

## 云南大学数学与统计学院

### 上机实践报告

课程名称：信息论基础实验	年级：2013	上机实践成绩：
指导教师：陆正福	姓名：金洋	
上机实践名称：公钥密码实验	学号：20131910023	上机实践日期： 2016/7/1
上机实践编号：No. 11	组号：	上机实践时间： 22:58

#### 一、实验目的

理解公钥密码体制

#### 二、实验内容

1. RSA 体制的实现与分析
2. Elgamal 体制的实现与分析
3. Rabin 体制的实现与分析（选做）
4. 椭圆曲线密码体制的实现与分析（选做）

要求：

- （1）实现密码体制。
- （2）任取一段输入数据作为明文，计算明文熵；将密码系统作用于明文，得到密文，计算密文熵。比较明文熵和密文熵。
- （3）改变明文 1bit，观察密文的变化。改变密钥 1bit，观察密文的变化。
- （4）改变密文 1bit，观察解密后的明文变化。
- （5）分析（2）-（4）中的实验现象和原因。

#### 三、实验环境

1. 个人计算机，任意可以完成实验的平台，如 Java 平台、Python 语言、R 语言、Matlab 平台、Magma 平台等。
2. 对于信息与计算科学专业的学生，建议选择 Java、Python、R 等平台。
3. 对于非信息与计算科学专业的学生，建议选择 Matlab、Magma 等平台。

#### 四、实验记录与实验结果分析

（注意记录实验中遇到的问题。实验报告的评分依据之一是实验记录的细致程度、实验过程的真实性、实验结果的解释和分析。如果涉及实验结果截屏，应选择白底黑字。）

## 1. RSA 体制的实现与分析

### （1）实现密码体制。

#### Node.java

```
package IT11;
public class Node {
    private double pr;
    private char al;

    public void setp(double p) {
        this.pr = p;
    }

    public void setalpha(char a) {
        this.al = a;
    }

    public double getp() {
        return pr;
    }

    public char getalpha() {
        return al;
    }

    public Node(double p, char alpha) {
        this.pr = p;
        this.al = alpha;
    }
}
```

#### ENTROPY.java

```
package IT11;
import java.util.ArrayList;
public class ENTROPY {
    public static double entropy(String message) {

        ArrayList<Node> array = new ArrayList<Node>();
```

```

        array.clear();
        double num = message.length();
        for (int i = 0; i < num; i++) {
            boolean flag_exit = true;
            for (int j = 0; j < array.size(); j++) {
                if (array.get(j).getalpha() == message.charAt(i)) {
                    flag_exit = false;
                    array.get(j).setp(array.get(j).getp() + 1 /
num);
                }
            }
            if (flag_exit)
                array.add(new Node(1 / num, message.charAt(i)));
        }

        double entropy = 0;
        for (int i = 0; i < array.size(); i++) {
            double p1 = array.get(i).getp();
            entropy += (-p1 * (Math.Log(p1) / Math.Log(2)));
        }
        return entropy;
    }
}

```

## RSA.java

```

package IT11;

import java.math.BigInteger;
import java.security.KeyFactory;
import java.security.KeyPair;
import java.security.KeyPairGenerator;
import java.security.NoSuchAlgorithmException;
import java.security.interfaces.RSAPrivateKey;
import java.security.interfaces.RSAPublicKey;
import java.security.spec.RSAPrivateKeySpec;
import java.security.spec.RSAPublicKeySpec;
import java.util.HashMap;

import javax.crypto.Cipher;

public class RSA {

    /**
     * 生成公钥和私钥
     * @throws NoSuchAlgorithmException
     */
}

```

```

    *
    */
    public static HashMap<String, Object> getKeys() throws
NoSuchAlgorithmException{
        HashMap<String, Object> map = new HashMap<String, Object>();
        KeyPairGenerator keyPairGen =
KeyPairGenerator.getInstance("RSA");
        keyPairGen.initialize(1024);
        KeyPair keyPair = keyPairGen.generateKeyPair();
        RSAPublicKey publicKey = (RSAPublicKey) keyPair.getPublic();
        RSAPrivateKey privateKey = (RSAPrivateKey) keyPair.getPrivate();
        map.put("public", publicKey);
        map.put("private", privateKey);
        return map;
    }
    /**
    * 使用模和指数生成 RSA 公钥
    * 注意：【此代码用了默认补位方式，为 RSA/None/PKCS1Padding，不同 JDK 默
    认的补位方式可能不同，如 Android 默认是 RSA
    * /None/NoPadding】
    *
    * @param modulus
    *          模
    * @param exponent
    *          指数
    * @return
    */
    public static RSAPublicKey getPublicKey(String modulus, String
exponent) {
        try {
            BigInteger b1 = new BigInteger(modulus);
            BigInteger b2 = new BigInteger(exponent);
            KeyFactory keyFactory = KeyFactory.getInstance("RSA");
            RSAPublicKeySpec keySpec = new RSAPublicKeySpec(b1, b2);
            return (RSAPublicKey) keyFactory.generatePublic(keySpec);
        } catch (Exception e) {
            e.printStackTrace();
            return null;
        }
    }

    /**
    * 使用模和指数生成 RSA 私钥
    * 注意：【此代码用了默认补位方式，为 RSA/None/PKCS1Padding，不同 JDK 默
    认的补位方式可能不同，如 Android 默认是 RSA
    * /None/NoPadding】
    *
    * @param modulus

