

# ESCUELA TECNICA SUPERIOR DE INGENIERIA INFORMATICA Y TELECOMUNICACIONES

## Practicas Modelos de Computación

Grupo B3

Juan Luis Torres Ramos

24 Octubre 2023

## Practica 1

Encuentra una gramática libre del contexto para generar cada uno de los siguientes lenguajes:

- 1.  $L = \{a^i b^j \mid i, j \in \mathbb{N}, i \le j\}.$
- 2.  $L = \{a^i b^j a^j b^i \mid i, j \in \mathbb{N}\}.$
- 3.  $L = \{a^i b^i a^j b^j \mid i, j \in \mathbb{N}\}.$
- 4.  $L = \{a_i b_i \mid i \in \mathbb{N}\} \cup \{b_i a_i \mid i \in \mathbb{N}\}.$
- 5.  $L = \{uu^{-1} \mid u \in \{a, b\}^*\}.$
- 6.  $L = \{a^i b^j c^{i+j} \mid i, j \in \mathbb{N}\}.$

donde  $\mathbb N$  es el conjunto de los numeros naturales incluyendo el 0

#### Pasos para resolver el ejercicio:

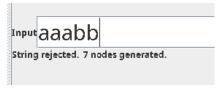
- 1. Determinar los símbolos terminales y no terminales.
- 2. Determinar el símbolo inicial.
- 3. Analizar el lenguaje para determinar qué se pide.
- 4. Determinar las reglas de producción.
- 5. Comprobar con JFLAP

## **A.** $L = \{a^i b^j | i, j \in \mathbb{N}, i \le j\}$ .

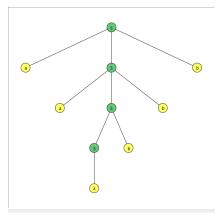
- 1. Los símbolos terminales serán  $\{a,b\}$  y los simbolos no terminales serán S y B.
- 2. El símbolo inicial será S.
- 3. Analizar el lenguaje para determinar qué se pide. En este caso, se pide que la cadena tenga un número de a menor o igual que el número de b. Por ejemplo, aabbb y aabb pertenecen al lenguaje, pero aab no.
- 4. Determino las reglas de producción:
  - $S \rightarrow \epsilon$  (genero la cadena vacía).
  - $S \rightarrow aSb$ .
  - $S \to Sb$ .
- 5. compruebo con JFLAP que la gramática es correcta.

| LHS |               | RHS |
|-----|---------------|-----|
| S   | $\rightarrow$ | λ   |
| S   | $\rightarrow$ | aSb |
| S   | $\rightarrow$ | Sb  |
|     |               |     |
|     |               |     |

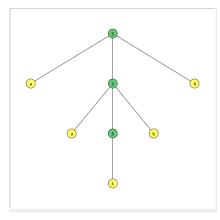
(a) la producción



(b) la cadena aaabb



(c) la cadena aabbb



(d) la cadena aabb

## **B.** $L = \{a^i b^j a^j b^i | i, j \in \mathbb{N}\}.$

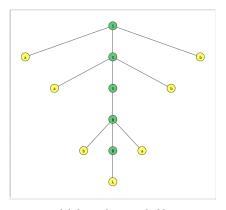
- 1. Los símbolos terminales serán  $\{a,b\}$  y los simbolos no terminales serán S y B.
- 2. El símbolo inicial será S.
- 3. El lenguaje nos pide generar una cadena de 4 caracteres donde primero se generen  $a^ib^j$  y luego  $a^jb^i$ , es decir en los extremos un numero caracteres i y en los caracteres del centro un numero de caracteres j. Por ejemplo, aababb y ab pertenecen al lenguaje, pero aabbab no.
- 4. Determino las reglas de producción:
  - $S \to aSb$  (genero mismo numero de caracteres en los extremos).
  - $S \rightarrow B$ .
  - $B \to bBa$  (genero mismo numero de caracteres en el centro).
  - $B \to \epsilon$  (genero la cadena vacía).
- 5. compruebo con JFLAP que la gramática es correcta.

