

# Structuri de Date și Algoritmi

## Stive și cozi

**Mihai Nan**

Departamentul de Calculatoare  
Facultatea de Automatică și Calculatoare  
Universitatea POLITEHNICA din București



**Anul Universitar 2022–2023**

# Conținutul cursului

## 1 Introducere

## 2 Stiva

- Motivație
- TAD pentru stivă
- Implementare folosind vectori
- Implementare folosind liste

## 3 Coadă

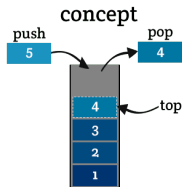
- Motivație
- TAD pentru coadă
- Implementare folosind vectori
- Implementare folosind liste

## 4 Probleme tip interviu

# Introducere

- ① **Stiva** – ultimul venit → primul servit

## Stack



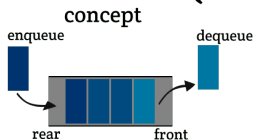
real life



last-in-first-out (LIFO)

- ② **Coadă** – primul venit → primul servit

## Queue



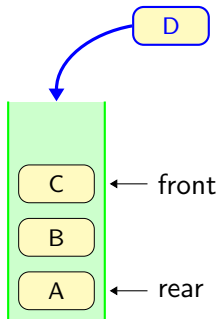
real life



first-in-first-out (FIFO)

# Stiva – Motivație

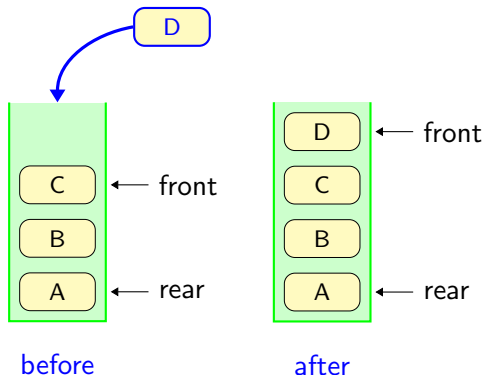
- O structură de date care funcționează după principiul **LIFO** (**L**ast **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Adăugarea unui element în vârful stivei



before

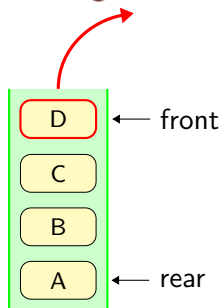
# Stiva – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **LIFO** (**L**ast **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Adăugarea unui element în vârful stivei



# Stiva – Motivație

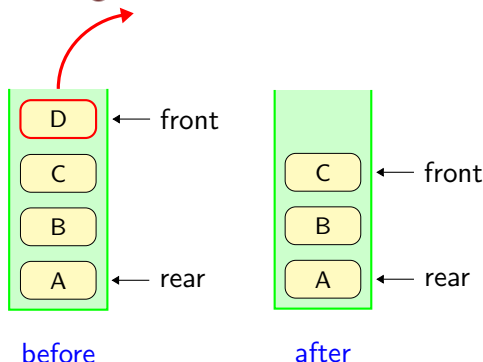
- O structură de date care funcționează după principiul **LIFO** (**L**ast **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Adăugarea unui element în vârful stivei
  - 2 Eliminarea elementului din vârful stivei



before

# Stiva – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **LIFO** (**L**ast **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Adăugarea unui element în vârful stivei
  - 2 Eliminarea elementului din vârful stivei



# Stiva – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **LIFO** (**L**ast **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza operații precum:
  - ➊ Adăugarea unui element în vârful stivei
  - ➋ Eliminarea elementului din vârful stivei

Avem acces **doar** la elementul din vârful stivei!

- Există foarte multe aplicabilități pentru această structură de date.
  - Gestionarea memoriei unui program
  - Reținerea apelurilor funcțiilor
  - Executarea funcțiilor recursive
  - Inversarea unui șir
  - Verificarea parantezării
  - Evaluarea expresiilor aritmetice
  - Algoritmul de parcurgere în adâncime



# Utilizarea stivei pentru apelurile funcțiilor

- Stiva este o regiune dinamică în cadrul unui proces, fiind gestionată automat de compilator.
- Stiva este folosită pentru a stoca *stack frame-uri*. Pentru fiecare apel de funcție se va crea un nou *stack frame*.
- Un *stack frame* conține:
  - variabile locale
  - argumentele funcției
  - adresa de retur

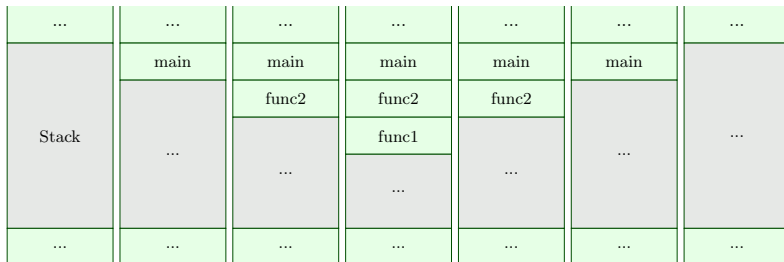
## Important

Pe majoritatea arhitecturilor moderne stiva crește în jos (de la adrese mari la adrese mici) și heap-ul crește în sus.

