

# Structuri de Date și Algoritmi

## Liste dublu înlanțuite

**Mihai Nan**

Departamentul de Calculatoare  
Facultatea de Automatică și Calculatoare  
Universitatea POLITEHNICA din București



**Anul Universitar 2022–2023**

# Conținutul cursului

## 1 Introducere

## 2 Operații elementare

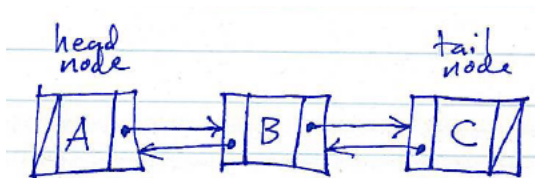
- Reprezentarea structurii de date
- Inițializarea listei
- Adăugarea la începutul listei
- Adăugare la finalul listei
- Ștergerea de la începutul listei
- Ștergerea de la finalul listei
- Recapitulare

## 3 Varianta optimizată

- Reprezentarea structurii de date
- Inițializarea listei
- Adăugarea la începutul listei
- Adăugarea la finalul listei
- Ștergerea de la începutul listei
- Ștergerea de la finalul listei
- Afișarea listei

# Introducere

- Listele dublu înlănțuite sunt structuri de date dinamice omogene.
- Fiecare nod al listei conține, în afară de informația utilă, adresa următorului element și adresa precedentului element.
- În continuare avem numai acces secvențial la elementele listei.

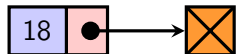


Pentru parcurgerea eficientă a listei, indiferent de sens (de la **început** sau de la **sfârșit**), este necesar accesul la cele două extremități.

# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

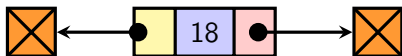
## 1 Lista simplu înlanțuită

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* next;  
5  } Node, *TList;
```



## 2 Lista dublu înlanțuită

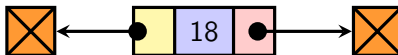
```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```



# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

```
1  typedef int T;  
2  
3  typedef struct node {  
4      T value;  
5      struct node* prev;  
6      struct node* next;  
7  } Node, *TList;
```

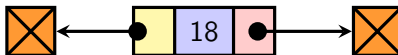
- Cum putem reprezenta următoarea listă?



# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

```
1  typedef int T;  
2  
3  typedef struct node {  
4      T value;  
5      struct node* prev;  
6      struct node* next;  
7  } Node, *TList;
```

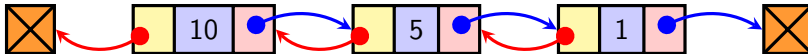
- Cum putem reprezenta următoarea listă?



```
TList head = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
head->value = 18;  
head->next = NULL;  
head->prev = NULL;
```

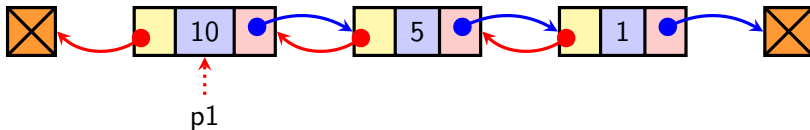
# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

- Cum putem reprezenta următoarea listă?



# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

- Cum putem reprezenta următoarea listă?

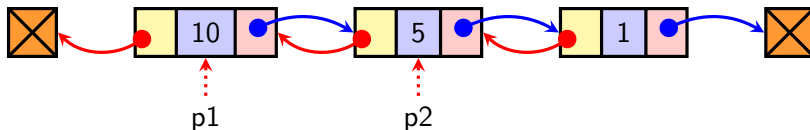


```
TList p1 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p1->value = 10;  
p1->prev = NULL;
```



# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

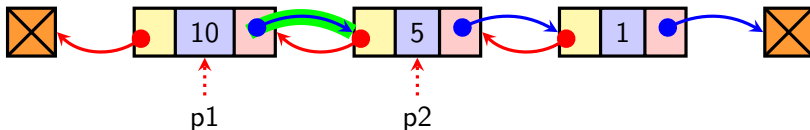
- Cum putem reprezenta următoarea listă?



```
TList p1 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p1->value = 10;  
p1->prev = NULL;  
TList p2 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p2->value = 5;
```

# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

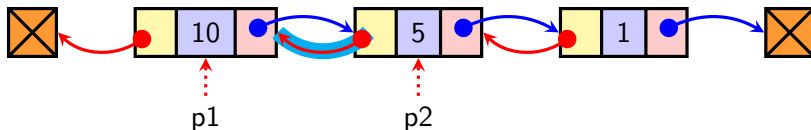
- Cum putem reprezenta următoarea listă?



```
TList p1 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p1->value = 10;  
p1->prev = NULL;  
TList p2 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p2->value = 5;  
p1->next = p2;
```

