# BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

ÉPREUVE D'ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

## **SESSION 2024**

# **NUMÉRIQUE ET SCIENCES INFORMATIQUES**

Bac Blanc - 20 mars 2024

Durée de l'épreuve : 3 heures 30

L'usage de la calculatrice n'est pas autorisé.

Dès que ce sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

Ce sujet comporte 14 pages numérotées de 1 / 14 à 14 / 14.

Le sujet est composé de trois exercices indépendants.

Page: 1 / 14

## **EXERCICE 1 (6 points)**

Cet exercice porte sur la notion de listes, la récursivité et la programmation dynamique.

Pour extraire de l'eau dans des zones de terrain instable, on souhaite forer un conduit dans le sol pour réaliser un puits tout en préservant l'intégrité du terrain. Pour représenter cette situation, on va considérer qu'en forant à partir d'une position en surface, on s'enfonce dans le sol en allant à gauche ou à droite à chaque niveau, jusqu'à atteindre le niveau de la nappe phréatique.

Le sol pourra donc être représenté par une pyramide d'entiers où chaque entier est le score de confiance qu'on a dans le forage de la zone correspondante. Une telle pyramide est présentée sur la figure 1, à gauche, les flèches indiquant les différents déplacements possibles d'une zone à une autre au cours du forage.

Un conduit doit partir du sommet de la pyramide et descendre jusqu'au niveau le plus bas, où se situe l'eau, en suivant des déplacements élémentaires, c'est-à-dire en choisissant à chaque niveau de descendre sur la gauche ou sur la droite. Le score de confiance d'un conduit est la somme des nombres rencontrés le long de ce conduit. Le conduit gris représenté à droite sur la figure 1 a pour score de confiance 4+2+5+1+3=15.

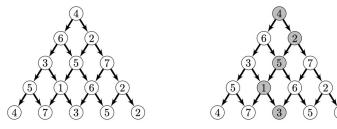


Figure 1.

On va utiliser un ordinateur pour chercher à résoudre ce problème. Pour cela, on représente chaque niveau par la liste des nombres de ce niveau et une pyramide par une liste de niveaux.

La pyramide ci-dessus est donc représentée par la liste de listes

$$ex1 = [[4], [6,2], [3,5,7], [5,1,6,2], [4,7,3,5,2]].$$

1. Dessiner la pyramide représentée par la liste de listes

$$ex2 = [[3], [1,2], [4,5,9], [3,6,2,1]].$$

2. Déterminer un conduit de score de confiance maximal dans la pyramide ex2 et donner son score.

Page: 2 / 14

On souhaite déterminer le score de confiance maximal pouvant être atteint pour une pyramide quelconque. Une première idée consiste à énumérer tous les conduits et à calculer leur score pour déterminer les meilleurs.

3. Énumérer les conduits dans la pyramide de trois niveaux représentée sur la figure 2.

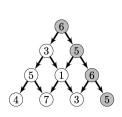


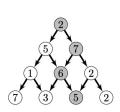
Figure 2.

Afin de compter le nombre de conduits pour une pyramide de n niveaux, on remarque qu'un conduit est uniquement représenté par une séquence de n déplacements gauche ou droite.

- 4. En considérant un codage binaire d'un tel conduit, où gauche est représenté par 0 et droite par 1, déterminer le nombre de conduits dans une pyramide de n niveaux.
- 5. Justifier que la solution qui consiste à tester tous les conduits possibles pour calculer le score de confiance maximal d'une pyramide n'est pas raisonnable.

On dira dans la suite qu'un conduit est maximal si son score de confiance est maximal. Afin de pouvoir calculer efficacement le score maximal, on peut analyser la structure des conduits maximaux.





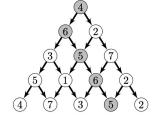


Figure 3.

- **Première observation**: si on a des conduits maximaux cm1 et cm2 (représentés en gris dans la figure 3) pour les deux pyramides obtenues en enlevant le sommet de ex1, on obtient un conduit maximal en ajoutant le sommet 4 devant le conduit de plus grand score parmi cm1 et cm2. Ici le score de cm1 est 6+5+6+5=22 et le score de cm2 est 2+7+6+5=20 donc le conduit maximal dans ex1 est celui obtenu à partir de cm1 et dessiné à droite dans la figure 3.
- Deuxième observation: si la pyramide n'a qu'un seul niveau, il n'y a que le sommet, dans ce cas, il n'y a pas de choix à faire, le seul conduit possible est celui qui contient le sommet et le nombre de ce sommet est le score maximal que l'on peut obtenir.

