**федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования**

**Санкт-Петербургский национальный исследовательский УНИВЕРСИТЕТ информационных технологий, механики и оптики**

**Факультет программной инженерии и компьютерной техники**

**КУРСОВАЯ РАБОТА**

**ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МОДЕЛИРОВАНИЕ»**

**НА ТЕМУ «ИССЛЕДОВАНИЕ СЕТЕЙ МАССОВОГО ОБСЛУЖИВАНИЯ»**

**ВАРИАНТ 10/5**

**Выполнили:**

Закусило В. А.

Третьяков К. П.

Группа P3301

**Преподаватель:**

Алиев Т. И.

Санкт-Петербург, 2018

Содержание

[Введение 3](#_Toc533319181)

[1. Постановка задачи: 3](#_Toc533319182)

[1.1 Исходные данные 3](#_Toc533319183)

[2. Разработка моделей и проведение над ними экспериментов 4](#_Toc533319184)

[2.1 Разработка аналитических моделей (ЗСеМО) и СеМО (РСеМО) 4](#_Toc533319185)

[2.2Разработка Марковских моделей ЗСеМО 8](#_Toc533319186)

[2.2.1 Экспоненциальная ЗсеМО 8](#_Toc533319187)

[2.2.2 Неэкспоненциальная ЗсеМО (гиперэкспоненциальная) 10](#_Toc533319188)

[2.2.3 Сравнение полученных результатов 12](#_Toc533319189)

[2.3Разработка имитационных моделей СеМО 13](#_Toc533319190)

[2.3.1 ЗСеМО 13](#_Toc533319191)

[2.3.2 ЗСеМО с гиперэкспоненциальным распределением 13](#_Toc533319192)

[2.3.3 Результаты 14](#_Toc533319193)

[Заключение 15](#_Toc533319194)

[Список использованных источников 16](#_Toc533319195)

# Введение

В данной работе проводиться исследование СеМО с использованием различных метод, а именно: численного, аналитического и имитационного. В процессе исследования выявляются различия методов, а также различия, проявляющиеся при преобразовании ЗСеМО в РСеМО.

# 1. Постановка задачи:

Проведение комплексного исследования характеристик функционирования замкнутых и разомкнутых сетей массового обслуживания (СеМО) с однородным потоком заявок с использованием аналитического, численного и имитационного методов моделирования и изучение свойств и закономерностей, присущих процессам, протекающим в них.

## 1.1 Исходные данные

Таблица 1 содержит в себе структурные параметры и количество заявок в ЗСеМО

Таблица

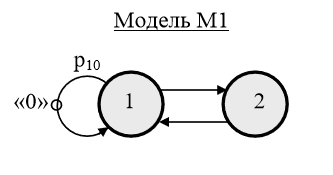
|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| К-во узлов n | Кол-во приборов в узлах | | К-во заявок М | Номер узла | Тип модели | К-во Состояний |
| У1 | У2 |
| 2 | 4 | 1 | 5 | 2 | М1 | 6 |

Для неэкспоненциальной модели СеМО распределение длительности обслуживания заменяется на гиперэкспоненциальное с коэффициентом вариации 2. Таблица 2 содержит вероятности передач и ср. длительности обслуживания заявок в ЗсеМО.

Таблица

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Вероятности передач | | Средние длительности обслуживания, с | |
| p10 | p12 | b1 | b2 |
| 0,1 | 0,9 | 0,2 | 0,5 |

Рисунок 1 демонстрирует тип модели рассматриваемый в курсовой работе.