Stiva crește la fiecare apel de funcție și scade la fiecare revenire din funcție.

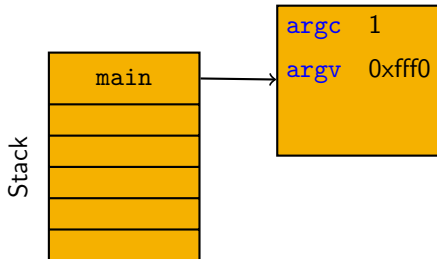
# Stiva de apeluri – Exemplu

```
void func1() { }  
void func2() {  
    func1();  
}  
int main() {  
    func2();  
    return 0;  
}
```



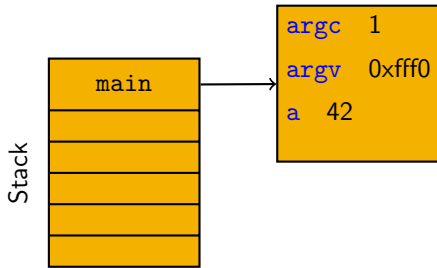
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



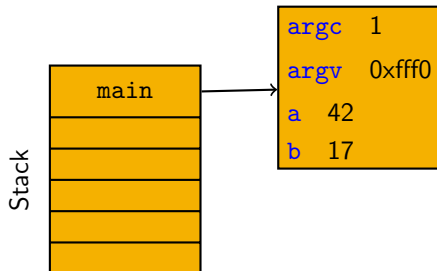
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



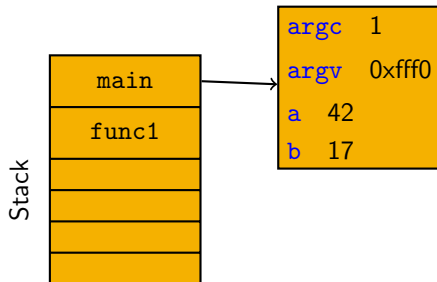
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



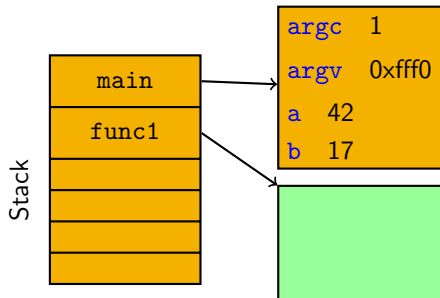
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



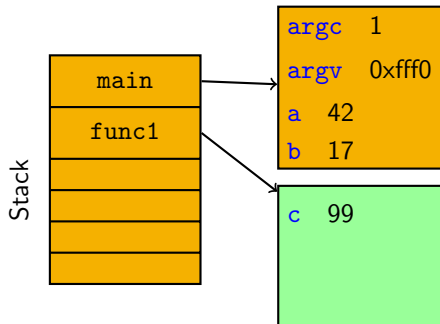
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

