

# Grundbegriffe der Informatik

## Tutorium 36 | 26.10.2017

Maximilian Staab, [uxhdf@student.kit.edu](mailto:uxhdf@student.kit.edu)

Lukas Bach, [lukas.bach@student.kit.edu](mailto:lukas.bach@student.kit.edu)



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Vorlesung und Übung

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Vorlesung und Übung

Organisatorisches

- Mittwoch 9:45 - 11:15 Vorlesung
- Freitag 9:45 - 11:15 abwechselnd Vorlesung und Übung

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Vorlesung und Übung
  - Mittwoch 9:45 - 11:15 Vorlesung
  - Freitag 9:45 - 11:15 abwechselnd Vorlesung und Übung
- Tutorium

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Vorlesung und Übung

- Mittwoch 9:45 - 11:15 Vorlesung
- Freitag 9:45 - 11:15 abwechselnd Vorlesung und Übung

## ■ Tutorium

- Donnerstags, 09:45 - 11:15
- 50.34 Informatikbau, -109

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Vorlesung und Übung

- Mittwoch 9:45 - 11:15 Vorlesung
- Freitag 9:45 - 11:15 abwechselnd Vorlesung und Übung

## ■ Tutorium

- Donnerstags, 09:45 - 11:15
- 50.34 Informatikbau, -109

## ■ Übungsblätter

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Vorlesung und Übung

- Mittwoch 9:45 - 11:15 Vorlesung
- Freitag 9:45 - 11:15 abwechselnd Vorlesung und Übung

## ■ Tutorium

- Donnerstags, 09:45 - 11:15
- 50.34 Informatikbau, -109

## ■ Übungsblätter

- Alle zwei Wochen
- Ausgabe Mittwochs, Abgabe Donnerstags bis 16:00 zwei Wochen drauf



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Vorlesung und Übung

- Mittwoch 9:45 - 11:15 Vorlesung
- Freitag 9:45 - 11:15 abwechselnd Vorlesung und Übung

## ■ Tutorium

- Donnerstags, 09:45 - 11:15
- 50.34 Informatikbau, -109

## ■ Übungsblätter

- Alle zwei Wochen
- Ausgabe Mittwochs, Abgabe Donnerstags bis 16:00 zwei Wochen drauf

## ■ Klausur

- Termin am 08.03.2018

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- min. 50% aller Punkte auf Übungsblättern richtig

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

- min. 50% aller Punkte auf Übungsblättern richtig
- Rückgabe im Tutorium

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- min. 50% aller Punkte auf Übungsblättern richtig
- Rückgabe im Tutorium
- Bestehen ist *keine* Voraussetzung für die Klausur

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- min. 50% aller Punkte auf Übungsblättern richtig
- Rückgabe im Tutorium
- Bestehen ist *keine* Voraussetzung für die Klausur, *aber* fürs Modul!

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- min. 50% aller Punkte auf Übungsblättern richtig
- Rückgabe im Tutorium
- Bestehen ist *keine* Voraussetzung für die Klausur, *aber* fürs Modul!
- Gemeinsames Abgeben, Abschreiben verboten

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- min. 50% aller Punkte auf Übungsblättern richtig
- Rückgabe im Tutorium
- Bestehen ist *keine* Voraussetzung für die Klausur, *aber* fürs Modul!
- Gemeinsames Abgeben, Abschreiben verboten
- Übungsblätter und später auch Musterlösungen im ILIAS



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

- Alle Tutorienfolien im Ilias (nach dem Tutorium)

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Alle Tutorienfolien im Ilias (nach dem Tutorium)
- Bei Fragen: `uxhdf@student.kit.edu`

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Alle Tutorienfolien im Ilias (nach dem Tutorium)
- Bei Fragen:uxhdf@student.kit.edu
- Oder einfach hier
- Keine Anwesenheitspflicht

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Alle Tutorienfolien im Ilias (nach dem Tutorium)
- Bei Fragen: uxhdf@student.kit.edu
- Oder einfach hier
- Keine Anwesenheitspflicht
- Möglichkeit andere Tutorien zu besuchen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

■ Objekt: 101

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

- Objekt: 101
  - Eins null eins

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

- Objekt: 101
  - Eins null eins oder 101 als Zahl

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

- Objekt: 101
  - Eins null eins oder 101 als Zahl oder 5 in binär

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

#### ■ Objekt: 101

- Eins null eins oder 101 als Zahl oder 5 in binär oder zwei merkwürdige Striche mit einem Kreis dazwischen?

