

#### Dạng 4. Hoán vị lặp

Cho  $k$  phần tử khác nhau  $a_1, a_2, \dots, a_k$ . Một cách sắp xếp  $n$  phần tử trong đó gồm  $n_1$  phần tử  $a_1, n_2$  phần tử  $a_2, \dots, n_k$  phần tử  $a_k$  ( $n_1 + n_2 + \dots + n_k = n$ ) theo một thứ tự nào đó được gọi là hoán vị lặp cấp  $n$  và kiểu  $(n_1, n_2, \dots, n_k)$  của  $k$  phần tử. Số các hoán vị lặp dạng như trên là

$$P_n(n_1, n_2, \dots, n_k) = \frac{n!}{n_1! \cdot n_2! \cdot \dots \cdot n_k!}.$$

**Ví dụ 2.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4 có thể lập được bao nhiêu số gồm 7 chữ số, trong đó chữ số 2 có mặt 3 lần, các chữ số còn lại có mặt đúng một lần.

**Lời giải.**

Xếp các chữ số 0, 1, 2, 2, 2, 3, 4 thành một hàng có  $\frac{7!}{3!}$  cách xếp.

Xếp các chữ số 0, 1, 2, 2, 2, 3, 4 thành một hàng sao cho chữ số 0 đứng đầu có  $\frac{6!}{3!}$  cách xếp.

Vậy có  $\frac{7!}{3!} - \frac{6!}{3!} = 1440$  số thỏa mãn yêu cầu. □

**Bài 1.** Từ các chữ số 1; 2; 3; 4; 5 có thể lập được bao nhiêu số có 8 chữ số, chữ số 1 có mặt bốn lần, các chữ số khác có mặt một lần và 4 chữ số 1 phải đứng kề nhau.

**Lời giải.**

Coi 4 chữ số 1 đứng kề nhau là chữ số  $a$ .

Khi đó, từ các chữ số  $a, 2, 3, 4, 5$  có thể lập được  $P_5 = 120$  số thỏa mãn yêu cầu. □

**Bài 2.** Từ các chữ số 0, 1, 2, 3, 4, 5 có thể lập được bao nhiêu số có 8 chữ số, trong đó chữ số 1 và chữ số 2 có mặt 2 lần, các chữ số còn lại có mặt đúng 1 lần.

**Lời giải.**

Xếp các chữ số 0, 1, 1, 2, 2, 3, 4, 5 thành một hàng có  $\frac{8!}{2! \cdot 2!}$  cách xếp.

Xếp các chữ số 0, 1, 1, 2, 2, 3, 4, 5 thành một hàng, trong đó chữ số 0 đứng đầu có  $\frac{7!}{2! \cdot 2!}$  cách xếp.

Vậy có  $\frac{8!}{2! \cdot 2!} - \frac{7!}{2! \cdot 2!} = 39060$  số thỏa mãn yêu cầu. □

## BÀI TẬP XÁC SUẤT THỐNG KÊ

### Bài 1:

Có 30 đề thi trong đó có 10 đề khó, 20 đề trung bình. Tìm xác suất để:

- Một Học sinh bắt một đề gặp được đề trung bình.
- Một Học sinh bắt hai đề, được ít nhất một đề trung bình.

#### Giải

- a) Gọi A là biến cố Học sinh bắt được đề trung bình:

$$P(A) = \frac{C_{20}^1}{C_{30}^1} = \frac{20}{30} = \frac{2}{3}$$

- b) Gọi B là biến cố học sinh bắt được 1 đề trung bình và một đề khó

Gọi C là biến cố học sinh bắt được 2 đề trung bình.

Gọi D là biến cố học sinh bắt hai đề, được ít nhất một đề trung bình.

$$\text{Khi đó: } P(D) = \frac{C_{20}^1 \cdot C_{10}^1 + C_{20}^2}{C_{30}^2} = \frac{200 + 190}{435} = 0,896$$

### Bài 2:

Có hai lớp 10A và 10 B mỗi lớp có 45 học sinh, số học sinh giỏi văn và số học sinh giỏi toán được cho trong bảng sau. Có một đoàn thanh tra. Hiệu trưởng nên mời vào lớp nào để khả năng gặp được một em giỏi ít nhất một môn là cao nhất?

