

# Komplex számok

Ebben a feladatban a matematikai komplex számokra alkotunk modellt és implementáljuk néhány alapvető műveletüket.

## Mi az a komplex szám?

A komplex számok a valós számokkal ellentétben két komponensből épülnek fel: valós és imaginárius. Mind a két értéket egy valós számmal tudjuk megadni, például lehet 5 a valós és 3 az imaginárius komponens. Ezek együtt alkothatnak egy komplex számot, melyet  $5 + 3i$  alakban adunk meg, melyben az  $i$  az imaginárius egységet jelöli.

A valós számok halmazán gyakran belefuthatunk olyan megoldhatatlan egyenletekbe, amikben egy  $\sqrt{-1}$  típusú értékkel kellene számolnunk, például másodfokú megoldóképlet alkalmazásakor, vagy úgy általában polinomok gyökének megállapításakor ( $x^n \cdot a_n + x^{n-1} \cdot a_{n-1} \dots x^2 \cdot a_2 + x \cdot a = 0$  típusú egyenletek). Mivel a valós számokon a negatív értékből való gyökvonás nem értelmezett, ezért a matematikusok kibővítették a valós számokat egy imaginárius egységgel, azaz az  $i$ -vel, mely definíció szerint  $i^2 = -1$  és az ezzel megalkotott számhalmazt elnevezték komplex számhalmaznak ( $\mathbb{C}$ ).

A komplex számhalmazon végezhető műveletek kicsit másképp néznek ki, mint a valós számokon.

- Összeadásnál a komponenseket külön összeadjuk.

$$\boxed{1 + 3i} + \boxed{2 + 5i} = 3 + 8i$$
- Kivonásnál a komponenseket külön kivonjuk egymásból.

$$\boxed{1 + 3i} - \boxed{2 + 5i} = -1 - 2i$$
- Szorzás nem ennyire egyszerű, mivel egy kicsit bonyolultabb képletet kell alkalmaznunk.

$$\boxed{x_1 + y_1i} \cdot \boxed{x_2 + y_2i} = (x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2) + (x_1 \cdot y_2 + x_2 \cdot y_1)i$$
- Osztásnál még egy, még ennél is bonyolultabb képletet kell alkalmazni.

$$\frac{x_1 + y_1i}{x_2 + y_2i} = \frac{x_1 \cdot y_1 + x_2 \cdot y_2}{x_2^2 + y_2^2} + \frac{y_1 \cdot x_2 - x_1 \cdot y_2}{x_2^2 + y_2^2} \cdot i$$

## Feladat leírása

Készítsük el a `ComplexNumber` osztályt, melynek példányai egy-egy komplex számot reprezentálhatnak.

ComplexNumber
- realPart: Double - imaginaryPart: Double <u>+ ZERO: ComplexNumber</u> <u>+ ONE: ComplexNumber</u>
+ add(ComplexNumber): ComplexNumber + substract(ComplexNumber): ComplexNumber + multiply(ComplexNumber): ComplexNumber + divide(ComplexNumber): ComplexNumber <u>+ toString(ComplexNumber): String</u>

- Az osztálynak legyen két mezője, melyben a valós ( `realPart` ) és imaginárius ( `imaginaryPart` ) komponensek értékét tároljuk `double` értékként.
- Az példányszintű mezőkre hozzunk létre *getter* és *setter* metódusokat, magukat a mezőket pedig tegyük az osztályon kívülről hozzáférhetetlenné.
- Hozzuk létre a négy alapvető műveletre a példányszintű metódusokat, melyek mindegyike fogad egy másik `ComplexNumber` példányt. A metódus eredménye legyen egy új, az adott művelet eredményét reprezentáló `ComplexNumber` példány.
- Hozzuk létre a `ComplexNumberTest` *JUnit* 5 teszt osztályt, melyben a műveletekre adunk meg teszteket.
- Hozzuk létre a `ComplexNumber.toString()` osztályszintű metódust, mely fogad paraméterként egy komplex számot és előállítja hozzá a szám `String` reprezentációját, azaz a  $x + yi$  alakot.
  - Ha egy komponens értéke egész szám, de a `double` típus miatt feleslegesen megjelenne egy 0 tizedes jegy, akkor oldjuk meg, hogy az ne jelenjen meg a `String` -ben.
  - Ha az imaginárius komponens negatív értékű, akkor a  $x - yi$  mintát kövesse a metódus eredménye.
- Hozzunk létre két konstanst a `ComplexNumber` osztályban, melyek a  $0 + 0i$  ( `ZERO` ), illetve az  $1 + 0i$  ( `ONE` ) értékeknek felelnek meg.
- Bővítsük ki a teszt osztályunkat a következők szerint:
  - A `toString` műveletet ellenőrizzük le pozitív és negatív imaginárius komponensre.
  - A két konstansra hozzunk létre egy-egy teszt metódust, melyben megvizsgáljuk, hogy a `ZERO` -val való összeadás, illetve a `ONE` -nal való szorzás idempotens, azaz a művelet eredménye az eredeti operandus.