```

```

*          模
* @param exponent
*          指数
* @return
*/
public static RSAPrivateKey getPrivateKey(String modulus, String
exponent) {
    try {
        BigInteger b1 = new BigInteger(modulus);
        BigInteger b2 = new BigInteger(exponent);
        KeyFactory keyFactory = KeyFactory.getInstance("RSA");
        RSAPrivateKeySpec keySpec = new RSAPrivateKeySpec(b1, b2);
        return (RSAPrivateKey)
keyFactory.generatePrivate(keySpec);
    } catch (Exception e) {
        e.printStackTrace();
        return null;
    }
}

/**
* 公钥加密
*
* @param data
* @param publicKey
* @return
* @throws Exception
*/
public static String encryptByPublicKey(String data, RSAPublicKey
publicKey)
    throws Exception {
    Cipher cipher = Cipher.getInstance("RSA");
    cipher.init(Cipher.ENCRYPT_MODE, publicKey);
    // 模长
    int key_len = publicKey.getModulus().bitLength() / 8;
    // 加密数据长度 <= 模长-11
    String[] datas = splitString(data, key_len - 11);
    String mi = "";
    //如果明文长度大于模长-11 则要分组加密
    for (String s : datas) {
        mi += bcd2Str(cipher.doFinal(s.getBytes()));
    }
    return mi;
}

/**
* 私钥解密
*

```

```

    * @param data
    * @param privateKey
    * @return
    * @throws Exception
    */
    public static String decryptByPrivateKey(String data, RSAPrivateKey
privateKey)
        throws Exception {
        Cipher cipher = Cipher.getInstance("RSA");
        cipher.init(Cipher.DECRYPT_MODE, privateKey);
        //模长
        int key_len = privateKey.getModulus().bitLength() / 8;
        byte[] bytes = data.getBytes();
        byte[] bcd = ASCII_To_BCD(bytes, bytes.length);
        System.err.println(bcd.length);
        //如果密文长度大于模长则要分组解密
        String ming = "";
        byte[][] arrays = splitArray(bcd, key_len);
        for(byte[] arr : arrays){
            ming += new String(cipher.doFinal(arr));
        }
        return ming;
    }
    /**
    * ASCII 码转 BCD 码
    *
    */
    public static byte[] ASCII_To_BCD(byte[] ascii, int asc_len) {
        byte[] bcd = new byte[asc_len / 2];
        int j = 0;
        for (int i = 0; i < (asc_len + 1) / 2; i++) {
            bcd[i] = asc_to_bcd(ascii[j++]);
            bcd[i] = (byte) (((j >= asc_len) ? 0x00 :
asc_to_bcd(ascii[j++])) + (bcd[i] << 4));
        }
        return bcd;
    }
    public static byte asc_to_bcd(byte asc) {
        byte bcd;

        if ((asc >= '0') && (asc <= '9'))
            bcd = (byte) (asc - '0');
        else if ((asc >= 'A') && (asc <= 'F'))
            bcd = (byte) (asc - 'A' + 10);
        else if ((asc >= 'a') && (asc <= 'f'))
            bcd = (byte) (asc - 'a' + 10);
        else
            bcd = (byte) (asc - 48);
        return bcd;
    }

```

```

    }
    /**
     * BCD 转字符串
     */
    public static String bcd2Str(byte[] bytes) {
        char temp[] = new char[bytes.length * 2], val;

        for (int i = 0; i < bytes.length; i++) {
            val = (char) (((bytes[i] & 0xf0) >> 4) & 0x0f);
            temp[i * 2] = (char) (val > 9 ? val + 'A' - 10 : val +
'0');

            val = (char) (bytes[i] & 0x0f);
            temp[i * 2 + 1] = (char) (val > 9 ? val + 'A' - 10 : val
+ '0');
        }
        return new String(temp);
    }
    /**
     * 拆分字符串
     */
    public static String[] splitString(String string, int len) {
        int x = string.length() / len;
        int y = string.length() % len;
        int z = 0;
        if (y != 0) {
            z = 1;
        }
        String[] strings = new String[x + z];
        String str = "";
        for (int i=0; i<x+z; i++) {
            if (i==x+z-1 && y!=0) {
                str = string.substring(i*len, i*len+y);
            }else{
                str = string.substring(i*len, i*len+len);
            }
            strings[i] = str;
        }
        return strings;
    }
    /**
     * 拆分数组
     */
    public static byte[][] splitArray(byte[] data,int len){
        int x = data.length / len;
        int y = data.length % len;
        int z = 0;
        if(y!=0){
            z = 1;
        }
    }