Giỏi \ Lớp	10A	10B
Văn	25	25
Toán	30	30
Văn và Toán	20	10

#### Giải

Gọi V là biến cố học sinh giỏi Văn, T là biến cố học sinh giỏi Toán.

Ta có: Lớp 10A

$$P(V + T) = P(V) + P(T) - P(VT) = \frac{25}{45} + \frac{30}{45} - \frac{20}{45} = \frac{7}{9}$$

Lớp 10B:

$$P(V + T) = P(V) + P(T) - P(VT) = \frac{25}{45} + \frac{30}{45} - \frac{10}{45} = 1$$

Vậy nên chọn lớp 10B.

### Bài 3:

Lớp có 100 Sinh viên, trong đó có 50 SV giỏi Anh Văn, 45 SV giỏi Pháp Văn, 10 SV giỏi cả hai ngoại ngữ. Chọn ngẫu nhiên một sinh viên trong lớp. Tính xác suất:

- Sinh viên này giỏi ít nhất một ngoại ngữ.
- Sinh viên này không giỏi ngoại ngữ nào hết.

- c) Sinh viên này chỉ giỏi đúng một ngoại ngữ.  
d) Sinh viên này chỉ giỏi duy nhất môn Anh Văn.

**Giải**

a) Gọi A là biến cố Sinh viên giỏi Anh Văn.

Gọi B là biến cố Sinh viên giỏi Pháp Văn.

Gọi C là biến cố Sinh viên giỏi ít nhất một ngoại ngữ.

$$P(C) = P(A + B) = P(A) + P(B) - P(AB) = \frac{50}{100} + \frac{45}{100} - \frac{10}{100} = 0,85$$

b) Gọi D là biến cố Sinh viên này không giỏi ngoại ngữ nào hết.

$$P(D) = 1 - P(C) = 1 - 0,85 = 0,15$$

$$c) P(\overline{AB} + A\overline{B}) = P(A) + P(B) - 2P(AB) = \frac{50}{100} + \frac{45}{100} - 2 \cdot \frac{10}{100} = 0,75$$

$$d) P(A\overline{B}) = P(A) - P(AB) = \frac{50}{100} - \frac{10}{100} = 0,4$$

**Bài 4:**

Trong một hộp có 12 bóng đèn, trong đó có 3 bóng hỏng. Lấy ngẫu nhiên không hoàn lại ba bóng để dùng. Tính xác suất để:

- a) Cả ba bóng đều hỏng.  
b) Cả ba bóng đều không hỏng?  
c) Có ít nhất một bóng không hỏng?  
d) Chỉ có bóng thứ hai hỏng?

**Giải**

Gọi F là biến cố mà xác suất cần tìm và  $A_i$  là biến cố bóng thứ i hỏng

$$a) P(F) = P(A_1 A_2 A_3) = P(A_1) P(A_2/A_1) P(A_3/A_1 A_2) = \frac{3}{12} \cdot \frac{2}{11} \cdot \frac{1}{10} = \frac{1}{220}$$

$$b) P(F) = P(\overline{A_1} \cdot \overline{A_2} \cdot \overline{A_3}) = P(\overline{A_1}) P(\overline{A_2}/\overline{A_1}) P(\overline{A_3}/\overline{A_1} \overline{A_2}) = \frac{9}{12} \cdot \frac{8}{11} \cdot \frac{7}{10} = \frac{21}{55}$$

$$c) P(F) = 1 - P(A_1 A_2 A_3) = 1 - \frac{1}{220} = \frac{219}{220}$$

$$d) P(F) = P(\overline{A_1} \cdot A_2 \cdot \overline{A_3}) = P(\overline{A_1}) P(A_2/\overline{A_1}) P(\overline{A_3}/\overline{A_1} A_2) = \frac{9}{12} \cdot \frac{3}{11} \cdot \frac{8}{10} = \frac{9}{55}$$

**Bài 5:**

Một sọt Cam có 10 trái trong đó có 4 trái hư. Lấy ngẫu nhiên ra ba trái.

- a) Tính xác suất lấy được 3 trái hư.  
b) Tính xác suất lấy được 1 trái hư.  
c) Tính xác suất lấy được ít nhất một trái hư.  
d) Tính xác suất lấy được nhiều nhất 2 trái hư.

