 分) 解矩阵方程 $AX = B + X$, 其中 $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & -1 \\ -3 & 3 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & -4 \\ 0 & 3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$.

四. 完成以下各题(前 5 题每题 10 分, 第 6 题 5 分, 共 55 分)

1. 计算 $D = \begin{vmatrix} a & 3 & 0 & 5 \\ 0 & b & 0 & 2 \\ 1 & 2 & c & 3 \\ 0 & 0 & 0 & d \end{vmatrix}$. 2. 若行列式 $D = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 6 & 7 & 8 & 9 \\ 8 & 6 & 4 & 1 \end{vmatrix}$, 求 $A_{41} + A_{42} + A_{43} + A_{44}$.

更多考试真题

扫码关注 **【QLU 星球】**

回复：**真题** 获取



公众号 · QLU星球

3. 设向量组 $\alpha_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \\ -1 \end{pmatrix}$, $\alpha_2 = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}$, $\alpha_3 = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -1 \\ 7 \end{pmatrix}$, $\alpha_4 = \begin{pmatrix} 7 \\ 7 \\ 9 \\ 1 \end{pmatrix}$, 求向量组的秩和一个极大无关

组，并将其余向量用该极大无关组线性表示.

5. 设向量组 $\alpha_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$, $\alpha_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ -k \end{pmatrix}$, $\alpha_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$ 线性相关，求参数 k .

6 (5分) 设 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 是齐次线性方程组 $Ax = \mathbf{0}$ 的一个基础解系，证明 $\alpha_1 + \alpha_2, \alpha_2 + \alpha_3, \alpha_3 + \alpha_1$ 也是方程组 $Ax = \mathbf{0}$ 的一个基础解系.

4. 线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 - x_4 = 1, \\ 2x_1 + 2x_2 + x_4 = 3, \\ x_1 + x_2 + x_3 + 2x_4 = a \end{cases}$, 当 a 为何值时有无穷多解？有无穷多解时求出其通解（用解的结构表示）.