```

```

    }
    byte[][] arrays = new byte[x+z][];
    byte[] arr;
    for(int i=0; i<x+z; i++){
        arr = new byte[len];
        if(i==x+z-1 && y!=0){
            System.arraycopy(data, i*len, arr, 0, y);
        }else{
            System.arraycopy(data, i*len, arr, 0, len);
        }
        arrays[i] = arr;
    }
    return arrays;
}
}

```

### TestRSA.java

```

package IT11;

import java.security.interfaces.RSAPrivateKey;
import java.security.interfaces.RSAPublicKey;
import java.util.HashMap;
import java.util.Scanner;

public class TestRSA {
    public static void main(String[] args) throws Exception {
        // TODO Auto-generated method stub
        HashMap<String, Object> map = RSA.getKeys();
        //生成公钥和私钥
        RSAPublicKey publicKey = (RSAPublicKey) map.get("public");
        RSAPrivateKey privateKey = (RSAPrivateKey) map.get("private");

        //模
        String modulus = publicKey.getModulus().toString();
        //公钥指数
        String public_exponent =
        publicKey.getPublicExponent().toString();
        //私钥指数
        String private_exponent =
        privateKey.getPrivateExponent().toString();

        //使用模和指数生成公钥和私钥
        RSAPublicKey pubKey = RSA.getPublicKey(modulus,

```



```

public_exponent);
    RSAPrivateKey priKey = RSA.getPrivateKey(modulus,
private_exponent);

    System.out.println("请输入明文:");
    Scanner input=new Scanner(System.in);
    String message=input.next();

    System.out.println("原文: " + message);
    System.out.println("明文信息熵为:  "+ ENTROPY.entropy(message));

    //加密后的密文
    String encryptData = RSA.encryptByPublicKey(message, pubKey);
    System.out.println("加密后: " + encryptData);
    System.out.println("密文信息熵为:  "+
ENTROPY.entropy(encryptData));

    System.out.println("请输入密文: ");

    String newEncryptData=input.next();

    String decryptData = RSA.decryptByPrivateKey(newEncryptData,
priKey);
    System.out.println("解密后: " + decryptData);

}

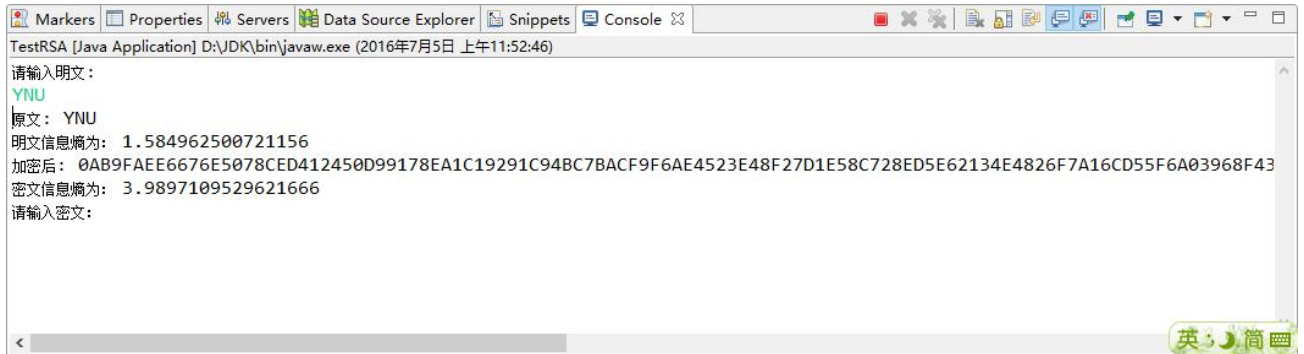
}

```

(2) 任取一段输入数据作为明文，计算明文熵；将密码系统作用于明文，得到密文，计算密文熵。比较明文熵和密文熵。



```
<terminated> TestRSA [Java Application] D:\JDK\bin\javaw.exe (2016年7月5日 上午11:46:23)
请输入明文:
JinYang
原文: JinYang
明文信息熵为: 2.5216406363433186
加密后: 03E82FC2E15B14E28043077E9034700769BA4FA9BBE63058D7703048115AA4A77FF508FD3F390912C83CACD34137C6547DD4093E44A6D
密文信息熵为: 3.959500682486955
请输入密文:
03E82FC2E15B14E28043077E9034700769BA4FA9BBE63058D7703048115AA4A77FF508FD3F390912C83CACD34137C6547DD4093E44A6DCC5FA0
128
解密后: JinYang
```

