



# ANALYSIS AND SIMULATION OF THE TARGET-ATTACKER AND THE TARGET-ATTACKER-DEFENDER PROBLEMS

By

Mostafa Ali Rushdi

A Thesis Submitted to the
Faculty of Engineering at Cairo University
in Partial Fulfillment of the
Requirements for the Degree of
MASTER OF SCIENCE
in
Aerospace Engineering

# ANALYSIS AND SIMULATION OF THE TARGET-ATTACKER AND THE TARGET-ATTACKER-DEFENDER PROBLEMS

# By Mostafa Ali Rushdi

A Thesis Submitted to the
Faculty of Engineering at Cairo University
in Partial Fulfillment of the
Requirements for the Degree of
MASTER OF SCIENCE
in
Aerospace Engineering

Under the Supervision of

Prof. Dr. Ayman H. Kassem	Prof. Dr. Gamal El-Bayoumi
Professor	Professor
Aerospace Engineering	Aerospace Engineering
aculty of Engineering, Cairo University	Faculty of Engineering, Cairo University

## ANALYSIS AND SIMULATION OF THE TARGET-ATTACKER AND THE TARGET-ATTACKER-DEFENDER PROBLEMS

## By Mostafa Ali Rushdi

A Thesis Submitted to the
Faculty of Engineering at Cairo University
in Partial Fulfillment of the
Requirements for the Degree of
MASTER OF SCIENCE
in
Aerospace Engineering

Approved by the
Examining Committee

Prof. Dr. Ayman H. Kassem, Thesis Main Advisor

Prof. Dr. Gamal El-Bayoumi, Member

Prof. Dr. Mohammed S. Bayoumi, Internal Examiner

Prof. Dr. Gamal A. El-Sheikh, External Examiner

Pyramids higher institute for engineering and technology.

FACULTY OF ENGINEERING, CAIRO UNIVERSITY GIZA, EGYPT 2017 **Engineer's Name:** Mostafa Ali Rushdi

**Date of Birth:** 26/10/1991 **Nationality:** Egyptian

**E-mail:** morushdi@gmail.com

**Phone:** 0111-4000-606

Address: 3054 Assafa & Al-Marwa

Buildings, Al-Ekhlas Street, Al-Maryottiah, Al-Haram.

**Registration Date:** 1/10/2013 **Awarding Date:** 24/9/2017

**Degree:** Master of Science **Department:** Aerospace Engineering

**Supervisors:** 

Prof. Ayman H. Kassem Prof. Gamal El-Bayoumi

**Examiners:** 

Prof. Gamal A. El-Sheikh (External examiner)
Prof. Mohammed S. Bayoumi (Internal examiner)
Porf. Ayman H. Kassem (Thesis main advisor)

Porf. Gamal El-Bayoumi (Member)

#### **Title of Thesis:**

Analysis and Simulation of the Target-Attacker and the Target-Attacker-Defender Problems

#### **Key Words:**

Pursuit-Evasion, Proportional Navigation Guidance Law, Unity Game, Voronoi diagram, Optimal escape maneuver.

#### **Summary:**

This thesis studies the Target-Attacker problem and the Target-Attacker-Defender problem, and introduces a unified analytical overview with numerical simulations.



# Acknowledgments

In this section, you may provide acknowledgements to those who gave yousupport and encouragement to complete your thesis. Acknowledgement of funding from local and international funding agencies must be clearly stated.

Starting from the acknowledgements page, pages are numbered using the Roman numeralsi, ii, iii ...etc. Starting from Chapter 1, pages must be numbered using Arabic numerals. Page numbers are at the bottom of the page, preferably centered.

# **Dedication**

You may include this section if you wish to dedicate your thesis to someone.

# **Table of Contents**

ACKNO	OWLEDGMENTS	I
DEDIC	ATION	П
TABLE	OF CONTENTS	III
LIST O	F TABLES	IV
LIST O	F FIGURES	V
NOME	NCLATURE	VI
ABSTR	ACT	VII
СНАРТ	TER 1: INTRODUCTION	1
1.4. <b>CHAPT</b> 2.1. 2.2. 2.3.	SECOND SECTION  HEADING LEVEL 1  Heading level 2  3.1.1. Heading level 3  ORGANIZATION OF THE THESIS  TER 2: LITERATURE REVIEW  INTRODUCTION  RELATED WORK  SUMMARY	
3.1.		3
3.2.		6
DISCUS	SSION AND CONCLUSIONS	7
REFER	ENCES	8
APPEN	DIX A: ONE APPENDIX	9
APPEN	DIX B: ANOTHER APPENDIX	10

# **List of Tables**

You can create the list of tables by going to the "References" tab and click on the "Options..." button, then select "FECU Thesis Table Caption" style and click "Ok".