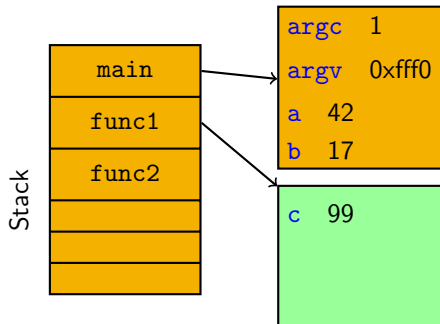
```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```





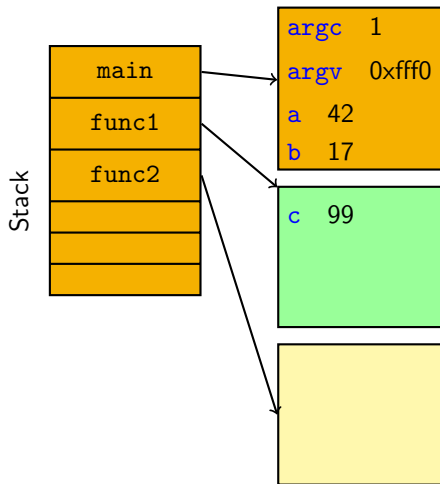
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



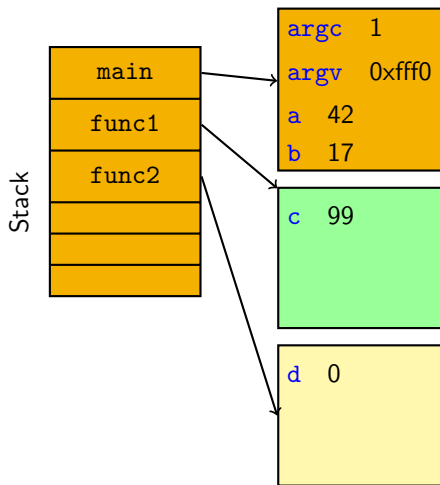
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
  
int main(int argc, char *argv[])  
→ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



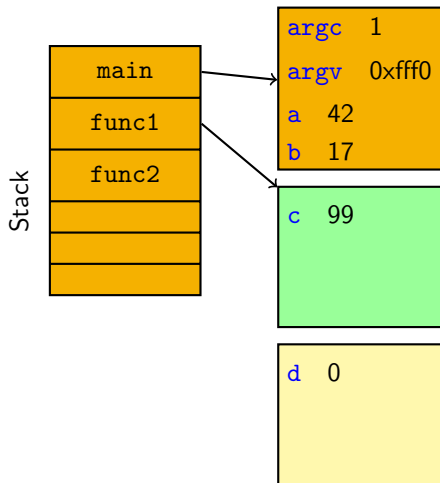
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
  
int main(int argc, char *argv[])  
→ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



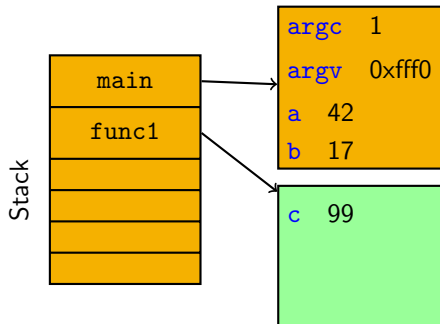
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
  
int main(int argc, char *argv[])  
→ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



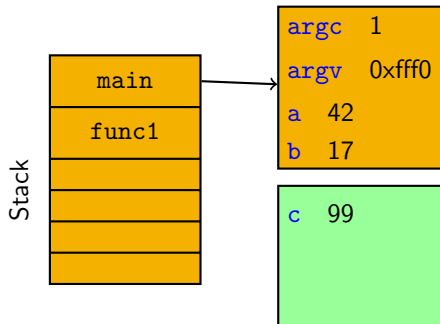
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



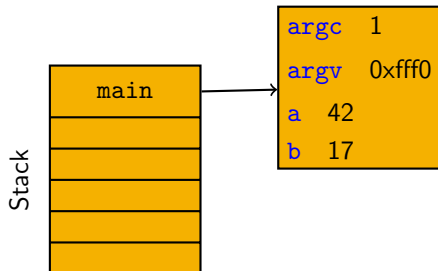
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



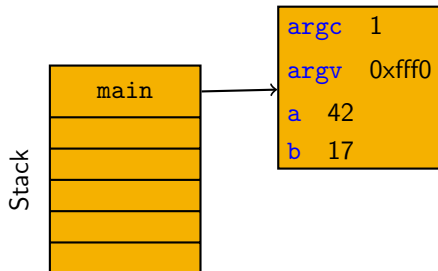
# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

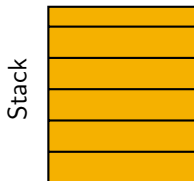
```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```





# Stiva de apeluri – Exemplu detaliat

```
void func2() {  
    int d = 0;  
}  
void func1() {  
    int c = 99;  
    func2();  
}  
int main(int argc, char *argv[])  
↪ {  
    int a = 42;  
    int b = 17;  
    func1();  
    printf("Done!\n");  
    return 0;  
}
```



# Definirea TAD-ului pentru o stivă

## Constructori

- Aceștia au ca rezultat o stivă nouă cu elemente de tip  $T$
- Considerăm ca nume pentru TAD  $TStack$ 
  - 1 Inițializarea stivei:  $init: \rightarrow TStack$
  - 2 Adăugarea unui element:  $push: T \times TStack \rightarrow TStack$
  - 3 Eliminarea elementului din vârful stivei:  $pop: TStack \rightarrow TStack$

## Funcții

- Operați care furnizează informații despre o stivă.
  - 1 Verificare stivă vidă:  $isEmpty: TStack \rightarrow \{0, 1\}$
  - 2 Determinarea valorii pentru elementul din vârful stivei:  $top: TStack \rightarrow T$



Ce putem utiliza pentru a reține elementele unei stive?

