Lista 3

Zadanie 1 (1 punkt). Napisz funkcję first_common_character(s1, s2), która dla napisów s1 i s2 zwraca pierwszy znak¹ s1, który pojawia się w s2. Jeśli taki znak nie istnieje, funkcja ma zwrócić None.

Zadanie 2 (1,25 punktu). Naturalną liczbę dodatnią n nazwiemy:

- szczęśliwą, gdy w jej zapisie dziesiętnym występuje cyfra 7,
- półszczęśliwą, gdy jest podzielna przez liczbę szczęśliwą.
- (1) (0,25 punktu) Napisz funkcję is_lucky(n), która dla dodatniej liczby naturalnej n zwraca True, gdy liczba jest szczęśliwa i False w przeciwnym wypadku.
- (2) (0,25 punktu) Napisz funkcję is_semilucky(n), która dla dodatniej liczby naturalnej n zwraca True, gdy liczba jest półszczęśliwa i False w przeciwnym wypadku.
- (3) (0,5 punktu) Napisz funkcję next_semilucky(n), która dla dodatniej liczby naturalnej n zwraca najmniejszą liczbę półszczęśliwą większą od n.
- (4) (0,25 punktu) Napisz funkcję print_semilucky(k), która wypisuje pierwsze k liczb półszczęśliwych.

Zadanie 3 (0,25 punktu). Zrób poprzednie zadanie przy następującej definicji liczby półszczęśliwej: "liczbę nazywamy półszczęśliwą, gdy jest podzielna przez liczbę szcześliwą lub liczba jej cyfr jest podzielna przez 7".

<u>Zadanie 4</u> (1,5 punktu). Punkty na powierzchni Ziemi można opisać poprzez ich szerokość $\phi \in [-\pi/2, \pi/2)$ oraz długość geograficzną $\lambda \in [0, 2\pi)$ (obie wyrażone w **radianach**). Wówczas odległość d (w kilometrach) po powierzchni Ziemi pomiędzy dwoma punktami (ϕ_1, λ_1) oraz (ϕ_2, λ_2) można obliczyć w przybliżeniu ze wzoru ²:

$$d = 6371.01 \cdot \arccos(\sin(\phi_1) \cdot \sin(\phi_2) + \cos(\phi_1) \cdot \cos(\phi_2) \cdot \cos(\lambda_1 - \lambda_2)).$$

Napisz funkcję great_circle_distance(phi1, lambda1, phi2, lambda2) która zwróci odległość (w kilometrach) pomiędzy punktami (phi1,lambda1) i (phi2,lambda2). Załóż, że phi1, lambda1, phi2 i lambda2 są typu float i wyrażają kat w stopniach.

Uwaga. W zadaniu potrzebne są funkcje trygnonometryczne. Umieść na początku pliku z kodem następującą linijkę:

from math import sin, cos, acos

Możesz wtedy używać standardowych funkcji sin, cos i acos (które przyjmują pojedynczą liczbę jako argument) oznaczających sin, cos i arc cos odpowiednio.

¹ "Znakiem" jest tutaj napis długości 1

²https://en.wikipedia.org/wiki/Great-circle_distance