

1. Магнитное взаимодействие токов. Магнитное поле. Магнитная индукция. Напряженность магнитного поля. Силовые линии магнитного поля.

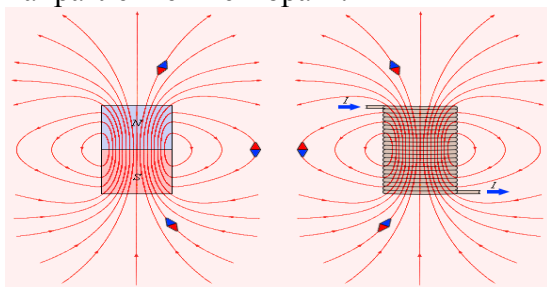
Магнитное поле образуется вокруг движущихся электрических зарядов, а так же вокруг постоянных магнитов(вызванное микро токами внутри вещ-ва).

Магнитное поле-силовое поле, окружающее токи и постоянные магниты.

Магнитная индукция-кол-ная хар-ка магнитного поля; в однородном магн.поле определяется максимвльным вращающим моментом,действующим на рамку с магн.моментом,равным единице, когда нормаль к рамке перепендикулярна направлению тока.

Напряженность магнитного поля- описание магнитного поля макротоков. $B = H\mu\mu_0$, μ -магнитная проницаемость поля, μ_0 -магнитная постоянная.

Силовые линии- линии, касательные к которым в каждой точке совпадают с направлением вектора B .



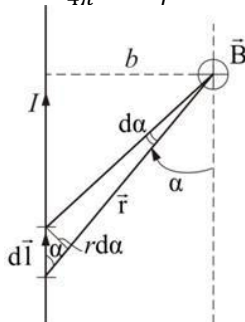
2. Закон Био-Савара-Лапласа. Расчет поля кругового тока.

$$dB = \frac{\mu_0 \mu}{4\pi} \frac{Idl \sin \alpha}{r^2}, \quad \alpha - \text{угол между векторами } dl \text{ и } r$$

$$\text{Для кругового тока: } B = \mu\mu_0 \frac{I}{2R}$$

3. Закон Био-Савара-Лапласа. Поле прямолинейного тока.

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} * \frac{Idl \sin \alpha}{r^2}, \quad \alpha - \text{угол между векторами } dl \text{ и } r.$$



$$\text{Магнитная индукция для прямого тока: } B = \frac{\mu\mu_0 2I}{4\pi R}.$$

4. Сила Лоренца. Движение заряженной частицы в магнитном поле.

Сила Лоренца – сила, действующая на электрический заряд q , движущийся в магнитном поле со скоростью v .

$$F = qvB \sin \alpha$$

Сила лоренца не совершает работы, она только меняет направление движения.

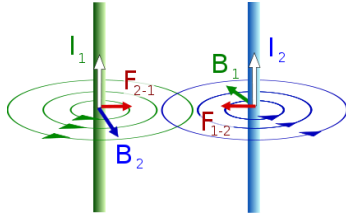
Если на заряд действует электрическое поле с напряженностью E , то результирующая сила:

$$\vec{F} = q\vec{E} + qvB \sin \alpha$$

5. Закон Ампера. Взаимодействие проводников с током.

Закон Ампера: $dF = IB \sin \alpha$, α -угол между векторами dl и dB .

Взаимодействие проводников с током: $dF = \frac{\mu \mu_0 * 2 I_1 I_2}{4 \pi R} dl$.



6. Магнитное поле. Работа перемещения контура с током в магнитном поле.

Магнитное поле – особая материя, возникающая вокруг любых движущихся электрических зарядов.

Работа сил Ампера при перемещении контура с током в магнитном поле:

$$A = I(\Phi_2 - \Phi_1); (dA = Id\Phi, d\Phi = B dS, dS = l dx \Rightarrow dA = IB l dx)$$

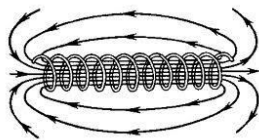
7. Циркуляция вектора магнитной индукции. Закон полного тока. Магнитное поле соленоида.