Рисунок

# 2. Разработка моделей и проведение над ними экспериментов

## 2.1 Разработка аналитических моделей (ЗСеМО) и СеМО (РСеМО)

Разработка аналитических моделей ЗСеМО и РСеМО заключается в подготовке

следующих исходных данных (параметров) для проведения расчетов аналитическими методами:

1) количество узлов СеМО;

N = 2

2) количество обслуживающих приборов в узлах СеМО;

К1 = 4, К2 = 1

3) матрица вероятностей передач и рассчитанные по этой матрице коэффициенты

передач;

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | **0** | **1** | **2** |  |
| **0** | 0 | 1 | 0 |  |
| **1** | 0,1 | 0 | 0,9 |  |
| **2** | 0 | 1 | 0 |  |

Коэффициенты передач: α0= 1, α1=10, α2= 9

4) для замкнутой СеМО - число заявок, циркулирующих в сети, М=5

для разомкнутой СеМО - интенсивность входящего потока заявок, поступающих в сеть (определяется после расчета характеристик замкнутой СеМО и принимается равной производительности ЗСеМО);

5) средние длительности обслуживания заявок в узлах СеМО.

b1 =0,2, b2 = 0,5

Таблица 3 содержит результаты аналитического моделирования.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики СеМО | Замкнутая СеМО | | | Разомкнутая СеМО | | |
| Узел 1 | Узел 2 | Сеть | Узел 1 | Узел 2 | Сеть |
| Загрузка | 0,11 | 0,99 | 1,1 | 0,11 | 0,99 | 1,1 |
| Длина очереди | 0,0001 | 3,6 | 3,6 | 0,0001 | 98 | 98 |
| Число заявок | 0,44 | 4,6 | 5 | 0,44 | 99 | 99,44 |
| Время ожидания, с | 0 | 1,8 | 16 | 0,0001 | 49,5 | 445,5 |
| Время пребывания, с | 0,2 | 2,27 | 22,5 | 0,2 | 50 | 452 |
| Производительность, с-1 |  |  | 0,22 |  |  | 0,22 |

При размыкании ЗСеМО мы видим, что, если брать интенсивность входящего потока равную производительности ЗСеМО, которую мы размыкаем, длина очереди увеличивается в 28 раз, число заявок – в 20 раз, а время ожидания в 122 раза. Это делает невыгодным размыкание данной СеМО для сохранения производительности если за критерий эффективности брать любой из вышеперечисленных параметров.

Начнем изменять число заявок в ЗСеМО и посмотрим, как будут изменяться характеристики. Занесем результаты в Таблицу 4.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики ЗСеМО | | | | | |
| Число заявок | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Длина очереди | 0 | 0,77 | 1,7 | 2,7 | 3,7 |
| Время ожидания, с | 0 | 3 | 7 | 11,5 | 16 |
| Время пребывания, с | 6,5 | 9,6 | 13,6 | 18 | 22,5 |
| Производительность, с-1 | 0,1538 | 0,208 | 0,2201 | 0,222 | 0,222 |

Из Таблицы 4 видно что при числе заявок равным 3 производительность системы перестает изменяться (прирост производительности не превосходит 1-5%). Отсюда можно сделать вывод что критическое число заявок в системе равно 3.

Рисунок 2 демонстрирует зависимости сетевых характеристик ЗСеМО при изменении числа заявок, то есть дает визуальное представление Таблицы 4.

Рисунок

Далее, посмотрим, как изменяются характеристики РСеМО при изменении интенсивности входного потока. Полученные результаты занесем в Таблицу 5

Таблица

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики РСеМО | | | | | |
| Интенсивность потока, с-1 | 0,02 | 0,07 | 0,12 | 0,17 | 0,22 |
| Длинна очереди | 0,011 | 0,16 | 0,67 | 2,67 | 9996 |
| Число заявок | 0,16 | 0,63 | 1,47 | 3,8 | 9999 |
| Время ожидания, с | 0,5 | 2,17 | 5,5 | 15,5 | 44988 |
| Время пребывания с | 7 | 8,7 | 12 | 22 | 44994 |
| Производительность, с-1 | 0,02 | 0,07 | 0,12 | 0,17 | 0,22 |

Из Таблицы 6 мы видим, что предельная интенсивность равна 0,22. В системе появляется режим перегрузки, он характеризуется тем, что система не справляется с возлагаемой на неё нагрузкой. Характеристики функционирования СМО с течением времени растут неограниченно (что мы и видим в таблице)

