

# Klausur Computergraphik (WS 2016/17)

Prüfer: Prof. Dr. R. Dörner, Prof. Dr. C. Schulz, HS RheinMain  
Bearbeitungszeit: 90 min  
Zugelassene Hilfsmittel: ein beidseitig handbeschriebenes DIN A4 Blatt, Stifte.  
(insbesondere Taschenrechner und eigenes Papier ist verboten)  
Datum: 14. Februar 2017

Name: \_\_\_\_\_ Vorname: \_\_\_\_\_

Matr.-Nr. \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_  
Unterschrift

## Hinweise:

- Überprüfen Sie Ihr Klausurexemplar auf Vollständigkeit (Umfang: 8 Blätter)
- Lösen die Aufgaben im dafür vorgesehenen Raum. Wenn der Platz nicht ausreicht, verwenden Sie die Rückseiten - wenn alle Rückseiten beschrieben sind, fordern Sie ein leeres Blatt bei der Aufsicht an. Schreiben Sie im vorgesehenen Raum einen Hinweis der Art "weiter siehe S. 3 Rückseite". Fehlt dieser Hinweis, ist die Lösung unleserlich oder gibt es mehrere Lösungen zu derselben Aufgabe, so werden keine Punkte vergeben.
- Wer einen Täuschungsversuch begeht oder einem Täuschungsversuch Vorschub leistet erhält die Note "nicht bestanden".
- Es darf nicht mit Bleistift geschrieben werden. Es sind nur Schreibfarben „blau“ oder „schwarz“ zulässig.
- Die Klausur ist in jedem Fall bestanden mit **36 Punkten**.

Es wurden \_\_\_\_\_ Punkte erreicht.

Note, Handzeichen:

## Aufgabe 1

Gegeben sind die vier Stützpunkte  $A(4, 4, 0)$ ,  $B(0, 4, 0)$ ,  $C(4, 4, 4)$  und  $D(0, 0, 0)$  einer Bezier-Kurve  $Q(t)$ ,  $t \in [0, 1]$ .

- (a) Die Bezier-Kurve soll in zwei Bezier-Kurven  $R(t)$  und  $S(t)$  zerlegt werden ( $t \in [0, 1]$ ), die sich im Punkt  $Q(0,25)$  berühren und so einen Bezier-Spline bilden. Wie lauten die Stützpunkte  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$  und  $D'$  der Kurve  $S(t)$ ? (Hinweis: Lösen Sie die Aufgabe rechnerisch mit dem DeCasteljau-Alg.)

6 P.  $A'(\underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}})$ ,  $B'(\underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}})$ ,  $C'(\underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}})$ ,  $D'(\underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}})$ ,

- (b) Ist der Übergang zwischen  $R(t)$  und  $S(t)$   $C^1$ -stetig (Begründung angeben!)?

2 P.

- (c) Die Kurve  $H(t)$ ,  $t \in [0, 1]$ , ist eine Hermite-Kurve, welche die gleichen Start- und Endpunkte wie  $Q(t)$  besitzt, sowie auch die gleichen Tangenten am Start- und Endpunkt. Geben Sie eine Formel aus nicht ausmultiplizierten Matrizen für  $H(0,25)$  an.

Die Basismatrix der Hermite-Kurven lautet dabei:  $M_{Hermite} = \begin{bmatrix} 2 & -2 & 1 & 1 \\ -3 & 3 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

4 P.

## Aufgabe 2

Gegeben ist folgende VRML-Szene:

```
DEF T1 Transform{
  scale          1 2 1
  translation     1 2 3
  children[
    DEF T2 Transform{
      rotation     5 0 0 1.57
      center       2 2 2
      children[
        DEF S1 Shape{ geometry Sphere{ radius 2.0 } }
        DEF S2 Shape{ geometry Sphere{ radius 3.0 } }
      ] # children T2
    } # T2
    DEF T3 Transform{
      scaleOrientation 5 0 0 1.57
      scale            2 2 2
      children[
        DEF S3 Shape{ geometry Sphere{ } }
      ] # children T3
    } # T3
    DEF S4 Shape{ geometry Sphere{ } }
  ] # children T1
} # T1
```

(a) Zeichnen Sie den Szenengraph (nur Shape- und Transform-Nodes, keine Fields)

3.5 P.

(b) Geben Sie eine Formel bestehend aus (nicht ausmultiplizierten) 4x4 Matrizen an, wie man die Koordinaten  $(x, y, z)$  eines Punktes aus dem lokalen Koordinatensystem von Kugel S3 umrechnet in lokale Koordinaten  $(x', y', z')$  im Koordinatensystem von Kugel S1.

7 P.

(c) Wie groß ist der Abstand der Mittelpunkte der Kugeln S2 und S3 gemessen in Weltkoordinaten?