Циркуляция вектора: $\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \oint_L B_l dl$, где $d\vec{l}$ -вектор элементарной длины, направленный вдоль обхода контура; $B_l = B \cos \alpha$ - составляющая вектора B в направлении касательной к контуру; α -угол между векторами B и $d\vec{l}$

Закон полного тока в вакууме: $\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \oint_L B_l dl = \mu_0 \sum_{k=1}^n I_k$. n – число проводников с токами в контуре.

$$\text{Закон полного тока: } \oint_L \vec{B} d\vec{l} = \oint_L B_l dl = B \oint_L dl = B * 2\pi r \Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

Магнитное поле соленоида: $B = \frac{\mu_0 N I}{l}$, l -длина соленоида, N - кол-во витков



8. Намагничивание вещества. Намагниченность. Магнитная восприимчивость.

Намагничивание вещества, обусловлено преимущественной ориентацией или индуцированием магнитных моментов отдельных молекул в одном направлении. Происходит в направлении, противоположном магнитной силе – является Диамагнитным. Сам процесс является не плавным, а характеризуется малыми скачками.

Намагниченность - магнитный момент единицы объема вещества:

$$J = \frac{p_m}{V}, J - \text{вектор намагниченности, } p_m - \text{вектор магнитного момента, } V - \text{объем}$$

Магнитная восприимчивость: $J = \chi H$, χ - скалярная величина связывающая J и H (напряж)

9. Классификация магнетиков. Природа и механизмы намагничивания.

Магнетик-способность под действием магнитного поля приобретать магнитный момент(намагничиваться).

1.Диамагнетики-вещество, намагничивающееся во внешнем поле против направления поля.

2.Парамагнетики- вещество, намагничивающееся во внешнем поле по направлению поля.

3.Ферромагнетики-вещество, обладающее спонтанной намагниченностью, т.е. они намагничены даже при отсутствии внеш.магн.поля.

10. Явление электромагнитной индукции. Закон Фарадея. Правило Ленца. Самоиндукция. ЭДС индукции.

Явление электромагнитной индукции – заключается в том, что в замкнутом проводящем контуре при изменении потока магнитной индукции, охватываемого этим контуром, возникает электрический ток.

$$\text{ЭДС индукции: } \varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt}$$

Правило Ленца: индукционный ток в контуре имеет всегда такое направление, что создаваемое им магнитное поле препятствует изменению магнитного потока, вызывающему этот индукционный ток.

Закон Фарадея: ЭДС эл.индукции в контуре численно равна и противоположна по знаку скорости изменения магнитного потока сквозь поверхность, ограниченную этим контуром.

Самоиндукция: возникновение ЭДС индукции в проводящем контуре при изменении в нем силы тока. ($L = \Phi/I$ [$1\text{Гн} = 1\text{ Вб/А}$])

11. Индуктивность. Взаимная индукция. Индуктивность соленоида.

Индуктивность-коэффициент пропорциональности $L = \mu\mu_0 \frac{N^2 S}{l}$, S -площадь соленоида, μ -магнитная проницаемость.

Взаимная индукция-явление возникновения ЭДС в одном из контуров при изменении силы тока в другом. $L_{12}=L_{21}=\mu\mu_0 \frac{N_1 N_2}{l} S$.

12. Энергия электрического поля. Энергия и плотность энергии магнитного поля.

$$\text{Энергия магнитного поля: } W = \frac{LI^2}{2}$$

$$\text{Объемная плотность: } \omega = \frac{BH}{2}$$

$$\text{Энергия электрического поля: } W = \frac{kq^2}{2R}$$

13. Вихревое электрическое поле. Ток смещения. Система уравнений Максвелла в интегральной форме.

Вихревое электрическое поле - это индуцированное электрическое поле.

Переменное магнитное поле порождает наведенное (индуцированное) электрическое поле. Если магнитное поле постоянно, то индуцированного электрического поля не возникает.