# Definirea TAD-ului pentru o stivă

## Constructori

- Aceștia au ca rezultat o stivă nouă cu elemente de tip  $T$
- Considerăm ca nume pentru TAD  $TStack$ 
  - 1 Inițializarea stivei:  $init: \rightarrow TStack$
  - 2 Adăugarea unui element:  $push: T \times TStack \rightarrow TStack$
  - 3 Eliminarea elementului din vârful stivei:  $pop: TStack \rightarrow TStack$

## Funcții

- Operați care furnizează informații despre o stivă.
  - 1 Verificare stivă vidă:  $isEmpty: TStack \rightarrow \{0, 1\}$
  - 2 Determinarea valorii pentru elementul din vârful stivei:  $top: TStack \rightarrow T$



Ce putem utiliza pentru a reține elementele unei stive?



Vectori sau Liste

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

```
1  typedef int T;
2  typedef struct stack {
3      T *elements;
4      int top;
5      int maxSize;
6  } TStack;
```

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

```
1  typedef int T;
2  typedef struct stack {
3      T *elements;
4      int top;
5      int maxSize;
6  } TStack;
7  TStack init() {
8      TStack stack;
9      stack.elements = malloc(100 * sizeof(T));
10     stack.maxSize = 100;
11     stack.top = -1;
12     return stack;
13 }
```

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

```
1  typedef int T;
2  typedef struct stack {
3      T *elements;
4      int top;
5      int maxSize;
6  } TStack;
7  TStack init() {
8      TStack stack;
9      stack.elements = malloc(100 * sizeof(T));
10     stack.maxSize = 100;
11     stack.top = -1;
12     return stack;
13 }
```



Putem reprezenta stiva vidă din moment ce nu am considerat pointer la structură?

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Ne folosim de câmpul `top` pentru a verifica dacă stiva e vidă.

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Ne folosim de câmpul `top` pentru a verifica dacă stiva e vidă.

```
14  int isEmpty(TStack stack) {  
15      return stack.top < 0;  
16  }
```



# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Ne folosim de câmpul `top` pentru a verifica dacă stiva e vidă.

```
14  int isEmpty(TStack stack) {  
15      return stack.top < 0;  
16  }
```



Ce trebuie să facem pentru a adăuga un element în vârf?

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Ne folosim de câmpul `top` pentru a verifica dacă stiva e vidă.

```
14  int isEmpty(TStack stack) {  
15      return stack.top < 0;  
16  }
```



Ce trebuie să facem pentru a adăuga un element în vârf?



Ne asigurăm că avem suficientă memorie pentru a reține noul element.

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Dacă nu avem suficientă memorie, realocăm dinamic vectorul de elemente.

```
17 TStack push(TStack stack, T elem) {
18     if (stack.top == stack.maxSize - 1) {
19         stack.maxSize *= 2;
20         stack.elements = realloc(stack.elements,
↪     stack.maxSize * sizeof(T));
21     }
22     stack.elements[++stack.top] = elem;
23     return stack;
24 }
```

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

```
24 TStack pop(TStack stack) {  
25     if (isEmpty(stack))  
26         exit(1);  
27     stack.top--;  
28     return stack;  
29 }
```

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

```
24 TStack pop(TStack stack) {
25     if (isEmpty(stack))
26         exit(1);
27     stack.top--;
28     return stack;
29 }
30 T top(TStack stack) {
31     if (isEmpty(stack))
32         exit(1);
33     return stack.elements[stack.top];
34 }
```

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

```
24 TStack pop(TStack stack) {  
25     if (isEmpty(stack))  
26         exit(1);  
27     stack.top--;  
28     return stack;  
29 }  
  
30 T top(TStack stack) {  
31     if (isEmpty(stack))  
32         exit(1);  
33     return stack.elements[stack.top];  
34 }
```



Cum putem dealoca memoria pentru această structură de date?

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Am alocat memorie doar pentru vectorul de elemente.

# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic



Am alocat memorie doar pentru vectorul de elemente.

```
30 TStack freeStack(TStack stack) {  
31     free(stack.elements);  
32     stack.top = -1;  
33     stack.maxSize = 0;  
34     return stack;  
35 }
```



# Implementarea stivei cu vector alocat dinamic

## Exemplu de utilizare

```
1  int main() {
2      TStack stack;
3      stack = init();
4      int i;
5      for (i = 0; i < 10; i++) {
6          stack = push(stack, i);
7      }
8      while (!isEmpty(stack)) {
9          printf("%d ", top(stack));
10         stack = pop(stack);
11     }
12     printf("\n");
13     stack = freeStack(stack);
14     return 0;
15 }
```