| LHS |               | RHS |
|-----|---------------|-----|
| S   | $\rightarrow$ | aSb |
| S   | $\rightarrow$ | В   |
| В   | $\rightarrow$ | bBa |
| В   | $\rightarrow$ | λ   |
|     |               |     |
|     |               |     |

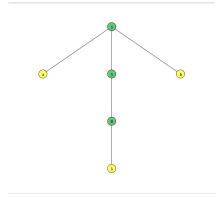
(a) la producción



(b) la cadena aabbab



(c) la cadena aababb



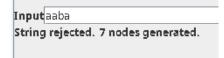
(d) la cadena ab

## **C.** $L = \{a^i b^i a^j b^j | i, j \in \mathbb{N}\}.$

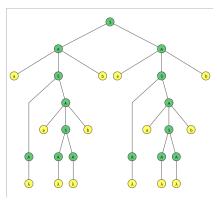
- 1. Los símbolos terminales serán  $\{a,b\}$  y los simbolos no terminales serán S y B.
- 2. El símbolo inicial será S.
- 3. El lenguaje nos pide generar cadenas de 4 caracteres de la forma *abab* donde los dos primeros caracteres tengan el mismo nuemoor de caracteres y para los dos ultimos caracteres tambien tengan la misma cantidad. Ejemplos de cadenas serían *aabbaabb*, *aabbab* pero no acepta *aaba*
- 4. Determino las reglas de producción:
  - $S \to AA$  (simbolo inicial).
  - $A \to aSb$ . (genero  $\{a^ib^i|i \in \mathbb{N}\}$ ).
  - $A \rightarrow \epsilon$  (genero la cadena vacía).
- 5. compruebo con JFLAP que la gramática es correcta.

| LHS |               | RHS |
|-----|---------------|-----|
| S   | $\rightarrow$ | AA  |
| A   | $\rightarrow$ | aSb |
| A   | $\rightarrow$ | λ   |
|     |               |     |
|     |               |     |

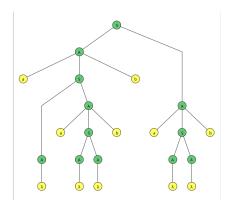
(a) la producción



(b) la cadena aaba



(c) la cadena aabbaabb



(d) la cadena aabbab

**D.**  $L = \{a_i b_i | i \in \mathbb{N}\} \cup \{b_i a_i | i \in \mathbb{N}\}.$ 

- 1. Los símbolos terminales serán  $\{a,b\}$  y los simbolos no terminales serán S , A B.
- 2. El símbolo inicial será ${\cal S}$  .
- 3. Combina dos conjuntos de cadenas: el primero contiene cadenas de la forma  $\{a_ib_i \mid i \in \mathbb{N}\}$ , y el segundo contiene cadenas de la forma  $\{b_ia_i \mid i \in \mathbb{N}\}$ . Las cadenas  $aabb\ bbaa$  lo cumplen mientras abab no lo cumple Lo resolvemos por partes
- 4. Determino las reglas de producción:
  - Podemos generar  $\{a_ib_i \mid i \in \mathbb{N}\}.$

$$A \to aAb$$
,  $A \to \epsilon$ .

• Por otro lado  $\{b_i a_i \mid i \in \mathbb{N}\}.$ 

$$B \to b B a$$
 ,  $B \to \epsilon$  .

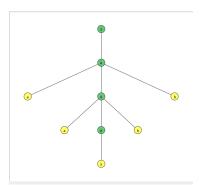
 $\bullet\,$  El lenguaje L se puede generar añadiendo .

$$S \to A$$
 ,  $S \to B$  .