«Узким местом» является узел 2, для его устранения уменьшаем время обслуживания заявок c 0,5 до 0,25 секунд.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики ЗсеМО | | | | | | |
| Число заявок | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Длина очереди | 0 | 0,44 | 1,2 | 2,13 | 3,11 | 4,11 |
| Время ожидания, с | 0 | 1,19 | 2,84 | 4,85 | 7 | 9 |
| Время пребывания, с | 4,25 | 5,4 | 7 | 9 | 11 | 13,5 |
| Производительность, с-1 | 0,24 | 0,37 | 0,42 | 0,44 | 0,44 | 0,44 |

Мы видим увеличение производительности в 2 раза и сдвиг критического числа заявок, при котором ЗСеМО не увеличивает производительность при превышении числа заявок равного четырем. Наибольшая производительность увеличилась на столько же, на сколько мы уменьшили время обслуживания заявок, т.к. между ними существует линейная зависимость.

На практике увеличение производительности может означать, что если мы строим систему кластеров из вычислительных машин, то при обработке на втором кластере при обработке информации длительностью 0,5 секунд невыгодно повышать количество машин в кластере после 3, если же мы уменьшим длительность обработки в 2 раза (поставив более мощные машины), то их количество мы уже можем повышать до четырех машин.

На Рисунке 3 представлено сравнение характеристик СеМО с «узким местом» и СеМО с устраненным наиболее нагруженным узлом.

Рисунок

При устранении узкого места c помощью уменьшения времени обслуживания в 2 раза производительность выросла при количестве заявок, равном 5, также в два раза. При этом время ожидания уменьшилось в 2 раза, время пребывания – также уменьшится примерно в 2 раза.

Изменим количество приборов во 2-ом узле, который является узким местом, в 2 раза (с 1-го до 2-х). Занесем результаты в Таблицу 7.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики ЗСеМО | | | | | | |
| Число заявок | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Длина очереди | 0 | 0 | 0,43 | 1,2 | 2,1 | 3,1 |
| Время ожидания, с | 0 | 0 | 1,08 | 2,77 | 4,8 | 7 |
| Время пребывания, с | 6,5 | 6,5 | 7,6 | 9,3 | 11 | 13,5 |
| Производительность, с-1 | 0,15 | 0,3 | 0,4 | 0,43 | 0,44 | 0,44 |

Мы видим увеличение производительности в 2 раза, что объясняется увеличением в 2 раза количества приборов. Также мы можем увидеть сдвиг критического числа заявок до 4. Если продолжать аналогию с серверами, мы просто увеличили количество машин во 2-ом кластере (то есть поставили вторую машину с такими же характеристиками). В этом примере мы не учитываем издержки на сообщение распределенных машин, т.к. мы приняли то, что машины не сообщаются друг с другом. При 2-х заявках время ожидания равно нулю, т.к. в обоих узлах находится не меньше двух приборов

Сравним характеристики 2-х СеМО - с устранением «узкого места» с помощью уменьшения времени обслуживания и с помощью увеличения количества приборов, занесем результаты в Таблицу 8.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Уменьшение времени обслуживания | | | | | | Увеличение кол-ва приборов | | | | | | |
| Число заявок | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Длина очереди | 0 | 0,44 | 1,2 | 2,1 | 3,1 | 4,1 | 0 | 0 | 0,427 | 1,2 | 2,1 | 3,1 |
| Время ожидания, с | 0 | 1,2 | 2,8 | 4,9 | 7 | 9 | 0 | 0 | 1,08 | 2,8 | 4,8 | 7 |
| Время пребывания, с | 4,3 | 5,4 | 7 | 9 | 11 | 13,5 | 6,5 | 6,5 | 7,6 | 9,3 | 11 | 13,5 |
| Производительность, с-1 | 0,24 | 0,37 | 0,42 | 0,44 | 0,44 | 0,44 | 0,15 | 0,3 | 0,4 | 0,43 | 0,44 | 0,44 |

