

1. 列表的逗号间隔输出

```
a=[1,2,3,4,5,5,5,7,8,9]
print(",".join(map(str,a)))
#join 时要求数据形式为字符串
```

2. 字典自动创建默认值

```
from collections import defaultdict
a=defaultdict(int)
```

3. enumerate(fruit,start=x)代表设定第一个的索引为 x, 同时返回索引和元素

4. itertools 遍历

```
fruits=['a','b','c','d']
import itertools
for x in itertools.permutations(fruits,2):
    print(''.join(x)) #生成所有长度为 2 的排列,12 种

for x in itertools.product(fruits,repeat=2):#或者写 fruits,fruits
    print(x) #生成二重笛卡尔积, 16 种
```

5. deque 双端队列 (BFS 常用)

```
from collections import deque
d=deque(maxlen=10)
d.append([1,2])
d.appendleft([3,4])
x,y=d.pop()
z,w=d.popleft()
```

6. heapq 模块 (dijkstra 找最短路径常用)

heapq 维护一个最小堆, 即每个父节点的值都小于等于其子节点的值,

$\text{heap}[k] \leq \min(\text{heap}[2*k+1], \text{heap}[2*k+2])$

```
import heapq

q=[('HO',1,1),('HH',1,1)]

heapq.heapify(q) #转化为最小堆

heapq.heappush(q,('OO',1,1))

i,x,y=heapq.heappop(q) #弹出最小元素，保持堆的性质
```

7. bisect 模块 二分法

```
import bisect

a=[1,2,4,4,8]

print(bisect.bisect_left(a,4)) #输出 2，最左可以插入的位置

print(bisect.bisect_right(a,4)) #输出 4，最右可以插入的位置
```

8. 日期与时间

```
import calendar,datetime

print(calendar.isleap(2020)) #返回 true，是闰年

print(datetime.datetime(2024,12,25).weekday()) #星期三，输出 2
```

9. 有序字典（按照插入的顺序排序）

```
import collections

od=collections.OrderedDict()

od['b']=3

od['a']=2

print(od) #输出 OrderedDict({'b': 3, 'a': 2})
```

10.排序

```
lis=[[0,1],[1,1],[2,1],[1,2]]

lis.sort(reverse=True, key=lambda x:(x[0],x[1]))
```

11.深拷贝

lis1=lis 会造成浅拷贝的问题, lis1=lis[:]就不是浅拷贝

```
import copy

original=[1,2,[3,4]]

copied=copy.deepcopy(original)
```

12.素数筛法

欧拉筛 (筛 a 以内的素数)

```
integer=[True]*a

prime=[]

integer[0]=False

for i in range(1,a):

    if integer[i]:

        prime.append(i+1)

        s=0

        while s<=len(prime)-1 and (i+1)*prime[s]<=a:

            integer[(i+1)*prime[s]-1]=False

            s+=1

    else:

        t=0

        while (t==0 or (i+1)%prime[t-1]!=0) and t<=len(prime)-1

and (i+1)*prime[t]<=a:

            integer[(i+1)*prime[t]-1]=False

            t+=1

    i+=1
```

直接判断一个数是否为素数: 用“5 及以上的素数都是 6k 加减 1 型”优化

13.ASC II 码

ord('a')=97 ord('z')=122

ord('A')=65 ord('Z')=90

14.数据组数未知时的输入格式

```
while True:

    try:

        except EOFError:

            break
```

15.全局变量导致 compile error 时

```
#pylint:skip-file
```

16.需要整段输入时的输入格式

```
lines=list(sys.stdin.read().split())
```

17.用 lru_cache 缓存递归结果:

```
from functools import lru_cache

@lru_cache(maxsize=None)

def .....
```

18.手动提高递归深度

```
import sys

sys.setrecursionlimit(200000)
```

19.多重背包二进制优化

```
def binary_optimized_multi_knapsack(weights, values,
quantities, capacity):
```

```

n = len(weights)

items = []

# 将每个物品拆分成若干子物品
for i in range(n):

    w, v, q = weights[i], values[i], quantities[i]

    k = 1

    while k < q:

        items.append((k * w, k * v))

        q -= k

        k <<= 1 # 二进制左移一位, 右边填充 0

    if q > 0:

        items.append((q * w, q * v))

# 动态规划求解 01 背包问题
dp = [0] * (capacity + 1)

for w, v in items:

    for j in range(capacity, w - 1, -1): # 逆序防止重复使用

        dp[j] = max(dp[j], dp[j - w] + v)

return dp[capacity]

