

**ĐẠI HỌC QUỐC GIA THÀNH PHỐ HỒ CHÍ MINH**  
**TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN**  
**KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN**



**BÀI BÁO CÁO BÀI TẬP VỀ NHÀ**

**Giảng viên hướng dẫn: Phan Quốc Kỳ**

**Lớp: 24CTT3**

## 1 Giới thiệu

Trong bài tập tuần 3, Set 2, nhóm chúng tôi đã thực hiện việc so sánh hiệu suất của các thuật toán sắp xếp bao gồm 11 thuật toán: Selection Sort, Insertion Sort, Bubble Sort, Shaker Sort, Shell Sort, Heap Sort, Merge Sort, Quick Sort, Counting Sort, Radix Sort và Flash Sort. Các thuật toán này được thực hiện trên các bộ dữ liệu với kích thước và dạng khác nhau, nhằm đo lường thời gian chạy và số phép so sánh của mỗi thuật toán.

## 2 Mô tả các thuật toán

- Bubble Sort: Bubble Sort hoạt động bằng cách duyệt qua mảng và so sánh các cặp phần tử liên tiếp, hoán đổi chúng nếu chúng không theo đúng thứ tự. Quá trình này được lặp đi lặp lại cho đến khi không có phép hoán đổi nào được thực hiện, nghĩa là mảng đã được sắp xếp. Đây là thuật toán đơn giản, dễ hiểu nhưng có độ phức tạp thời gian là  $O(n^2)$ , làm cho nó không hiệu quả đối với các mảng lớn.

- Selection Sort: Selection Sort tìm kiếm phần tử nhỏ nhất trong mảng và hoán đổi nó với phần tử đầu tiên, sau đó tiếp tục tìm kiếm phần tử nhỏ nhất trong phần còn lại của mảng và hoán đổi với phần tử thứ hai, cứ như vậy cho đến khi mảng được sắp xếp. Thuật toán này có độ phức tạp thời gian là  $O(n^2)$  và thực hiện số lượng hoán đổi ít, nhưng vẫn không hiệu quả với mảng lớn.

- Shell Sort: Shell Sort là một cải tiến của thuật toán Insertion Sort. Thay vì so sánh các phần tử liên tiếp, nó sử dụng một khoảng cách (gap) giữa các phần tử cần so sánh. Gap giảm dần cho đến khi trở thành 1, lúc đó thuật toán giống như Insertion Sort. Thuật toán này có thể có độ phức tạp  $O(n^2)$  trong trường hợp xấu nhất, nhưng có hiệu suất tốt hơn Insertion Sort trong nhiều tình huống.

- Counting Sort: Counting Sort sử dụng một mảng phụ để đếm số lần xuất hiện của từng giá trị trong mảng đầu vào. Sau khi đếm, nó tái tạo lại mảng đã sắp xếp dựa trên số lần xuất hiện của các phần tử. Đây là thuật toán không sử dụng so sánh và có độ phức tạp  $O(n+k)$ , trong đó  $n$  là số phần tử trong mảng và  $k$  là giá trị lớn nhất trong mảng. Counting Sort rất hiệu quả khi phạm vi giá trị trong mảng là nhỏ. 1

- Merge Sort: Merge Sort là thuật toán chia để trị. Nó chia mảng thành các phần nhỏ hơn cho đến khi mỗi phần chỉ có một phần tử. Sau đó, các phần này được kết hợp lại theo thứ tự sắp xếp. Merge Sort có độ phức tạp  $O(n \log n)$  trong mọi trường hợp và là một thuật toán ổn định, tuy nhiên, nó yêu cầu bộ nhớ phụ để lưu trữ các mảng con trong quá trình hợp nhất.

- Flash Sort: Flash Sort phân chia mảng thành các dải (buckets) dựa trên giá trị của các phần tử. Sau khi phân chia, thuật toán sử dụng một phương pháp sắp xếp nội bộ (thường là Insertion Sort) cho mỗi dải. Flash Sort có thể đạt hiệu suất rất tốt khi các phần tử trong mảng có phân phối đều. Thuật toán này có thể đạt được độ phức tạp  $O(n)$  trong các trường hợp lý tưởng, nhưng có thể kém hiệu quả nếu dữ liệu không phân phối đều.

- Insertion Sort: Insertion Sort hoạt động bằng cách lần lượt đưa các phần tử vào vị trí đúng trong mảng đã sắp xếp. Mỗi phần tử được đưa vào vị trí của nó trong mảng đã sắp xếp bằng cách dịch chuyển các phần tử lớn hơn về phía sau. Đây là thuật toán đơn giản và rất hiệu quả khi

mảng đã gần như được sắp xếp hoặc đối với các mảng nhỏ. Tuy nhiên, độ phức tạp trong trường hợp tồi tệ là  $O(n^2)$ .