# Liste dublu înlanțuite – Reprezentarea

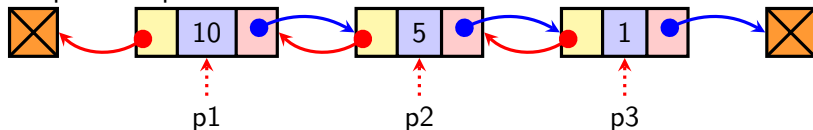
- Cum putem reprezenta următoarea listă?



```
TList p1 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p1->value = 10;  
p1->prev = NULL;  
TList p2 = (TList) malloc(sizeof(struct node));  
p2->value = 5;  
p1->next = p2;  
p2->prev = p1;
```

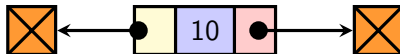
# Liste dublu înlănțuite – Reprezentarea

- Cum putem reprezenta următoarea listă?



```
1 TList p1 = (TList) malloc(sizeof(struct node));
2 p1->value = 10;
3 p1->prev = NULL;
4 TList p2 = (TList) malloc(sizeof(struct node));
5 p2->value = 5;
6 p1->next = p2;
7 p2->prev = p1;
8 TList p3 = (TList) malloc(sizeof(struct node));
9 p3->value = 1;
10 p2->next = p3;
11 p3->prev = p2;
12 p3->next = NULL;
```

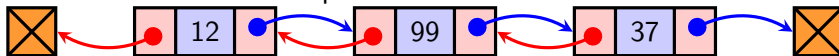
# Liste simplu înlănțuite – Inițializare



```
1  TList createList(T value)
2  {
3      TList result = (TList) malloc(sizeof(Node));
4      result->value = value;
5      result->prev = NULL;
6      result->next = NULL;
7      return result;
8  }
9  // ...
10 TList head = createList(10);
```

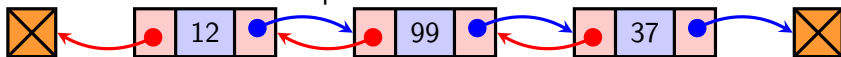
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început

- Inserarea valorii 10 la începutul listei

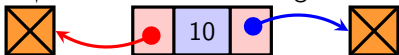


# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început

- Inserarea valorii 10 la începutul listei

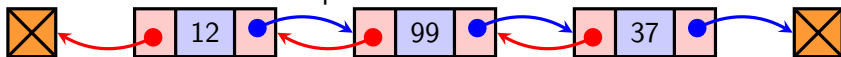


- 1 Inițializez o listă cu un singur nod ce conține valoarea 10

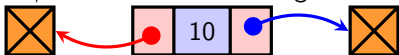


# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început

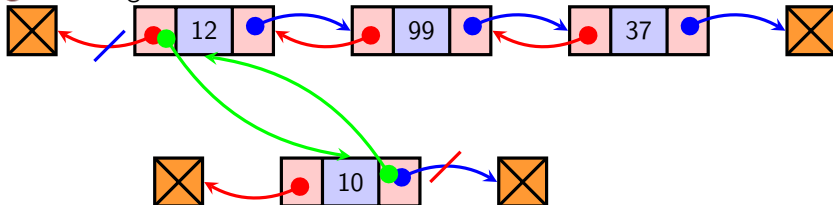
- Inserarea valorii 10 la începutul listei



- 1 Inițializez o listă cu un singur nod ce conține valoarea 10



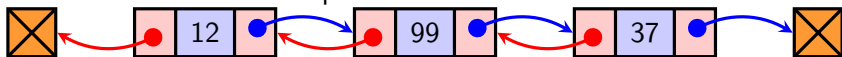
- 2 Refac legăturile



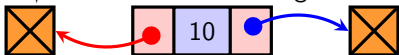


# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început

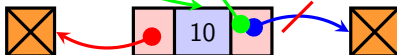
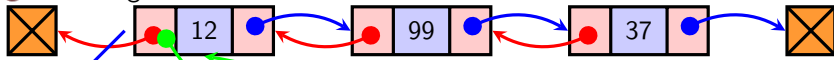
- Inserarea valorii 10 la începutul listei



- 1 Inițializez o listă cu un singur nod ce conține valoarea 10



- 2 Refac legăturile



- 3 Lista rezultată



head

# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început

```
1  TList insertFront(TList head, T value) {  
2      TList new = createList(value);  
3      new->next = head;  
4      if (head != NULL) {  
5          head->prev = new;  
6      }  
7      return new;  
8  }
```

# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început

```
1 TList insertFront(TList head, T value) {  
2     TList new = createList(value);  
3     new->next = head;  
4     if (head != NULL) {  
5         head->prev = new;  
6     }  
7     return new;  
8 }
```

- Ce complexitate are această funcție?

# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început

```
1  TList insertFront(TList head, T value) {  
2      TList new = createList(value);  
3      new->next = head;  
4      if (head != NULL) {  
5          head->prev = new;  
6      }  
7      return new;  
8  }
```

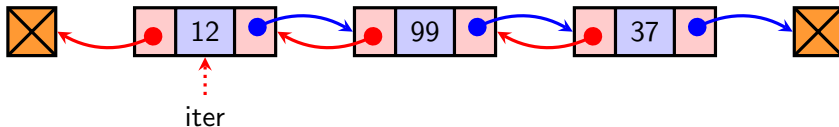
- Ce complexitate are această funcție?

## Răspuns

$O(1)$  – se execută în timp constant (nu depinde de numărul de elemente din listă)

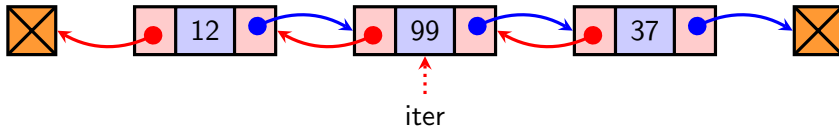
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

- Inserarea valorii 10 la finalul listei



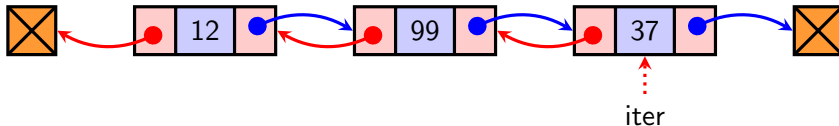
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

- Inserarea valorii 10 la finalul listei



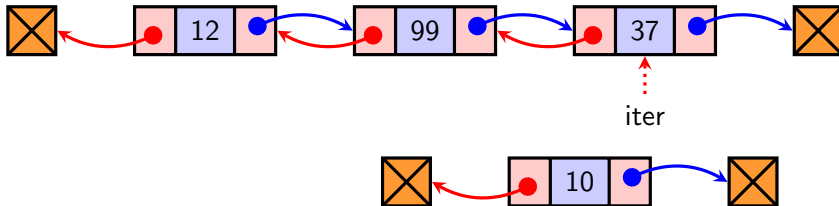
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

- Inserarea valorii 10 la finalul listei



# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

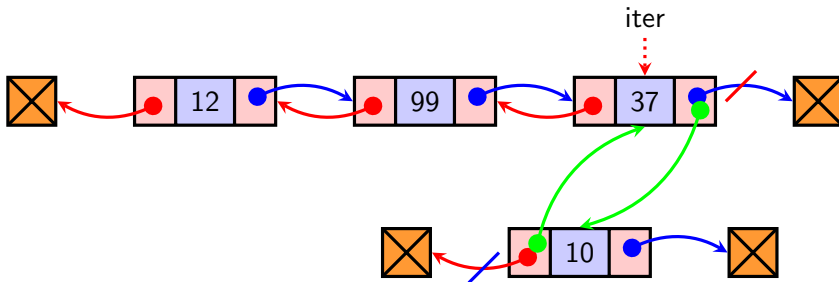
- Inserarea valorii 10 la finalul listei





# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

- Inserarea valorii 10 la finalul listei



# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

```
1  TList insertRear(TList head, T value) {  
2      TList iter = head, new;  
3      new = createList(value);  
4      if (head == NULL)  
5          return new;  
6      while (iter->next != NULL)  
7          iter = iter->next;  
8      iter->next = new;  
9      new->prev = iter;  
10     return head;  
11 }
```

# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

```
1 TList insertRear(TList head, T value) {  
2     TList iter = head, new;  
3     new = createList(value);  
4     if (head == NULL)  
5         return new;  
6     while (iter->next != NULL)  
7         iter = iter->next;  
8     iter->next = new;  
9     new->prev = iter;  
10    return head;  
11 }
```

- Ce complexitate are această funcție?

# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

```
1 TList insertRear(TList head, T value) {  
2     TList iter = head, new;  
3     new = createList(value);  
4     if (head == NULL)  
5         return new;  
6     while (iter->next != NULL)  
7         iter = iter->next;  
8     iter->next = new;  
9     new->prev = iter;  
10    return head;  
11 }
```

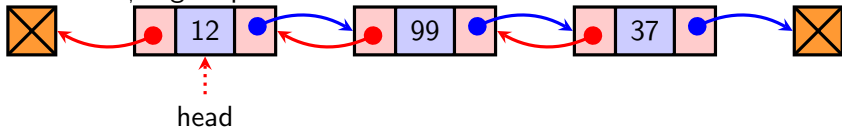
- Ce complexitate are această funcție?

