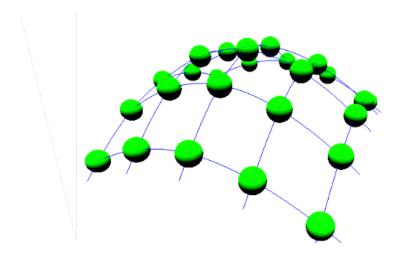


# TP1 - Interpolation Approximation Interpolation Polynomiale

Julien Desvergnes, Géraldine Morin



Ce TP illustre la partie de cours sur l'interpolation polynomiale.

# Table des matières

| 1 | 1.1<br>1.2 | allation et présentation rapide de Unity Installation  |
|---|------------|--|
| 2 | Pré        | paration pour le TP1                                   |
| 3 | Des        | criptif du projet                                      |
|   | 3.1        | Scène  |
|   |            | 3.1.1 Interpolateur                                    |
|   |            | 3.1.2 Donnees  |
|   |            | 3.1.3 Point  |
|   |            | 3.1.4 Interpolateur de surface                         |
|   | 3.2        | Assets»Scripts»Utils                                   |
| 4 | Tra        | vail à faire   |
|   | 4.1        | Cas fonctionnel: Interpolation de points               |
|   | 4.2        | Cas paramétrique : Interpolation de points             |
|   | 4.3        | Influence des paramètres $T_i$                         |
|   | 4.4        | Interpolation paramétrique via l'algorithme de Neville |
|   | 4.5        | Bonus : surface interpolantes en produit tensoriel     |

# 1 Installation et présentation rapide de Unity

#### 1.1 Installation

Pour installer Unity3D, rendez-vous sur le site https://unity3d.com/fr/get-unity/download et téléchargez le UnityHub. Une fois ceci fait, il faut télécharger un éditeur Unity (en gros une version). La version à choisir est 2109.3.5f1 si elle est disponible. Si ce n'est pas le cas prenez simplement la plus récente.

Pour vérifier que tout s'est bien passé, essayez de créer un nouveau projet en faisant :

#### 1.2 Prise en main de l'interface

Je vous encourage à essayer de jouer un peu avec Unity, c'est à dire créer des objets, les déplacer, utiliser la caméra, faire des petites bidouilles. Cela vous permettra de ne pas être perdus lors des premiers TP.

Vous trouverez une petite vidéo qui résume le fonctionnement de l'interface ci-dessous.

http://www.unity3d-dev.com/tuto/debutant/les-bases-unity-3d/interface.php

# 2 Préparation pour le TP1

Il faut récupérer les sources sur google drive :

https://drive.google.com/open?id=11irLeQa7cpAKWOdRgvURCUbrbSjJZ-Ug

Une fois cela fait, dans UnityHub, aller dans la section Projects et faire ADD puis choisir TP1 comme racine.

Suite à cela le projet devrait être importé dans Unity, vous pourrez alors le lancer.

# 3 Descriptif du projet

#### 3.1 Scène

Dans la scène, il y a trois sections :

UI : La partie UI (pour user interface) regroupe des éléments liés à de l'affichage textuel.
 Vous n'aurez pas à modifier cette partie

**TP1**: C'est ici qu'il y a les éléments spécifiques au TP1. Des détails seront présentés dans la suite.

Setup : Des données de mise en place, caméra, lumière, etc. Vous n'aurez pas à modifier cette partie

#### 3.1.1 Interpolateur

Cet objet servira à contrôler les paramètres d'interpolation depuis l'éditeur Unity. Il suffit pour cela de régler les paramètres directement dans la fenêtre d'inspection des objets ("Inspector")

- Pas : pas de discrétisation des temps d'échantillonnages,
- Données : Ne pas modifier!, récupère les points cliqués par l'utilisateur,
- Interpolation Type: le type d'interpolation choisie (Lagrange ou Neville),
- **Time Type**: le type de temps  $(Ti)_{i=0..n}$  choisis,
- Text : Ne pas modifier!, le texte qui peut s'afficher dans le UI.

#### 3.1.2 Donnees

Cet objet contient les points cliqués par l'utilisateur. Il n'est pas à modifier!

#### 3.1.3 Point

Cet objet décrit ce qu'est un point qui sera instancié sur un clic. Il n'est pas à modifier!

#### 3.1.4 Interpolateur de surface

Cet objet permet de réaliser l'interpolation d'une surface définie par un ensemble de points.

Il contient un exemple de surface : plusieurs points dont les coordonnées sont contenues dans des listes X,Y et Z qui définissent la surface dans l'espace.

## 3.2 Assets»Scripts»Utils

C'est dans cette section que vous trouverez les fichiers à modifier.

Les deux seuls fichiers de travail sont :

- Interpolateur,
- InterpolateurDeSurface

### 4 Travail à faire

## 4.1 Cas fonctionnel: Interpolation de points

Étant données n+1 points  $P_i=((x_i,y_i))_{i=0}^n$  du plan, dessiner la fonction polynomiale f de degré n telle que

$$f(x_i) = y_i, i = 1...n$$

En pratique : Compléter le code de la fonction Lagrange (fichier Interpolateur.cs) de façon à calculer l'ordonnée du point d'abscisse x étant sur la courbe qui interpole les points de coordonnées (X,Y).

