

# 编译原理H HW3-1

肖桐 PB18000037

## 3.2.

(a). 句子abab的两个最左推导:

$S \rightarrow aSbS \rightarrow abS \rightarrow abaSbS \rightarrow ababS \rightarrow abab$

$S \rightarrow aSbS \rightarrow abSaSbS \rightarrow abaSbS \rightarrow ababS \rightarrow abab$

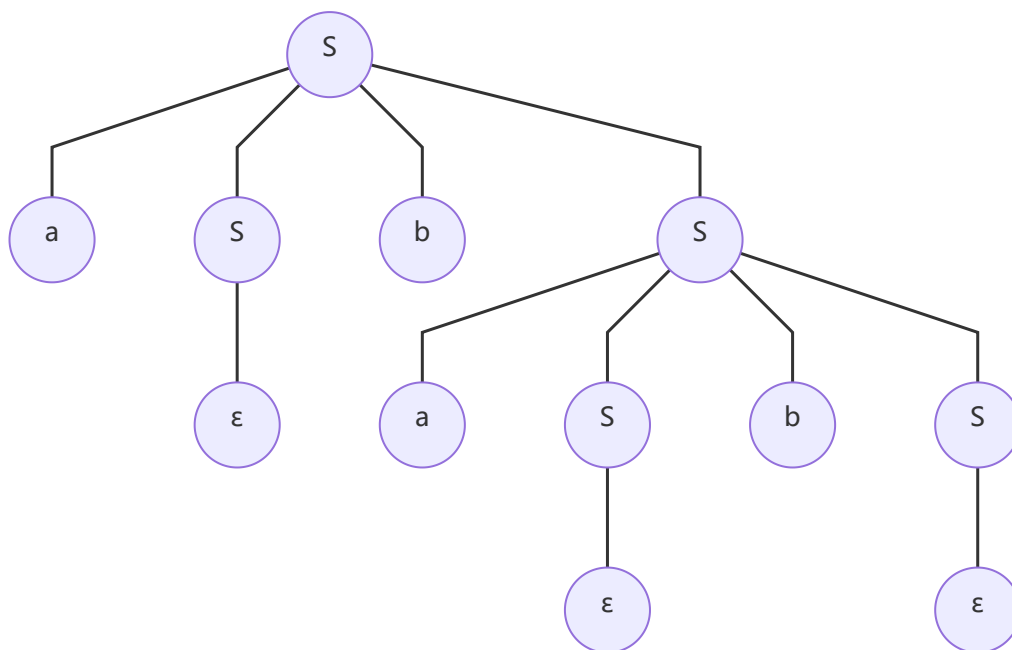
因此该文法是二义的。

(b). 句子abab的最右推导:

$S \rightarrow aSbS \rightarrow aSbaSbS \rightarrow aSbaSb \rightarrow aSbab \rightarrow abab$

(c). 语法分析树:

最右推导分析树:



(d). 该文法产生的语言是a、b个数相同的串的集合。证明如下:

先证该文法表达的所有串都是a、b个数相同的: 由S的生成式显然知串长l为偶数。

对串的长度作归纳。当 $l = 0$ 时有 $S \rightarrow \epsilon$ , 此时显然a、b个数相同, 都为0。

记 $S_l$ 为长度为l的串。假设当 $l \leq 2n$  ( $n \geq 0$ )时 $S_l$ 为a、b个数相同的串, 则当 $l = 2n + 2$ 时,  
 $S_{2n+2} \rightarrow aS_i bS_j | bS_m aS_n$ .