- **Shaker Sort:** Shaker Sort là một biến thể của Bubble Sort, trong đó thuật toán duyệt mảng theo cả hai chiều: từ trái qua phải và từ phải qua trái. Điều này giúp giảm bớt số lượt duyệt trong một số trường hợp nhất định. Mặc dù có sự cải tiến so với Bubble Sort, Shaker Sort vẫn có độ phức tạp  $O(n^2)$  và không phù hợp với mảng lớn.

- **Heap Sort:** Heap Sort sử dụng cấu trúc dữ liệu heap để sắp xếp mảng. Đầu tiên, nó xây dựng một heap từ mảng. Sau đó, phần tử lớn nhất (hoặc nhỏ nhất) được lấy ra và đưa vào đúng vị trí của nó trong mảng. Thuật toán có độ phức tạp  $O(n \log n)$  và không cần bộ nhớ phụ ngoài mảng gốc, nhưng không phải là thuật toán ổn định.

- **Quick Sort:** Quick Sort sử dụng phương pháp chia để trị, chọn một phần tử làm pivot, sau đó phân chia mảng thành hai phần sao cho các phần tử nhỏ hơn pivot nằm ở một bên và các phần tử lớn hơn pivot nằm ở bên kia. Thuật toán tiếp tục đệ quy sắp xếp các phần này. Quick Sort có độ phức tạp trung bình là  $O(n \log n)$ , nhưng trong trường hợp xấu (khi pivot không được chọn tốt), độ phức tạp có thể lên tới  $O(n^2)$ .

- **Radix Sort:** Radix Sort là một thuật toán sắp xếp không sử dụng so sánh. Nó sắp xếp các phần tử dựa trên các chữ số của chúng từ thấp 2 đến cao. Thuật toán này rất hiệu quả với các dãy số nguyên, đặc biệt là khi số chữ số của các phần tử nhỏ. Độ phức tạp của Radix Sort là  $O(n \cdot k)$ , trong đó  $k$  là số chữ số tối đa của phần tử lớn nhất trong mảng.

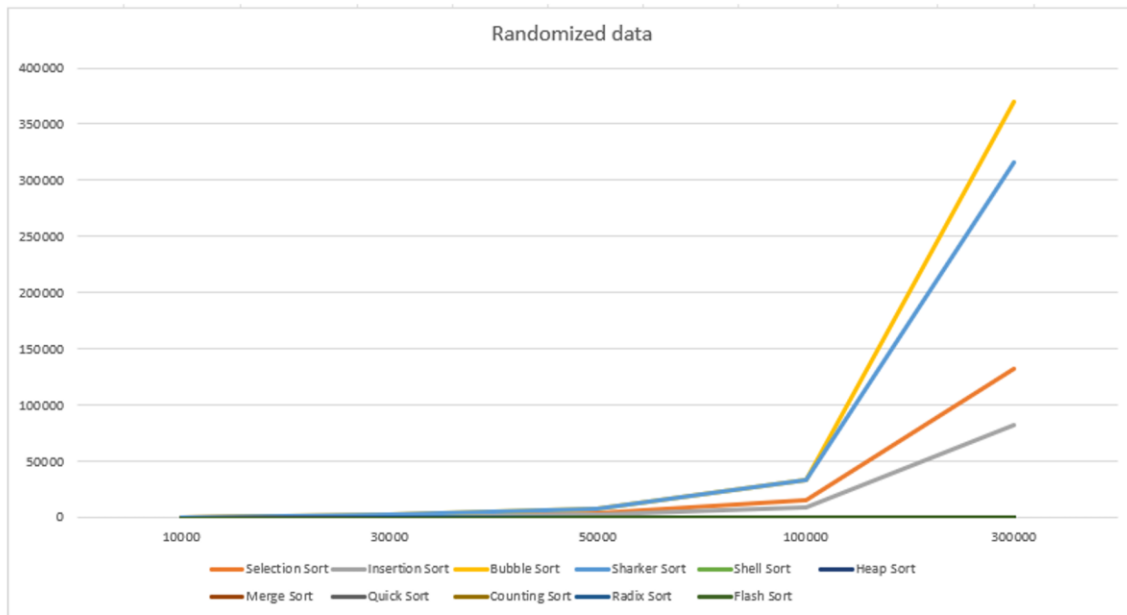
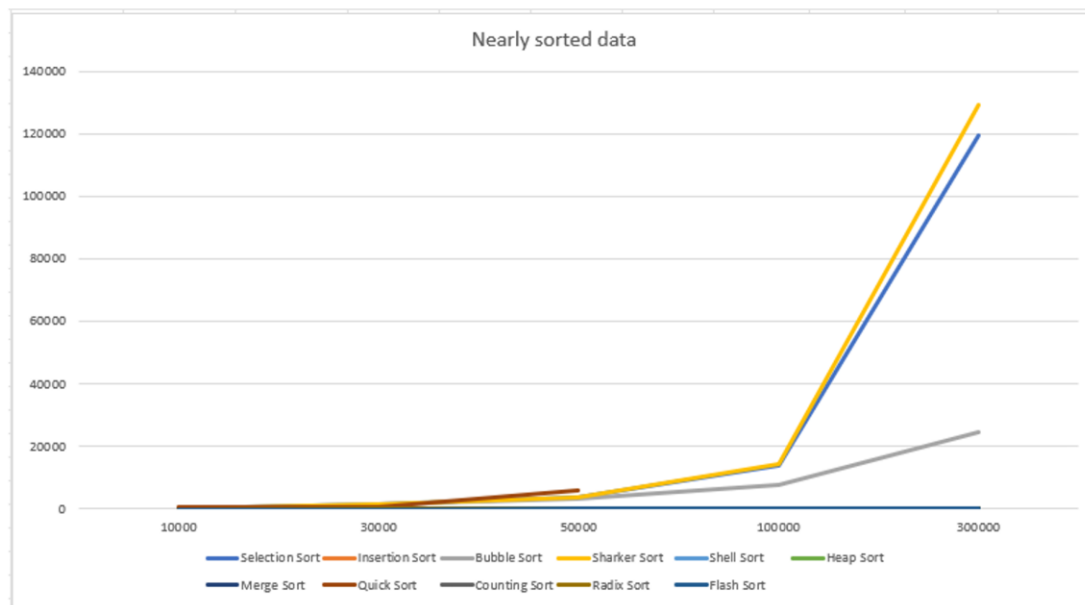
### 3 Các thí nghiệm Trong bài tập này, các thí nghiệm được thực hiện theo các bước sau:

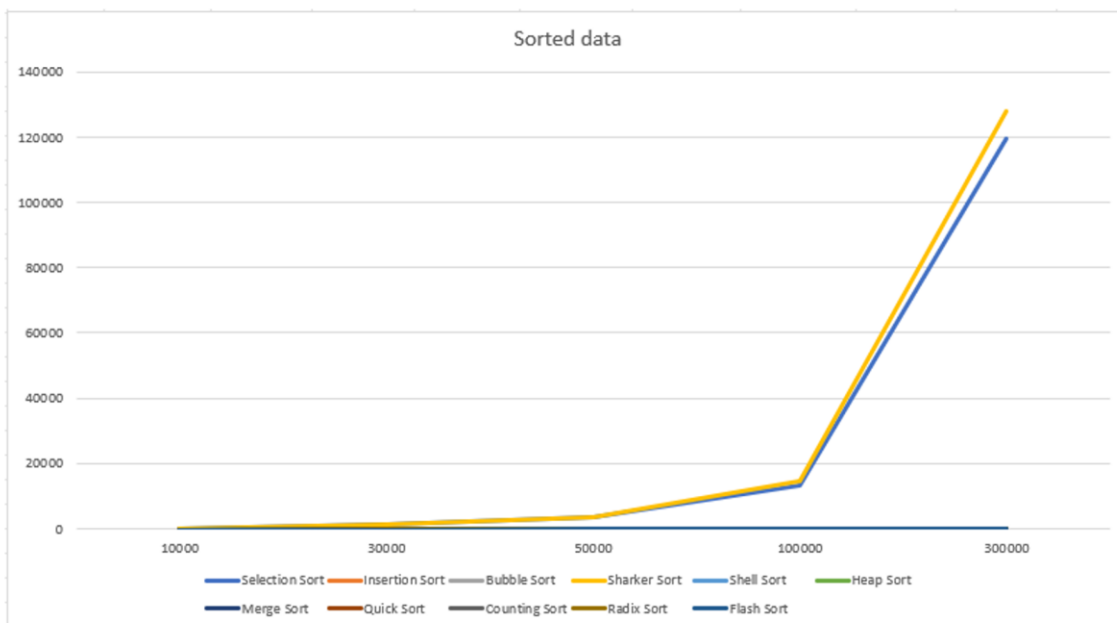
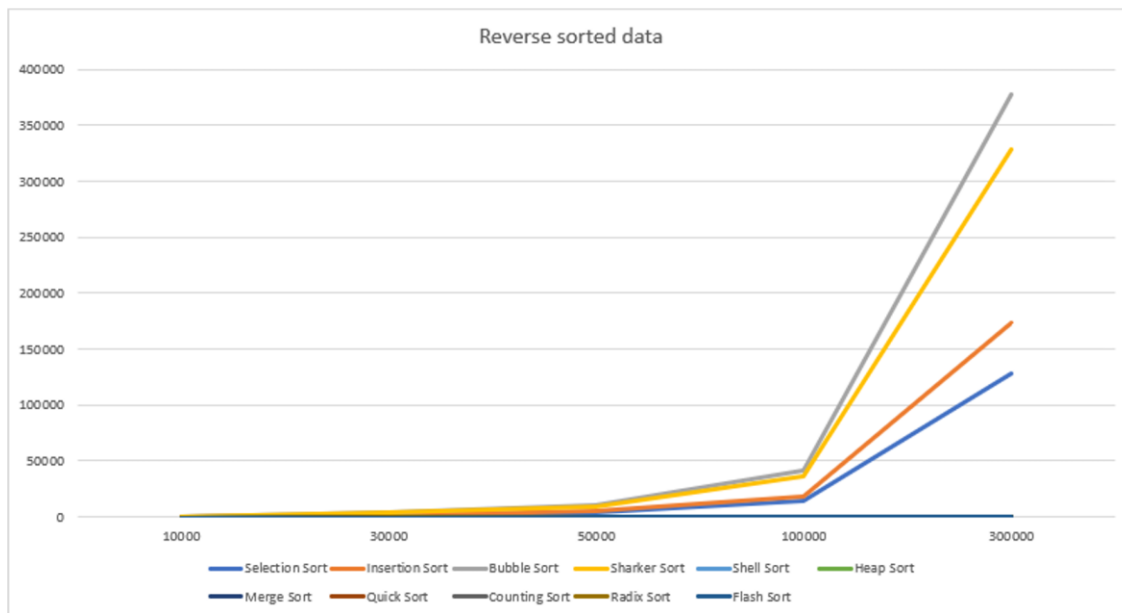
1. Tạo một mảng với thứ tự dữ liệu và kích thước nhất định.
2. Sắp xếp mảng bằng thuật toán đã chọn, đồng thời đo thời gian chạy và số phép so sánh.
3. Ghi lại kết quả của mỗi thí nghiệm. Các thí nghiệm được thực hiện với các bộ dữ liệu theo các dạng khác nhau:

- Sorted data
  - Nearly sorted data
  - Reverse sorted data
  - Randomized data
- Ngoài ra, các kích thước dữ liệu được sử dụng trong các thí nghiệm là: 10,000, 30,000, 50,000, 100,000 và 300,000 phần tử.

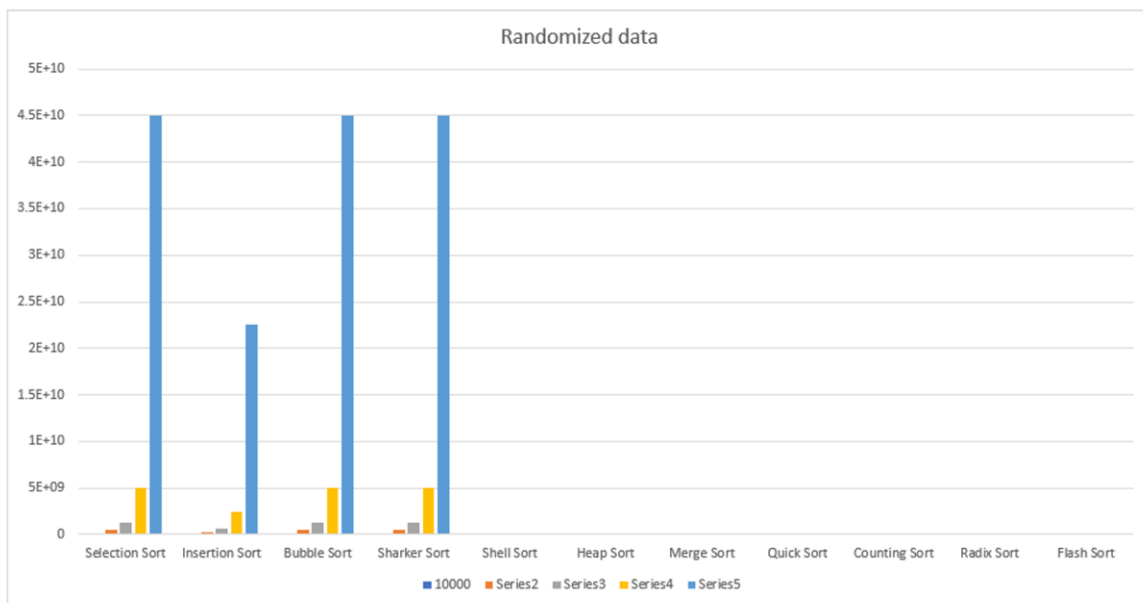
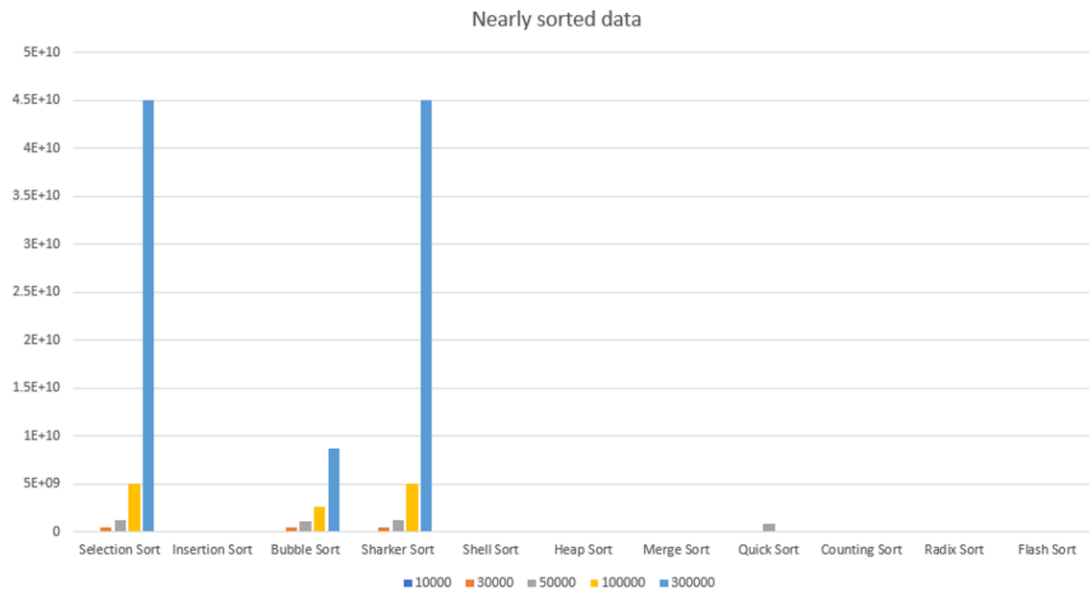
### 4 Kết quả