Page: 3 / 14

Avec ces deux observations, on peut calculer le score maximal possible pour un conduit dans une pyramide p par récurrence. Posons  $score_{max(i,j)}$  le score maximal possible depuis le nombre d'indice j du niveau i, c'est-à-dire dans la petite pyramide issue de ce nombre. On a alors les relations suivantes :

```
    score_max(len(p)-1,j,p) = p[len(p)-1][j];
    score_max(i,j,p) = p[i][j] +
max(score_max(i+1,j,p),score_max(i+1,j+1,p)).
```

Le score maximal possible pour p toute entière sera alors score\_max(0,0,p).

6. Écrire la fonction récursive score max qui implémente les règles précédentes.

Si on suit à la lettre la définition de score\_max, on obtient une résolution dont le coût est prohibitif à cause de la redondance des calculs. Par exemple score\_max(3,1,p) va être calculé pour chaque appel à score\_max(2,0,p) et score\_max(2,1,p). Pour éviter cette redondance, on décide de mettre en place une approche par programmation dynamique. Pour cela, on va construire une pyramide s dont le nombre à l'indice j du niveau i correspond à score\_max(i,j,p), c'est-à-dire au score maximal pour un conduit à partir du nombre correspondant dans p.

- 7. Écrire une fonction pyramide\_nulle qui prend en paramètre un entier n et construit une pyramide remplie de 0 à n niveaux.
- 8. Compléter la fonction prog\_dyn ci-dessous qui prend en paramètre une pyramide p, et qui renvoie le score maximal pour un conduit dans p. Pour cela, on construit une pyramide s remplie de 0 de la même taille et la remplit avec les valeurs de score\_max en commençant par le dernier niveau et en appliquant petit à petit les relations données ci-dessus.

```
def prog dyn(p):
2
      n = len(p)
3
4
      # remplissage du dernier niveau
5
      for j in ...
6
          s[n-1][j] = ...
7
      # remplissage des autres niveaux
8
      for i in ...
9
          for j in ...
10
              s[i][j] = ...
11
      # renvoie du score maximal
12
      return s[0][0]
```

- 9. Montrer que le coût d'exécution de cette fonction est quadratique en n pour une pyramide à n niveaux.
- 10. Expliquer comment adapter la fonction score\_max pour éviter la redondance des calculs afin d'obtenir également un coût quadratique, tout en gardant une approche récursive.

## **EXERCICE 2 (6 points)**

Cet exercice porte sur les systèmes d'exploitation, les commandes UNIX, les structures de données (de type LIFO et FIFO) et les processus.

"Linux ou GNU/Linux est une famille de systèmes d'exploitation open source de type Unix fondée sur le noyau Linux, créé en 1991 par Linus Torvalds. De nombreuses distributions Linux ont depuis vu le jour et constituent un important vecteur de popularisation du mouvement du logiciel libre."

Source : Wikipédia, extrait de l'article consacré à GNU/Linux.

"Windows est au départ une interface graphique unifiée produite par Microsoft, qui est devenue ensuite une gamme de systèmes d'exploitation à part entière, principalement destinés aux ordinateurs compatibles PC. Windows est un système d'exploitation propriétaire."

Source : Wikipédia, extrait de l'article consacré à Windows.

- 1. Expliquer succinctement les différences entre les logiciels libres et les logiciels propriétaires.
- 2. Expliquer le rôle d'un système d'exploitation.

On donne ci-dessous une arborescence de fichiers sur un système GNU/Linux (les noms encadrés représentent des répertoires, les noms non encadrés représentent des fichiers, / correspond à la racine du système de fichiers) :

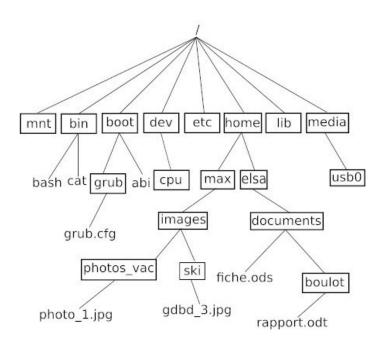


Figure 1. Arborescence de fichiers

3. Indiquer le chemin absolu du fichier rapport.odt.

Page: 5 / 14

On suppose que le répertoire courant est le répertoire elsa.