## Răspuns

$O(N)$  – unde  $N$  reprezintă numărul de elemente din listă (trebuie să parcurgem elementele din listă pentru a-l accesa pe ultimul)

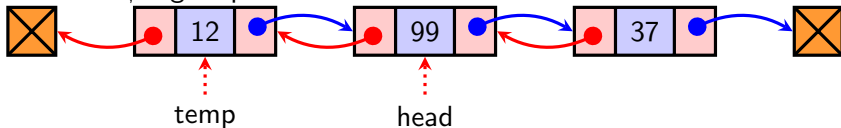
# Liste dublu înlanțuite – Ștergere început

- Dorim să ștergem primul element din următoarea listă



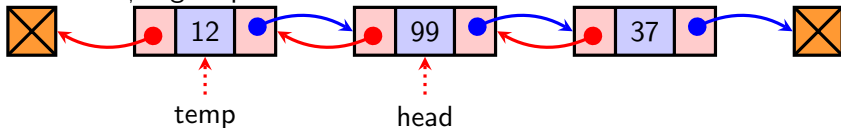
# Liste dublu înlănțuite – Ștergere început

- Dorim să ștergem primul element din următoarea listă

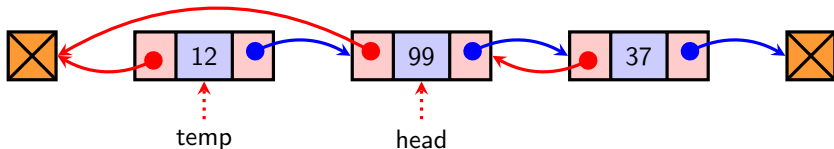


# Liste dublu înlanțuite – Ștergere început

- Dorim să ștergem primul element din următoarea listă

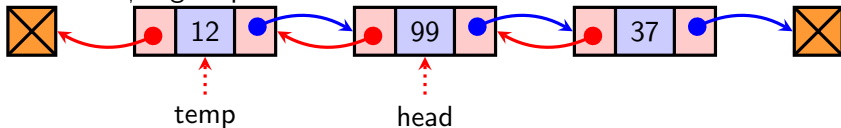


- 1 Refac legăturile pentru noul head

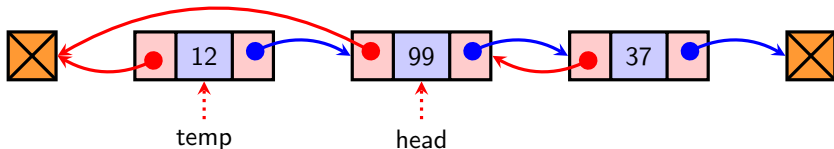


# Liste dublu înlănțuite – Ștergere început

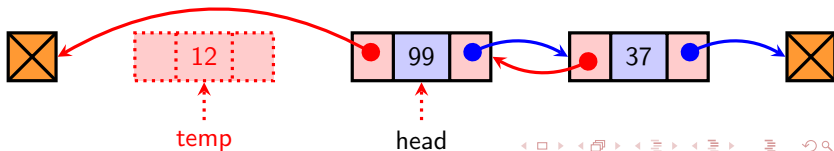
- Dorim să ștergem primul element din următoarea listă



- 1 Refac legăturile pentru noul head



- 2 Dealloc memoria pentru temp





# Liste dublu înlanțuite – Ștergere început

```
1  TList removeFront(TList head) {  
2      TList temp;  
3      if (head == NULL)  
4          return head;  
5      temp = head;  
6      head = head->next;  
7      if (head != NULL)  
8          head->prev = NULL;  
9      free(temp);  
10     return head;  
11 }
```

# Liste dublu înlănțuite – Ștergere început

```
1  TList removeFront(TList head) {  
2      TList temp;  
3      if (head == NULL)  
4          return head;  
5      temp = head;  
6      head = head->next;  
7      if (head != NULL)  
8          head->prev = NULL;  
9      free(temp);  
10     return head;  
11 }
```

- Ce complexitate are această funcție?

# Liste dublu înlanțuite – Ștergere început

```
1  TList removeFront(TList head) {  
2      TList temp;  
3      if (head == NULL)  
4          return head;  
5      temp = head;  
6      head = head->next;  
7      if (head != NULL)  
8          head->prev = NULL;  
9      free(temp);  
10     return head;  
11 }
```

- Ce complexitate are această funcție?

## Răspuns

$O(1)$  – se execută în timp constant (nu depinde de numărul de elemente din listă)

# Liste dublu înlănțuite – Ștergere final

- 1 Dacă lista este vidă, nu avem ce șterge.

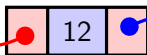


# Liste dublu înlanțuite – Ștergere final

- ❶ Dacă lista este vidă, nu avem ce șterge.



- ❷ Dacă lista conține un singur nod, obținem lista vidă.