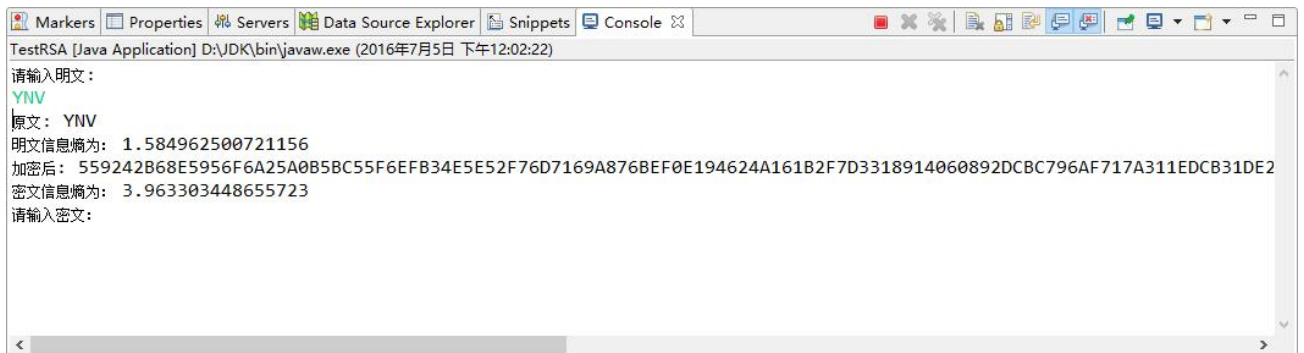


```
TestRSA [Java Application] D:\JDK\bin\javaw.exe (2016年7月5日 上午11:52:46)
请输入明文:
YNU
原文: YNU
明文信息熵为: 1.584962500721156
加密后: 0AB9FAEE6676E5078CED412450D99178EA1C19291C94BC7BACF9F6AE4523E48F27D1E58C728ED5E62134E4826F7A16CD55F6A03968F43
密文信息熵为: 3.9897109529621666
请输入密文:
```

明文熵<密文熵.

(3) 改变明文 1bit, 观察密文的变化。改变密钥 1bit, 观察密文的变化。

改变明文 1bit:



```
TestRSA [Java Application] D:\JDK\bin\javaw.exe (2016年7月5日 下午12:02:22)
请输入明文:
YNV
原文: YNV
明文信息熵为: 1.584962500721156
加密后: 559242B68E5956F6A25A0B5BC55F6EFB34E5E52F76D7169A876BEF0E194624A161B2F7D3318914060892DCBC796AF717A311EDCB31DE2
密文信息熵为: 3.963303448655723
请输入密文:
```

密文的内容发生了很大的变化, 但是熵变化不大

(4) 改变密文 1bit, 观察解密后的明文变化。

解密出错;

```

<terminated> TestRSA [Java Application] D:\JDK\bin\javaw.exe (2016年7月5日 下午12:04:24)
请输入明文:
YNU
原文: YNU
明文信息熵为: 1.584962500721156
加密后: 1484C00A884CE3C7FF29A57DC434CAE83653D2F3BFC4AB464D11E7113D1A1B96E5940410B45EAE7FA06F53D87DED675905BE1BC620151F6A259128
密文信息熵为: 3.9675672752399227
请输入密文:
2484C00A884CE3C7FF29A57DC434CAE83653D2F3BFC4AB464D11E7113D1A1B96E5940410B45EAE7FA06F53D87DED675905BE1BC620151F6A259128
Exception in thread "main" javax.crypto.BadPaddingException: Decryption error
    at sun.security.rsa.RSAPadding.unpadV15(Unknown Source)
    at sun.security.rsa.RSAPadding.unpad(Unknown Source)
    at com.sun.crypto.provider.RSACipher.doFinal(RSACipher.java:363)
    at com.sun.crypto.provider.RSACipher.engineDoFinal(RSACipher.java:389)
    at javax.crypto.Cipher.doFinal(Cipher.java:2165)
    at IT11.RSA.decryptByPrivateKey(RSA.java:127)
    at IT11.TestRSA.main(TestRSA.java:48)
  
```

(5) 分析 (2) - (4) 中的实验现象和原因。

## 2. Elgamal 体制的实现与分析

(1) 实现密码体制。

### ElGamalKeyPairGenerator.java

**package** IT11;

**import** java.math.BigInteger;  
**import** java.security.\*;

**public class** ElGamalKeyPairGenerator **extends** KeyPairGeneratorSpi {  
    **private int** mStrength = 0;  
    **private** SecureRandom mSecureRandom = **null**;

**public void** initialize(**int** strength, SecureRandom random) {  
        mStrength = strength;  
        mSecureRandom = random;  
    }

**public** KeyPair generateKeyPair() {  
        **if** (mSecureRandom == **null**) {  
            mStrength = 1024;  
            mSecureRandom = **new** SecureRandom();  
        }  
        BigInteger p = **new** BigInteger(mStrength, 16, mSecureRandom);  
        BigInteger g = **new** BigInteger(mStrength - 1, mSecureRandom);  
        BigInteger k = **new** BigInteger(mStrength - 1, mSecureRandom);  
        BigInteger y = g.modPow(k, p);

```
    ElGamalPublicKey publicKey = new ElGamalPublicKey(y, g, p);
    ElGamalPrivateKey privateKey = new ElGamalPrivateKey(k, g, p);
    return new KeyPair(publicKey, privateKey);
}
}
```

### ElGamalPrivateKey.java

```
package IT11;

import java.math.BigInteger;
import java.security.*;

public class ElGamalPrivateKey extends ElGamalKey implements PrivateKey {

    private BigInteger mK;

    protected ElGamalPrivateKey(BigInteger k, BigInteger g, BigInteger p)
    {
        super(g, p);
        mK = k;
    }

    protected BigInteger getK() { return mK; }

    public String toString()
    {
        return mK + ":" + getG() + ":" + getP();
    }

}
```