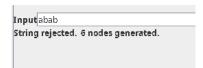
5. compruebo con JFLAP que la gramática es correcta.

| LHS |               | RHS |
|-----|---------------|-----|
| S   | $\rightarrow$ | A   |
| S   | $\rightarrow$ | В   |
| A   | $\rightarrow$ | aAb |
| A   | $\rightarrow$ | λ   |
| В   | $\rightarrow$ | bBa |
| В   | $\rightarrow$ | λ   |
|     |               |     |
|     |               |     |
|     |               |     |

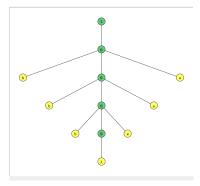
(a) la producción



(c) la cadena aabb



(b) la cadena abab



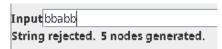
(d) la cadena bbbaaa

**E.** 
$$L = \{uu^{-1} \mid u \in \{a, b\}^*\}$$
.

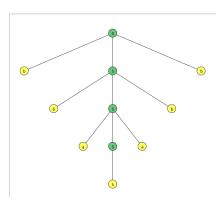
- 1. Los símbolos terminales serán  $\{a,b\}$  y los simbolos no terminales serán S.
- 2. El símbolo inicial será S.
- 3. Analizar el lenguaje para determinar qué se pide. En este caso, se pide generar cadenas que son palíndromos formados por caracteres 'a' y 'b'. Cadenas que pertenecen al lenguaje son abba y bbaabb pero no bbabb.
- 4. Determino las reglas de producción:
  - $S \rightarrow \epsilon$  (genero la cadena vacía).
  - $\bullet \ S \to aSa.$
  - $S \rightarrow bSb$ .
- 5. compruebo con JFLAP que la gramática es correcta.

|   | LHS |               | RHS |
|---|-----|---------------|-----|
| S |     | $\rightarrow$ | aSa |
| S |     | $\rightarrow$ | bSb |
| S |     | $\rightarrow$ | λ   |
|   |     |               |     |

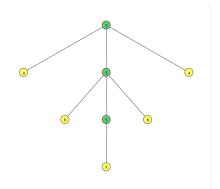
(a) la producción



(b) la cadena bbab



(c) la cadena bbaabb



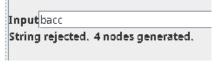
(d) la cadena abba

**F.**  $L = \{a^i b^j c^{i+j} \mid i, j \in \mathbb{N}\}.$ 

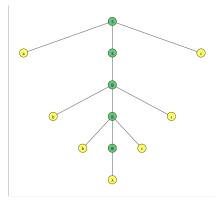
- 1. Los símbolos terminales serán  $\{a,b,c\}$  y los simbolos no terminales serán S.
- 2. El símbolo inicial será S.
- 3. En este caso, se pide generar cadenas donde la cantidad de 'a's y 'b's es igual y la cantidad total de 'c's es la suma de las cantidades de 'a' y 'b' . Cadenas que cumplen la gramatica son abbccc y aaabcccc pero no bacc
- 4. Determino las reglas de producción:
  - $S \to aSc$  (genero la cadena vacía).
  - $S \rightarrow B$ .
  - $B \rightarrow bBc$ .
  - $B \to \epsilon$ .
- 5. compruebo con JFLAP que la gramática es correcta.

| LHS |               | RHS |
|-----|---------------|-----|
| S   | $\rightarrow$ | aSc |
| S   | $\rightarrow$ | В   |
| В   | $\rightarrow$ | bBc |
| В   | $\rightarrow$ | λ   |
|     |               |     |

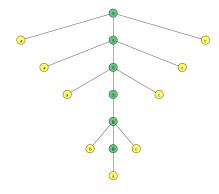
(a) la producción



(b) la cadena bacc



(c) la cadena abbccc



(d) la cadena aaabcccc

## Practica 2

Analizadores léxicos, problemas de mineria, trabajo Lex, 2 problema

#### Tareas a realizar

- 1. Formar un grupo de trabajo compuesto por una, dos o tres personas.
- 2. Cada grupo de trabajo debe pensar un problema original de procesamiento de textos. Para la resolución de este problema debe ser apropiado el uso de Lex, o sea, se debe resolver mediante el emparejamiento de cadenas con expresiones regulares y la asociación de acciones a cada emparejamiento.
- 3. Cada grupo debe resolver el problema propuesto usando Lex. Se deberá realizar una memoria donde se presente una descripción del problema y su solución, además de entregar electrónicamente los ficheros de texto con la implementación de la solución.
- 4. Esta práctica deberá ser entregada antes del día 31 de Diciembre de 2020. Se entregará a través de la plataforma PRADO en un fichero .zip conteniendo todos los archivos de esta práctica. Sólo es necesario que lo entregue uno de los componentes del grupo.