Из таблицы можно увидеть, что при уменьшении времени обслуживания время ожидания получается больше, чем при увеличении количества приборов, хотя время пребывания остается таким же. Это происходит из-за большего количества приборов, что значит заявка больше времени будет находиться на обслуживании, чем в случае уменьшения времени ожидания. Также уменьшается длина очереди, что можно тоже объяснить большим количеством приборов. В итоге, если нам необходимо, чтобы очереди были как можно меньше, следует увеличивать количество приборов в узле с «узким местом»

## 2.2Разработка Марковских моделей ЗСеМО

### 2.2.1 Экспоненциальная ЗсеМО

Обозначим состояния системы с помощью E0 – En и представим их в Таблице 9

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Состояние | E0 | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 |
| (К1, К2) | (5,0) | (4,1) | (3,2) | (2,3) | (1,4) | (0,5) |

На Рисунок 4 изображен граф переходов состояний

2p12μ1

4p12μ1

3p12μ1

μ2

p12μ1

4p12μ1

μ2

μ2

μ2

μ2

Рисунок 4

По графу переходов составим матрицу интенсивности и представим в Таблице 10.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 0 | - *p12* | *4p12* |  |  |  |  |
| 1 |  | *-p12* | *4p12* |  |  |  |
| 2 |  |  | *-p12* | *3p12* |  |  |
| 3 |  |  |  | *-p12* | *2p12* |  |
| 4 |  |  |  |  | *-p12* | *p12* |
| 5 |  |  |  |  |  | *-p12* |

Отобразим стационарные вероятности состояний полученные с помощью матрицы интенсивности в Таблице 11.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Состояние | E0 | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 |
| Вероятности | p0 | p1 | p2 | p3 | p4 | p5 |
| 0,0001 | 0,0010 | 0,0094 | 0,0633 | 0,2850 | 0,6412 |

Выполним расчет характеристик и заполним Таблицу 12.

Таблица

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Характеристика | Прибор | Расчетная формула | Результат |
| Загрузка | Уз.1 | Ρ1= p0+p1+(3/4)\*p2+(1/2)\*p3+(1/4)\*p4 | 0,111098 |
| Уз. 2 | ρ2= p1+p2+p3+p4+p5 | 0,999884 |
| Сеть | R=(ρ1+ρ2)/2 | 0,555491 |
| Длина очереди | Уз.1 | l1= p0 | 0,000116 |
| Уз. 2 | l2= p2+2\*p3+3\*p4+4\*p5 | 3,555607 |
| Сеть | L=l1+l2 | 3,555723 |
| Число заявок | Уз.1 | m1= p1+2\*p2+3\*p3+4\*p4+5\*p5 | 0,444509 |
| Уз. 2 | m2=5\*p0+4\*p1+3\*p2+2\*p3+p4 | 4,555491 |
| Сеть | M=m1+m2 | 5,000000 |
| Производительность, с-1 | Уз.1 | λ1= α1λ0 | 2,221965 |
| Уз. 2 | λ2=α2λ0 | 1,999764 |
| Сеть | λ0=ρ2/(α2b2) | 0,222197 |
| Время ожидания, с | Уз.1 | ω1=l1/λ1 | 0,000052 |
| Уз. 2 | ω2=l2/λ2 | 1,778009 |
| Сеть | W=α1ω1+ α2ω2 | 16,002605 |
| Время пребывания, с | Уз.1 | u1=m1/λ1 | 0,200052 |
| Уз. 2 | u2=m2/λ2 | 2,278009 |
| Сеть | U=α1u1+ α2u2 | 22,502604 |

### 2.2.2 Неэкспоненциальная ЗсеМО (гиперэкспоненциальная)

Обозначим состояния системы с помощью E0 – En и представим их в Таблице 13.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Состояние | E0 | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 |
| (К1, К2) | (5,0) | (4,11) | (4,12) | (3,21) | (3,22) | (2,31) | (2,32) | (1,41) | (1,42) |
| Состояние | E9 | E10 |
| (К1, К2) | (0,51) | (0,52) |

На Рисунок 5 и Рисунок 6 можно видеть граф переходов с обозначениями состояний и расшифровкой состояний соответственно.