### ElGamalPublicKey.java

```
package IT11;

import java.math.BigInteger;
import java.security.*;

public class ElGamalPublicKey extends ElGamalKey implements PublicKey {
```

```

    private BigInteger mY;

    protected ElGamalPublicKey(BigInteger y, BigInteger g, BigInteger p)
    {
        super(g, p);
        mY = y;
    }
    protected BigInteger getY() { return mY; }

    public String toString()
    {
        return mY + ":" + getG() + ":" + getP();
    }
}

```

#### ElGamalKey.java

```

package IT11;

import java.math.BigInteger;
import java.security.*;

public class ElGamalKey implements Key {
    private BigInteger mP, mG;

    protected ElGamalKey(BigInteger g, BigInteger p) {
        mG = g;
        mP = p;
    }

    protected BigInteger getG() { return mG; }
    protected BigInteger getP() { return mP; }

    public String getAlgorithm() { return "ElGamal"; }
    public String getFormat() { return "NONE"; }
    public byte[] getEncoded() { return null; }
}

```

#### ElGamalEncryption.java

```

package IT11;

```

```
import java.math.BigInteger;
import java.security.*;

public class ElGamalEncryption{

    protected ElGamalKey mKey;

    protected static BigInteger kOne = BigInteger.valueOf(1);

    protected void engineInitEncrypt(PublicKey key) throws
InvalidKeyException {
    if (!(key instanceof ElGamalPublicKey)) throw new
InvalidKeyException("Invalid ElGamalPublicKey.");
    mKey = (ElGamalKey)key;
}

    protected void engineInitDecrypt(PrivateKey key) throws
InvalidKeyException {
    if (!(key instanceof ElGamalPrivateKey)) throw new
InvalidKeyException("Invalid ElGamalPrivateKey.");
    mKey = (ElGamalKey)key;
}

    protected BigInteger[] engineEncrypt(BigInteger M){
    BigInteger y = ((ElGamalPublicKey)mKey).getY();
    BigInteger g = mKey.getG();
    BigInteger p = mKey.getP();

    BigInteger k;
    do {
        k = new BigInteger(p.bitLength() - 1, new SecureRandom());
    } while (k.gcd(p).equals(kOne) == false);

    BigInteger a = g.modPow(k, p);

    BigInteger temp = y.modPow(k, p);
    BigInteger C = (M.multiply(temp)).mod(p);
    BigInteger[] result = new BigInteger[2];
    result[0] = a;
    result[1] = C;

    return result;
}

    protected BigInteger engineDecrypt(BigInteger[] result){
    BigInteger k = ((ElGamalPrivateKey)mKey).getK();
    BigInteger p = mKey.getP();

    BigInteger a = result[0];
```

```

        BigInteger C = result[1];
        BigInteger temp = a.modPow(k, p).modInverse(p);

        return C.multiply(temp).mod(p);
    }

}

```

### Ekeygen.java

```

package IT11;

import java.awt.event.ActionEvent;
import java.awt.event.ActionListener;
import java.math.BigInteger;
import java.security.*;

import javax.swing.JButton;
import javax.swing.JFrame;
import javax.swing.JLabel;
import javax.swing.JPanel;
import javax.swing.JTextField;

public class Ekeygen {

    static ElGamalEncryption encrypt;
    static ElGamalKeyPairGenerator ekpg;
    static KeyPair epair;

    public static void main(String[] args){
        JFrame jiami=new JFrame();
        final ElGamalPrivateKey eprik;
        final ElGamalPublicKey epubk;
        ekpg = new ElGamalKeyPairGenerator();
        ekpg.initialize(16, new SecureRandom());
        epair = ekpg.generateKeyPair();

        eprik = (ElGamalPrivateKey) epair.getPrivate();
        epubk = (ElGamalPublicKey) epair.getPublic();

        System.out.println("Private Key: k = " + eprik.getK() );
    }
}