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

#### ■ Objekt: 101

- Eins null eins oder 101 als Zahl oder 5 in binär oder zwei merkwürdige Striche mit einem Kreis dazwischen?
- Vom Kontext abhängig.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

#### ■ Objekt: 101

- Eins null eins oder 101 als Zahl oder 5 in binär oder zwei merkwürdige Striche mit einem Kreis dazwischen?
- Vom Kontext abhängig.
- Zunächst einfach ein konkretes Objekt.

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

### ■ Physikalische Veränderung

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:
  - Notfallalarm in Serverraum



Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

### Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten
- Für Security die Information, zu kommen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Signal

### Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten
- Für Security die Information, zu kommen
- Für Techniker die Information, Ausrüstung zu holen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

### ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten
- Für Security die Information, zu kommen
- Für Techniker die Information, Ausrüstung zu holen

### ■ Nachricht

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

### ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten
- Für Security die Information, zu kommen
- Für Techniker die Information, Ausrüstung zu holen

- Nachricht: Objekt wie oben, das von Signal unabhängig ist

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

### ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten
- Für Security die Information, zu kommen
- Für Techniker die Information, Ausrüstung zu holen

### ■ Nachricht: Objekt wie oben, das von Signal unabhängig ist

- Roter Notfallalarm ist ein anderes Signal als ein blauer Notfallalarm



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

### ■ Signal

- Physikalische Veränderung
- Lässt sich verschieden interpretieren.
- Beispiele:

- Notfallalarm in Serverraum



- Für Besucher nur schönes Leuchten
- Für Security die Information, zu kommen
- Für Techniker die Information, Ausrüstung zu holen

### ■ Nachricht: Objekt wie oben, das von Signal unabhängig ist

- Roter Notfallalarm ist ein anderes Signal als ein blauer Notfallalarm, aber vielleicht dieselbe Nachricht.

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

■ Der interessante Teil:

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## ■ Der interessante Teil: Informationen

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal (blaue Signalleuchte in Raum nebendran vielleicht auch)

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal (blaue Signalleuchte in Raum nebendran vielleicht auch)
  - “Alarm”: Nachricht

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal (blaue Signalleuchte in Raum nebendran vielleicht auch)
  - “Alarm”: Nachricht
  - Information:

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal (blaue Signalleuchte in Raum nebendran vielleicht auch)
  - “Alarm”: Nachricht
  - Information: Security soll herkommen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal (blaue Signalleuchte in Raum nebendran vielleicht auch)
  - “Alarm”: Nachricht
  - Information: Security soll herkommen, Techniker sollen das Werkzeug bereit halten

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

- Der interessante Teil: Informationen
- Bedeutung einer Nachricht
- Der vorher fehlende Kontext.
- Im obigen Beispiel:
  - Rote Alarmleuchte ist ein Signal (blaue Signalleuchte in Raum nebendran vielleicht auch)
  - “Alarm”: Nachricht
  - Information: Security soll herkommen, Techniker sollen das Werkzeug bereit halten, Besucher sollten Platz machen.

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

**Mengen**

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

■ Erster wirklich wichtiger Teil.

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

## Zeichnung

## Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden)

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

■ Beispiel:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

■ Beispiel:  $\{a, b, c, d\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

■ Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

■ Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$ ,  $c \in B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$ ,  $c \in B$ ,  $c \notin C$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$ ,  $c \in B$ ,  $c \notin C$
- Reihenfolge gleich

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$ ,  $c \in B$ ,  $c \notin C$
- Reihenfolge gleich:  $\{a, b\} = \{b, a\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$ ,  $c \in B$ ,  $c \notin C$
- Reihenfolge gleich:  $\{a, b\} = \{b, a\}$
- Elemente doppelt?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Definition: Mengen

“Unter einer Menge verstehen wir jede Zusammenfassung von bestimmten wohlunterschiedenen Objekten unserer Anschauung oder unseres Denkens (welche die Elemente dieser Menge genannt werden) zu einem Ganzen.”

- Beispiel:  $\{a, b, c, d\} =: A$ ,  $\{a, c, 4\} =: B$ ,  $\{10, 11\} =: C$
- Das Objekt  $c$  ist in  $A$  enthalten:  $c \in A$ ,  $c \in B$ ,  $c \notin C$
- Reihenfolge gleich:  $\{a, b\} = \{b, a\}$
- Elemente doppelt?  $\{a, a, b, a\} = \{a, b\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

**Mengen**

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Kardinalität

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Kardinalität oder Größe

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

- Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge
  - $A := \{a, b, c\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

- Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge
  - $A := \{a, b, c\}. |A| = 3$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}. |A| = 3$
- $B := \{c, d\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

■  $A := \{a, b, c\}. |A| = 3$

■  $B := \{c, d\}. |B| = 2$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}. |A| = 3$
- $B := \{c, d\}. |B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ?