```

20. 下一个全排列

```

def next_permutation(nums):

    i = len(nums) - 2

    while i >= 0 and nums[i] >= nums[i + 1]:

        i -= 1

    if i >= 0:

```

```

    j = len(nums) - 1

    while nums[j] <= nums[i]:

        j -= 1

    nums[i], nums[j] = nums[j], nums[i]

    nums[i + 1:] = reversed(nums[i + 1:])

    return nums

nums = [1, 2, 3]

print(next_permutation(nums)) # 输出: [1, 3, 2]

```

21.Potion(greedy)

```

import heapq

def drink():

    global potion,n

    num=0

    p=[]

    for k in potion:

        heapq.heappush(p,k)

        num+=k

        if num<0:

            num-=p[0]

            heapq.heappop(p)

    return len(p)

```

```
n=int(input())  
  
potion=list(map(int,input().split()))  
  
print(drink())
```

22. 田忌赛马

```
while True:  
  
    n=int(input())  
  
    if n==0:  
  
        break  
  
    Tian=list(map(int,input().split()))  
  
    King=list(map(int,input().split()))  
  
    Tian=sorted(Tian)  
  
    King=sorted(King)  
  
    win=0  
  
    head=headk=0  
  
    tail=tailk=n-1  
  
    while head<=tail and tailk>=0:  
  
        if Tian[tail]>King[tailk]:  
  
            tail-=1  
  
            tailk-=1  
  
            win+=200  
  
        elif Tian[head]>King[headk]:  
  
            head+=1  
  
            headk+=1  
  
            win+=200
```

```

elif Tian[head]==Tian[tail]==King[tailk]==King[headk]:

    break

else:

    head+=1

    tailk-=1

    win-=200

print(win)

```

23.中国剩余定理

$$(S): \begin{cases} x \equiv a_1 \pmod{m_1} \\ x \equiv a_2 \pmod{m_2} \\ \vdots \\ x \equiv a_n \pmod{m_n} \end{cases}$$

有解的判定条件，并用构造法给出了在有解情况下解的具体形式。

中国剩余定理说明：假设整数 m_1, m_2, \dots, m_n 两两互质，则对任意的整数： a_1, a_2, \dots, a_n ，方程组 (S) 有解，并且通解可以用如下方式构造得到：

设 $M = m_1 \times m_2 \times \dots \times m_n = \prod_{i=1}^n m_i$ 是整数 m_1, m_2, \dots, m_n 的乘积，并设 $M_i = M/m_i, \forall i \in \{1, 2, \dots, n\}$ 是除了 m_i 以外的 $n-1$ 个整数的乘积。

设 $t_i = M_i^{-1}$ 为 M_i 模 m_i 的数论倒数(t_i 为 M_i 模 m_i 意义下的逆元) $M_i t_i \equiv 1 \pmod{m_i}, \forall i \in \{1, 2, \dots, n\}$.

方程组 (S) 的通解形式为 $x = a_1 t_1 M_1 + a_2 t_2 M_2 + \dots + a_n t_n M_n + kM = kM + \sum_{i=1}^n a_i t_i M_i, \quad k \in \mathbb{Z}$.

在模 M 的意义下，方程组 (S) 只有一个解： $x = \left(\sum_{i=1}^n a_i t_i M_i \right) \bmod M$

24.排队（身高差 $\leq d$ 即可交换，求最小字典序）

```

n,d=map(int,input().split())

line=[0]*n

for i in range(n):

    line[i]=int(input())

check=[False]*n

```



```
line_new=[]

while len(line_new)<n:

    buffer=[]

    i=0

    while i<n:

        if check[i]:

            i+=1

            continue

        if len(buffer)==0:

            buffer.append(line[i])

            maxh=line[i]

            minh=line[i]

            check[i]=True

            continue

        maxh=max(maxh,line[i])

        minh=min(minh,line[i])

        if maxh<=line[i]+d and minh>=line[i]-d:

            buffer.append(line[i])

            check[i]=True

        i+=1

    buffer.sort()

    line_new.extend(buffer)

for i in range(n):

    print(line_new[i])
```

25.二分查找

```
def binary_search(arr, target):  
    left, right = 0, len(arr) - 1  
    while left <= right:  
        mid = (left + right) // 2  
        if arr[mid] == target:  
            return mid # 返回目标元素的索引  
        elif arr[mid] < target:  
            left = mid + 1  
        else:  
            right = mid - 1  
    return -1 # 如果未找到目标元素，返回 -1
```