4. Indiquer le chemin relatif du fichier photo 1.jpg.

L'utilisatrice Elsa ouvre une console (aussi parfois appelée terminal), le répertoire courant étant toujours le répertoire elsa. On fournit ci-dessous un extrait du manuel de la commande UNIX cp :

```
NOM

cp - copie un fichier

UTILISATION

cp fichier_source fichier_destination
```

5. Déterminer le contenu du répertoire documents et du répertoire boulot après avoir exécuté la commande suivante dans la console :

```
cp documents/fiche.ods documents/boulot
```

"Un système d'exploitation est multitâche (en anglais : multitasking) s'il permet d'exécuter, de façon apparemment simultanée, plusieurs programmes informatiques. GNU/Linux, comme tous les systèmes d'exploitation modernes, gère le multitâche."

"Dans le cas de l'utilisation d'un monoprocesseur, la simultanéité apparente est le résultat de l'alternance rapide d'exécution des processus présents en mémoire."

Source : Wikipédia, extraits de l'article consacré au Multitâche.

Dans la suite de l'exercice, on s'intéresse aux processus. On considère qu'un monoprocesseur est utilisé. On rappelle qu'un processus est un programme en cours d'exécution. Un processus est soit élu, soit bloqué, soit prêt.

6. Recopier et compléter le schéma ci-dessous avec les termes suivants : élu, bloqué, prêt, élection, blocage, déblocage.

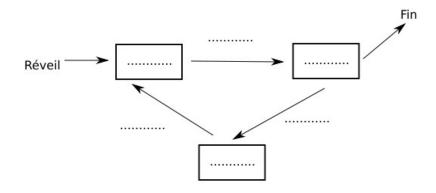


Figure 2. Schéma processus

7. Donner l'exemple d'une situation qui contraint un processus à passer de l'état élu à l'état bloqué.

Page: 6 / 14

"Dans les systèmes d'exploitation, l'ordonnanceur est le composant du noyau du système d'exploitation choisissant l'ordre d'exécution des processus sur le processeur d'un ordinateur."

Source : Wikipédia, extrait de l'article consacré à l'ordonnancement.

L'ordonnanceur peut utiliser plusieurs types d'algorithmes pour gérer les processus.

L'algorithme d'ordonnancement par "ordre de soumission" est un algorithme de type FIFO (First In First Out), il utilise donc une file.

8. Nommer une structure de données linéaire de type LIFO (Last In First Out).

À chaque processus, on associe un instant d'arrivée (instant où le processus demande l'accès au processeur pour la première fois) et une durée d'exécution (durée d'accès au processeur nécessaire pour que le processus s'exécute entièrement).

Par exemple, l'exécution d'un processus P4 qui a un instant d'arrivée égal à 7 et une durée d'exécution égale à 2 peut être représentée par le schéma suivant :



Figure 3. Utilisation du processeur

L'ordonnanceur place les processus qui ont besoin d'un accès au processeur dans une file, en respectant leur ordre d'arrivée (le premier arrivé étant placé en tête de file). Dès qu'un processus a terminé son exécution, l'ordonnanceur donne l'accès au processus suivant dans la file.

Le tableau suivant présente les instants d'arrivées et les durées d'exécution de cinq processus :

5 processus			
Processus	instant d'arrivée	durée d'exécution	
P1	0	3	
P2	1	6	
P3	4	4	
P4	6	2	
P5	7	1	

9. Recopier et compléter le schéma ci-dessous avec les processus P1 à P5 en utilisant les informations présentes dans le tableau ci-dessus et l'algorithme d'ordonnancement "par ordre de soumission".

Page: 7 / 14

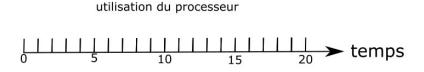


Figure 4. Utilisation du processeur

On utilise maintenant un autre algorithme d'ordonnancement : l'algorithme d'ordonnancement "par tourniquet". Dans cet algorithme, la durée d'exécution d'un processus ne peut pas dépasser une durée Q appelée quantum et fixée à l'avance. Si ce processus a besoin de plus de temps pour terminer son exécution, il doit retourner dans la file et attendre son tour pour poursuivre son exécution.