#### Pasos para resolver el ejercicio:

- 1. Descripcion del problema
- 2. solucion
- 3. codigo lex

#### 1. Descripcion del Problema

Soy un nuevo profesor de la asignatura de Fundamentos de Programacion. Tras corregir varios ejercicios de los alumnos me he dado cuenta que la cantidad de comentarios explicando el codigo va relacionada con la nota del ejercicio. Por lo que he decidido crear un programa que calcule la densidad de comentarios en un codigo fuente en C para evaluar positivamente a los alumnos que comenten su codigo.

#### Densidad de comentarios codigo

Tu tarea es desarrollar un programa en Lex que calcule la densidad de comentarios en un código fuente en C. La densidad de comentarios se define como el porcentaje del código total que está ocupado por comentarios.

#### **Pasos**

El alumno ha entregado su ejercicio de C correspondiente de la asignatura, voy a calcular la densidad de comentarios con la siguiente formula:

$$\mbox{Densidad de comentarios} = \frac{\mbox{Total de letras en un comentario}}{\mbox{Total de letras en el codigo}}$$

- 1. Creo 2 variables globales, para contar letras en el código y en comentarios.
- 2. Defino 2 estados INCOMMENTBLOCK y INCOMMENTLINE para manejar por separado los dos tipos de comentarios en C: comentarios en línea y comentarios en bloque.
- 3. Defino una función contarLetras que cuenta únicamente letras; no cuenta espacios en blanco, tabuladores, saltos de línea ni retornos de carro.
- 4. Defino reglas de Flex para reconocer los comentarios:
  - Si encuentra "/\*", comienza el subestado INCOMMENTBLOCK y termina con "\*/".
  - Si encuentra "//", comienza el subestado INCOMMENTLINE y termina con un salto de línea.
  - Dentro del estado INCOMMENTBLOCK, selecciono para cualquier carácter que no sea un asterisco (para evitar contar el fin del comentario \*/) ni un salto de línea. Para comentarios en línea, solo no cuento el salto de línea.
  - El texto seleccionado corresponde a la variable yytext, la cual introduzco en mi función contarLetras.
  - Imprimo cada comentario encontrado haciendo print a yytext, tambien indico tipo comentario y su longitud
  - Para referirme a todo el código, uso . l\n, haciendo referencia a cualquier carácter y un salto de línea.

5. Por último, calculo la densidad de comentarios con la fórmula anterior.

Para ejecutar el programa usaremos un Makefile

```
$ make all make run
```

Listing 1: Ejemplo de ejecución

```
#include <stdio.h>
       #include <stdlib.h>
       // funcion de ejemplo
       void imprimirMensaje() {
            printf("! Hola, mundo! \n");
            comentarios
            multilinea
12
13
       int main{
            // Llamada a la funcion imprimirMensaje();
15
16
            return 0;
17
       }
18
```