# Implementarea stivei folosind listă

## Modalitatea de reprezentare

```
1  typedef int T;
2  typedef struct stack {
3      T data;
4      struct stack *next;
5  }*TStack;
```



Există ceva diferențe, din perspectiva definiției structurii, între o stivă și o listă simplu înlănțuită?

```
6  TStack initStack(T data) {
7      TStack s = (TStack) malloc(sizeof(struct stack));
8      s->data = data;
9      s->next = NULL;
10     return s;
11 }
```

# Implementarea stivei folosind listă

```
12  int isEmpty(TStack s) {  
13      return s == NULL;  
14  }  
15  TStack push(TStack s, T data) {  
16      TStack top;  
17      if (isEmpty(s))  
18          return initStack(data);  
19      top = initStack(data);  
20      top->next = s;  
21      return top;  
22  }
```



Cu ce operație de la liste seamănă operația push și ce complexitate are?

# Implementarea stivei folosind listă

```
23 TStack pop(TStack s) {
24     TStack tmp;
25     if (isEmpty(s))
26         return s;
27     tmp = s;
28     s = s->next;
29     free(tmp);
30     return s;
31 }
32 T top(TStack s) {
33     if (isEmpty(s))
34         exit(1);
35     return s->data;
36 }
```

# Implementarea stivei folosind listă



Cum putem dealoca memoria pentru o stivă reprezentată folosind liste?

# Implementarea stivei folosind listă



Cum putem dealoca memoria pentru o stivă reprezentată folosind liste?

```
37 TStack freeStack(TStack s) {  
38     while (!isEmpty(s))  
39         s = pop(s);  
40     return NULL;  
41 }
```

# Implementarea stivei folosind listă



Cum putem dealoca memoria pentru o stivă reprezentată folosind liste?

```
37 TStack freeStack(TStack s) {  
38     while (!isEmpty(s))  
39         s = pop(s);  
40     return NULL;  
41 }
```



Cum putem implementa constructorul `init` care nu primește niciun argument și întoarce stiva vidă?

# Implementarea stivei folosind listă



Cum putem dealoca memoria pentru o stivă reprezentată folosind liste?

```
37 TStack freeStack(TStack s) {  
38     while (!isEmpty(s))  
39         s = pop(s);  
40     return NULL;  
41 }
```



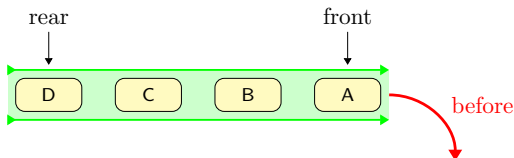
Cum putem implementa constructorul `init` care nu primește niciun argument și întoarce stiva vidă?

```
42 TStack init() {  
43     return NULL;  
44 }
```



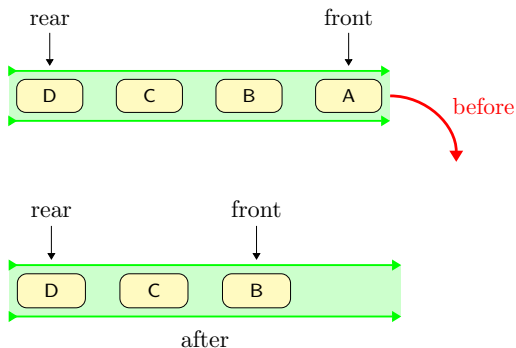
# Coada – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **FIFO** (First In First Out)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Eliminarea unui element de la începutul cozii



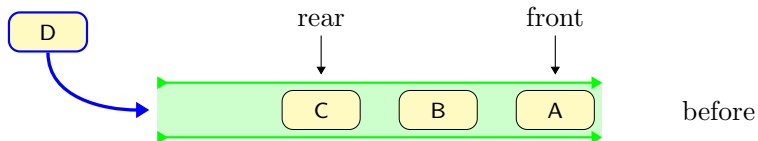
# Coada – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **FIFO** (First In First Out)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Eliminarea unui element de la începutul cozii



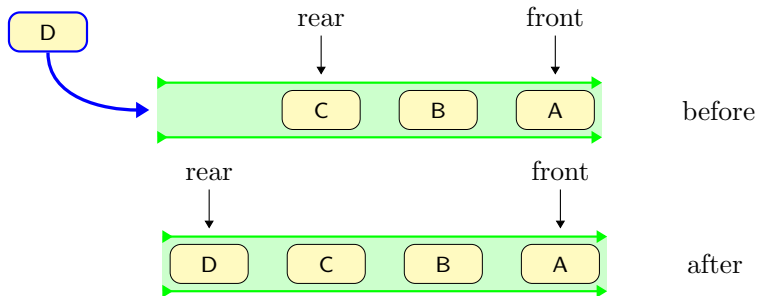
# Coada – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **FIFO** (**F**irst **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Eliminarea unui element de la începutul cozii
  - 2 Adăugarea unui element la finalul cozii



# Coada – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **FIFO** (**F**irst **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Eliminarea unui element de la începutul cozii
  - 2 Adăugarea unui element la finalul cozii



# Coadă – Motivație

- O structură de date care funcționează după principiul **FIFO** (**F**irst **I**n **F**irst **O**ut)
- Este o structură de date pentru care putem realiza următoarele operații:
  - 1 Eliminarea unui element de la începutul cozii
  - 2 Adăugarea unui element la finalul cozii

Avem acces **doar** la primul element introdus în coadă!