Tester ses modifications: Dans l'éditeur, s'assurer que le bouton Gizmos est bien coché (dans la barre de scène), sélectionner l'objet interpolateur dans la hiérarchie, choisir les options lagrange et none pour le type d'interpolation et le type de paramétrisation. Une fois ces opérations effectuées, cliquer sur play. Pour placer des points, il suffit de cliquer avec la souris, pour lancer l'interpolation, appuyer sur entrée.

## 4.2 Cas paramétrique : Interpolation de points

Étant données n+1 points  $P_i = ((x_i, y_i))_{i=0}^n$  du plan, et des paramètres  $(t_i)$  pour i de 0 à n, dessiner la courbe paramétrique F polynomiale de degré minimum telle que  $F(t_i) = (x_i, y_i)$  pour tout i de 0 à n.

**En pratique :** Compléter le code de la fonction buildParametrisationReguliere qui doit construire à la fois le vecteur des temps T d'évaluation et le vecteur d'échantillonnage de ces mêmes temps. Compléter également le code de la fonction applyLagrangeParametrisation.

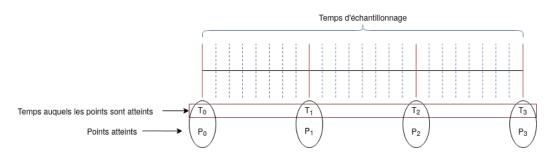


FIGURE 1 – Qu'est-ce-que tToEval et T?

Tester ses modifications: Dans l'éditeur, s'assurer que le bouton Gizmos est bien coché (dans la barre de scène), sélectionner l'objet interpolateur dans la hiérarchie, choisir les options lagrange et Reguliere pour le type d'interpolation et le type de paramétrisation. Une fois ces opérations effectuées, cliquer sur play. Pour placer des points, il suffit de cliquer avec la souris, pour lancer l'interpolation, appuyer sur entrée.

# 4.3 Influence des paramètres $T_i$

Vous mesurerez l'influence du choix des  $T_i$  sur vos courbes. Vous pourrez essayer de prendre des valeurs de  $T_i$  dépendant de la distance entre les points, de la racine de la distance entre les points, ou encore des valeurs de Tchebychev que vous retrouverez dans le polycopié du cours.

En pratique Ici il faut coder les méthodes :

- buildParametrisationDistance,
- buildParametrisationRacineDistance,
- buildParametrisationTchebycheff.

Remarque : les coordonnées des points cliqués sont accessibles via les variables globales X et Y. Vous pouvez donc récupérer ces points en, faisant X[i] ou Y[i]

Tester ses modifications: Dans l'éditeur, s'assurer que le bouton Gizmos est bien coché (dans la barre de scène), sélectionner l'objet interpolateur dans la hiérarchie, choisir les options lagrange la paramétrisation (choix des T-i) voulue. Une fois ces opérations effectuées, cliquer sur play. Pour placer des points, il suffit de cliquer avec la souris, pour lancer l'interpolation, appuyer sur entrée.

## 4.4 Interpolation paramétrique via l'algorithme de Neville

Dans cette partie, il faut programmer le calcul de l'interpolation par l'algorithme de Neville.

En pratique : Coder les deux méthodes restantes du fichier Interpolateur.cs : neville et applyNevilleParametrisation.

Tester ses modifications: Dans l'éditeur, s'assurer que le bouton Gizmos est bien coché (dans la barre de scène), sélectionner l'objet interpolateur dans la hiérarchie, choisir les options neville et la paramétrisation voulue. Une fois ces opérations effectuées, cliquer sur play. Pour placer des points, il suffit de cliquer avec la souris, pour lancer l'interpolation, appuyer sur entrée.

## 4.5 Bonus : surface interpolantes en produit tensoriel

on rappelle qu'une surface en produit tensoriel est définie par :

$$S(s,t) = \sum_{i=0}^{n} \sum_{j=0}^{m} P_{ij} L_i(s) L_j(t) = \sum_{i=0}^{n} L_i(s) P_i(t)$$

avec n+1 points  $P_i(t)$  pris sur n+1 courbes (à t fixé, pour i dans 0...n):

$$P_i(t) = \sum_{j=0}^{m} P_{ij} L_j(t)$$

.

En vous basant sur le script Interpolateur.cs que vous avez écrit et sur vos connaissances sur l'interpolation, vous devez générez des surfaces interpolantes en produit tensoriel sur une grille de points de contrôle régulière (c'est à dire, les points de contrôles dans une matrice).

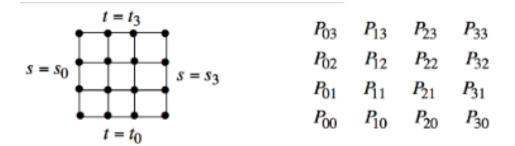


FIGURE 2 – Domaine de paramétrisation et grille 4\*4 de points de contrôle 3D pour une surface de bi-degré(n, m) = (3,3)