(1-q)μ”2

qμ’2

g1

g2

μ2”

μ’2

4qp12μ1

4(1-q)p12μ1

g1

g2

g1

g2

g1

g2

4p12μ1

qμ’2

3p12μ1

qμ’2

2p12μ1

qμ’2

p12μ1

4p12μ1

(1-q)μ”2

3p12μ1

(1-q)μ”2

2p12μ1

(1-q)μ”2

p12μ1

Рисунок 5

(1-q)μ”2

qμ’2

g1

g2

μ2”

μ’2

4qp12μ1

4(1-q)p12μ1

g1

g2

g1

g2

g1

g2

4p12μ1

qμ’2

3p12μ1

qμ’2

2p12μ1

qμ’2

p12μ1

4p12μ1

(1-q)μ”2

3p12μ1

(1-q)μ”2

2p12μ1

(1-q)μ”2

p12μ1

Рисунок 6

Где g1= qμ”2 = 3,027, g2=(1-q)μ’2=0,4879.

Примем q=0,3. b’=1,435414, b”=0,099108.

μ’2 = 0,697 μ’’2= 10,09

Проверка: (0,3\*1,4+0,7\*0,1=0,5)

По графу переходов составим матрицу интенсивности и представим в Таблице 14.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 0 |  | 4\*qp12μ1 | 4\*(1-q)p12μ1 |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1 | μ’2 |  |  | 4\*p12μ1 |  |  |  |  |  |  |  |
| 2 | μ2” |  |  |  | 4\*p12μ1 |  |  |  |  |  |  |
| 3 |  | qμ’2 | g2 |  |  | 3\*p12μ1 |  |  |  |  |  |
| 4 |  | g1 | (1-q)μ”2 |  |  |  | 3\*p12μ1 |  |  |  |  |
| 5 |  |  |  | qμ’2 | g2 |  |  | 2\*p12μ1 |  |  |  |
| 6 |  |  |  | g1 | (1-q)μ”2 |  |  |  | 2\*p12μ1 |  |  |
| 7 |  |  |  |  |  | qμ’2 | g2 |  |  | p12μ1 |  |
| 8 |  |  |  |  |  | g1 | (1-q)μ”2 |  |  |  | p12μ1 |
| 9 |  |  |  |  |  |  |  | qμ’2 | g2 |  |  |
| 10 |  |  |  |  |  |  |  | g1 | (1-q)μ”2 |  |  |

Отобразим стационарные вероятности состояний полученные с помощью матрицы интенсивности в Таблице 15

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Вероятности | p0 | p1 | p2 | p3 | p4 | p5 | p6 | p7 | p8 |
| 0,034 | 0,041 | 0,058 | 0,014 | 0,016 | 0,046 | 0,036 | 0,157 | 0,055 |
| Вероятности | p9 | p10 |
| 0,64 | 0,025 |

Выполним расчет характеристик и заполним Таблицу 16.

Таблица

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Характеристика | Прибор | Расчетная формула | Результат |
| Загрузка | Уз.1 | ρ1=p0+p1+p2+(3/4)\*p3+(3/4)\*p4+(1/2)\*p5+(1/2)\*p6+(1/4)\*p7+(1/4)\*p8 | 0,13 |
| Уз. 2 | ρ2= p1+p2+p3+p4+p5+p6+p7+p8+p9+p10 | 0,997 |
| Сеть | R=(ρ1+ρ2)/2 | 0,56 |
| Длина очереди | Уз.1 | l1=p0 | 0 |
| Уз. 2 | l2= (p3+p4)+2\*(p5+p6)+3\*(p7+p8)+4\*(p9+p10) | 3,5 |
| Сеть | L=l1+l2 | 3,5 |
| Число заявок | Уз.1 | m1= 5\*p0+4\*(p1+p2)+3\*(p3+p4)+4\*(p5+p6)+(p7+p8) | 0,53 |
| Уз. 2 | m2=p1+p2+2\*(p3+p4)+3\*(p5+p6)+4\*(p7+p8) + 5\*(р9+р10) | 4,47 |
| Сеть | M=m1+m2 | 5 |
| Производительность, с-1 | Уз.1 | λ1= α1λ0 | 0,653 |
| Уз. 2 | λ2=α2λ0 | 0,588 |
| Сеть | λ0=ρ2/(α2 b2) | 0,065 |
| Время ожидания, с | Уз.1 | ω1=l1/λ1 | 0 |
| Уз. 2 | ω2=l2/λ2 | 5,9 |
| Сеть | W=α1ω1+ α2ω2 | 53,1 |
| Время пребывания, с | Уз.1 | u1=m1/λ1 | 0,8 |
| Уз. 2 | u2=m2/λ2 | 7,6 |
| Сеть | U=α1u1+ α2u2 | 76 |