**Giải**

Gọi X là số trái hư trong ba trái lấy ra.  $X : H(10, 4, 3)$

$$\text{a) } P(X=3) = \frac{C_4^3}{C_{10}^3} = \frac{4}{120} = 0,03$$

$$\text{b) } P(X=1) = \frac{C_4^1 C_6^2}{C_{10}^3} = \frac{60}{120} = 0,5$$

$$\text{c) } P(X \geq 1) = 1 - P(X < 1) = 1 - \frac{C_6^3}{C_{10}^3} = 0,83$$

$$\text{d) } P(X \leq 2) = P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) = 0,97$$

**Bài 6:**

Một gia đình có 10 người con. Giả sử xác suất sinh con trai, con gái như nhau. Tính xác suất:

- a) Không có con trai.
- b) Có 5 con trai và 5 con gái.
- c) Số trai từ 5 đến 7.

**Giải**

Gọi X là số con trai trong 10 người con. Ta có:  $X : B\left(10, \frac{1}{2}\right)$

$$\text{a) } P(X=0) = C_{10}^0 \left(\frac{1}{2}\right)^0 \left(\frac{1}{2}\right)^{10} = \frac{1}{1024}$$

$$\text{b) } P(X=5) = C_{10}^5 \left(\frac{1}{2}\right)^5 \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{63}{256} = 0,25$$

$$\begin{aligned} \text{c) } P(5 \leq X \leq 7) &= C_{10}^5 \left(\frac{1}{2}\right)^5 \left(\frac{1}{2}\right)^5 + C_{10}^6 \left(\frac{1}{2}\right)^6 \left(\frac{1}{2}\right)^4 + C_{10}^7 \left(\frac{1}{2}\right)^7 \left(\frac{1}{2}\right)^3 \\ &= \frac{582}{1024} = 0,6 \end{aligned}$$

**Bài 7:** Trọng lượng của 1 gói đường (đóng bằng máy tự động) có phân phối chuẩn. Trong 1000 gói đường có 70 gói có trọng lượng lớn hơn 1015 g. Hãy ước lượng xem có bao

nhieu gói đường có trọng lượng ít hơn 1008 g. Biết rằng trọng lượng trung bình của 1000 gói đường là 1012 g

### Giải

Gọi X là trọng lượng trung bình của 1 gói đường (g).

$$X : N(1012g, \sigma^2)$$

$$P(X > 1015) = 0,07 = 0,5 - \Phi\left(\frac{1015 - 1012}{\sigma}\right)$$

$$\Rightarrow \Phi\left(\frac{3}{\sigma}\right) = 0,43 \approx 0,4306 \Rightarrow \frac{3}{\sigma} = 1,48 \text{ ( tra bảng F)}$$

$$\Rightarrow \sigma = \frac{3}{1,48} = 2,0325$$

$$\begin{aligned} \text{Vậy } P(X < 1008) &= 0,5 - \Phi\left(\frac{1008 - 1012}{2,0325}\right) = 0,5 - \Phi(1,97) = \\ &= 0,5 - 0,4756 = 0,0244 = 2,44\% \end{aligned}$$

Do đó trong 1000 gói đường sẽ có khoảng  $1000 \times 0,0244 = 24,4$  gói đường có trọng lượng ít hơn 1008 g.

**Bài 8:** Lãi suất (%) đầu tư vào một dự án năm 2000 được coi như là một đại lượng ngẫu nhiên có phân phối chuẩn. Theo đánh giá của ủy ban đầu tư thì lãi suất cao hơn 20% có xác suất 0,1587, và lãi suất cao hơn 25% có xác suất là 0,0228. Vậy khả năng đầu tư mà không bị thua lỗ là bao nhiêu?

### Giải

Gọi X là lãi suất đầu tư vào dự án.

$$X : N(\mu, \sigma^2), \mu, \sigma^2 \text{ chưa biết.}$$

$$\begin{cases} P(X > 20) = 0,5 - \Phi\left(\frac{20 - \mu}{\sigma}\right) = 0,1587 \\ P(X > 25) = 0,5 - \Phi\left(\frac{25 - \mu}{\sigma}\right) = 0,0228 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Phi\left(\frac{20-\mu}{\sigma}\right) = 0,3413 = \Phi(1) \\ \Phi\left(\frac{25-\mu}{\sigma}\right) = 0,4772 = \Phi(2) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{20-\mu}{\sigma} = 1 \\ \frac{25-\mu}{\sigma} = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \mu = 15 \\ \sigma = 5 \end{cases}$$

$$\text{Để có lãi thì: } P(X > 0) = 0,5 - \Phi\left(\frac{0-15}{5}\right) = 0,5 + \Phi(3) = 0,5 + 0,4987 = 0,9987$$

Bài 9: Nhà máy sản xuất 100.000 sản phẩm trong đó có 30.000 sản phẩm loại 2, còn lại là sản phẩm loại 1. KCS đến kiểm tra và lấy ra 500 sản phẩm để thử.