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}. |A| = 3$
- $B := \{c, d\}. |B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}. |A| = 3$
- $B := \{c, d\}. |B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}\|$ ?

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}$ .  $|A| = 3$
- $B := \{c, d\}$ .  $|B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}\|$ ? 0

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}$ .  $|A| = 3$
- $B := \{c, d\}$ .  $|B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}|$ ? 0

## Leere Menge

Die Menge, die nichts enthält, nennen wir die leere Menge

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}$ .  $|A| = 3$
- $B := \{c, d\}$ .  $|B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}|$ ? 0

## Leere Menge

Die Menge, die nichts enthält, nennen wir die leere Menge, und schreiben sie als  $\{\}$  oder  $\emptyset$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}$ .  $|A| = 3$
- $B := \{c, d\}$ .  $|B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}|$ ? 0

## Leere Menge

Die Menge, die nichts enthält, nennen wir die leere Menge, und schreiben sie als  $\{\}$  oder  $\emptyset$ .

Was ist  $|\{\{\}\}|$ ?

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}$ .  $|A| = 3$
- $B := \{c, d\}$ .  $|B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}|$ ? 0

## Leere Menge

Die Menge, die nichts enthält, nennen wir die leere Menge, und schreiben sie als  $\{\}$  oder  $\emptyset$ .

Was ist  $|\{\{\}\}|$ ? 1!

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## ■ Kardinalität oder Größe: Die Anzahl der Elemente der Menge

- $A := \{a, b, c\}$ .  $|A| = 3$
- $B := \{c, d\}$ .  $|B| = 2$
- Was ist  $|\{1, 2, 3, 2\}|$ ? 3!
- Was ist  $|\{\}|$ ? 0

## Leere Menge

Die Menge, die nichts enthält, nennen wir die leere Menge, und schreiben sie als  $\{\}$  oder  $\emptyset$ .

Was ist  $|\{\{\}\}|$ ? 1!  $\{\emptyset\}$  enthält eine leere Menge, die selbst ein Element ist.

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Zeichnung

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

**Mengen**

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

■ Teilmenge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

■ Teilmenge:  $A \subseteq B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

■ Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$ , also alle Elemente in  $A$ , die nicht in  $B$  sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$ , also alle Elemente in  $A$ , die nicht in  $B$  sind.
- Komplementärmenge:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$ , also alle Elemente in  $A$ , die nicht in  $B$  sind.
- Komplementärmenge:  $\bar{A}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$ , also alle Elemente in  $A$ , die nicht in  $B$  sind.
- Komplementärmenge:  $\bar{A}$  enthält alle Elemente des *Universums*, die nicht in  $A$  sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$ , also alle Elemente in  $A$ , die nicht in  $B$  sind.
- Komplementärmenge:  $\bar{A}$  enthält alle Elemente des *Universums*, die nicht in  $A$  sind. Angenommen, Universum = Lateinisches Alphabet:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



# Mehr über Mengen

Seien  $A := \{a, b, c\}$ ,  $B := \{b, c\}$ ,  $C := \{c, b\}$ ,  $D := \{b, c, d\}$ .

- Teilmenge:  $A \subseteq B$ , also  $A$  ist Teilmenge von  $B$  genau dann, wenn alle Elemente aus  $A$  auch in  $B$  sind.
- Echte Teilmenge:  $A \subset B$  genau dann, wenn  $A \subseteq B$  und  $A \neq B$ .
  - Beispiele:  $B \subseteq A$ , sogar  $B \subset A$ .  
 $C \subseteq B$  und  $B \subseteq C$ , aber  $C \not\subseteq B$  und  $B \not\subseteq C$ .
- Schnittmenge:  $A \cap B = \{b, c\}$ .  
 $A \cap B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  und in  $B$  sind.
- Vereinigungsmenge:  $A \cup D = \{a, b, c, d\}$ .  
 $A \cup B$  enthält *genau* die Elemente, die in  $A$  oder in  $B$  sind.
- Mengendifferenz:  $A \setminus B = \{a\}$ , also alle Elemente in  $A$ , die nicht in  $B$  sind.
- Komplementärmenge:  $\bar{A}$  enthält alle Elemente des *Universums*, die nicht in  $A$  sind. Angenommen, Universum = Lateinisches Alphabet:  
 $\bar{A} = \{d, e, f, g, \dots, y, z\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

**Mengen**

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

### Die Potenzmenge

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

### Die Potenzmenge $2^M$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

■  $M \in 2^M$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?
  - Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $\{0, 1\} \in 2^M$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?
  - Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $\{0, 1\} \in 2^M$ .
  - $\{0\} \in 2^M$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?
  - Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $\{0, 1\} \in 2^M$ .
  - $\{0\} \in 2^M$  und  $\{1\} \in 2^M$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?
  - Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $\{0, 1\} \in 2^M$ .
  - $\{0\} \in 2^M$  und  $\{1\} \in 2^M$ .
  - Weitere?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?
  - Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $\{0, 1\} \in 2^M$ .
  - $\{0\} \in 2^M$  und  $\{1\} \in 2^M$ .
  - Weitere? Nein, diese vier Mengen sind alle möglichen Teilmengen.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Potenzmenge

Die Potenzmenge  $2^M$  einer Menge  $M$  enthält genau alle Mengen, die Teilmenge von  $M$  sind.