Par exemple, si un processus P1 a une durée d'exécution de 3 et que la valeur de Q a été fixée à 2, P1 s'exécutera pendant deux unités de temps avant de retourner à la fin de la file pour attendre son tour ; une fois à nouveau élu, il pourra terminer de s'exécuter pendant sa troisième et dernière unité de temps d'exécution.

10. Recopier et compléter le schéma ci-dessous, en utilisant l'algorithme d'ordonnancement "par tourniquet" et les mêmes données que pour la question 9, en supposant que le quantum Q est fixé 2.

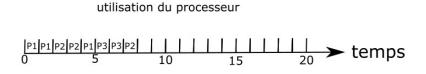


Figure 5. Utilisation du processeur

On considère deux processus P1 et P2, et deux ressources R1 et R2.

11. Décrire une situation qui conduit les deux processus P1 et P2 en situation d'interblocage.

Page: 8 / 14

# **EXERCICE 3 (8 points)**

Cet exercice porte sur la programmation Python (dictionnaire), la programmation orientée objet, les bases de données relationnelles et les requêtes SQL.

Cet exercice est composé de 3 parties indépendantes.

On veut créer une application permettant de stocker et de traiter des informations sur des livres de science-fiction. On désire stocker les informations suivantes :

- l'identifiant du livre (id);
- le titre (titre);
- le nom de l'auteur (nom\_auteur);
- l'année de première publication (ann pub);
- une note sur 10 (note).

Voici un extrait des informations que l'on cherche à stocker :

Livres de science-fiction				
id	titre	auteur	ann_pub	note
1	1984	Orwell	1949	10
2	Dune	Herbert	1965	8
14	Fondation	Asimov	1951	9
4	Ubik	K.Dick	1953	9
8	Blade Runner	K.Dick	1968	8
7	Les Robots	Asimov	1950	10
15	Ravage	Barjavel	1943	6
17	Chroniques martiennes	Bradbury	1950	7
9	Dragon déchu	Hamilton	2003	8
10	Fahrenheit 451	Bradbury	1953	8

Page: 9 / 14

#### Partie A

Dans cette première partie, on utilise un dictionnaire Python. On considère le programme suivant :

1. Déterminer les valeurs des variables a et b après l'exécution de ce programme.

La fonction titre\_livre prend en paramètre un dictionnaire (de même structure que dico\_livres) et un identifiant, et renvoie le titre du livre qui correspond à cet identifiant. Dans le cas où l'identifiant passé en paramètre n'est pas présent dans le dictionnaire, la fonction renvoie None.

```
1 def titre_livre(dico, id_livre):
2     for i in range(len(dico['id'])):
3         if dico['id'][i] == ...:
4         return dico['titre'][...]
5     return ...
```

- 2. Recopier et compléter les lignes 3, 4 et 5 de la fonction titre livre.
- 3. Écrire une fonction note\_maxi qui prend en paramètre un dictionnaire dico (de même structure que dico livres) et qui renvoie la note maximale.
- 4. Écrire une fonction livres\_note qui prend en paramètre un dictionnaire dico (de même structure que dico\_livres) et une note n, et qui renvoie la liste des titres des livres ayant obtenu la note n (on rappelle que t.append(a) permet de rajouter l'élément a à la fin de la liste t).
- 5. Écrire une fonction livre\_note\_maxi qui prend en paramètre un dictionnaire dico (de même structure que dico\_livres) et qui renvoie la liste des titres des livres ayant obtenu la meilleure note sous la forme d'une liste Python.