```

```
System.out.println("Public Key: y = " + epubk.getY() + ", g = " +
epubk.getG() + ", p = " + epubk.getP());

/* try
{

    String str = "45678";

    System.out.println("Message : " + str);

    System.out.println();

    BigInteger C;
    //encrypt.engineInitDecrypt(eprik);

}
*/
//catch(InvalidKeyException ike)
//{
//    // System.out.println("Invalid Key!");
//}

jiami.setSize(500, 500);
final JTextField xianshi=new JTextField();
xianshi.setBounds(20, 222, 333, 25);
jiami.setLayout(null);
jiami.add(xianshi);
final JTextField elgam=new JTextField();
elgam.setBounds(20, 18, 333, 25);
jiami.setLayout(null);
jiami.add(elgam);
final JTextField elga1=new JTextField();
elga1.setBounds(20, 155, 100, 25);
jiami.setLayout(null);
jiami.add(elga1);
final JTextField elga2=new JTextField();
```



```

elga2.setBounds(180, 155, 100, 25);
jiami.setLayout(null);
jiami.add(elga2);
JButton an=new JButton();
an.setBounds(22, 52, 88, 33);
an.setText("加密");
an.addActionListener(new ActionListener(){
    public void actionPerformed(ActionEvent e){
        String ssa=elgam.getText();
        encrypt = new ElGamalEncryption();
        try {
            encrypt.engineInitEncrypt(epubk);
        } catch (InvalidKeyException e1) {
            // TODO Auto-generated catch block
            e1.printStackTrace();
        }
        System.out.println(ssa);
        BigInteger msg_num = new BigInteger(ssa);

        BigInteger[] encryptedmsg = encrypt.engineEncrypt(msg_num);
        xianshi.setText("Encrypted Message: " + encryptedmsg[0] + ","
+ encryptedmsg[1]);
    }
});
jiami.add(an);
JButton an2=new JButton();
an2.setBounds(111, 52, 88, 33);
an2.setText("解密");
jiami.add(an2);
an2.addActionListener(new ActionListener(){
    public void actionPerformed(ActionEvent e){

        String ss1=elga1.getText();
        String ss2=elga2.getText();

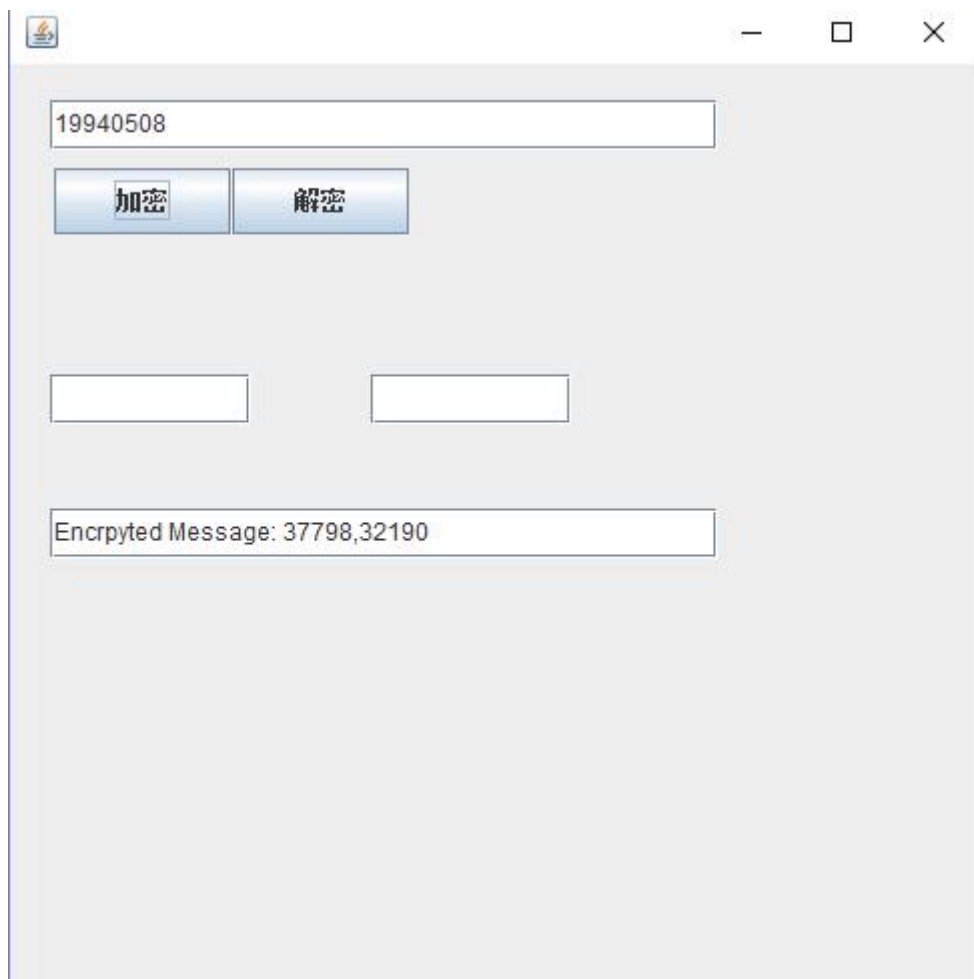
        encrypt = new ElGamalEncryption();
        try {
            encrypt.engineInitDecrypt(eprik);
        } catch (InvalidKeyException e1) {
            // TODO Auto-generated catch block
            e1.printStackTrace();
        }

        BigInteger encryptedmsg = new BigInteger(ss1);
        BigInteger encryptedmsg1 = new BigInteger(ss2);
        BigInteger[] enmsg = new BigInteger[2];
        enmsg[0]=encryptedmsg;
        enmsg[1]=encryptedmsg1;
    }
});

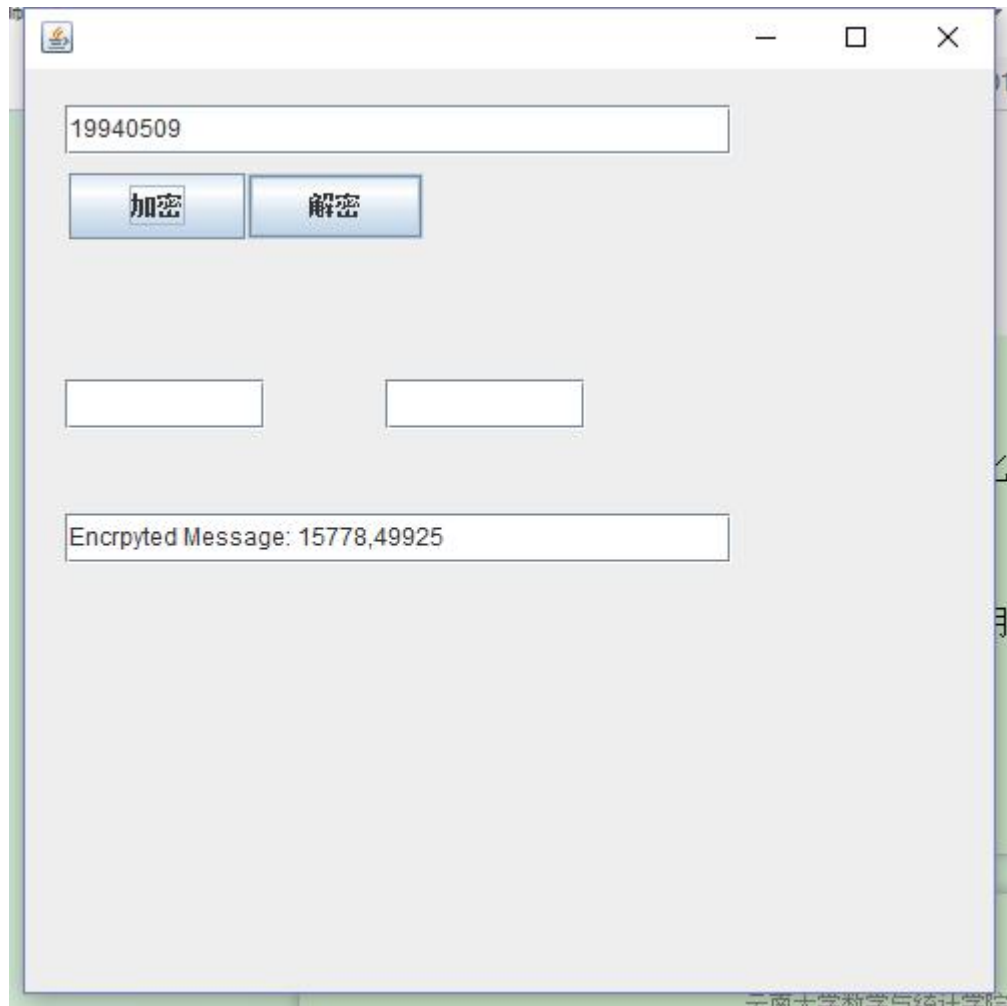
```

```
BigInteger decryptedmsg = encrypt.engineDecrypt(enmsg);  
xianshi.setText("Decrypted Message: " +decryptedmsg);  
}  
});
```