Was bedeutet das allgemein?

- $M \in 2^M$
- $\emptyset \in 2^M$
- Konkretes Beispiel: Was ist  $2^M$  mit  $M = \{0, 1\}$ ?
  - Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $\{0, 1\} \in 2^M$ .
  - $\{0\} \in 2^M$  und  $\{1\} \in 2^M$ .
  - Weitere? Nein, diese vier Mengen sind alle möglichen Teilmengen.
  - $\Rightarrow 2^M = \{\emptyset, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}$$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .
- Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$2^{2^M}$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$$2^{2^M} = \{$$



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$$2^{2^M} = \{ \\ \{\},$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$$2^{2^M} = \{ \\ \{\}, \\ \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\},$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$$2^{2^M} = \{ \\ \{\}, \\ \{\{\}, \{0\}\}, \{\{1\}\}, \{\{0, 1\}\}, \\ \{\{\}, \{0\}\}, \{\{\}, \{1\}\}, \{\{\}, \{0, 1\}\}, \{\{0\}, \{1\}\}, \\ \{\{0\}, \{0, 1\}\}, \{\{1\}, \{0, 1\}\},$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$$2^{2^M} = \{$$

$\{\},$

$\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\},$

$\{\{\}, \{0\}, \{\{\}, \{1\}\}, \{\{\}, \{0, 1\}\}, \{\{0\}, \{1\}\}\},$

$\{\{0\}, \{0, 1\}\}, \{\{1\}, \{0, 1\}\},$

$\{\{\}, \{0\}, \{1\}\}, \{\{\}, \{0\}, \{0, 1\}\}, \{\{\}, \{1\}, \{0, 1\}\}, \{\{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}\},$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

$$M = \{0, 1\}, 2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}.$$

Was ist  $2^{2^M}$ ?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

■ Also  $2^{\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}}$ .

■ Natürlich  $\emptyset \in 2^M$  und  $2^M = \{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \in 2^{2^M}$ .

$$2^{2^M} = \{ \begin{aligned} &\{\}, \\ &\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}, \\ &\{\{\}, \{0\}, \{\{\}, \{1\}\}, \{\{\}, \{0, 1\}\}, \{\{0\}, \{1\}\}\}, \\ &\{\{0\}, \{0, 1\}, \{\{1\}, \{0, 1\}\}, \\ &\{\{\}, \{0\}, \{1\}\}, \{\{\}, \{0\}, \{0, 1\}\}, \{\{\}, \{1\}, \{0, 1\}\}, \{\{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\}\}, \\ &\{\{\}, \{0\}, \{1\}, \{0, 1\}\} \end{aligned} \}$$

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

**Alphabete**

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

- $\{d, 34, \pi, \%\}$  und  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$  sind Alphabete.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

- $\{d, 34, \pi, \%\}$  und  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$  sind Alphabete.
- $\emptyset$  ist leer und damit kein Alphabet.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

- $\{d, 34, \pi, \%\}$  und  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$  sind Alphabete.
- $\emptyset$  ist leer und damit kein Alphabet.
- $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$  enthält alle natürlichen Zahlen und ist damit nicht endlich, also kein Alphabet.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

- $\{d, 34, \pi, \%\}$  und  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$  sind Alphabete.
- $\emptyset$  ist leer und damit kein Alphabet.
- $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$  enthält alle natürlichen Zahlen und ist damit nicht endlich, also kein Alphabet.
- $\{0, 1\}$  ist das Alphabet, das alle Binärzahlen enthält.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

- $\{d, 34, \pi, \%\}$  und  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$  sind Alphabete.
- $\emptyset$  ist leer und damit kein Alphabet.
- $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$  enthält alle natürlichen Zahlen und ist damit nicht endlich, also kein Alphabet.
- $\{0, 1\}$  ist das Alphabet, das alle Binärzahlen enthält.
- $\{., +, -, /\} =: R$  ist ein Alphabet von Rechenzeichen.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Alphabet

Ein Alphabet ist eine *endliche, nichtleere* Menge von Zeichen.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Was davon sind Alphabete?  $\{d, 34, \pi, \%\}$ ,  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$ ,  $\emptyset$ ,  $\mathbb{N}$ .