Ток смещения – поток вектора быстроты изменения электрического поля $\delta E/\delta t$ через некоторую поверхность S : $J_D = \varepsilon_0 \int \frac{\delta E}{\delta t} ds$

Система уравнений Максвелла:

$$q = \oint D ds - \text{Закон Гаусса}$$

$$\oint B ds = 0 - \text{Закон Гаусса для магнитного поля}$$

$$\oint E dl = -\frac{d}{dt} \int B ds - \text{Закон индукции Фарадея}$$

$$\oint H dl = I + \frac{d}{dt} \int D ds - \text{теорема о циркуляции магнитного поля}$$

14. Гармонические колебания. Характеристики гармонических колебаний и их физический смысл.

Гармонические колебания – колебания, при которых колеблющаяся величина изменяется со временем по закону синуса(косинуса). $s = A\cos(\omega_0 t + \varphi)$

Характеристики:

Амплитуда колебаний – максимальное значение колеблющейся величины (A).

ω_0 – круговая циклическая частота.

Фаза колебаний – периодически изменяющийся аргумент косинуса ($\omega_0 t + \varphi$).

Начальная фаза – смещение колеблющейся величины от положения равновесия в начальный момент времени t_0 (φ).

Период колебаний – период за который фаза колебаний получает приращение 2π ($T = \frac{2\pi}{\omega_0}$).

Частота колебаний – число полных колебаний совершенных в единицу времени ($\nu = \frac{1}{T}$).

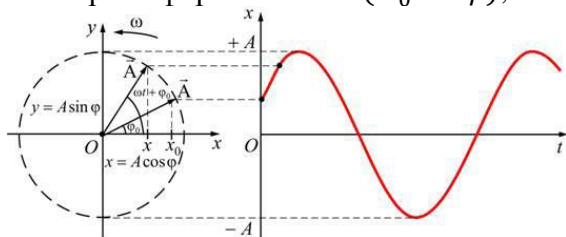
15. Комплексная форма представления гармонических колебаний. Представление гармонических колебаний в векторной форме.

Колебания-движения или процессы, кот.хар-тся определенной повторяемостью во времени.

Гармонический колебания- колебания, при кот.колеблющаяся величина изменяется со временем по закону косинуса(синуса).

Комплексная форма: $s = Ae^{i(\omega_0 t + \varphi)}$, где A – амплитуда колебаний, $(\omega_0 t + \varphi)$ – фаза колебаний.

Векторная форма: $s = A\cos(\omega_0 t + \varphi)$;



16. Сложение одинаково направленных гармонических колебаний.

$$x_1 = A\cos(\omega_1 t + \varphi_1)$$

$$x_2 = A\cos(\omega_2 t + \varphi_2)$$

$$a) \varphi_2 - \varphi_1 = 2\pi k (k=0,1,2,\dots)$$

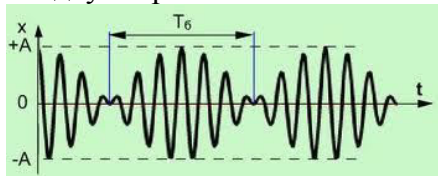
$A = A_1 + A_2$, т.е. амплитуда результирующего колебания A равна сумме амплитуд склад колеб

$$b) \varphi_2 - \varphi_1 = (2k + 1)\pi (k=0,1,2,\dots)$$

$A = |A_1 - A_2|$, т.е амплитуда результирующего колебания равна разности амплитуд

17. Биения.

