

Grundbegriffe der Informatik

Tutorium 36 | 23.11.2017

Maximilian Staab, uxhdf@student.kit.edu



Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

- Was können wir daraus machen?

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

- Was können wir daraus machen?
- $A_{dez}^* \supset \{42, 1337, 999\}$.

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

- Was können wir daraus machen?
- $A_{dez}^* \supset \{42, 1337, 999\}$.
- $A_{bin}^* \supset \{101010, 10100111001, 1111100111\}$.

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

- Was können wir daraus machen?
- $A_{dez}^* \supset \{42, 1337, 999\}$.
- $A_{bin}^* \supset \{101010, 10100111001, 1111100111\}$.
- $A_{oct}^* \supset \{52, 2471, 1747\}$.

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

- Was können wir daraus machen?
- $A_{dez}^* \supset \{42, 1337, 999\}$.
- $A_{bin}^* \supset \{101010, 10100111001, 1111100111\}$.
- $A_{oct}^* \supset \{52, 2471, 1747\}$.
- Wir suchen eine Möglichkeit, diese **Zahlen** zu **deuten**.

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Wir betrachten die Alphabete $A_{dez} := \mathbb{Z}_{10}$, $A_{bin} := \{0, 1\}$, $A_{oct} := \mathbb{Z}_8$.

- Was können wir daraus machen?
- $A_{dez}^* \supset \{42, 1337, 999\}$.
- $A_{bin}^* \supset \{101010, 10100111001, 1111100111\}$.
- $A_{oct}^* \supset \{52, 2471, 1747\}$.
- Wir suchen eine Möglichkeit, diese **Zahlen** zu **deuten**.
- Aber irgendwie so, dass $42_{\in A_{dez}} \stackrel{\text{Deutung}}{=} 101010_{\in A_{bin}} \stackrel{\text{Deutung}}{=} 52_{\in A_{oct}}$.

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3)$

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3) = 3$

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3) = 3, num_{10}(7)$

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3) = 3, num_{10}(7) = 7$

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3) = 3, num_{10}(7) = 7, num_{10}(11) =$

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3) = 3, num_{10}(7) = 7, num_{10}(11) = \text{nicht definiert.}$

Num_k

Einer Zeichenkette Z_k aus Ziffern wird mit Num_k eine eindeutige Zahl zugeordnet:

$$Num_k(\varepsilon) = 0$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

num_k

Einer einzelnen Ziffer $x \in Z_k$ aus einem Alphabet von Ziffern Z_k wird mit $num_k(x)$ der Wert der Zahl zugewiesen.

- Wichtig: $Num_k(w) \neq num_k(w)$!
- Was ist: $num_{10}(3) = 3$, $num_{10}(7) = 7$, $num_{10}(11) =$ nicht definiert.
- Für Zahlen $\geq k$: Benutze Num_k !

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$\text{Num}_k(\varepsilon) = 0.$$

$$\text{Num}_k(wx) = k \cdot \text{Num}_k(w) + \text{num}_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$\text{Num}_k(\varepsilon) = 0.$$

$$\text{Num}_k(wx) = k \cdot \text{Num}_k(w) + \text{num}_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $\text{Num}_{10}(123)$?

- $\text{Num}_{10}(123)$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\blacksquare Num_{10}(123) = 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3)$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\blacksquare Num_{10}(123) = 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3)$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

- $$\begin{aligned} Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\blacksquare \quad Num_2(1010)$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\blacksquare \quad Num_2(1010) = 2 \cdot Num_2(101) + num_2(0)$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_2(1010) &= 2 \cdot Num_2(101) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot Num_2(10) + num_2(1) + num_2(0)) \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_2(1010) &= 2 \cdot Num_2(101) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot Num_2(10) + num_2(1) + num_2(0)) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot Num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_2(1010) &= 2 \cdot Num_2(101) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot Num_2(10) + num_2(1) + num_2(0)) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot Num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_2(1010) &= 2 \cdot Num_2(101) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot Num_2(10) + num_2(1) + num_2(0)) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot Num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0 = 10. \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Zahlendarstellungen

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Was ist $Num_{10}(123)$?

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_{10}(123) &= 10 \cdot Num_{10}(12) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (Num_{10}(1) + num_{10}(2)) + num_{10}(3) = \\ &= 10 \cdot (num_{10}(1) + 10 \cdot num_{10}(2)) + num_{10}(3) = 10 \cdot (1 + 10 \cdot 2) + 3 = 123. \end{aligned}$$

Yay?