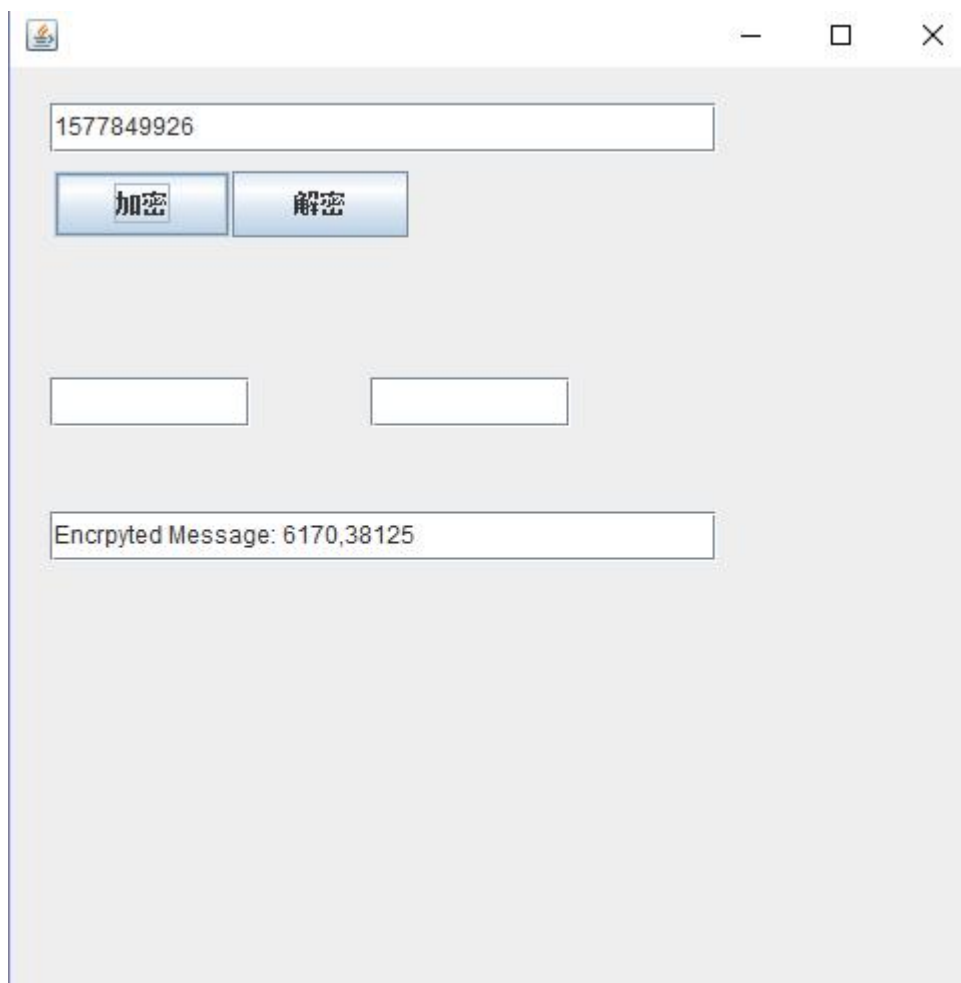
```
jiami.setVisible(true);  
  
}  
  
}
```