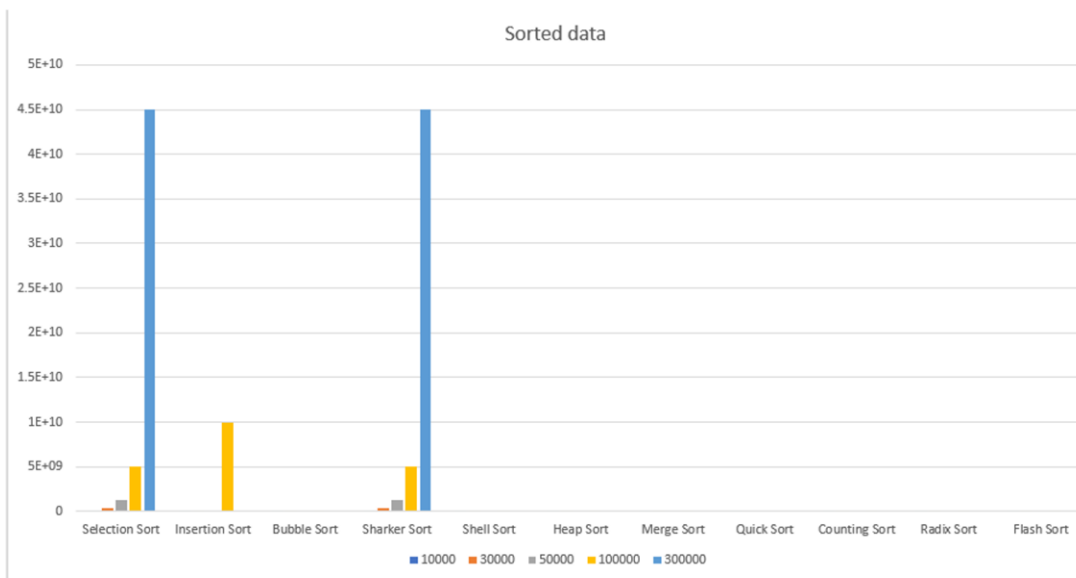
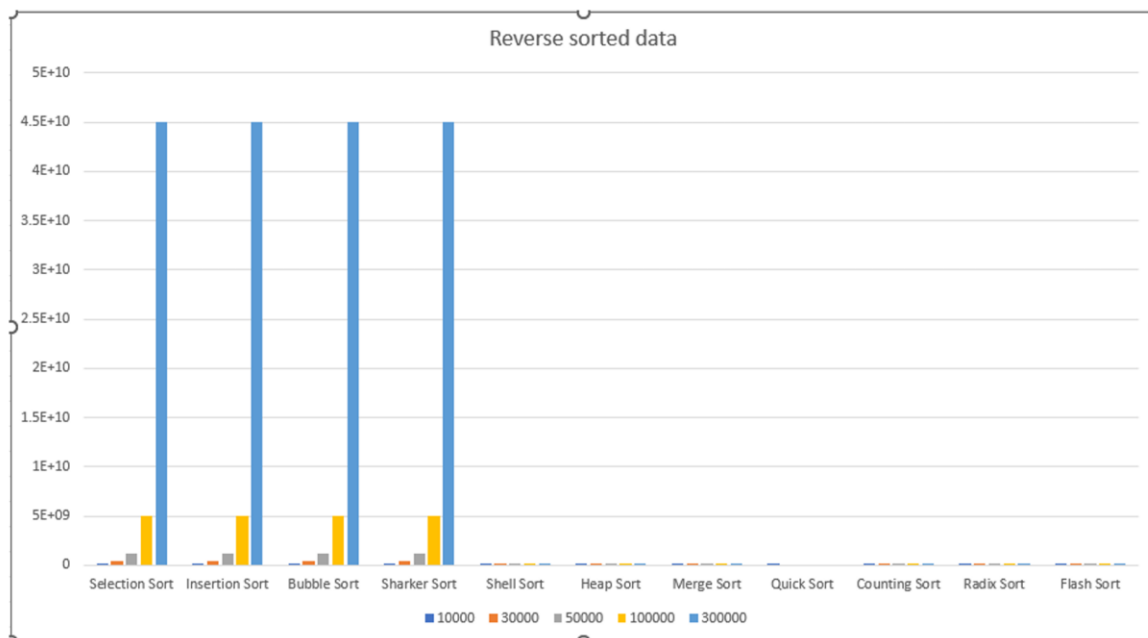
4.1 Biểu đồ thời gian chạy Dưới đây là các biểu đồ thể hiện thời gian chạy của các thuật toán sắp xếp trên các dữ liệu đã sắp xếp, gần như đã sắp xếp, sắp xếp ngược và dữ liệu ngẫu nhiên.