Trong 2 trường hợp chọn lập và chọn không lập. Hãy tính xác suất để số sản phẩm loại 2 mà KCS phát hiện ra:

- a) Từ 145 đến 155                      b) Ít hơn 151

### **Giải**

*Trường hợp chọn lập:*

Gọi X là số sản phẩm loại 2 có trong 500 sản phẩm đem kiểm tra.

Ta có:  $X : B(500; 0,3)$

Do  $n = 500$  khá lớn,  $p = 0,3$  (không quá 0 và 1)

Nên ta xấp xỉ theo chuẩn:  $X : N(150; 105)$

$$\begin{aligned} \text{a) } P(145 \leq X \leq 155) &= \Phi\left(\frac{155-150}{\sqrt{105}}\right) - \Phi\left(\frac{145-150}{\sqrt{105}}\right) = \\ &= \Phi(4,87) + \Phi(4,87) = 0,5 + 0,5 = 1 \end{aligned}$$

$$\text{b) } P(0 \leq X \leq 150) = \Phi\left(\frac{150-150}{\sqrt{105}}\right) - \Phi\left(\frac{0-150}{\sqrt{105}}\right) = 0 + \Phi(14,6) = 0,5$$

*Trường hợp chọn lập:*

$X : H(100.000; 30.000; 500)$  X có phân phối siêu bội.

Do  $N = 100.000 \gg n = 500$  nên ta xấp xỉ theo nhị thức.

$$X : B(500; 0,3) \text{ với } p = \frac{30.000}{100.000} = 0,3$$

Kết quả giống như trên.

**Bài 10:**

Tuổi thọ của một loại bóng đèn được biết theo quy luật chuẩn với độ lệch chuẩn 100 giờ.

1) Chọn ngẫu nhiên 100 bóng để thử nghiệm, thấy mỗi bóng tuổi thọ trung bình là 1000 giờ. Hãy ước lượng tuổi thọ trung bình của bóng đèn xí nghiệp sản xuất với độ tin cậy 95%.

2) Với độ chính xác là 15 giờ. Hãy xác định độ tin cậy.

3) Với độ chính xác là 25 giờ và độ tin cậy là 95% thì cần thử nghiệm bao nhiêu bóng?

**Giải**

Áp dụng trường hợp:  $n \geq 30, \sigma^2$  đã biết

$$1) n = 100, \bar{x} = 1000, \gamma = 1 - \alpha = 95\%, \sigma = 100$$

$$2\phi(t) = 1 - \alpha = 95\% = 0,95 \Leftrightarrow \phi(t) = 0,475 \text{ nên } t_\alpha = 1,96$$

$$a_1 = \bar{x} - t_\alpha \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 1000 - 1,96 \cdot \frac{100}{\sqrt{100}} = 980,4$$

$$a_2 = \bar{x} + t_\alpha \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 1000 + 1,96 \cdot \frac{100}{\sqrt{100}} = 1019,6$$

Vậy với độ tin cậy là 95% thì tuổi thọ trung bình của bóng đèn mà xí nghiệp sản xuất ở vào khoảng (980,4 ; 1019,6) giờ.

$$2) \varepsilon = 15, n = 100$$

$$t_\alpha = \frac{15\sqrt{100}}{100} = 1,5 \Rightarrow \phi(t_\alpha) = \phi(1,5) = 0,4332 \text{ (bảng F)}$$

$$\text{Vậy độ tin cậy } \gamma = 1 - \alpha = 2\phi(t_\alpha) = 0,8664 = 86,64\%$$

$$3) \varepsilon = 25, \gamma = 95\%, \sigma = 100$$

Do  $\gamma = 95\%$  nên  $t_{\alpha} = 1,96$

$$n = \left\lceil \frac{t_{\alpha}^2 \sigma^2}{\epsilon^2} \right\rceil + 1 = \left\lceil \frac{(1,96)^2 \cdot 100^2}{25^2} \right\rceil + 1 = \lceil 61,466 \rceil + 1 = 61 + 1 = 62$$

**Bài 11:**

Trọng lượng các bao bột mì tại một cửa hàng lương thực là một đại lượng ngẫu nhiên có phân phối chuẩn. Kiểm tra 20 bao, thấy trọng lượng trung bình của mỗi bao bột mì là: 48 kg, và phương sai mẫu điều chỉnh là  $s^2 = (0,5 \text{ kg})^2$ .