- $\{d, 34, \pi, \%\}$  und  $\{a, b, c, \dots, y, z\}$  sind Alphabete.
- $\emptyset$  ist leer und damit kein Alphabet.
- $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$  enthält alle natürlichen Zahlen und ist damit nicht endlich, also kein Alphabet.
- $\{0, 1\}$  ist das Alphabet, das alle Binärzahlen enthält.
- $\{., +, -, /\} =: R$  ist ein Alphabet von Rechenzeichen.  $R \cup \{0, 1, \dots, 9\}$  ist ein Alphabet, das ein Taschenrechner als Eingabealphabet benutzen könnte.

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

## Paar

Ein Paar ist eine geordnete Menge der Kardinalität 2.

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Paar

Ein Paar ist eine geordnete Menge der Kardinalität 2.

Schreibweise mit runden Klammern  $()$ .

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Paar

Ein Paar ist eine geordnete Menge der Kardinalität 2.

Schreibweise mit runden Klammern  $()$ .

■ Beispiel:  $(a, 4)$

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Paar

Ein Paar ist eine geordnete Menge der Kardinalität 2.

Schreibweise mit runden Klammern  $()$ .

■ Beispiel:  $(a, 4) \neq (4, a)$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

## Signale und Nachrichten

## Mengen

## Alphabete

## Relationen und Abbildungen

## Paar

Ein Paar ist eine geordnete Menge der Kardinalität 2.

Schreibweise mit runden Klammern ().

- Beispiel:  $(a, 4) \neq (4, a)$
- Beispiel für eine Menge aus Tupeln:  $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}), (\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Tupel

Ein Tupel ist eine geordnete Menge.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Tupel

Ein Tupel ist eine geordnete Menge. Konkret ist ein  $n$ -Tupel ein Tupel der Kardinalität  $n$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Tupel

Ein Tupel ist eine geordnete Menge. Konkret ist ein  $n$ -Tupel ein Tupel der Kardinalität  $n$ .

Also wie ein Paar, nur mit beliebiger Kardinalität.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Tupel

Ein Tupel ist eine geordnete Menge. Konkret ist ein  $n$ -Tupel ein Tupel der Kardinalität  $n$ .

Also wie ein Paar, nur mit beliebiger Kardinalität. Ein Paar ist spezifisch ein 2-Tupel.

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Tupel

Ein Tupel ist eine geordnete Menge. Konkret ist ein  $n$ -Tupel ein Tupel der Kardinalität  $n$ .

Also wie ein Paar, nur mit beliebiger Kardinalität. Ein Paar ist spezifisch ein 2-Tupel.

Beispiel:  $(4tb, 512gb, 128gb, 4mb)$

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Tupel

Ein Tupel ist eine geordnete Menge. Konkret ist ein  $n$ -Tupel ein Tupel der Kardinalität  $n$ .

Also wie ein Paar, nur mit beliebiger Kardinalität. Ein Paar ist spezifisch ein 2-Tupel.

Beispiel:  $(4tb, 512gb, 128gb, 4mb) \neq (512gb, 4mb, 4tb, 128gb)$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches    Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches    Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Wir wollen alle Tupel

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Wir wollen alle Tupel mit erstem Element aus  $A$

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Wir wollen alle Tupel mit erstem Element aus  $A$  und zweiten Element aus  $B$ .

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Signale und  
Nachrichten

Wir wollen alle Tupel mit erstem Element aus  $A$  und zweiten Element aus  $B$ .

$\{ (a, 1), (a, 2), (a, 3), \quad (b, 1), (b, 2), (b, 3), \quad (c, 1), (c, 2), (c, 3) \}$

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Signale und  
Nachrichten

Wir wollen alle Tupel mit erstem Element aus  $A$  und zweiten Element aus  $B$ .  
 $\{ (a, 1), (a, 2), (a, 3), (b, 1), (b, 2), (b, 3), (c, 1), (c, 2), (c, 3) \}$   
 $= A \times B$

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Zwei Mengen:  $A := \{a, b, c\}$  und  $B := \{1, 2, 3\}$ .

Signale und  
Nachrichten

Wir wollen alle Tupel mit erstem Element aus  $A$  und zweiten Element aus  $B$ .  
 $\{ (a, 1), (a, 2), (a, 3), (b, 1), (b, 2), (b, 3), (c, 1), (c, 2), (c, 3) \}$   
 $= A \times B$

Mengen

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Alphabete

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$  mit  $e_1 \in M_1, e_2 \in M_2, \dots, e_n \in M_n$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$  mit  $e_1 \in M_1, e_2 \in M_2, \dots, e_n \in M_n$ .