4.2 Biểu đồ số phép so sánh Dưới đây là các biểu đồ thể hiện số phép so sánh của các thuật toán sắp xếp trên các dữ liệu đã sắp xếp, gần như đã sắp xếp, sắp xếp ngược và dữ liệu ngẫu nhiên.





## 4.3 Input & Output:

### 1. selection-sort

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a selection-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **2. bubble-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a bubble-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **3. merge-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a merge-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **4. shell-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a shell-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **5. counting-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a counting-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **6. flash-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a flash-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **7. insertion-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a insertion-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8



Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

### **8. shaker-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a shaker-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

### **9. heap-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a heap-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

### **10. quick-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a quick-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

### **11. radix-sort**

Example command: <đường dẫn thư mục>\main.exe -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>.

VD: D:\DSA\exercise-dsa\Week3\main.exe -a radix-sort -i input.txt -o output.txt

Input file: 2 3 4 5 6 1 7 8

Output file: 1 2 3 4 5 6 7 8

## **4.4 GitHub:**

### **1. bubble-sort:**

```

//Thuật toán bubble sort
✓ void bubble_sort(vector<int>& a) {
    int n = a.size();
    bool swapped;
    for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
        swapped = false;
        for (int j = 0; j < n - i - 1; j++) {
            if (a[j] > a[j + 1]) {
                swap(a[j], a[j + 1]);
                swapped = true;
            }
        }
        if (!swapped) break;
    }
}

```

## 2. selection-sort:

```

//Thuật toán selection sort
✓ void selection_sort(vector<int>& a) {
    int n = a.size();
    for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
        int min = i;
        for (int j = i + 1; j < n; j++) {
            if (a[j] < a[min]) {
                min = j;
            }
        }
        if (min != i) {
            swap(a[i], a[min]);
        }
    }
}

```

## 3. shell-sort:

```

//Thuật toán shell sort
✓ void shell_sort(vector<int>& a) {
    int n = a.size();
    for (int gap = n / 2; gap > 0; gap /= 2) {
        for (int i = gap; i < n; i++) {
            int temp = a[i];
            int j = i;
            while (j >= gap && a[j - gap] > temp) {
                a[j] = a[j - gap];
                j -= gap;
            }
            a[j] = temp;
        }
    }
}