Биения- периодические изменения амплитуды колебания, возникающие при сложении двух гармонических колебаний с близкими частотами.



$$x = (2A \cos \frac{\Delta\omega}{2} t) \cos \omega t.$$

18. Сложение взаимно-перпендикулярных гармонических колебаний. Фигуры Лиссажу.

$$x = A \cos(\omega t)$$

$$y = B \cos(\omega t + \alpha_2) \quad , \alpha - \text{разность фаз}$$

Получаются эллиптически поляризованные колебания: $\frac{x^2}{A^2} - \frac{2xy}{AB} \cos \alpha + \frac{y^2}{B^2} = \sin^2 \alpha$

$$1) \quad \alpha = 2m\pi/2 \quad (m=0,1,2,\dots)$$

$$y = \pm \frac{B}{A} x$$

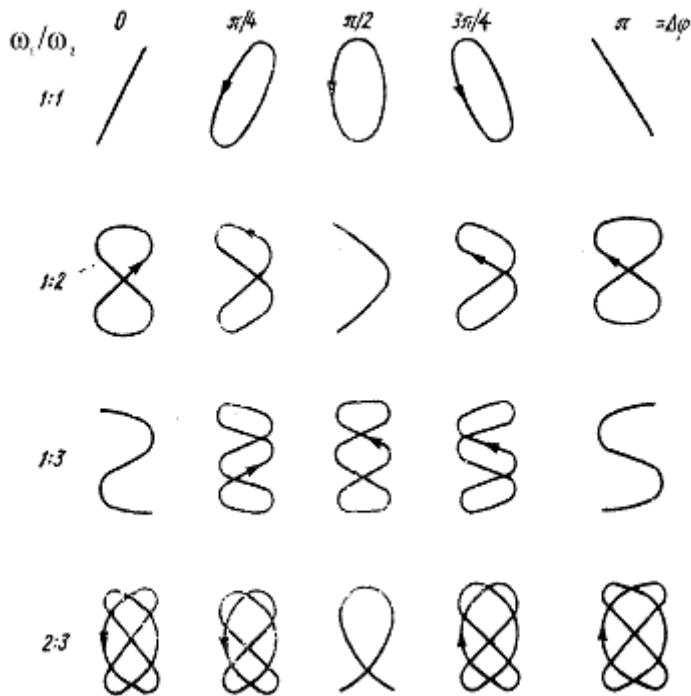
$$\varphi = \arctg \left(\frac{B}{A} \cos(m\pi) \right)$$

$$2) \quad \alpha = (2m+1)\pi/2 \quad (m=0,1,2,\dots)$$

$$\frac{x^2}{A^2} - \frac{y^2}{B^2} = 1 - \text{окружность}$$

Получаются колебания, поляризованные по кругу.

Фигуры Лиссажу – если если различны частоты:



19. Гармонический осциллятор. Дифференциальное уравнение гармонического осциллятора. Примеры гармонических осцилляторов.

Гармонический осциллятор- система, совершающая колебания, описываемые уравнением: $\ddot{s} + \omega_0^2 s = 0$.

Примеры: Пружинный маятник, физический маятник, математический маятник.

20. Математический маятник, физический маятник, груз на пружине, колебательный контур без потерь энергии.

Математический маятник - осциллятор, представляющий собой механическую систему, состоящую из материальной точки, находящейся на невесомой нерастяжимой нити или на невесомом стержне в однородном поле сил тяготения.

$$\ddot{x} + \omega^2 \sin x = 0, \text{ где } \omega = \sqrt{\frac{g}{l}}, l - \text{длина нити}$$

$$E = \frac{1}{2} m l^2 \omega_0^2 A^2$$

Физический маятник - осциллятор, представляющий собой твёрдое тело, совершающее колебания в поле каких-либо сил относительно точки, не являющейся центром масс этого тела, или неподвижной оси, перпендикулярной направлению действия сил и не проходящей через центр масс этого тела.

$$\varphi = A \cos(\omega t + \alpha), \text{ где } \omega = \sqrt{\frac{mgl}{I}}$$

$$E = \frac{1}{2} I \omega_0^2 A^2 = \text{const}$$

Пружинный маятник — механическая система, состоящая из пружины с коэффициентом упругости k , один конец которой жёстко закреплён, а на втором находится груз массы m .

$$\ddot{x} + \frac{k}{m} x = 0$$

$$\ddot{x} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \alpha) \quad (m\ddot{x} = -kx), \quad \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}, \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$E = m \frac{v^2}{2} + k \frac{x^2}{2} = k \frac{A^2}{2} = \text{const}$$

21. Энергия механических и электрических гармонических колебаний.

$$W = \frac{Q^2}{2C} + \frac{L\dot{Q}^2}{2} = \text{const}; \text{ - электрич}$$

22. Затухающие механические колебания. Коэффициент затухания, логарифмический декремент затухания. Добротность.

