

RSA 1a)

$$C = m^e \bmod n$$

$m = 0$ :

$$C = 0^e \bmod n = 0 \bmod n = 0$$

$m = 1$ :

$$C = 1^e \bmod n = 1 \bmod n = 1$$

$m = n - 1$ :

$$C = (n - 1)^e \bmod n = \begin{cases} 1, & \text{wenn } e \text{ durch } 2 \text{ teilbar} \\ n - 1, & \text{sonst} \end{cases}$$

$$(n - 1)^2 \bmod n = n^2 - 2n + 1 \bmod n = 1$$

$$\begin{aligned} (n - 1)^3 \bmod n &= (n - 1)^2 * (n - 1) \bmod n = (n - 1)^2 \bmod n * (n - 1) \bmod n \\ &= 1 * (n - 1) \bmod n = n - 1 \end{aligned}$$

3-partie-diffiehellmann

Gegeben 3 Kommunikationspartner ( $P_n$ ), 1 öffentlicher Kommunikationskanal.

Öffentliche Einigung auf eine Primzahl  $n$  und einen Generator  $g$ :

Private zufällige Nummer für jeden Teilnehmer:  $x, y, z$

$P_1$  veröffentlicht:  $X = g^x \bmod n$

$P_2$  veröffentlicht:  $Y = g^y \bmod n$

$P_2$  veröffentlicht:  $Z = g^z \bmod n$

$P_1$  veröffentlicht:

1.  $xY = Y^x \bmod n$

2.  $xZ = Z^x \bmod n$

$P_2$  veröffentlicht:

1.  $yZ = Z^y \bmod n$

shared secret:

$$P_3: k = (xY)^z \bmod n = ((g^y)^x)^z \bmod n = g^{yxz} \bmod n$$

$$P_2: k = (xZ)^y \bmod n = ((g^z)^x)^y \bmod n = g^{zxy} \bmod n$$

$$P_1: k = (yZ)^x \bmod n = ((g^z)^y)^x \bmod n = g^{zyx} \bmod n$$

RSA, DH 2b, 4b)

“kleine Zahlen - kleine Sicherheit” - Quelle VL 04