7 P.

Σ4:

### Aufgabe 3

Gegeben ist folgender Ausschnitt aus einem WebGL-Javascript, wobei die in der Lehrveranstaltung vorgestellten Hilfsfunktionen verwendet werden:

mat4() „erzeugt eine 4x4 Einheitsmatrix“,  
mult(m1, m2) „berechnet das Matrixprodukt der Matrizen m1 und m2“,  
transpose(m1) „transponiert die Matrix m1“,  
inverse(m1) „invertiert die Matrix m1“,  
rotate(alpha, [x,y,z]) „erzeugt eine 4x4 Rotationsmatrix um die Achse  $(x,y,z)^T$  um den Winkel alpha“,  
translate(x,y,z) „erzeugt eine 4x4 Translationsmatrix für den Translationsvektor  $(x,y,z)^T$ “,  
scale(sx,sy,sz) „erzeugt eine 4x4 Skalierungsmatrix für die Skalierungsfaktoren  $(s_x,s_y,s_z)$ “,  
perspective(fov, aspect, near, far) „erzeugt eine Projektionsmatrix“

```
// Projektionsmatrix  
var projection = perspective(120.0, 1.0, 0.5, 200.0);
```

```
// Zeile A: hier die Model-Matrix mA anlegen
```

```
var mA =
```

```
// Zeile B: hier die View-Matrix mB anlegen
```

```
var mB =
```

```
// Zeile C: hier Matrix mC anlegen, die Objektkoordinaten in Clipping-Koordinaten umrechnet
```

```
var mC =
```

```
// Zeile D: hier Matrix mD anlegen, die Normalen von Objektkoordinaten in Kamerakoordinaten  
// umrechnet
```

```
var mD =
```

- 3 P. (a) Ergänzen Sie das Programm nach Zeile A so, dass alle Modelle zuerst um 4 in x-Richtung skaliert und dann um  $-60^\circ$  um die y-Achse um den Punkt  $P(1,2,3)$  gedreht werden.
- 4 P. (b) Ergänzen Sie das Programm nach Zeile B so, dass entsprechend `lookAt(6,5,4,12,5,4,0,0,-1)` die Kamera positioniert wird (verwenden Sie dabei nur die oben angegebenen Hilfsfunktionen)
- 2 P. (c) Ergänzen Sie das Programm nach Zeile C so, dass eine Matrix mC angelegt wird, die Vertices von Objektkoordinaten in Clipping-Koordinaten umrechnet

2 P.

- (d) Ergänzen Sie das Programm nach Zeile D so, dass eine Matrix mD angelegt wird, die Normalen von Objektkoordinaten in Kamerakoordinaten umrechnet
- (e) Wie ändert sich das Bild, wenn perspective(120.0, 1.0, 0.5, 200.0) abgeändert wird in: perspective(80.0, 80.0, 0.5, 800.0); ?

3 P.

- (f) Ergänzen Sie den unten stehenden GLSL Vertex-Shader und Fragment-Shader möglichst einfach, um Gouraud-Shading zu realisieren. Der dabei ermittelte Farbwert soll danach noch in einen Grauwert mit der gleichen Helligkeit umgerechnet werden.

```
void main(){ // Vertex-Shader
    uniform mat4 matrix; // Matrix zur Umrechnung von Objekt- in Clippingkoordinaten
    attribute vec4 color; // die dem Vertex zugeordnete Farbe
    attribute vec4 position; // die dem Vertex zugeordnete Position
```

```
}
```

```
void main() { // Fragment-Shader
```

5 P.

```
}
```

- (g) In GLSL gibt es das Schlüsselwort discard. Warum darf es nicht in einem Tessellation-Shader verwendet werden?

3 P.

#### Aufgabe 4

Gegeben ist ein Dreieck D mit den Koordinaten A(3, 3, 3), B(0, 0, 0) und C(1, 2, 3). Die Fläche liegt wie z.B. in VRML üblich im Umlaufsinn links.

- (a) Wie lautet eine Flächennormale des Dreiecks?

3 P.

- (b) Am Punkt L(5, 5, 1) befindet sich eine Punktlichtquelle. Welche weiteren Parameter benötigt man neben L und der Normalen von D, um die spekulare Reflektion eines Punktes in D nach Phong zu berechnen? Welche Bedeutung haben diese Parameter?

3 P.

- (c) Eine Beleuchtungsrechnung ergibt, dass an Punkt A die diffuse Reflektion die Farbe ( $60^\circ$ ,  $\frac{1}{2}$ , 1) und an Punkt B die Farbe ( $240^\circ$ ,  $\frac{1}{2}$ , 1) vorliegt (Farbangaben sind im HLS-Farbsystem). Wie lautet die Farbe (im RGB-Farbsystem) am Punkt P(1,1,1), wenn Gouraud-Shading verwendet wird?

3 P.

#### Aufgabe 5

- (a) Nennen Sie zwei Vorteile von NURBS gegenüber Bezier-Splines

1. \_\_\_\_\_
2. \_\_\_\_\_

2 P.

(b) Nennen Sie zwei Anwendungen von Quaternionen in der Computergrafik

2 P.

(c) Wie berechnet OpenGL aus Viewkoordinaten die normalisierten Gerätekoordinaten? Worauf wird das Viewing-Frustum dabei abgebildet?

3 P.

(d) Wozu dient der Bresenham-Algorithmus und welchen besonderen Vorteil bietet er gegenüber Verfahren, welche dieselbe Aufgabe übernehmen können?

2,5 P.

(e) Gegeben ist folgender Ausschnitt eines GLSL – Shaders:

```
vec4 v = vec4(1.0, 2.0, 3.0, 4.0);  
vec4 u = vec4(5.0, 6.0, 7.0, 8.0);  
v = u.aaab;  
v.q = u.t;
```

2 P.

Welchen Wert hat v nach Ausführung der letzten Zeile?  $v = (\text{____}, \text{____}, \text{____}, \text{____})$