Затухающие колебания – колебания, амплитуды которых из-за потерь энергии реальной колебательной системой с течением времени уменьшаются.

$$\frac{d^2 s}{dt^2} + 2\delta \frac{ds}{dt} + \omega_0^2 s = 0, \quad \delta - \text{коэффициент затухания.}$$

Логарифмический декремент затухания - $\delta T = \frac{1}{N_e}$, где N_e – число колебаний, совершаемых за время уменьшения амплитуды в e раз.

$$\text{Добротность} - Q = \frac{\omega_0}{2\delta}$$

23. Затухающие электрические колебания. Коэффициент затухания, логарифмический декремент затухания. Добротность.

Затухающие колебания – колебания, амплитуды кот.из-за потерь энергии реальной колебательной системой с течением времени уменьшаются.

$$\ddot{Q} + 2\delta\dot{Q} + \omega_0^2 Q = 0; \delta = \frac{R}{2L} - \text{коэффициент}$$

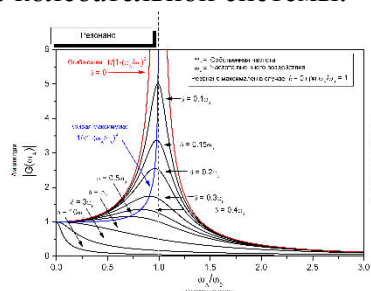
затухания, $\frac{A(t)}{A(t+T)} = e^{\delta T}$ – декремент затухания, $\theta =$

$\ln \frac{A(t)}{A(t+T)}$ – логарифмический декремент затухания, Q-добротность (характеристика колебательной системы) – $Q = \frac{\pi}{\theta}$.

24. Вынужденные колебания. Зависимость амплитуды и фазы вынужденных колебаний от частоты внешнего гармонического воздействия. Явление резонанса.

Вынужденные колебания – Колебания, возникающие под действием внешней периодически изменяющейся ЭДС.

Резонанс – явление резкого возрастания амплитуды вынужденных колебаний при приближении частоты вынуждающей силы к частоте, равной или близкой собственной частоте колебательной системы.



25. Колебательный контур. Вынужденные колебания тока в цепи. Резонанс напряжений.

Колебательный контур — простейшая система, в которой могут происходить свободные электромагнитные колебания

При соединении конденсатора с катушкой индуктивности, в цепи потечёт ток I , что вызовет в катушке электродвижущую силу (ЭДС) самоиндукции, направленную на уменьшение тока в цепи. Ток, вызванный этой ЭДС (при отсутствии потерь в индуктивности) в начальный момент будет равен току разряда конденсатора, то есть результирующий ток будет равен нулю. Магнитная энергия катушки в этот (начальный) момент равна нулю.

Затем результирующий ток в цепи будет возрастать, а энергия из конденсатора будет переходить в катушку до полного разряда конденсатора. В этот момент электрическая энергия конденсатора $E_c = 0$. Магнитная же энергия, сосредоточенная в катушке, напротив, максимальна и равна: $E_L = \frac{LI_0^2}{2}$, где L — индуктивность катушки, I — максимальное значение тока.

После этого начнётся перезарядка конденсатора, то есть заряд конденсатора напряжением другой полярности. Перезарядка будет проходить до тех пор, пока магнитная энергия катушки не перейдёт в электрическую энергию конденсатора. Конденсатор, в этом случае, снова будет заряжен до напряжения U .

В результате в цепи возникают колебания, длительность которых будет обратно пропорциональна потерям энергии в контуре.

Резонанс напряжений - резонанс, происходящий в последовательном колебательном контуре при его подключении к источнику напряжения, частота которого совпадает с собственной частотой контура.