- Există foarte multe aplicabilități pentru această structură de date.
  - Programarea sarcinilor de lucru (planificare)
  - Alocarea resurselor
  - Batch Processing
  - Message Buffering
  - Algoritmul de parcurgere în lățime

# Definirea TAD-ului pentru o coadă

## Constructori

- Aceștia au ca rezultat o coadă nouă cu elemente de tip  $T$
- Considerăm ca nume pentru TAD `TQueue`
  - 1 Inițializarea cozii: `init:  $\rightarrow$  TQueue`
  - 2 Adăugarea unui element la finalul cozii: `enqueue: TQueue  $\rightarrow$  TQueue`
  - 3 Eliminarea elementului de la începutul cozii:  
`dequeue: TQueue  $\rightarrow$  TQueue`

## Funcții

- Operații care furnizează informații despre o coadă.
  - 1 Verificare coadă vidă: `isEmpty: TQueue  $\rightarrow$   $\{0, 1\}$`
  - 2 Determinarea valorii pentru element din coadă: `front: TQueue  $\rightarrow$  T`



Ce putem utiliza pentru a reține elementele unei cozi?

# Definirea TAD-ului pentru o coadă

## Constructori

- Aceștia au ca rezultat o coadă nouă cu elemente de tip  $T$
- Considerăm ca nume pentru TAD `TQueue`
  - 1 Inițializarea cozii: `init: → TQueue`
  - 2 Adăugarea unui element la finalul cozii: `enqueue: TQueue → TQueue`
  - 3 Eliminarea elementului de la începutul cozii:  
`dequeue: TQueue → TQueue`

## Funcții

- Operați care furnizează informații despre o coadă.
  - 1 Verificare coadă vidă: `isEmpty: TQueue → {0, 1}`
  - 2 Determinarea valorii pentru element din coadă: `front: TQueue → T`



Ce putem utiliza pentru a reține elementele unei cozi?



Vectori sau Liste

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
1  typedef int T;
2  typedef struct queue {
3      T *elements;
4      int front; // capul cozii
5      int rear;  // finalul cozii
6      int count; // nr de elemente din coadă
7      int maxSize;
8  } TQueue;
9  TQueue init() {
10     TQueue queue;
11     queue.elements = malloc(100 * sizeof(T));
12     queue.maxSize = 100;
13     queue.front = 0;
14     queue.rear = 0;
15     queue.count = 0;
16     return queue;
17 }
```



# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
18  int isEmpty(TQueue queue) {
19      return queue.count == 0;
20  }
21  TQueue enqueue(TQueue queue, T elem) {
22      if (queue.maxSize == queue.count) {
23          queue.maxSize *= 2;
24          queue.elements = realloc(queue.elements,
↪   queue.maxSize * sizeof(T));
25      }
26      queue.elements[queue.rear++] = elem;
27      queue.count++;
28      return queue;
29  }
```

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
18  int isEmpty(TQueue queue) {  
19      return queue.count == 0;  
20  }  
21  TQueue enqueue(TQueue queue, T elem) {  
22      if (queue.maxSize == queue.count) {  
23          queue.maxSize *= 2;  
24          queue.elements = realloc(queue.elements,  
↪   queue.maxSize * sizeof(T));  
25      }  
26      queue.elements[queue.rear++] = elem;  
27      queue.count++;  
28      return queue;  
29  }
```



Ce complexitate are operația enqueue?

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
30 TQueue dequeue(TQueue queue) {
31     if (isEmpty(queue))
32         exit(1);
33     queue.front++;
34     queue.count--;
35     return queue;
36 }
37 T front(TQueue queue) {
38     if (isEmpty(queue))
39         exit(1);
40     return queue.elements[queue.front];
41 }
```

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
30 TQueue dequeue(TQueue queue) {  
31     if (isEmpty(queue))  
32         exit(1);  
33     queue.front++;  
34     queue.count--;  
35     return queue;  
36 }  
37 T front(TQueue queue) {  
38     if (isEmpty(queue))  
39         exit(1);  
40     return queue.elements[queue.front];  
41 }
```



Ce complexitate are operația dequeue?

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic



Cum putem dealoca memoria pentru această structură de date?

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic



Cum putem dealoca memoria pentru această structură de date?



Am alocat memorie doar pentru vectorul de elemente.

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic



Cum putem dealoca memoria pentru această structură de date?



Am alocat memorie doar pentru vectorul de elemente.