```

#### 4. counting-sort:

```

//Thuật toán counting sort
✓ void counting_sort(vector<int>& a) {
    if (a.empty()) return;
    int max_a = *max_element(a.begin(), a.end());
    vector<int> count(max_a + 1, 0);

    for (int num : a) {
        count[num]++;
    }

    int index = 0;
    for (int i = 0; i <= max_a; i++) {
        while (count[i] > 0) {
            a[index++] = i;
            count[i]--;
        }
    }
}

```

#### 5. merge-sort:

```

,
5 //Thuật toán merge sort
7 ✓ void merge(vector<int>& a, int left, int mid, int right) {
8     int n1 = mid - left + 1;
9     int n2 = right - mid;
10    vector<int> l(n1), r(n2);
11
12    for (int i = 0; i < n1; i++)
13        l[i] = a[left + i];
14    for (int i = 0; i < n2; i++)
15        r[i] = a[mid + 1 + i];
16
17    int i = 0, j = 0, k = left;
18    while (i < n1 && j < n2) {
19        if (l[i] <= r[j]) {
20            a[k] = l[i++];
21        } else {
22            a[k] = r[j++];
23        }
24        k++;
25    }
26
27    while (i < n1) a[k++] = l[i++];
28    while (j < n2) a[k++] = r[j++];
29 }
30
31 ✓ void merge_sort(vector<int>& a, int left, int right) {
32     if (left < right) {
33         int mid = left + (right - left) / 2;
34         merge_sort(a, left, mid);
35         merge_sort(a, mid + 1, right);
36         merge(a, left, mid, right);
37     }
38 }
39
,

```

## 6. flash-sort:

```

123 //Thuật toán flash sort
124 ✓ void flash_sort(vector<int>& a) {
125     int n = a.size();
126
127     if (n <= 1) return;
128
129     int min_arr = a[0], max_i = 0;
130     for (int i = 1; i < n; i++) {
131         if (a[i] < min_arr) min_arr = a[i];
132         if (a[i] > a[max_i]) max_i = i;
133     }
134     if (a[max_i] == min_arr) return;
135
136     int m = int(0.45 * n);
137     vector<int> L(m, 0);
138     double scale = (double)(m - 1) / (a[max_i] - min_arr);
139
140     for (int i = 0; i < n; i++) {
141         int index = scale * (a[i] - min_arr);
142         L[index]++;
143     }
144
145     for (int i = 1; i < m; i++) {
146         L[i] += L[i - 1];
147     }
148
149     int i = 0, count = 0;
150     while (count < n) {
151         int index = scale * (a[i] - min_arr);
152         while (i >= L[index]) {
153             index = scale * (a[++i] - min_arr);
154         }
155
156         int temp = a[i];
157         while (i != L[index]) {
158             index = scale * (temp - min_arr);
159             swap(temp, a[--L[index]]);
160             count++;
161         }
162     }
163

```

## 7. insertion-sort:

```

178 ✓ void insertion_sort(vector<int>& arr) {
179     int n = arr.size();
180     for (int i = 1; i < n; i++) {
181         int key = arr[i];
182         int j = i - 1;
183         while (j >= 0 && arr[j] > key) {
184             arr[j + 1] = arr[j];
185             j--;
186         }
187         arr[j + 1] = key;
188     }
189 }
190
191
192 //

```

## 8. shaker-sort:

```
193
194 ✓ void shaker_sort(vector<int>& arr) {
195     int n = arr.size();
196     int left = 0;
197     int right = n - 1;
198     int temp;
199
200     while (left < right) {
201         for (int i = left; i < right; i++) {
202             if (arr[i] > arr[i + 1]) {
203                 temp = arr[i];
204                 arr[i] = arr[i + 1];
205                 arr[i + 1] = temp;
206             }
207         }
208         right--;
209
210         for (int i = right; i > left; i--) {
211             if (arr[i] < arr[i - 1]) {
212                 temp = arr[i];
213                 arr[i] = arr[i - 1];
214                 arr[i - 1] = temp;
215             }
216         }
217         left++;
218     }
219 }
220
```

## 9. heap-sort:

```

223 ✓ void Heapify(vector<int>& arr, int n, int i) {
224     int largest = i;
225     int left = 2 * i + 1;
226     int right = 2 * i + 2;
227
228     if (left < n && arr[left] > arr[largest])
229         largest = left;
230     if (right < n && arr[right] > arr[largest])
231         largest = right;
232
233     if (largest != i) {
234         swap(arr[i], arr[largest]);
235         Heapify(arr, n, largest);
236     }
237 }
238
239 ✓ void heap_sort(vector<int>& arr) {
240     int n = arr.size();
241
242     for (int i = n / 2 - 1; i >= 0; i--)
243         Heapify(arr, n, i);
244
245     for (int i = n - 1; i >= 1; i--) {
246         swap(arr[0], arr[i]);
247         Heapify(arr, i, 0);
248     }
249 }
250