1) Với độ tin cậy 95% hãy ước lượng trọng lượng trung bình của một bao bột mì thuộc cửa hàng.

2) Với độ chính xác 0,26 kg, xác định độ tin cậy.

3) Với độ chính xác 160 g, độ tin cậy là 95% . Tính cỡ mẫu n?

**Giải**

1) Áp dụng trường hợp:  $n < 30, \sigma^2$  chưa biết

$$n = 20, \bar{x} = 48, \gamma = 95\%, s = 0,5$$

$$\gamma = 0,95 \Rightarrow t_{\alpha}^{19} = 2,093 \text{ (tra bảng H)}$$

$$a_1 = \bar{x} - t_{\alpha}^{n-1} \frac{s}{\sqrt{n}} = 48 - 2,093 \cdot \frac{0,5}{\sqrt{20}} = 47,766$$

$$a_2 = \bar{x} + t_{\alpha}^{n-1} \frac{s}{\sqrt{n}} = 48 + 2,093 \cdot \frac{0,5}{\sqrt{20}} = 48,234$$

Vậy với độ tin cậy là 95%, trọng lượng trung bình của một bao bột mì thuộc cửa hàng (47,766; 48,234) kg

2)  $\epsilon = 0,26, n = 20$

$$t_{\alpha}^{n-1} = \frac{0,26\sqrt{20}}{0,5} = 2,325 \approx 2,3457$$

Tra bảng H  $\Rightarrow \gamma = 97\%$

Vậy với độ chính xác 0,26 kg thì độ tin cậy là 97%



$$3) \varepsilon = 0,16 \text{ kg}, \gamma = 95\% \Rightarrow t_{\alpha} = 1,96$$

Do  $\gamma = 95\%$  nên  $t_{\alpha} = 1,96$

$$n = \left\lceil \frac{t_{\alpha}^2 s^2}{\varepsilon^2} \right\rceil + 1 = \left\lceil \frac{(1,96)^2 \cdot (0,5)^2}{(0,16)^2} \right\rceil + 1 = [37,51] + 1 = 37 + 1 = 38$$

### Bài 12:

Để ước lượng tỉ lệ sản phẩm xấu của một kho đồ hộp, người ta kiểm tra ngẫu nhiên 100 hộp thấy có 11 hộp xấu.

1) Ước lượng tỷ lệ sản phẩm xấu của kho đồ hộp với độ tin cậy 94%.

2) Với sai số cho phép  $\varepsilon = 3\%$ , hãy xác định độ tin cậy.

### **Giải**

$$\text{Ta có: } n = 100, f = \frac{11}{100} = 0,11$$

1) Áp dụng công thức ước lượng tỷ lệ:

$$\gamma = 94\% = 0,94 \Rightarrow t_{\alpha} = 1,8808 \quad (\text{tra bảng G})$$

$$p_1 = 0,11 - 1,8808 \frac{\sqrt{0,11(1-0,11)}}{\sqrt{100}} = 0,051$$

$$p_2 = 0,11 + 1,8808 \frac{\sqrt{0,11(1-0,11)}}{\sqrt{100}} = 0,169$$

Với độ tin cậy 94%, tỷ lệ sản phẩm xấu của kho đồ hộp vào khoảng (0,051; 0,169)  
 $\Rightarrow 5,1\% < p < 16,9\%$

$$2) \varepsilon = 3\% = 0,03$$

$$t_{\alpha} = \frac{\varepsilon \sqrt{n}}{\sqrt{f(1-f)}} = \frac{0,03 \sqrt{100}}{\sqrt{0,11(1-0,11)}} = 0,96$$

$$\phi(0,96) = 0,3315 \Rightarrow \gamma = 2\phi(t_{\alpha}) = 2 \cdot 0,3315 = 0,663 = 66,3\%$$

### Bài 13:

Giám đốc một xí nghiệp cho biết lương trung bình của một công nhân thuộc xí nghiệp là 380 nghìn đồng/ tháng. Chọn ngẫu nhiên 36 công nhân thấy lương trung bình là 350 nghìn đồng/ tháng, với độ lệch chuẩn  $\sigma = 40$  nghìn. Lời báo cáo của giám đốc có tin cậy được không, với mức ý nghĩa là 5%.