⋮  
head

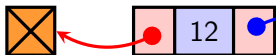
⋮  
head

# Liste dublu înlănțuite – Ștergere final

- ❶ Dacă lista este vidă, nu avem ce șterge.



- ❷ Dacă lista conține un singur nod, obținem lista vidă.



head

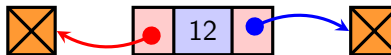


head

- ❸ Dacă lista conține cel puțin două noduri, eliminăm ultimul nod și head rămâne nemodificat.



head



head

# Liste dublu înlănțuite – Ștergere final

```
1  TList removeRear(TList head) {
2      TList iter, prev;
3      if (head == NULL)
4          return head;
5      if (head->next == NULL) {
6          free(head); return NULL;
7      }
8      iter = head->next;
9      prev = head;
10     while (iter->next != NULL) {
11         prev = iter;
12         iter = iter->next;
13     }
14     prev->next = NULL;
15     free(iter);
16     return head;
17 }
```

# Liste dublu înlanțuite – Recapitulare

- Modalitate de reprezentare

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```



# Liste dublu înlanțuite – Recapitulare

- Modalitate de reprezentare

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```

- Adăugare la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$

# Liste dublu înlanțuite – Recapitulare

- Modalitate de reprezentare

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```

- Adăugare la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$
- Adăugare la finalul listei – Complexitatea:  $O(N)$

# Liste dublu înlanțuite – Recapitulare

- Modalitate de reprezentare

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```

- Adăugare la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$
- Adăugare la finalul listei – Complexitatea:  $O(N)$
- Ștergerea de la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$

# Liste dublu înlanțuite – Recapitulare

- Modalitate de reprezentare

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```

- Adăugare la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$
- Adăugare la finalul listei – Complexitatea:  $O(N)$
- Ștergerea de la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$
- Ștergerea de la finalul listei – Complexitatea  $O(N)$

# Liste dublu înlanțuite – Recapitulare

- Modalitate de reprezentare

```
1  typedef int T;  
2  typedef struct node {  
3      T value;  
4      struct node* prev;  
5      struct node* next;  
6  } Node, *TList;
```

- Adăugare la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$
- Adăugare la finalul listei – Complexitatea:  $O(N)$
- Ștergerea de la începutul listei – Complexitatea:  $O(1)$
- Ștergerea de la finalul listei – Complexitatea  $O(N)$

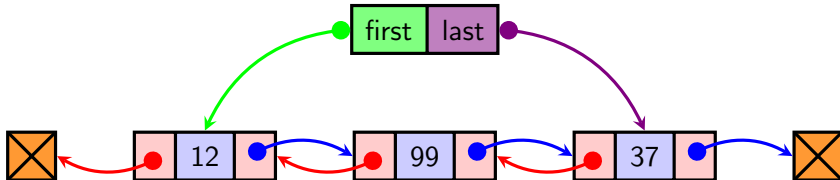


Putem optimiza cumva operațiile care nu au complexitatea  $O(1)$ ?

# Liste dublu înlanțuite – Varianta optimizată



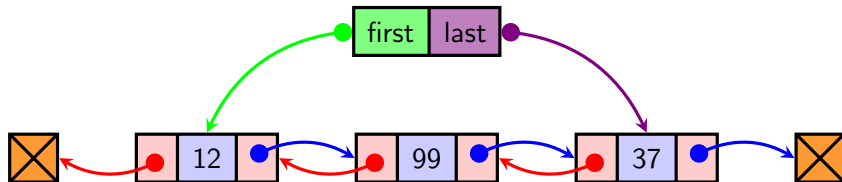
Reținem un pointer la ultimul nod din listă!



# Liste dublu înlănțuite – Varianta optimizată



Reținem un pointer la ultimul nod din listă!



```
1 typedef struct node {  
2     T value;  
3     struct node* next;  
4     struct node* prev;  
5 } Node;
```

```
1 typedef struct list {  
2     Node* first;  
3     Node* last;  
4 } List;
```

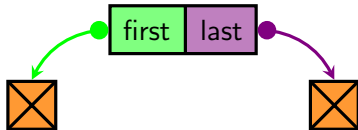
# Liste dublu înlănțuite – Inițializare

```
1  Node *createNode(T value) {
2      Node *node = malloc(sizeof(struct node));
3      node->value = value;
4      node->prev = node->next = NULL;
5      return node;
6  }
7  List *initList() {
8      List *list = malloc(sizeof(struct list));
9      list->first = list->last = NULL;
10     return list;
11 }
12 List *createList(T value) {
13     List *list = malloc(sizeof(struct list));
14     Node *head = createNode(value);
15     list->first = list->last = head;
16     return list;
17 }
```



