

## 齐鲁工业大学 2022/2023 学年第 1 学期《数据结构》

## 参考答案

## (B 卷)

## 一、简答题(每题 5 分,共 20 分)

1、求网的最小生成树可使用 Prim 算法,时间复杂度为  $O(n^2)$ ,此算法适用于边较多的稠密图,也可使用 Kruskal 算法,时间复杂度为  $O(e \log e)$ ,此算法适用于边较少的稀疏图。

2、树的遍历方法有先根序遍历和后根序遍历,它们分别对应于把树转变为二叉树后的先序遍历与中序遍历方法。

3. 三种方法对查找的要求分别如下:

● 顺序查找法:表中元素可以任意存放;

● 折半查找法:表中元素必须以关键字的大小递增或递减的次序存放;

分块查找法:表中元素每块内的元素可任意存放,但块与块之间必须以关键字的大小递增(或递减)存放,即前一块内所有元素的关键字都不能大于(或小)后一块内任何元素的关键字。

三种方法的平均查找长度分别如下:

● 顺序查找法:查找成功的平均查找长度为  $\frac{n+1}{2}$ ;

● 折半查找法:查找成功的平均查找长度为  $\log_2(n+1)+1$ ;

● 分块查找法:若用顺序查找确定所在的块,平均查找长度为  $\frac{1}{2}(\frac{n}{s}+s)+1$ ;若用折

半确定所在块,平均查找长度为  $\log_2(\frac{n}{s}+1)+\frac{s}{2}$ 。

4. 当  $n=1$  时,结论显然成立。

设  $n \leq k$  时结论成立,当  $n=k+1$  时,设一棵二叉树的后序序列是  $u_1, u_2, \dots, u_n$ , 中序序列是  $u_{p_1}, u_{p_2}, \dots, u_{p_n}$ , 可知  $u_n$  是二叉树的根结点,设  $p_j = n$ , 可知  $\{u_{p_1}, u_{p_2}, \dots, u_{p_{j-1}}\}$  是左子树的结点集合,  $\{u_{p_{j+1}}, u_{p_{j+2}}, \dots, u_{p_n}\}$  是右子树的结点集合,进一步可知:

(1) 左子树的后序序列是  $u_1, u_2, \dots, u_{j-1}$ , 中序序列是  $u_{p_1}, u_{p_2}, \dots, u_{p_{j-1}}$ , 由归纳假设知序列  $1, 2, \dots, j-1$  可以通过一个栈得序列  $p_1, p_2, \dots, p_{j-1}$ 。

(2) 右子树的后序序列是  $u_j, u_{j+1}, \dots, u_{n-1}$ , 中序序列是  $u_{p_{j+1}}, u_{p_{j+2}}, \dots, u_{p_n}$ , 设  $u'_1 = u_j$ ,  $u'_2 = u_{j+1}$ ,  $\dots$ ,  $u'_{n-j} = u_{n-1}$ ;  $u'_{p'_1} = u_{p_{j+1}}$ ,  $u'_{p'_2} = u_{p_{j+2}}$ ,  $\dots$ ,  $u'_{p'_{n-j}} = u_{p_n}$ , 则  $p'_1 = p_{j+1} - j + 1$ ,  $p'_2 = p_{j+2} - j + 1$ ,  $\dots$ ,  $p'_{n-j} = p_n - j + 1$ , 由归纳假设知序列  $1, 2, \dots, n-j$  可以通过一个栈得序列  $p'_1, p'_2, \dots, p'_{n-j}$ , 显然按同样的方式,  $j, j+1, \dots, n-1$  可以通过一个栈得序列  $j-1+p'_1, j-1+p'_2, \dots, j-1+p'_{n-j}$ , 也就是  $p_{j+1}, p_{j+2}, \dots, p_n$ 。

由 (1) (2) 及  $p_j = n$  可知由  $1, 2, \dots, n$  可通过一个栈得到序列  $p_1, p_2, \dots, p_n$ 。由数学归纳法可知本题结论成立。

## 二、分析题（每题 10 分，共 20 分）

1. 答：DEBCA

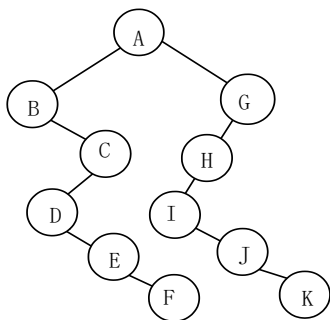
2. 答： $E = \{(1,5), (5,2), (5,3), (3,4)\}, W=10$

## 三、应用题（每题 10 分，共 30 分）

1. 答：(8,9,4,3,6,1), 10, (12,18,18)

2. 答： $ASL=7/6$

3. (1) ABCDEF; BDEFCA; (2) ABCDEFGHIJK; BDEFCAIJKHG 林转换为相应的二叉树；



## 四、算法和计算题（每小题 10 分，共 20 分）

1. 设计一个在链式存储结构上统计二叉树中结点个数的算法。

```
void countnode(bitree *bt, int &count)
{
    if(bt != 0)
    {count++; countnode(bt->lchild, count); countnode(bt->rchild, count);}
}
```

2. 设计一个算法将无向图的邻接矩阵转为对应邻接表的算法。

```
typedef struct {int vertex[m]; int edge[m][m];}gadjmatrix;
```

```
typedef struct node1{int info;int adjvertex; struct node1  
*nextarc;}glinklistnode;
```

```
typedef struct node2{int vertexinfo;glinklistnode *firstarc;}glinkheadnode;
```

```
void adjmatrixtoadjlist(gadjmatrix g1[ ],glinkheadnode g2[ ])
```

```
{
```

```
int i,j; glinklistnode *p;
```

```
for(i=0;i<=n-1;i++) g2[i].firstarc=0;
```

```
for(i=0;i<=n-1;i++) for(j=0;j<=n-1;j++)
```

```
if (g1.edge[i][j]==1)
```

```
{
```

```
p=(glinklistnode *)malloc(sizeof(glinklistnode));p->adjvertex=j;
```

```
p->nextarc=g[i].firstarc; g[i].firstarc=p;
```

```
p=(glinklistnode *)malloc(sizeof(glinklistnode));p->adjvertex=i;
```

```
p->nextarc=g[j].firstarc; g[j].firstarc=p;
```

```
}
```

```
}
```

3.

(1) 查询链表的尾结点

(2) 将第一个结点链接到链表的尾部，作为新的尾结点

(3) 返回的线性表为 ( $a_2, a_3, \dots, a_n, a_1$ )