### Giải

Giả thiết:  $H_0: a = 380; H_1: a \neq 380$

A là tiền lương trung bình thực sự của công nhân.

$a_0 = 380$ : là tiền lương trung bình của công nhân theo lời giám đốc.

$\bar{x} = 350, n = 36 > 30, \sigma = 40, \alpha = 5\%$

Do  $\alpha = 5\% \Rightarrow \gamma = 1 - \alpha = 0,95 \Rightarrow t_{\alpha} = 1,96$

Ta có:  $|t| = \frac{|\bar{x} - a_0| \sqrt{n}}{\sigma} = \frac{|350 - 380| \sqrt{36}}{40} = 4,5 > 1,96$ . Bác bỏ  $H_0$

Kết luận: với mức ý nghĩa là 5% không tin vào lời giám đốc. Lương trung bình thực sự của công nhân nhỏ hơn 380 nghìn đồng/ tháng.

### Bài 14:

Một cửa hàng thực phẩm nhận thấy thời gian vừa qua trung bình một khách hàng mua 25 nghìn đồng thực phẩm trong ngày. Nay cửa hàng chọn ngẫu nhiên 15 khách hàng thấy trung bình một khách hàng mua 24 nghìn đồng trong ngày và phương sai mẫu điều chỉnh là  $s^2 = (2 \text{ nghìn đồng})^2$ . Với mức ý nghĩa là 5%, thử xem có phải sức mua của khách hàng hiện nay thực sự giảm sút.

### Giải

Giả thiết:  $H_0: a=25$

a là sức mua của khách hàng hiện nay.

$a_0 = 25$  là sức mua của khách hàng trước đây.

$n = 15, \bar{x} = 24, s = 2, \alpha = 5\%$

Do  $\alpha = 5\% \Rightarrow \gamma = 0,95 \Rightarrow t_{\alpha}^{n-1} = t_{0,05}^{14} = 2,1448$  ( tra bảng H)

$|t| = \frac{|\bar{x} - a_0| \sqrt{n}}{s} = \frac{|24 - 25| \sqrt{15}}{2} = 1,9364 < t_{\alpha}^{n-1}$

Vậy ta chấp nhận  $H_0$

Kết luận: Với mức ý nghĩa là 5%, sức mua của khách hàng hiện nay không giảm sút.

Bài 15:

Theo một nguồn tin thì tỉ lệ hộ dân thích xem dân ca trên tivi là 80%. Thăm dò 36 hộ dân thấy có 25 hộ thích xem dân ca.

Với mức ý nghĩa là 5%, kiểm định xem nguồn tin này có đáng tin cậy không?

**Giải**

Giả thiết  $H_0: p = 0,8$ ,  $H_1: p \neq 0,8$

$p$  là tỷ lệ hộ dân thực sự thích xem dân ca.

$p_0 = 0,8$  là tỷ lệ hộ dân thích xem dân ca theo nguồn tin.

$$n = 36; f = \frac{25}{36} = 0,69; \alpha = 5\%$$

$$\alpha = 5\% \Rightarrow \gamma = 0,95 \Rightarrow t_{\alpha} = 1,96$$

$$|t| = \frac{|f - p_0| \sqrt{n}}{\sqrt{p_0 q_0}} = \frac{|0,69 - 0,8| \sqrt{36}}{\sqrt{0,2 \cdot 0,8}} = 1,65 < t_{\alpha} = 1,96$$

Chấp nhận  $H_0$ .

Kết luận: Với mức ý nghĩa là 5%, nguồn tin này là đáng tin cậy.

## Bài tập về biến cố xác suất

7. Một hòm có 9 tấm thẻ đánh số từ 1 đến 9. Chọn ngẫu nhiên ra hai tấm thẻ. Tính xác suất để tích của hai số trên hai tấm thẻ là một số chẵn.
8. ở một nước có 50 tỉnh, mỗi tỉnh có hai đại biểu Quốc hội. Người ta chọn ra ngẫu nhiên 50 đại biểu trong số 100 đại biểu để thành lập một uỷ ban. Tính xác suất để :
- Trong uỷ ban có ít nhất một đại biểu của thủ đô.
  - Mỗi tỉnh có đúng 1 đại biểu trong uỷ ban.