Table 3.1: Example table for demonstration	4
Table 3.2: Another example wide table for demonstration	
Table A.1: Sample table in the appendix	
Tuble 11.1. Bumple tuble in the appendix	••••

# **List of Figures**

Similarly, you can create the list of figures.	
Figure 3.1: Example figure for demonstration	.3

# Nomenclature

You may include a list of alphabetically ordered symbols and abbreviations here.

#### **Abstract**

This file is provided to help graduate students at the Faculty of Engineering, Cairo University in preparing their theses according to the regulations and format guidelines defined by the graduate committee. Students are required to consult the regulations for thesis preparation available at the department of graduate studies besides using this template.

In this template, different styles are defined which start with "FECU Thesis" phrase. You may use these styles to quickly format your text throughout the thesis. You may also change these styles as long as they comply with the regulations for thesis preparation.

## **Chapter 1: Introduction**

Usually, the first chapter of the thesis provides an introduction to the research work. Each chapter may start with an introductory paragraph right after its title to provide some information about its content.

#### 1.1. First section

Use body text style (FECU Thesis Body Text) for writing text throughout the thesis.

Body text.Body t

Body text.Body t

#### 1.2. Second section

There are three levels of headings in this template. Using the heading styles allows for automatic numbering of all sections and helps in automatically generating the table of contents.

### 1.3. Heading level 1

#### 1.3.1. Heading level 2

#### **1.3.1.1.** Heading level 3

# 1.4. Organization of the thesis

The remainder of this thesis organized as follows. Chapter 2 provides a detailed survey of the previous studies....

# **Chapter 2 : Literature Review**

#### 2.1. Introduction

References throughout the thesis are cited using a number between square brackets [#], where the number of the cited reference is assigned in the list of references provided at the end of the thesis. If you refer to two documents, use the following format [6, 7]. If you refer to more than three documents listed consecutively, use the format [5-8]. You may use "Cross-reference" tool in MS Word for citing the reference number. For example:

```
Bouwkampand Bolhom [1] stated that... ..... as found in [3].
```

You may otherwise use the "References" tab in MS Word to manage your references and their citations.

#### 2.2. Related work

Body text.Body t

Body text.Body t

## 2.3. Summary

Body text.Body t

## **Chapter 3 : Figures and Tables**

You are free to use any font type and size within your figures and tables provided that they are clear enough to the reader. For large size tables, you may separate them into several pages. For large size figures that cannot be resized to fit an A4 size paper without the loss of clarity, you may use larger size papers provided that they are properly folded to the A4 size and firmly bonded with the rest of the thesis.

#### 3.1. Location and citation

Figures and tables should be included in the main text as close to the point of their introduction as possible. For figure captions use 12 point Times New Roman, bold, centered; place below the figure, use spacing of 12 points above and 24 points below. Leave two blank lines between the figure and the text above it.

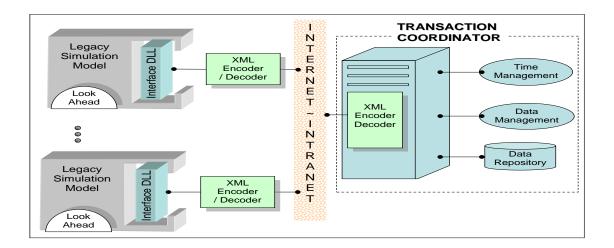


Figure 3.1: Example figure for demonstration

Body text.Body t

Body text.Body t

text.Body text.B

For table captions use 12 point Times New Roman, bold, centered; place above the table, use spacing of 24 points above and 12 points below. Leave two blank lines between the figure and the text above it.

**Table3.1: Example table for demonstration** 

Use two blank lines below the table. In some cases you may need to include a wide table using the full available paper height with a  $90^{\circ}$  clockwise rotation. The following page shows one such table.