Page: 10 / 14

#### Partie B

Dans cette partie, on utilise le paradigme orientée objet (POO). On propose deux classes : Livre et Bibliotheque.

```
class Livre:
2
      def __init__(self, id_livre, titre, auteur, ann_pub, note):
3
          self.id = id livre
4
          self.titre = titre
5
          self.auteur = auteur
6
          self.ann pub = ann pub
7
          self.note = note
8
      def get id(self):
9
          return self.id
10
     def get_titre(self):
11
          return self.titre
12
     def get auteur(self):
13
          return self.auteur
14
      def get ann pub(self):
15
          return self.ann pub
16
17 class Bibliotheque:
18 def init (self):
19
          self.liste livre = []
20
      def ajout livre(self, livre):
21
         self.liste livre.append(livre)
22
      def titre livre(self, id livre):
23
           for livre in self.liste livre :
24
              if ... == id livre :
25
                   return ...
26
           return ...
```

- 6. Citer un attribut et une méthode de la classe Livre.
- 7. Écrire la méthode get\_note de la classe Livre. Cette méthode devra renvoyer la note d'un livre.
- 8. Écrire le programme permettant d'ajouter le livre Blade Runner à la fin de la "bibliothèque" en utilisant la classe Livre et la classe Bibliotheque (voir le tableau en début d'exercice).
- 9. Recopier et compléter la méthode titre\_livre de la classe Bibliotheque. Cette méthode prend en paramètre l'identifiant d'un livre et renvoie le titre du livre si l'identifiant existe, ou None si l'identifiant n'existe pas.

Page: 11 / 14

### Partie C

On utilise maintenant une base de données relationnelle. Les commandes nécessaires ont été exécutées afin de créer une table livres. Cette table livres contient toutes les données sur les livres. On obtient donc la table suivante :

livres				
id	titre	auteur	ann_pub	note
1	1984	Orwell	1949	10
2	Dune	Herbert	1965	8
14	Fondation	Asimov	1951	9
4	Ubik	K.Dick	1953	9
8	Blade Runner	K.Dick	1968	8
7	Les Robots	Asimov	1950	10
15	Ravage	Barjavel	1943	6
17	Chroniques martiennes	Bradbury	1950	7
9	Dragon déchu	Hamilton	2003	8
10	Fahrenheit 451	Bradbury	1953	8

L'attribut id est la clé primaire pour la table livres.

- 10. Expliquer pourquoi l'attribut auteur ne peut pas être choisi comme clé primaire.
- 11. Donner le résultat renvoyé par la requête SQL suivante :

```
SELECT titre
FROM livres
WHERE auteur = 'K.Dick';
```

- 12. Écrire une requête SQL permettant d'obtenir les titres des livres écrits par Asimov publiés après 1950.
- 13. Écrire une requête SQL permettant de modifier la note du livre Ubik en la passant de 9/10 à 10/10.

On souhaite proposer plus d'informations sur les auteurs des livres. Pour cela, on crée une deuxième table auteurs avec les attributs suivants :

- id de type INT;
- nom de type TEXT;
- prenom de type TEXT;
- année naissance de type INT (année de naissance).

Page: 12 / 14

auteurs			
id	nom	prenom	annee_naissance
1	Orwell	George	1903
2	Herbert	Franck	1920
3	Asimov	Isaac	1920
4	K.Dick	Philip	1928
5	Bradbury	Ray	1920
6	Barjavel	René	1911
7	Hamilton	Peter	1960

### La table livres est aussi modifiée comme suit :

livres				
id	titre	id_auteur	ann_pub	note
1	1984	1	1949	10
2	Dune	2	1965	8
14	Fondation	3	1951	9
4	Ubik	4	1953	9
8	Blade Runner	4	1968	8
7	Les Robots	3	1950	10
15	Ravage	6	1943	6
17	Chroniques martiennes	5	1950	7
9	Dragon déchu	7	2003	8
10	Fahrenheit 451	5	1953	8

- 14. Expliquer l'intérêt d'utiliser deux tables (livres et auteurs) au lieu de regrouper toutes les informations dans une seule table.
- 15. Expliquer le rôle de l'attribut id\_auteur de la table livres.
- 16. Écrire une requête SQL qui renvoie le nom et le prénom des auteurs des livres publiés après 1960.

Page: 13 / 14

17. Décrire par une phrase en français le résultat de la requête SQL suivante :

```
SELECT titre
FROM livres
JOIN auteurs ON id_auteur = auteurs.id
WHERE ann_pub - annee_naissance < 30;</pre>
```

Un élève décide de créer une application d'annuaire pour sa classe. On pourra retrouver, grâce à cette application, différentes informations sur les élèves de la classe : nom, prénom, date de naissance, numéro de téléphone, adresse email, etc.

18. Expliquer en quoi la réalisation de ce projet pourrait être problématique.

Page: 14 / 14