```
42 TQueue freeQueue(TQueue queue) {  
43     free(queue.elements);  
44     queue.front = 0;  
45     queue.count = 0;  
46     queue.maxSize = 0;  
47     return queue;  
48 }
```

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

## Exemplu de utilizare

```
1  int main() {
2      TQueue queue = init();
3      int i;
4      for (i = 0; i < 10; i++)
5          queue = enqueue(queue, i);
6      for (i = 0; i < 5; i++) {
7          printf("%d ", front(queue));
8          queue = dequeue(queue);
9      }
10     printf("\n");
11     for (i = 20; i < 25; i++)
12         queue = enqueue(queue, i);
13     while (!isEmpty(queue)) {
14         printf("%d ", front(queue));
15         queue = dequeue(queue);
16     }
```



# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
17     printf("\n");  
18     queue = freeQueue(queue);  
19     return 0;  
20 }
```

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
17     printf("\n");  
18     queue = freeQueue(queue);  
19     return 0;  
20 }
```



Ce o să afișeze acest exemplu?

# Implementarea cozii cu vector alocat dinamic

```
17     printf("\n");  
18     queue = freeQueue(queue);  
19     return 0;  
20 }
```



Ce o să afișeze acest exemplu?

```
0 1 2 3 4  
5 6 7 8 9 20 21 22 23 24
```



Există ceva probleme cu această implementare?!

# Implementarea cozii folosind listă

## Modalitatea de reprezentare

```
1  typedef int T;
2  typedef struct node {
3      T data;
4      struct node *next;
5  } Node;
6  typedef struct queue {
7      Node *head, *tail;
8      int size;
9  } *TQueue;
```



De ce avem nevoie să reținem și un pointer către ultimul nod (tail)?

# Implementarea cozii folosind listă

```
10 Node *initNode(T data) {
11     Node *node = malloc(sizeof(struct node));
12     node->data = data;
13     node->next = NULL;
14     return node;
15 }
16 Node *freeNode(Node *node) {
17     if (node)
18         free(node);
19     return NULL;
20 }
21 TQueue initQueue(T data) {
22     TQueue queue = malloc(sizeof(struct queue));
23     queue->head = queue->tail = initNode(data);
24     queue->size = 1;
25     return queue;
26 }
```

# Implementarea cozii folosind listă

```
27 TQueue init() {  
28     return NULL;  
29 }  
30 int isEmpty(TQueue queue) {  
31     return queue == NULL || queue->head == NULL ||  
    ↪ queue->size == 0;  
32 }
```

# Implementarea cozii folosind listă

```
27 TQueue init() {  
28     return NULL;  
29 }  
30 int isEmpty(TQueue queue) {  
31     return queue == NULL || queue->head == NULL ||  
    ↪ queue->size == 0;  
32 }
```



De ce nu am avut nevoie să folosim listă dublu înlănțuită?  
Putem actualiza pointerul `tail` dacă nu avem listă dublu înlănțuită?

# Implementarea cozii folosind listă

```
27 TQueue init() {  
28     return NULL;  
29 }  
30 int isEmpty(TQueue queue) {  
31     return queue == NULL || queue->head == NULL ||  
    ↪ queue->size == 0;  
32 }
```



De ce nu am avut nevoie să folosim listă dublu înlănțuită? Putem actualiza pointerul `tail` dacă nu avem listă dublu înlănțuită?



Este în regulă, deoarece realizăm doar inserare la final.



# Implementarea cozii folosind listă

```
47  TQueue enqueue(TQueue queue, T data) {
48      Node *node;
49      if (isEmpty(queue)) {
50          if (queue == NULL)
51              return initQueue(data);
52          free(queue);
53          return initQueue(data);
54      }
55      node = initNode(data);
56      queue->tail->next = node;
57      queue->tail = node;
58      queue->size++;
59      return queue;
60 }
```

# Implementarea cozii folosind listă

```
33  TQueue dequeue(TQueue queue) {
34      Node *tmp;
35      if (!isEmpty(queue)) {
36          tmp = queue->head;
37          queue->head = queue->head->next;
38          tmp = freeNode(tmp);
39          queue->size--;
40      }
41      return queue;
42  }
```

# Implementarea cozii folosind listă