```

## 10. quick-sort

```

251 / -----
252
253 ✓ void quick_sort(vector<int>& arr, int low, int high) {
254     if (low < high) {
255         int pivot = arr[high];
256         int i = (low - 1);
257         for (int j = low; j < high; j++) {
258             if (arr[j] < pivot) {
259                 i++;
260                 swap(arr[i], arr[j]);
261             }
262         }
263
264         swap(arr[i + 1], arr[high]);
265         int pi = i + 1;
266
267         quick_sort(arr, low, pi - 1);
268         quick_sort(arr, pi + 1, high);
269     }
270 }
271

```

## 11. radix-sort:

```

273
274 ✓ void radix_sort(vector<int>& arr) {
275     int n = arr.size();
276     if (n <= 1) return;
277
278     int max_val = *max_element(arr.begin(), arr.end());
279
280     for (int exp = 1; max_val / exp > 0; exp *= 10) {
281         vector<int> output(n);
282         int count[10] = {0};
283
284         for (int i = 0; i < n; i++) {
285             count[(arr[i] / exp) % 10]++;
286         }
287
288         for (int i = 1; i < 10; i++) {
289             count[i] += count[i - 1];
290         }
291
292         for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {
293             int digit = (arr[i] / exp) % 10;
294             output[count[digit] - 1] = arr[i];
295             count[digit]--;
296         }
297
298         for (int i = 0; i < n; i++) {
299             arr[i] = output[i];
300         }
301     }
302 }
303
304
---
```

## 12.main.cpp:



```

10 // Hàm đọc dữ liệu từ file vào vector
11 void read_file(const string& name_file, vector<int>& data) {
12     ifstream file(name_file);
13     if (!file.is_open()) {
14         cerr << "Không thể mở file: " << name_file << "!!!\n" << endl;
15         exit(1);
16     }
17     int num;
18     while (file >> num) {
19         data.push_back(num);
20     }
21     file.close();
22 }
23
24 // Hàm ghi dữ liệu từ vector vào file
25 void write_file(const string& name_file, const vector<int>& data) {
26     ofstream file(name_file);
27     if (!file) {
28         cerr << "Không thể mở file: " << name_file << "!!!\n" << endl;
29         exit(1);
30     }
31     for (int num : data) {
32         file << num << " ";
33     }
34     file.close();
35 }
36
37 int main(int argc, char* argv[]) {
38     string algorithm, ip, op;
39     vector<int> data;
40
41     if (argc < 7) {
42         cerr << "Cách sử dụng: " << argv[0] << " -a <ten thuật toán> -i <file input> -o <file output>" << endl;
43         return 1;
44     }
45
46     // Xử lý tham số dòng lệnh
47     for (int i = 1; i < argc; i++) {
48         string arg = argv[i];
49         if (arg == "-a" && i + 1 < argc) {
50             algorithm = argv[i + 1];
51         } else if (arg == "-i" && i + 1 < argc) {
52             ip = argv[i + 1];
53         } else if (arg == "-o" && i + 1 < argc) {
54             op = argv[i + 1];
55         } else {
56             cerr << "Tham số không hợp lệ: " << arg << endl;
57             return 1;
58         }
59     }
60
61     // Đọc file đầu vào
62     read_file(ip, data);
63
64     // Kiểm tra nếu file rỗng
65     if (data.empty()) {
66         cerr << "File input rỗng!" << endl;
67         return 1;
68     }
69 }
70

```

```

71 // Chọn thuật toán sắp xếp
72 if (algorithm == "selection_sort") {
73     selection_sort(data);
74 } else if (algorithm == "bubble_sort") {
75     bubble_sort(data);
76 } else if (algorithm == "merge_sort") {
77     merge_sort(data, 0, data.size() - 1);
78 } else if (algorithm == "shell_sort") {
79     shell_sort(data);
80 } else if (algorithm == "counting_sort") {
81     counting_sort(data);
82 } else if (algorithm == "flash_sort") {
83     flash_sort(data);
84 } else if (algorithm == "insertion_sort") {
85     insertion_sort(data);
86 } else if (algorithm == "shaker_sort") {
87     shaker_sort(data);
88 } else if (algorithm == "heap_sort") {
89     heap_sort(data);
90 } else if (algorithm == "quick_sort") {
91     quick_sort(data, 0, data.size() - 1);
92 } else if (algorithm == "radix_sort") {
93     radix_sort(data);
94 } else {
95     cerr << "Thuat toan khong hop le!" << endl;
96     return 1;
97 }
98
99 // Ghi kết quả vào file
100 write_file(op, data);
101 cout << "\nDa sap xep xong, luu vao file " << op << "\n" << endl;
102 return 0;
103 }

```

---