Listing 2: Ejemplo de Entrada

Figure 7: Resultado de la ejecución del programa

#### Analisis Resultado

Podemos ver que el programa ha detectado los comentarios y diferenciado si es un comentario en linea o un comentario en bloque. Calcula correctamente tanto las letras de cada comentario como el total de letras en el codigo y por ultimo calcula el porcentaje de comentarios en el codigo correspondiente. Ahora el maestro, viendo el porcetaje de comentarios de cada ejercicio de FP, puede evaluar positivamente a los alumnos que comenten su codigo correctamente. Tampoco se puede abusar de los comentarios, ya que el maestro puede ver el porcentaje de comentarios y si es demasiado alto puede penalizar al alumno.

```
%{
       #include <stdio.h>
       #include <stdlib.h>
       int total_letters = 0;
       int comment_letters = 0;
       int comment_letters_global = 0;
       int contarLetras(const char* texto);
       %}
      %x INCOMMENTBLOCK INCOMMENTLINE
      %%
13
       "/*" {
14
           BEGIN (INCOMMENTBLOCK);
15
           printf("\nComentario en bloque: ");
16
           comment\_letters = 0;
17
18
19
       <INCOMMENTBLOCK>"*/" {
20
           BEGIN(INITIAL);
21
           printf("\nNumero de letras en comentario en bloque: %d\n",
22
       comment_letters);
           comment\_letters = 0;
23
24
25
       <INCOMMENTBLOCK>[^* n]+ {
26
           int letras_comentario = contarLetras(yytext);
27
           printf("%s", yytext);
28
           comment_letters += letras_comentario;
29
           {\tt comment\_letters\_global} \ +\!\!= \ letras\_comentario \, ;
30
31
32
       <INCOMMENTBLOCK>\n {
33
           // No contar el salto de linea
34
35
36
37
           BEGIN (INCOMMENTLINE);
38
           printf("\nComentario en linea: ");
39
40
41
       <INCOMMENTLINE>\n {
42
43
           BEGIN(INITIAL);
           printf("\nNumero de letras en comentario en linea: %d\n",
44
       comment_letters);
           comment\_letters = 0;
45
46
47
       <INCOMMENTLINE>[^{n}]+ {
48
           printf("%s", yytext);
49
           comment_letters += contarLetras(yytext);
50
51
           comment_letters_global += contarLetras(yytext);
       }
52
53
54
       .|\n {
           total_letters += contarLetras(yytext);
```

```
56
      %%
57
      // sin salto de linea al final, solo cuento letras simbolos y
58
      int contarLetras(const char* texto) {
59
          int contador = 0;
60
          61
62
      && *texto != '\r') {
63
                  contador++;
64
65
                   {\rm texto} ++;
66
67
          return contador;
68
      // conslato de linea
69
      int main(int argc, char* argv[]) {
    printf("DEBUG:\n");
70
71
72
          yylex();
73
           printf("RESULTADO:\n");
74
          printf("\nNumero total de letras en codigo: %d\n",
      total_letters);
          printf("Numero total de letras en comentarios: %d\n",
      comment_letters_global );
          printf("Porcentaje de Comentarios: %.2f \%\n\n", (float)(
      comment_letters_global) / total_letters * 100);
          return EXIT_SUCCESS;
78
79
```

Listing 3: Codigo Analizador Lex

```
all: comentador

comentador: lex.yy.c

gcc -o comentador lex.yy.c -lfl

lex.yy.c: comentador.l

flex comentador.l

run: comentador

./comentador

./comentador < ./ejemplos/ejemplo1.c

./comentador < ./ejemplos/ejemplo2.c
```

Listing 4: Makefile

#### Practica 3

Diseña una máquinas de estados finitos, en particular la máquina de Mealy, para simular la codificación y decodificación del código Enigma. Implementa un conjunto de estados y transiciones que reflejen el proceso de cifrado y descifrado característico del Enigma. Utiliza JFLAP para simular y visualizar la máquina de Mealy que actúa como codificador y decodificador.

El codigo enigma es una maquina de cifrado mecánica utilizada durante la  $2^{0}$  guerra mundial. Funciona mediante rotores giratorios que cifran las letras del alfabeto

Funcionamient

- 1. Los rotores tenian una posicion inicial
- 2. Cuando se presiona una tecla, la corriente pasa por los rotores y cifra la letra con la correspondiente con el rotor
- 3. El rotor (o rotores) gira despues de cifrar una letra
- 4. la corriente electrica, que tiene la letra, pasa por un reflector, que refleja la señal de vuelta a traves de los rotores
- 5. al volver a pasar por los rotores se vuelve a cifrar
- 6. se obtiene el codigo

Pasos a seguir crear maquina de Mealy

- 1. Definir los Estados de la maquina de Mealy: Inicio, rotor,
- 2. Definir alfabeto de entrada A,E,I,O,U
- 3. Diseñar las transicciones entre estados (movimiento rotores, configuracion rotores)