### 2.2.3 Сравнение полученных результатов

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Хар-ки СеМО | Экспоненциальная ЗCеМО | | | Неэкспоненциальная ЗCеМО | | |
| 1 | 2 | Сеть | 1 | 2 | Сеть |
| Загрузка | 0,111 | 0,999 | 1,11 | 0,13 | 0,997 | 1,13 |
| Длина очереди | 0 | 3,5 | 3,5 | 0 | 3,5 | 3,5 |
| Число заявок | 0,44 | 4,6 | 5 | 0,53 | 4,5 | 5 |
| Время ожидания, с | 0 | 1,78 | 16 | 0 | 1,74 | 15,7 |
| Время пребывания, с | 0,22 | 2,3 | 22,5 | 0,2 | 2,24 | 22,31 |
| Производительность, с-1 | 2,2 | 2 | 0,22 | 2,2 | 2 | 0,22 |

При изменении закона распределения незначительно изменилось время пребывания и время ожидания (в пределах погрешности 2%). Остальные параметры остались практически такими же, что происходит из-за высокой загрузки во втором узле. В обоих случаях практически все заявки ждут во втором узле, и поэтому изменение коэффициента вариации не особо влияет на остальные параметры.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Хар-ки СеМО | Численное моделирование | | | Аналитическое моделирование | | |
| Уз. 1 | Уз. 2 | Сеть | Уз. 1 | Уз. 2 | Сеть |
| Загрузка | 0,111 | 0,99 | 1,1 | 0,11 | 0,99 | 1,1 |
| Длина очереди | 0 | 3,6 | 3,5 | 0 | 3,6 | 3,56 |
| Число заявок | 0,44 | 4,6 | 5 | 0,44 | 4,6 | 5 |
| Время ожидания, с | 0 | 1,8 | 16 | 0 | 1,8 | 16 |
| Время пребывания, с | 0,2 | 2,3 | 22,5 | 0,2 | 2,3 | 22,5 |
| Производительность, с-1 | 2,2 | 2 | 0,22 |  |  | 0,22 |

Расчет характеристик СеМО численным моделированием полностью совпал с аналитическим, что может говорить о правильности построенных моделей.

## 2.3Разработка имитационных моделей СеМО

В данном разделе для проверки и сравнения результатов, полученных в предыдущих разделах с помощью GPSS, будут смоделированы 2 системы.

В качестве первой возьмем ЗСеМО из первого раздела данной работы. В качестве второй возьмем неэкспоненциальную ЗСеМО из раздела 2.2.2

### 2.3.1 ЗСеМО

GENERATE ,,,5

PP1 QUEUE USEL\_Q1 ; Заявка пришла в первый узел

QUEUE 1

ENTER USEL1

DEPART 1

ADVANCE (Exponential(201,0,0.2))

LEAVE USEL1

DEPART USEL\_Q1 ; Заявка покидает узел

TRANSFER V$LL1,PP1,PP2

PP2 QUEUE USEL\_Q2

QUEUE 2

ENTER USEL2

DEPART 2

ADVANCE (Exponential(201,0,0.5))