(2) 改变明文 1bit，观察密文的变化。改变密钥 1bit，观察密文的变化。



(4) 改变密文 1bit，观察解密后的明文变化。



1 bit 的变化使得结果完全不同。

## 五、实验体会

1. ElGamal 算法既能用于数据加密也能用于数字签名，其安全性依赖于计算有限域上离散对数这一难题。

密钥对产生办法。首先选择一个素数  $p$ ，两个随机数  $g$  和  $x$ ， $g, x < p$ ，计算  $y = g^x \pmod{p}$ ，则其公钥为  $y, g$  和  $p$ 。私钥是  $x$ 。 $g$  和  $p$  可由一组用户共享。

ElGamal 用于数字签名。被签信息为  $M$ ，首先选择一个随机数  $k$ ， $k$  与  $p - 1$  互质，计算  $a = g^k \pmod{p}$ ，再用扩展 Euclidean 算法对方程求解  $b$ ： $M = xa + kb \pmod{p - 1}$ ，签名就是  $(a, b)$ 。随机数  $k$  须丢弃。

验证时要验证下式： $y^a * a^b \pmod{p} = g^M \pmod{p}$

同时一定要检验是否满足  $1 \leq a < p$ 。否则签名容易伪造。

ElGamal 用于加密。被加密信息为  $M$ ，首先选择一个随机数  $k$ ， $k$  与  $p-1$  互质，计算  $a = g^k \pmod{p}$ ， $b = y^k M \pmod{p}$ ， $(a, b)$  为密文，是明文的两倍长。解密时计算  $M = b / a^x \pmod{p}$ 。

ElGamal 签名的安全性依赖于乘法群  $(\mathbb{F}_p)^*$  上的离散对数计算。素数  $p$  必须足够大，且  $p-1$  至少包含一个大素数因子以抵抗 Pohlig & Hellman 算法的攻击。 $M$  一般都应采用信息的 HASH 值(如 SHA 算法)。ElGamal 的安全性主要依赖于  $p$  和  $g$ ，若选取不当则签名容易伪造，应保证  $g$  对于  $p-1$  的大素数因子不可约。D.Bleichenbacher“Generating ElGamal Signatures Without Knowing the Secret Key”中提到了一些攻击方法和对策。ElGamal 的一个不足之处是它的密文成倍扩张。

2. 公钥密码体制的核心思想是：加密和解密采用不同的密钥。这是公钥密码体制和传统的对称密码体制最大的区别。对于传统对称密码而言，密文的安全性完全依赖于密钥的保密性，一旦密钥泄漏，将毫无保密性可言。但是公钥密码体制彻底改变了这一状况。在公钥密码体制中，公钥是公开的，只有私钥是需要保密的。知道公钥和密码算法要推测出私钥在计算上是不可行的。这样，只要私钥是安全的，那么加密就是可信的。

显然，对称密码和公钥密码都需要保证密钥的安全，不同之处在于密钥的管理和分发上面。在对称密码中，必须要有一种可靠的手段将加密密钥（同时也是解密密钥）告诉给解密方；而在公钥密码体制中，这是不需要的。解密方只需要保证自己的私钥的保密性即可，对于公钥，无论是对加密方而言还是对密码分析者而言都是公开的，故无需考虑采用可靠的通道进行密码分发。这使得密钥管理和密钥分发的难度大大降低了。

3. 加密会增加数据的冗余这会导致密文的熵变大；且由信源绝对信息率定义为  $R_0 = \log |A|$ ，信源的近似信息率定义为  $R_n = \frac{\log |B_n|}{n}$ ，可得明文熵  $H(X^n) = nR_n = \log |B_n|$ ，密文熵  $H(Y^n) = nR_0 = n \log |A|$ ，后者显然更大；

## 六、参考文献

1. Thomas M. Cover, Joy A. Thomas. Elements of Information Theory (2<sup>nd</sup> Edition) [M]. John Wiley & Sons, Inc.
2. (如有其它参考文献，请列出)