Tiếp nè:

bài 7.

Số trong các tấm thẻ là: 1 2 3 4 5 6 7 8 9

Tổng là 9 số, trong đó có 4 số chẵn. Để tích của 2 số là trên 2 tấm thẻ là số chẵn thì trong 2 số phải có ít nhất 1 số chẵn. Vậy xác suất để chọn được 1 tấm thẻ có số chẵn là:  $4/9$

bài 8.

a) Số cách chọn ngẫu nhiên 50 người trong tổng số 100 người:  $A = 100C50$

Số cách chọn mà trong đó có ít nhất 1 đại biểu của thủ đô:

- Có duy nhất 1 đại biểu:  $2 \cdot 98C48$  cách

- Có cả 2 đại biểu :  $1 \cdot 98C48$  cách

--> Số cách chọn  $n = 3 \cdot 98C48$

Xác suất =  $n/A = 49/66$

b) Số cách chọn mà mỗi tỉnh chỉ có 1 đại biểu: 1 cách

xác suất =  $1/[100C50]$

=====Gộp 2 bài viết liên tiếp=====

3. Một khách sạn có 6 phòng đơn. Có 10 khách đến thuê phòng, trong đó có 6 nam và 4 nữ. Người quản lí chọn ngẫu nhiên 6 người.

Tính xác suất để :

a) Cả 6 người đều là nam.

b) Có 4 nam và 2 nữ.

c) Có ít nhất hai nữ.

6. Một công ty cần tuyển 2 nhân viên. Có 6 người nộp đơn trong đó có 4 nữ và 2 nam. Khả năng được tuyển của mỗi người là như nhau.

a) Tính xác suất để cả hai nữ được chọn nếu biết rằng ít nhất một nữ đã được chọn.

b) Giả sử Hoa là một trong 4 nữ. Tính xác suất để Hoa được chọn. Tính xác suất để Hoa được chọn nếu biết rằng ít nhất một nữ đã được chọn.

Bài 6.

a) Xác suất 1 nữ được chọn trong số còn lại là:  $3/5$ . Vậy xác suất để cả 2 nữ đc chọn là:  $3/5$

b) - Xác suất để Hoa được chọn là:  $5/6C2 = 1/3$

- Nếu 1 bạn nữ đã được chọn thì xác suất của Hoa là :  $1/5$

Bài 3.

Số cách chọn 6 trong số 10 người :  $10C6$

a)

Xác suất để cả 6 người là nam:  $1/10C6$

b)

Số cách chọn 4 nam:  $6C4$

Số cách chọn 2 nữ:  $4C2$

Số cách chọn 4 nam và 2 nữ:  $6C4 \cdot 4C2$

Xác suất là  $[6C4 \cdot 4C2 / 10C6] = 3/7$

c)

Chỉ có 2 nữ:  $n1 = 4C2 \cdot 6C4$  cách

Chỉ có 3 nữ:  $n2 = 4C3 \cdot 6C3$  cách

Chỉ có 4 nữ:  $n3 = 4C4 \cdot 6C2$  cách

Tổng số cách:  $n1 + n2 + n3 = 185$  cách

xác suất:  $185/10C6 = 37/42$

9. Tính xác suất để 12 người chọn ngẫu nhiên có ngày sinh rơi vào 12 tháng khác nhau.

10. Trong một tuần lễ vừa qua ở thành phố có 7 tai nạn giao thông. Tính xác suất để mỗi ngày có đúng một tai nạn.

Bài 9. Xác suất sẽ giảm dần từ người được chọn đầu tiên cho đến cuối cùng. Tức là:  $12/12 \cdot 11/12 \cdot 10/12 \dots 2/12 \cdot 1/12 = 12!/12^{12}$

Bài 10. Hai bài này tương tự:  $7/7 \cdot 6/7 \cdot 5/7 \dots 2/7 \cdot 1/7 = 7!/7^7$

Mình học qua xác suất lâu rồi nếu làm không đúng thì bạn đừng cười nha.

=====Gộp 2 bài viết liên tiếp=====

---