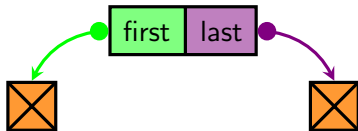
# Liste dublu înlanțuite – Inițializare

1 Lista vidă

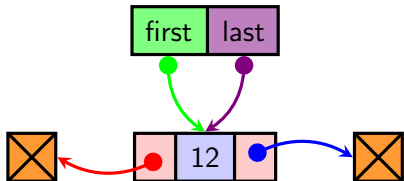


# Liste dublu înlanțuite – Inițializare

## 1 Lista vidă

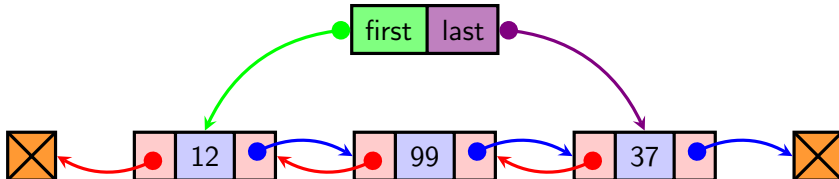


## 2 Lista cu un singur nod



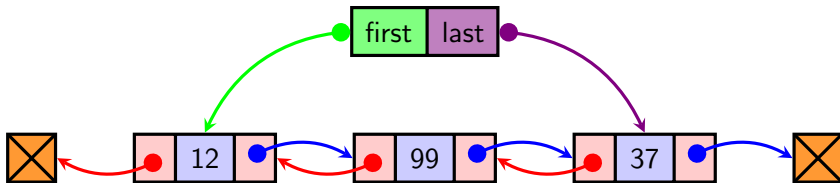
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început

- Vrem să adăugăm valoarea 10 la începutul listei:

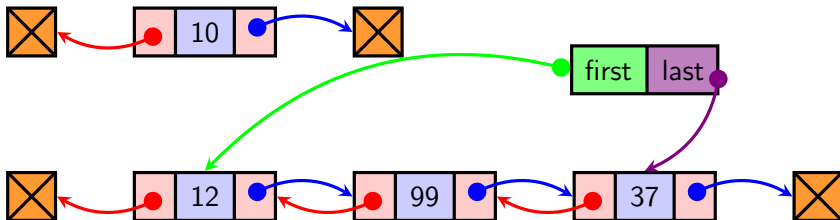


# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început

- Vrem să adăugăm valoarea 10 la începutul listei:



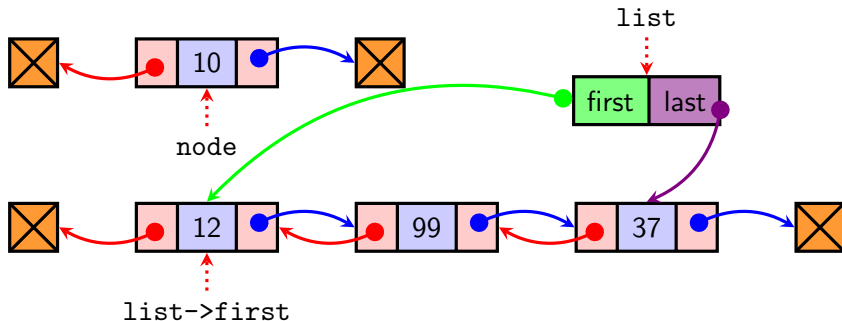
- Construim un nod ce conține valoarea 10



## Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început



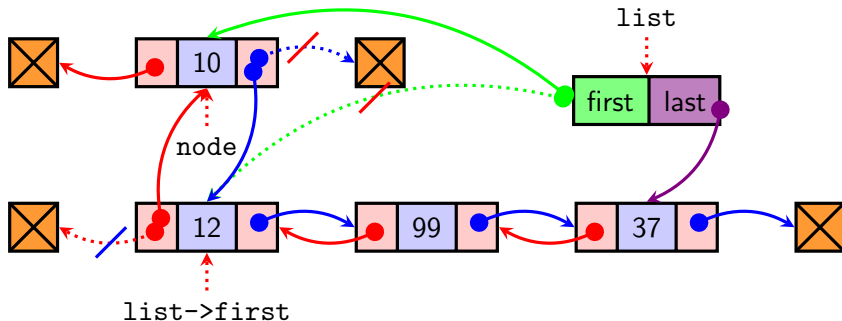
## Ce legături trebuie să refacem?



# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început



```
node->next = list->first;  
list->first->prev = node;  
list->first = node;
```



# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început



Există vreun caz în care operația de adăugare la începutul listei modifică câmpul `list->last`?

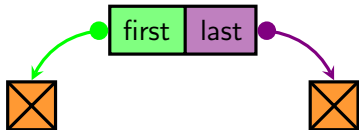
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la început



Există vreun caz în care operația de adăugare la începutul listei modifică câmpul `list->last`?



