

$$1 \quad \square \text{ 路: } L_1: -G_2G_3H_1$$

$$L_2: -G_3G_4H_2$$

$$L_3: -G_1G_2G_3G_4H_3$$

$$\text{前向: } P_1: G_1G_2G_3G_4 \quad \Delta_1 = 1$$

$$\frac{(s)}{R(s)} = \frac{G_1G_2G_3G_4}{1 + G_2G_3H_1 + G_3G_4H_2 + G_1G_2G_3G_4H_3}$$

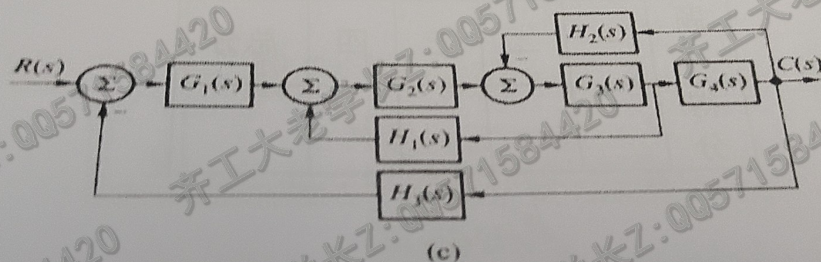
3、 已知单位反馈系统的开环传递函数为 $G(s) = \frac{4}{s(0.5s+2)}$ ，确定系统的 ζ 和 ω_n ，并求最大超调量 $\sigma\%$ 和调整时间 $t_s(5\%)$ 。（共 10 分）

2. 已知系统传递函数 $G(s) = \frac{1}{5s + 1}$, $r(t) = 0.8\sin(2t + 40^\circ)$, 求 $y(t)$ 。(共10分)

注释: $\tan(84.3^\circ) = 10.01$

1. 求下图所示系统的闭环传递函数 $\frac{C(s)}{R(s)}$ (结构图化简, 梅逊公式均可)。

(共 10 分)



(c)

$$3. \quad G(s) = \frac{4}{s(s+2)}$$

$$\Phi(s) = \frac{G(s)}{1+G(s)} = \frac{4}{s^2 + 2s + 4}$$

$$\begin{cases} 2\xi\omega_n = 2 \\ \omega_n^2 = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \xi = 0.5 \\ \omega_n = 2 \end{cases}$$

$$\sigma\% = e^{\frac{-\pi\xi}{\sqrt{1-\xi^2}}} \times 100\% = 16.3\%$$

$$t_s = \frac{3.5}{\xi\omega_n} = 3.5$$

$$2. \quad A(\omega) = \frac{1}{\sqrt{25\omega^2 + 1}}$$

$$\varphi(\omega) = -\arctan 5\omega$$

$$A(\omega) \big|_{\omega=2} = 0.1$$

$$\varphi(\omega) \big|_{\omega=2} = -84.3^\circ$$

$$c(t) = 0.6 \sin(2t - 44.3^\circ)$$

4.

$$(1) G(s) = \frac{k}{s} \cdot \frac{1}{s^2 + 2s + 2}$$

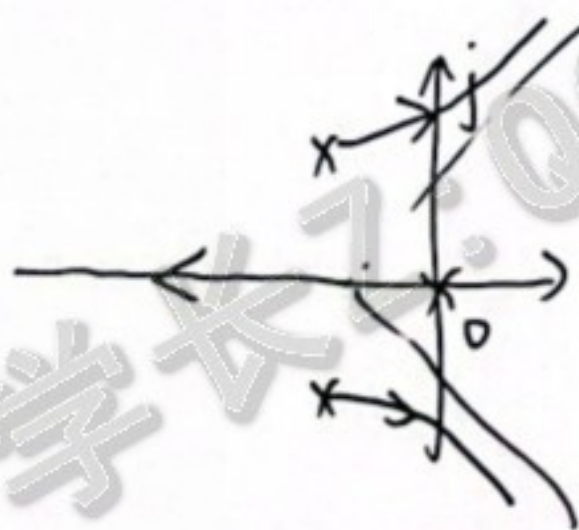
开环极点: $p_1 = 0$, $p_{2,3} = -1 \pm j$

无开环零点

实轴: $(-\infty, 0]$

$$\begin{aligned} \text{渐近线: } \sigma_a &= \frac{0 - 1 - 1}{3} = -\frac{2}{3} \\ \varphi_a &= \frac{\pm(2k+1)\pi}{3} = \pm 60^\circ, 180^\circ \end{aligned}$$

$$\text{与虚轴交点: } \begin{cases} -w^3 + 2w = 0 \\ -2w^2 + k = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} w^2 = 2 \\ k = 4 \end{cases}$$



$$(2) 0 < k < 4$$

稳定

4、已知系统结构图为下图所示，

- (1) 绘制该系统以根轨迹增益 K 为变量的根轨迹；
- (2) 确定使系统满足稳定的开环增益 K 的取值范围。(共 10 分)