```
33  TQueue dequeue(TQueue queue) {
34      Node *tmp;
35      if (!isEmpty(queue)) {
36          tmp = queue->head;
37          queue->head = queue->head->next;
38          tmp = freeNode(tmp);
39          queue->size--;
40      }
41      return queue;
42  }
```



Ce complexitate au operațiile enqueue și dequeue?

# Implementarea cozii folosind listă

```
43 T front(TQueue queue) {
44     if (!isEmpty(queue))
45         return queue->head->data;
46     else
47         exit(1);
48 }
49 TQueue freeQueue(TQueue queue) {
50     while (!isEmpty(queue))
51         queue = dequeue(queue);
52     if (queue)
53         free(queue);
54     return NULL;
55 }
```

# Probleme tip interviu

**Enunț:** Dându-se o expresie, care poate conține paranteze deschise și închise, implementați o funcție care verifică dacă expresia conține sau nu paranteze inutile. Alegeți o structură de date care să faciliteze rezolvarea problemei și motivați alegerea făcută.

## Exemple:

$(x + y) * z$  – Nu conține

$(x + y) * (z)$  – Conține

$((x + y)) * (2 + 3)$  – Conține

$(x + y) / (1 + 2)$  – Nu conține

$((x + y) / (1 + 2))$  – Nu conține (*caz particular*)

# Probleme tip interviu

**Enunț:** Dându-se o expresie, care poate conține paranteze deschise și închise, implementați o funcție care verifică dacă expresia conține sau nu paranteze inutile. Alegeți o structură de date care să faciliteze rezolvarea problemei și motivați alegerea făcută.

## Exemple:

$(x + y) * z$  – Nu conține

$(x + y) * (z)$  – Conține

$((x + y)) * (2 + 3)$  – Conține

$(x + y) / (1 + 2)$  – Nu conține

$((x + y) / (1 + 2))$  – Nu conține (*caz particular*)



Ce structură de date putem folosi pentru rezolvarea acestei probleme?

# Probleme tip interviu



Ne folosim de o stivă!

# Probleme tip interviu



Ne folosim de o stivă!



Ce vom adăuga în stivă și când eliminăm din stivă?



Adăugăm în stivă toate simbolurile diferite de ).



# Probleme tip interviu



Ne folosim de o stivă!



Ce vom adăuga în stivă și când eliminăm din stivă?



Adăugăm în stivă toate simbolurile diferite de `)`.  
Când întâlnim `)` începem să scoatem din stivă până găsim `(` în vârful stivei și verificăm dacă întâlnim cel puțin o operație.

# Probleme tip interviu

```
1  int checkRedundancy(char *str) {
2      Stack st = NULL;
3      char ch;
4      for (i = 0; i < strlen(str); i++) {
5          ch = str[i];
6          if (ch == ')') {
7              char t_ch = top(st);
8              st = pop(st);
9              int flag = 1;
10             while (t_ch != '(') {
11                 if (t_ch == '+' || t_ch == '-' ||
12                     t_ch == '*' || t_ch == '/')
13                     flag = 0;
14                 t_ch = top(st);
15                 st = pop(st);
16             }
```

# Probleme tip interviu

```
17         if (flag == 1)
18             return 1;
19     }
20     else
21         st = push(st, ch);
22 }
23 return 0;
24 }
```

# Probleme de tip interviu

**Enunț:** Faimoasa echipă de fotbal *Liverpool* a decis să organizeze un eveniment, numit **PASS** and **BACK**, prin care să promoveze sportul. La acest eveniment vor participa  $N$  persoane, primind fiecare un id cuprins între 1 și 1.000.000. Inițial, mingea este în posesia jucătorului cu id-ul  $K$ . La fiecare pas, jucătorul care deține mingea poate alege să o paseze mai departe către un alt jucător sau să i-o paseze înapoi celui de la care a primit-o. Scrieți o funcție care să returneze id-ul jucătorului care deține mingea după  $M$  pase. Alegeți o structură de date care să faciliteze rezolvarea problemei și motivați alegerea făcută.

```
typedef struct move {  
    char type;  
    int next;  
}  
Move;  
int getPlayer(Move *moves, int M, int *ids, int N, int init);
```

**Exemplu:** `initialPlayer = 23 / moves = P 86; P 63; P 60; B; P 47; B`

*Output:* 63

# Probleme de tip interviu

```
17  int getPlayer(Move *moves, int M, int *ids, int N, int ini
18      Stack s = NULL;
19      int i = 0;
20      s = push(s, initialPlayer);
21      for (i = 0; i < M; i++) {
22          if (moves[i].type == 'P') {
23              s = push(s, moves[i].next);
24          } else {
25              s = pop(s);
26          }
27      }
28      return top(s);
29  }
```

*Vă mulțumesc pentru atenție!*