Dacă vrem să realizăm inserare în lista vidă!





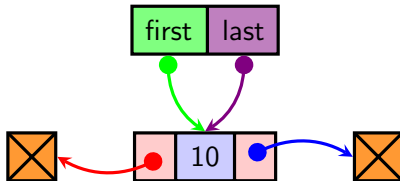
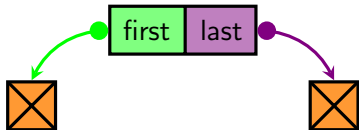
# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început



Există vreun caz în care operația de adăugare la începutul listei modifică câmpul `list->last`?



Dacă vrem să realizăm inserare în lista vidă!

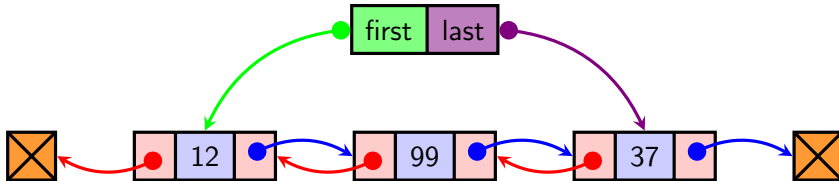


# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la început

```
1 List *insertFront(List *list, T value) {
2     if (list == NULL)
3         return createList(value);
4     if (list->first == NULL) {
5         Node *node = createNode(value);
6         list->first = list->last = node;
7         return list;
8     }
9     Node *node = createNode(value);
10    node->next = list->first;
11    list->first->prev = node;
12    list->first = node;
13    return list;
14 }
```

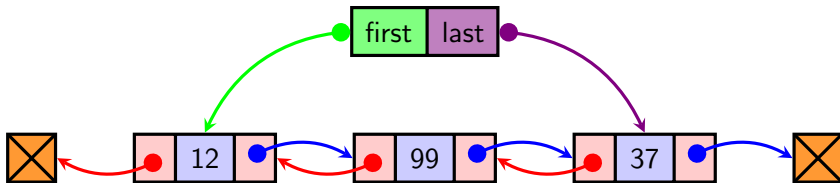
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final

- Vrem să adăugăm valoarea 10 la finalul listei:

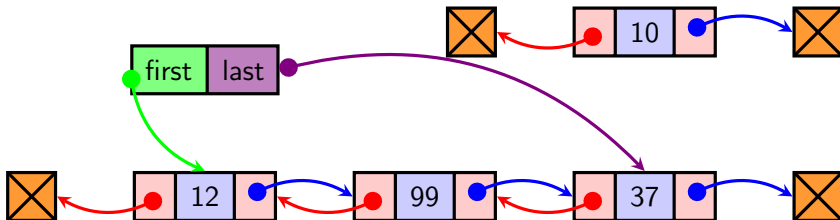


# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la final

- Vrem să adăugăm valoarea 10 la finalul listei:



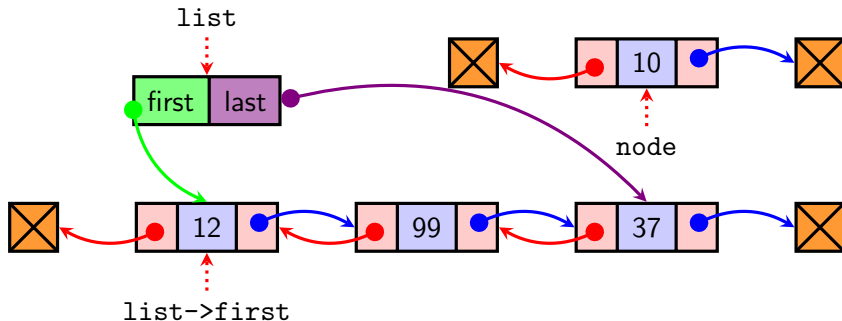
- Construim un nod ce conține valoarea 10



# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la final



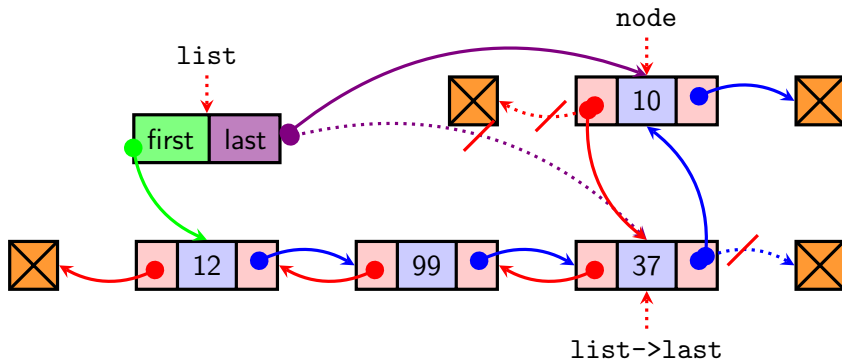
Ce legături trebuie să refacem?



# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la final



```
node->prev = list->last;  
list->last->next = node;  
list->last = node;
```



# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final



Există vreun caz în care operația de adăugare la finalul listei modifică câmpul `list->first`?

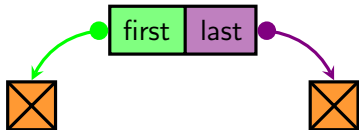
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final



Există vreun caz în care operația de adăugare la finalul listei modifică câmpul `list->first`?



Dacă vrem să realizăm inserare în lista vidă!





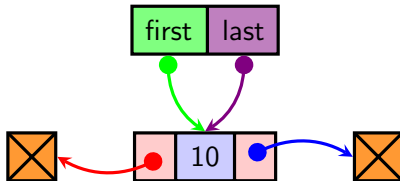
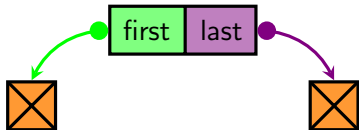
# Liste dublu înlanțuite – Adăugare la final



Există vreun caz în care operația de adăugare la finalul listei modifică câmpul `list->first`?



Dacă vrem să realizăm inserare în lista vidă!



# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la final

```
1 List *insertRear(List *list, T value) {
2     if (list == NULL)
3         return createList(value);
4     if (list->first == NULL) {
5         Node *node = createNode(value);
6         list->first = list->last = node;
7         return list;
8     }
9     Node *node = createNode(value);
10    list->last->next = node;
11    node->prev = list->last;
12    list->last = node;
13    return list;
14 }
```

# Liste dublu înlănțuite – Adăugare la final

```
1 List *insertRear(List *list, T value) {  
2     if (list == NULL)  
3         return createList(value);  
4     if (list->first == NULL) {  
5         Node *node = createNode(value);  
6         list->first = list->last = node;  
7         return list;  
8     }  
9     Node *node = createNode(value);  
10    list->last->next = node;  
11    node->prev = list->last;  
12    list->last = node;  
13    return list;  
14 }
```



Ce complexitate are cum operația de adăugare la final?

# Liste dublu înlanțuite – Ștergere început

```
1 List *removeFront(List *list) {
2     Node *temp;
3     if (list == NULL || list->first == NULL)
4         return list;
5     if (list->first == list->last) {
6         temp = list->first;
7         list->first = list->last = NULL;
8         free(temp);
9         return list;
10    }
11    temp = list->first;
12    list->first = list->first->next;
13    list->first->prev = NULL;
14    free(temp);
15    return list;
16 }
```

# Liste dublu înlanțuite – Ștergere final

```
1 List *removeRear(List *list) {
2     Node *temp;
3     if (list == NULL || list->first == NULL)
4         return list;
5     if (list->first == list->last) {
6         temp = list->first;
7         list->first = list->last = NULL;
8         free(temp);
9         return list;
10    }
11    temp = list->last;
12    list->last = list->last->prev;
13    list->last->next = NULL;
14    free(temp);
15    return list;
16 }
```

# Liste dublu înlănțuite – Afișarea listei

```
1 void print(List *list) {
2     if (list == NULL) {
3         printf("NULL\n");
4         return;
5     }
6     Node *iter = list->first;
7     while (iter != NULL) {
8         printf("%d ", iter->value);
9         iter = iter->next;
10    }
11    printf("\n");
12 }
```

# Liste dublu înlănțuite – Afișarea listei în ordine inversă

```
1 void printReverse(List *list) {  
2     if (list == NULL)  
3         return;  
4     Node *iter = list->last;  
5     while (iter != NULL) {  
6         printf("%d ", iter->value);  
7         iter = iter->prev;  
8     }  
9     printf("\n");  
10 }
```

# Liste dublu înlanțuite – Dealocarea memoriei

```
1 List *freeList(List *list) {
2     if (list == NULL)
3         return list;
4     Node *iter, *temp;
5     iter = list->first;
6     while (iter != NULL) {
7         temp = iter;
8         iter = iter->next;
9         free(temp);
10    }
11    free(list);
12    return NULL;
13 }
```



# Liste dublu înlanțuite – Dealocarea memoriei

```
1 List *freeList(List *list) {  
2     if (list == NULL)  
3         return list;  
4     Node *iter, *temp;  
5     iter = list->first;  
6     while (iter != NULL) {  
7         temp = iter;  
8         iter = iter->next;  
9         free(temp);  
10    }  
11    free(list);  
12    return NULL;  
13 }
```



De ce este nevoie de operația `free(list)`?

*Vă mulțumesc pentru atenție!*