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \dots \times A}_{n \times \text{mal}} = A^n.$$

Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

$$A := \{a, b\}, B := \{1, 2\}.$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

$$A := \{a, b\}, B := \{1, 2\}. A \times B$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von zwei Mengen

Zu zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist das Kreuzprodukt  $A \times B$  definiert als Menge aller Paare  $(a, b)$  mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

$$A := \{a, b\}, B := \{1, 2\}. A \times B = \{(a, 1), (a, 2), (b, 1), (b, 2)\}.$$



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$  mit  $e_1 \in M_1, e_2 \in M_2, \dots, e_n \in M_n$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$  mit  $e_1 \in M_1, e_2 \in M_2, \dots, e_n \in M_n$ .

$$A := \{a, b\}, B := \{1, 2\}, C := \{\omega\}. A \times B \times C$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Kreuzprodukt von $n$ Mengen

Zu  $n$  Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_n$  ist das Kreuzprodukt  $M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$  definiert als Menge aller  $n$ -Tupel  $(e_1, e_2, \dots, e_n)$  mit  $e_1 \in M_1, e_2 \in M_2, \dots, e_n \in M_n$ .

$$\begin{aligned} A &:= \{a, b\}, B := \{1, 2\}, C := \{\omega\}. A \times B \times C \\ &= \{(a, 1, \omega), (a, 2, \omega), (b, 1, \omega), (b, 2, \omega)\}. \end{aligned}$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

■  $A := \{a, b\}.$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

■  $A := \{a, b\}. A^2$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

■  $A := \{a, b\}. A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

■  $A := \{a, b\}. A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$   
 $A^3 = \{(a, a, a), (a, a, b), (a, b, b), \dots\}.$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

- $A := \{a, b\}$ .  $A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$   
 $A^3 = \{(a, a, a), (a, a, b), (a, b, b), \dots\}$ .
- $A$  beliebige Menge.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n \text{ mal}} = A^n.$$

- $A := \{a, b\}$ .  $A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$   
 $A^3 = \{(a, a, a), (a, a, b), (a, b, b), \dots\}$ .
- $A$  beliebige Menge.  $A^0$ ?

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n \text{ mal}} = A^n.$$

- $A := \{a, b\}$ .  $A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$   
 $A^3 = \{(a, a, a), (a, a, b), (a, b, b), \dots\}$ .
- $A$  beliebige Menge.  $A^0 = \emptyset$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

- $A := \{a, b\}$ .  $A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$   
 $A^3 = \{(a, a, a), (a, a, b), (a, b, b), \dots\}$ .
- $A$  beliebige Menge.  $A^0 = \emptyset$
- Achtung!  $2^M \neq M^2$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Mengenpotenz

$$\underbrace{A \times A \times \cdots \times A}_{n\text{mal}} = A^n.$$

- $A := \{a, b\}$ .  $A^2 = \{(a, b), (b, a), (a, a), (b, b)\}$   
 $A^3 = \{(a, a, a), (a, a, b), (a, b, b), \dots\}$ .
- $A$  beliebige Menge.  $A^0 = \emptyset$
- Achtung!  $2^M \neq M^2$ . Potenzmengen nicht mit Mengenpotenz verwechseln!



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche  
Relationen:

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche

Relationen:

- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}),$   
 $(\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche

Relationen:

- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}), (\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Shooter"})\}$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche

Relationen:

- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}), (\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\emptyset$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche

Relationen:

- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}), (\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\emptyset$
- "Kleinerleichrelation" auf  $M = \{1, 2, 3\}$

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

### Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche

Relationen:

- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}), (\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\emptyset$
- "Kleiner Gleichrelation" auf  $M = \{1, 2, 3\}$ :  
 $R_{\leq} = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 2), (2, 3), (3, 3)\}$



## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

### Organisatorisches

### Signale und Nachrichten

### Mengen

### Alphabete

### Relationen und Abbildungen

- Für die Mengen

$M_{\text{Spiele}} = \{\text{"Battlefield"}, \text{"AgeOfEmpires"}, \text{"SeriousSam"}\},$

$M_{\text{Genre}} = \{\text{"Shooter"}, \text{"Strategie"}\}$  sind folgendes mögliche

Relationen:

- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"Battlefield"}, \text{"Shooter"}), (\text{"SeriousSam"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\{(\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Strategie"}), (\text{"AgeOfEmpires"}, \text{"Shooter"})\}$
- $\emptyset$
- "Kleiner Gleichrelation" auf  $M = \{1, 2, 3\}$ :

$R_{\leq} = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 2), (2, 3), (3, 3)\} \in M \times M$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

## Ternäre Relation

Eine ternäre Relation auf drei Mengen  $A$ ,  $B$  und  $C$  ist eine Menge  
 $R \subseteq A \times B \times C$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Binäre Relation

Eine binäre Relation auf zwei Mengen  $A$  und  $B$  ist eine Menge  $R \subseteq A \times B$ .