Table 3.2: Another example wide table for demonstration

#### 3.2. Additional section

Body text.Body t

Body text.Body t

# **Discussion and Conclusions**

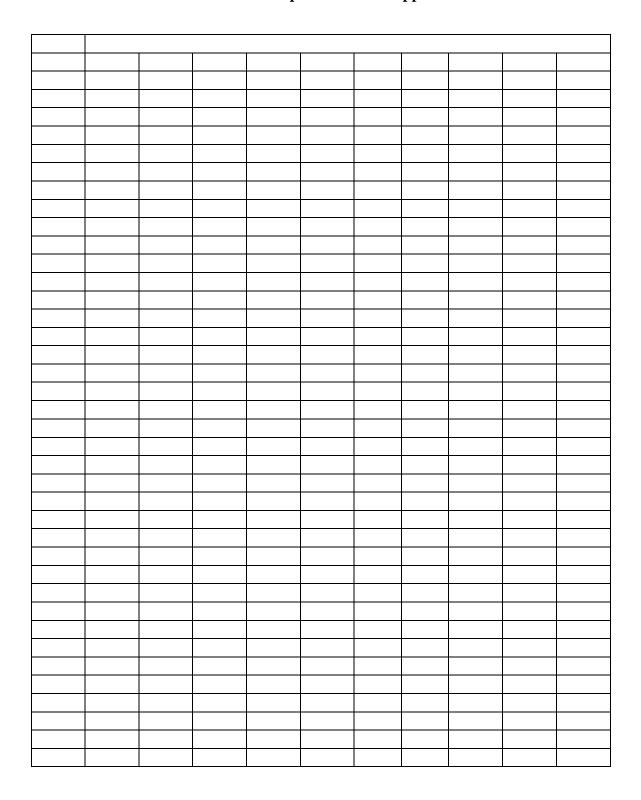
In this research, the common industrial problem of ....As extension to this work, the following points are recommended for the future work;

#### References

- 1. Bouwkamp, J.G., and Bolhom, J.K, 1963, "Dynamic Response of a Two-Story Steel Frame Structure", Bulletin of the Seismological Society of America, Vol.56, No. 6, Dec.,1963, pp. 1289-1303.
- 2. Newmark , N.M ., and Resemblueth E., 1971, Fundamentals of Earthquake Engineering, Vol. xx, 2<sup>nd</sup> edition, Prentice Hall Inc., Englewood cliffs , N.J.
- 3. Caravani, P., and Thomson, W. T., 1973, "Identification of Damping Coefficients from System Response", Proceedings of the Fifth World Conference on Earthquake Engineering, Rome, Italy.
- **4.** Ruiz , P ., and Penzien , J ., 1969, "Probabilistic Study on the Behavior of Structures During Earthquake ", Earthquake Engineering Research Center Report No . EERC 69-3, University of California, Berkeley, Calif, Mar..
- **5.** INFORMS web site, January 2012, <a href="http://www.informs.org">http://www.informs.org</a>.
- **6.** Ibrahim, M., 2012, "A parametric study on ...", MSc. Thesis, Faculty of Engineering, Cairo University, Giza, Egypt.

# **Appendix A: One Appendix**

Table A.1: Sample table in the appendix



# **Appendix B: Another Appendix**

#### الملخص

تتناول هذه الرسالة سيناريوهين لدفاع المُطارَد. نعرض أولا منهجيات جديدة لإيجاد مناورة الهروب المثلى لهدف في مواجهة صاروخ مهاجم. نحاكي الملاحة التناسبية ذات البعدين باستخدام لغتى ماتلاب وسيميولينك، ونحقق النتائج المثلى بواسطة محاكاة مونت كارلو والخوارزميات الوراثية . نبني برنامجا وسيطا بين الرسوم والمستخدم (ورخ) يمثل "صندوقا لأدوات الإرشاد" إذ يحوي قانوننا للإرشاد وأنواعا عديدة للمناورات. هذا الصندوق هو برنامج مفتوح المصدر لتطوير وإضافة قوانين إرشاد ومناورات أخرى. ننتفع بإسهام للذكاء البشري بأن نؤلف مباراة أو مسابقة مصاغة بصورة رياضية صحيحة يتباري فيها الهدف والمهاجم، ثم ندعو أناسا عديدين للعب هذه المباراة من جانب الهدف. نوجد أفضل مناورة للهرب بتجميع ثم تحليل بيانات مناورات الهرب البشري تم تطوير هذه المسابقة باستعمال برمجية "يونيتي" وهي آلة مباريات يمكن تنصيبها على كافة المنصات فضلا عن كونها مجانية ميسور الحصول عليها. ننتقل بعد ذلك للمسألة التي يتلقى فيها الهدف معاونة فعالة من مدافع. تقدم هذه الرسالة معالجة تحليلية موحدة للمسألة سالفة الذكر تعتمد على إنشاء دائرتين من دوائر أبولونيوس. وتشمل هذه المعالجة جميع الحالات الممكنة للنسبة بين سرعتي المهاجم والمدافِع. يتم اشتقاق شرط للحالة الحرجة يفيد في الحصول على السرعة الحرجة للمطارَد وشكل فورونوي الذي يحد منطقة الأمان أو الهرب للمطارَد. تؤدي نتائجنا العددية ورسومنا إلى تفسيرات مفيدة وتبصيرية. نعقب ذلك بإيجاد زوايا التوجه المثلي التي يتعين على الهدف التزامها ليتسنى له البقاء داخل المنطقة الأمنة. نستعمل معادلات الهاميلتوني في عمل صياغة دقيقة لمسألة قيمة حدية ذات نقطتين، ومن ثم نحل هذه المسألة عدديا لنحصل على نتائج مرجعية نستخدمها في الاستيثاق من نتائجنا السابقة