LEAVE USEL2

DEPART USEL\_Q2

TRANSFER ,PP1

GENERATE 5000000

TERMINATE 1

START 1

### 2.3.2 ЗСеМО с гиперэкспоненциальным распределением

Для построения ЗСеМО с гиперэкспоненциальным распределением изменим код во втором узле следующим образом

PP2 QUEUE USEL\_Q2

QUEUE 2

ENTER USEL2

DEPART 2

ADVANCE (hyperexp(0.3))

LEAVE USEL2

DEPART USEL\_Q2

TRANSFER ,PP1

PROCEDURE hyperexp(qq) begin

if (RN405/1000 < qq) then return (exponential(406,0,1.435414));

else return (exponential(404,0,0.099108));

end;

### 2.3.3 Результаты

В Таблице 19 сравним результаты аналитического и имитационного моделирования ЗСеМО.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики  СеМО | ЗСеМО | | | ЗСеМО (им) | | |
| Узловые | | Сетевые | Узловые | | Сетевые |
| У1 | У2 | У1 | У2 |
| Загрузка | 0,11 | 0,99 | 0,55 | 0,11 | 1 | 0,55 |
| Длина очереди | 0,00012 | 3,6 | 3,56 | 0 | 3,55 | 3,56 |
| Число заявок | 0,44 | 4,6 | 5 | 0,44 | 4,56 | 5 |
| Время ожидания, с | 0,00005 | 1,8 | 3,64 | 0 | 1,78 | 16 |
| Время пребывания, с | 0,2 | 2,27 | 22,5 | 0,2 | 2,28 | 22,52 |

Результаты совпали в пределах допустимой погрешности, что подтверждает правильность выполненных имитационных исследований.

В Таблице 20 представлено сравнение численного и имитационного моделирования ЗСеМО с гиперэкспоненциальным распределением во втором узле.

Таблица

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Характеристики  СеМО | ЗСеМО(гипер.) | | | ЗСеМО (гипер.)(им) | | |
| Узловые | | Сетевые | Узловые | | Сетевые |
| У1 | У2 | У1 | У2 |
| Загрузка | 0,13 | 0,997 | 1,13 | 0,111 | 0,997 | 1,1 |
| Длина очереди | 0 | 3,5 | 3,5 | 0 | 3,55 | 3,55 |
| Число заявок | 0,53 | 4,47 | 5 | 0,45 | 4,55 | 5 |
| Время ожидания, с | 0 | 1,74 | 15,7 | 0 | 1,78 | 16 |
| Время пребывания, с | 0,2 | 2,24 | 22,31 | 0,2 | 2,28 | 22,6 |

В данной модели время ожидания и время пребывания в узлах совпали, что говорит о правильности выполненных расчетов.

# Заключение

В курсовой работе были исследованы разомкнутые и замкнутые сети массового обслуживания. Они были промоделированы тремя способами – аналитически, численно и используя имитационное моделирование. Самым трудоемким оказался процесс численного моделирования, хотя он (в отличие от имитационного) позволяет моделировать сложные системы. Имитационное моделирование – самый универсальный из методов, но чем больше система, тем сложнее становится её промоделировать. В случае, представленном в данной работе, сеть была небольшой, что делает имитационное моделирование приемлемым способом.

Когда во втором узле был заменен прибор, работающий по экспоненциальному закону, на прибор с гиперэкспоненциальным распределением, практически ничего не изменится. Изменения будут в пределах погрешности, что делает замену прибора (например, вычислительного сервера), обслуживающего по экспоненциальному закону на прибор с гиперэкспоненциальным обслуживанием излишним. При этом добавление в этот узел ещё одного прибора или уменьшение времени обслуживание в нем в два раза приводит к двукратному увеличению производительности.

В итоге курсовая исследовательская работа находит применения во многих областях, позволяя промоделировать системы реальной жизни (кластер с серверами, система безопасности и т.д.)

# Список использованных источников

1. Алиев Т.И., Муравьева-Витковская Л.А., Соснин В.В. Моделирование: задачи, задания, тесты. // СПб: НИУ ИТМО, 2011
2. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. // СПб: СПбГУ ИТМО, 200