## Ternäre Relation

Eine ternäre Relation auf drei Mengen  $A$ ,  $B$  und  $C$  ist eine Menge  
 $R \subseteq A \times B \times C$ .

## $n$ -äre Relation

Eine  $n$ -äre Relation auf  $n$  Mengen  $M_1, M_2 \dots M_n$  ist eine Menge  
 $R \subseteq M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkstotal

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkstotal, wenn für jedes  $a \in A$  ein  $b \in B$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkstotal, wenn für jedes  $a \in A$  ein  $b \in B$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Die linke Seite der Relation ist also “total” aufgefüllt.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

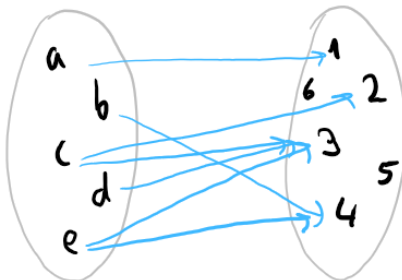
Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkstotal, wenn für jedes  $a \in A$  ein  $b \in B$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Die linke Seite der Relation ist also “total” aufgefüllt.



Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtstotal

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtstotal, wenn für jedes  $b \in B$  ein  $a \in A$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtstotal, wenn für jedes  $b \in B$  ein  $a \in A$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Die rechte Seite der Relation ist also “total” aufgefüllt.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtstotal, wenn für jedes  $b \in B$  ein  $a \in A$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Die rechte Seite der Relation ist also “total” aufgefüllt.

Wenn die Relation zusätzlich eine Abbildung ist, heißt diese dann **surjektiv**.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Rechtstotale Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtstotal, wenn für jedes  $b \in B$  ein  $a \in A$  existiert mit  $(a, b) \in R$ .

Die rechte Seite der Relation ist also “total” aufgefüllt.

Wenn die Relation zusätzlich eine Abbildung ist, heißt diese dann **surjektiv**.

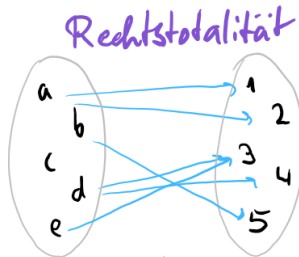
Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



„jedes  $b$  hat min. einen Partner  $a$ “

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $a \neq b$ , dann gilt auch  $\alpha \neq \beta$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $a \neq b$ , dann gilt auch  $\alpha \neq \beta$ .

Also: Keine zwei Elemente der linken Seite der Relation haben dasselbe rechte Element.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $a \neq b$ , dann gilt auch  $\alpha \neq \beta$ .

Also: Keine zwei Elemente der linken Seite der Relation haben dasselbe rechte Element.

Angenommen,  $a \neq b$  und  $\alpha = \beta$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $a \neq b$ , dann gilt auch  $\alpha \neq \beta$ .

Also: Keine zwei Elemente der linken Seite der Relation haben dasselbe rechte Element.

Angenommen,  $a \neq b$  und  $\alpha = \beta$ .  $\Rightarrow$  offenbar nicht linkseindeutig.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $a \neq b$ , dann gilt auch  $\alpha \neq \beta$ .

Also: Keine zwei Elemente der linken Seite der Relation haben dasselbe rechte Element.

Angenommen,  $a \neq b$  und  $\alpha = \beta$ .  $\Rightarrow$  offenbar nicht linkseindeutig.

Wenn die Relation zusätzlich eine Abbildung ist, heißt diese dann **injektiv**.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

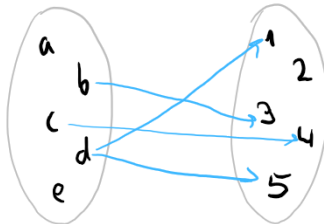
## Linkseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt linkseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $a \neq b$ , dann gilt auch  $\alpha \neq \beta$ .

Also: Keine zwei Elemente der linken Seite der Relation haben dasselbe rechte Element.

Angenommen,  $a \neq b$  und  $\alpha = \beta$ .  $\Rightarrow$  offenbar nicht linkseindeutig.

Wenn die Relation zusätzlich eine Abbildung ist, heißt diese dann **injektiv**.



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtseindeutig

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $\alpha \neq \beta$ , dann gilt auch  $a \neq b$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Rechtseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $\alpha \neq \beta$ , dann gilt auch  $a \neq b$ .