مهندس: مصطفی علي رشدي

تاريخ الميلاد: 1991/10/26

الجنسية: مصري

تاريخ التسجيل: 1/10/2013

تاريخ المنح: 24/9/2017

القسم: هندسة الطيران والفضاء

الدرجة: ماجستير العلوم

المشرفون:

ا.د. أيمن حمدي قاسم

ا.د. جمال بيومي

#### الممتحنون:

أ.د. جمال أحمد الشيخ (الممتحن الخارجي)

أ.د. محمد سيد بيومي (الممتحن الداخلي)

أ.د. أيمن حمدي قاسم (المشرف الرئيسي)

أ.د. جمال بيومي (عضو)

#### عنوان الرسالة:

تحليل ومحاكاة لمسألة المُطارَد والمُطارِد (المُهاجِم)

ومسألة المطارد والمطارد والمدافع

#### الكلمات الدالة:

التعقب والتجنب، الملاحة النسبية، لعبة يونتي، مخطط فورونوي، الاستراتيجية المثلى.

#### ملخص الرسالة:

تتناول هذه الرسالة سيناريوهين لدفاع المُطارَد. فتتناول تحليل و مُحاكاة لمسألة المُطارَد و المُطارِد و مسألة المُطارَد و المُطارَد و المُطارَد و المُطارَد و المُحارِد و المُح

# تحليل ومحاكاة لمسألة المُطارَد والمُطارِد (المُهاجِم) ومسألة المُطارَد والمُطارِد والمدافع

# إعداد مصطفى على رشدي

رسالة مقدمة إلى كلية الهندسة – جامعة القاهرة كجزء من متطلبات الحصول على درجة ماجستير العلوم في هندسة الطيران والفضاء

يعتمد من لجنة الممتحنين:

الاستاذ الدكتور: أيمن حمدي قاسم المشرف الرئيسي

الاستاذ الدكتور: جمال بيومي عضو

الاستاذ الدكتور: محمد سيد بيومي الممتحن الداخلي

الاستاذ الدكتور: جمال أحمد الشيخ الممتحن الخارجي

- أستاذ بمعهد الاهرامات العالى للهندسة و التكنولوجيا

كلية الهندسة - جامعة القاهرة الجيزة - جمهورية مصر العربية 2017

# تحليل ومحاكاة لمسألة المُطارَد والمُطارِد (المُهاجِم) ومسألة المطارد والمطارد والمدافع

# اعداد مصطفى على رشدي

رسالة مقدمة إلى كلية الهندسة - جامعة القاهرة كجزء من متطلبات الحصول على درجة ماجستير العلوم هندسة الطيران والفضاء

### تحت إشراف

ا.د جمال بيومي أستاذ دكتور هندسة القاهرة

ا.د .أيمن حمدي قاسم أستاذ دكتور قسم هندسة الطيران والفضاء قسم هندسة الطيران والفضاء هندسة القاهرة

> كلية الهندسة - جامعة القاهرة الجيزة - جمهورية مصرالعربية 2017





# تحليل ومحاكاة لمسألة المُطارَد والمُطارِد (المُهاجِم) ومسألة المُطارَد والمُطارِد والمدافع

إعداد

مصطفى علي رشدي

رسالة مقدمة إلى كلية الهندسة – جامعة القاهرة كجزء من متطلبات الحصول على درجة ماجستير العلوم في هندسة الطيران والفضاء

كلية الهندسة - جامعة القاهرة الجيزة - جمهورية مصر العربية 2017