对于 $S_{2n+2} \rightarrow aS_i bS_j$ : 由于 $i, j \leq 2n$ , 故 $S_i, S_j$ 都是a、b个数相等的串, 故 $S_{2n+2}$ 中, a的个数为 $\frac{i}{2} + \frac{j}{2} + 1 = n + 1$ , b的个数也为 $\frac{i}{2} + \frac{j}{2} + 1 = n + 1$ . 即 $S_{2n+2}$ 也是a、b个数相等的串。

对于 $S_{2n+2} = bS_m aS_n$ 同理。

故该文法表达的所有串都是a、b个数相同的。

再证所有a、b个数相等的串都能被该文法表达。假设有长度为 $l$ 的、a, b个数相同的任意串 $T_l$ 。

同样也对串的长度作归纳。当 $l = 0$ 时 $T_0 = \varepsilon$ ，能够由 $S \rightarrow \varepsilon$ 产生，即此时有 $S \rightarrow T_0$ 。

假设当 $l \leq 2n$ 时有 $S \rightarrow T_l$ ，则当 $l = 2n + 2$ 时， $T_{2n+2}$ 可分为两种情况：

1. 以字符a开头
2. 以字符b开头

对于第一种情况：令 $a\beta b$ 为 $T_{2n+2}$ 的最短的、a, b个数相等的非空前缀。那么 $T_{2n+2}$ 可表示为： $T_{2n+2} = a\beta b\gamma$ 。由于 $\beta, \gamma$ 的长度均不大于 $2n$ ，故 $S \rightarrow \beta, S \rightarrow \gamma$ ，继而由产生式 $S \rightarrow aSbS$ 知 $S \rightarrow T_{2n+2}$ 。

当 $T_{2n+2}$ 以字符b开头由 $S \rightarrow bSaS$ 同理可以导出 $S \rightarrow T_{2n+2}$ 。

因此综上，该文法产生的语言是a、b个数相同的串的集合。

## 3.6.

(a). 正则表达式： $b^*(ab+)^*$

上下文无关文法：

$$S \rightarrow LR$$

$$R \rightarrow abLR|\varepsilon$$

$$L \rightarrow bL|\varepsilon$$

(b). 上下文无关文法：

$$S \rightarrow aT|bT$$

$$T \rightarrow aTbT|bTaT|\varepsilon$$

## 3.8.

记 '(' 为m, ')' 为n, ',' 为c。则该文法为：

$$S \rightarrow mLn|a$$

$$L \rightarrow LcS|S$$

将 $S$ 带入到 $L$ 中有： $L \rightarrow LcmLn|Lca|mLn|a$

再记 $\beta_1 = cmLn, \beta_2 = ca, \gamma_1 = mLn, \gamma_2 = a$ ，则 $L$ 变为：

$$L \rightarrow L\beta_1|L\beta_2|\gamma_1|\gamma_2$$

可将 $L$ 改写为：

$$L = \gamma_1 L' |\gamma_2 L'$$

$$L' = \beta_1 L' |\beta_2 L'$$

故最终消除左递归后的文法为：

$$S \rightarrow (L)|a$$

$$L \rightarrow aL'|(L)L'$$

$$L' \rightarrow (L)L'|,a(L)L'|\varepsilon$$

## 3.11.

$FIRST(A) = \{a, b\}, FIRST(B) = \{a, b\}, FIRST(S) = \{\varepsilon, a, b\}.$

$FOLLOW(S) = \{\$ \}$

由产生式易知 $FIRST(aBB) = \{a\}, FIRST(bAA) = \{b\}.$

则由算法容易得到以下分析表：

非终结符		终结符	
	a	b	\$
S	$S \rightarrow aBS$	$S \rightarrow bAS$	$S \rightarrow \varepsilon$
A	$A \rightarrow a$	$A \rightarrow bAA$	
B	$B \rightarrow aBB$	$B \rightarrow b$	

## 3.12.

该文法不是LL(1)文法。

对于产生式： $S \rightarrow AB|PQx$

由 $A \rightarrow xy$ 知： $x \in FIRST(AB)$ ，同时又由 $P \rightarrow dP|\varepsilon$ 和 $Q \rightarrow aQ|\varepsilon$ 知 $x \in FIRST(PQx)$ 。

即 $x \in FIRST(AB) \cap FIRST(PQx) \neq \emptyset$

因此该文法不是LL(1)文法。