Also: Keine zwei Elemente der rechten Seite der Relation haben dasselbe linke Element.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

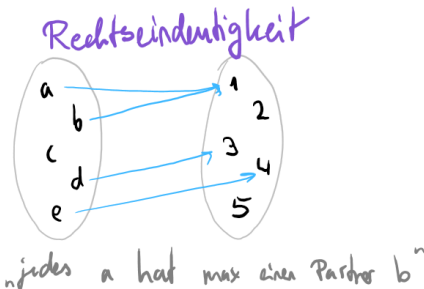
Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

## Rechtseindeutige Relation

Eine Relation  $R \subseteq A \times B$  heißt rechtseindeutig, wenn für zwei beliebige Elemente  $(a, \alpha) \in R, (b, \beta) \in R$  aus der Relation  $R$  gilt: wenn  $\alpha \neq \beta$ , dann gilt auch  $a \neq b$ .

Also: Keine zwei Elemente der rechten Seite der Relation haben dasselbe linke Element.



Maximilian Staab,  
`uxhdf@student.kit.edu`,  
Lukas Bach,  
`lukas.bach@student.kit.edu`

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

- Injektive Funktion:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig
- Surjektive Funktion:

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig
- Surjektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, rechtstotal



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig
- Surjektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, rechtstotal

## Bijektivität

Eine Relation heißt bijektiv, wenn sie injektiv und surjektiv ist.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig
- Surjektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, rechtstotal

## Bijektivität

Eine Relation heißt bijektiv, wenn sie injektiv und surjektiv ist.

Damit ist sie linkstotal und rechtseindeutig (weil es eine Abbildung ist) und linkseindeutig (injektiv) und rechtstotal (surjektiv).

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig
- Surjektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, rechtstotal

## Bijektivität

Eine Relation heißt bijektiv, wenn sie injektiv und surjektiv ist.

Damit ist sie linkstotal und rechtseindeutig (weil es eine Abbildung ist) und linkseindeutig (injektiv) und rechtstotal (surjektiv).

Tolle Eigenschaft:

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

## Abbildung

Eine Relation  $R$  heißt eine Abbildung, wenn sie linkstotal *und* rechtseindeutig sind.

- Injektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, linkseindeutig
- Surjektive Funktion: linkstotal, rechtseindeutig, rechtstotal

## Bijektivität

Eine Relation heißt bijektiv, wenn sie injektiv und surjektiv ist.

Damit ist sie linkstotal und rechtseindeutig (weil es eine Abbildung ist) und linkseindeutig (injektiv) und rechtstotal (surjektiv).

Tolle Eigenschaft: Für jedes Element  $(a, b) \in R$  der bijektiven Relation  $R$  ist *jedem*  $a$  *genau ein*  $b$  zugeordnet.

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.



Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.  
(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$ , also Quadratfunktion.

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$ , also Quadratfunktion.

Ist diese Funktion injektiv oder surjektiv?

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$ , also Quadratfunktion.

Ist diese Funktion injektiv oder surjektiv?

- Nicht injektiv, da z.B.  $f(1) = f(-1)$

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$ , also Quadratfunktion.

Ist diese Funktion injektiv oder surjektiv?

- Nicht injektiv, da z.B.  $f(1) = f(-1)$ , also  $(1, 1) \in f$  und  $(-1, 1) \in f$ .

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$ , also Quadratfunktion.

Ist diese Funktion injektiv oder surjektiv?

- Nicht injektiv, da z.B.  $f(1) = f(-1)$ , also  $(1, 1) \in f$  und  $(-1, 1) \in f$ .
- Nicht surjektiv, da z.B.  $-1$  nie als Funktionswert angenommen wird

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen

Seien  $A = B = \mathbb{R}$ ,  $f \subseteq A \times B$ . Wir suchen Relation, die für jedes  $a \in A$  ein Element  $(a, b) \in f$  enthält mit  $b = a^2$ .

$$f = \{(0, 0), (0.1, 0.01), (2, 4), \dots\}$$

Unendlich viele Elemente, und unmöglich alle zu nennen.

(Mathematische) Schreibweise für Abbildungen:

$f : A \rightarrow B, a \mapsto a^2$ , also Quadratfunktion.

Ist diese Funktion injektiv oder surjektiv?

- Nicht injektiv, da z.B.  $f(1) = f(-1)$ , also  $(1, 1) \in f$  und  $(-1, 1) \in f$ .
- Nicht surjektiv, da z.B.  $-1$  nie als Funktionswert angenommen wird, daher  $(a, -1) \notin f$  für beliebige  $a \in A$ .



# Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,  
uxhdf@student.kit.edu,  
Lukas Bach,  
lukas.bach@student.kit.edu

Organisatorisches

Signale und  
Nachrichten

Mengen

Alphabete

Relationen und  
Abbildungen



*That's all Folks!*