Was ist der dezimale Zahlenwert der Binärzahl 1010? Diesmal Basis $k = 2$.

$$\begin{aligned} \blacksquare \quad Num_2(1010) &= 2 \cdot Num_2(101) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot Num_2(10) + num_2(1) + num_2(0)) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot Num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot num_2(1) + num_2(0)) + num_2(1)) + num_2(0) = \\ &= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0 = 10. \end{aligned}$$

Yay!

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$Num_k(\varepsilon) = 0.$$

$$Num_k(wx) = k \cdot Num_k(w) + num_k(x) \text{ mit } w \in Z_k^* \text{ und } x \in Z_k.$$

Übungen zu Zahlendarstellungen

Berechne den numerischen Wert der folgenden Zahlen anderer Zahlensysteme nach dem vorgestellten Schema:

- $Num_8(345)$.
- $Num_2(11001)$.
- $Num_2(1000)$.
- $Num_4(123)$.
- $Num_{16}(4DF)$. (Zusatz)

Anmerkung: Hexadezimalzahlen sind zur Basis 16 und verwenden als Ziffern (in aufsteigender Reihenfolge: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
`uxhdf@student.kit.edu`

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Lösungen:

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345)$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345) = 229.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345) = 229.$

■ $Num_2(11001)$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345) = 229.$

■ $Num_2(11001) = 25.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345) = 229.$

■ $Num_2(11001) = 25.$

■ $Num_2(1000)$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345) = 229.$

■ $Num_2(11001) = 25.$

■ $Num_2(1000) = 8.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

- $Num_8(345) = 229.$
- $Num_2(11001) = 25.$
- $Num_2(1000) = 8.$
- $Num_4(123)$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

■ $Num_8(345) = 229.$

■ $Num_2(11001) = 25.$

■ $Num_2(1000) = 8.$

■ $Num_4(123) = 27.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

- $Num_8(345) = 229.$
- $Num_2(11001) = 25.$
- $Num_2(1000) = 8.$
- $Num_4(123) = 27.$
- $Num_{16}(4DF)$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Lösungen:

- $Num_8(345) = 229.$
- $Num_2(11001) = 25.$
- $Num_2(1000) = 8.$
- $Num_4(123) = 27.$
- $Num_{16}(4DF) = 1247.$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0$$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

■ $Num_2(10101)$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

■ $Num_2(10101) = 21.$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

- $Num_2(10101) = 21.$

- $Num_2(11101)$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

■ $Num_2(10101) = 21.$

■ $Num_2(11101) = 29.$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

■ $Num_2(10101) = 21.$

■ $Num_2(11101) = 29.$

■ $Num_2(1111111111)$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Es gilt:

$$2(2(2(2(2 \cdot 1 + 0) + 1) + 0) + 1) + 0 = 2^5 \cdot 1 + 2^4 \cdot 0 + 2^3 \cdot 1 + 2^2 \cdot 0 + 2^1 \cdot 1 + 2^0 \cdot 0.$$

Daher, einfachere Rechenweise:

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

- $Num_2(10101) = 21.$
- $Num_2(11101) = 29.$
- $Num_2(1111111111) = 1023.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

$$\text{Num}_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

$$\text{Num}_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

■ $Num_{16}(A1)$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

■ $Num_{16}(A1) = 161.$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

- $Num_{16}(A1) = 161.$

- $Num_{16}(BC)$

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

- $Num_{16}(A1) = 161.$

- $Num_{16}(BC) = 188.$

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

Repräsentation von Zahlen

- $Num_{16}(A1) = 161.$

- $Num_{16}(BC) = 188.$

Zweierkomplement- Darstellung

- $Num_{16}(14)$

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Einfachere Umrechnung von Zahlendarstellungen

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von Zahlen

Repräsentation von Zahlen

Zweierkomplement- Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$Num_k(w) = k^0 \cdot w(0) + k^1 \cdot w(1) + k^2 \cdot w(2) + \dots$$

Was sind folgende Zahlen in Dezimal im Kopf gerechnet?

- $Num_{16}(A1) = 161.$

- $Num_{16}(BC) = 188.$

- $Num_{16}(14) = 20.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

$$\blacksquare 22 \operatorname{div} 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

- $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$
- $22 \text{ mod } 8$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

- $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$
- $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$													

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0												

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0											

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0										

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0									

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1								

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1							

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1						

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1					

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2				

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2			

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2		

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$													

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0												

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1											

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2										

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3									

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1							

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3					

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* dividiert ganzzahlig. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den Rest einer ganzzahligen Division zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

div Funktion

Die Funktion *div* **dividiert ganzzahlig**. (Schneidet also den Rest ab).

mod Funktion

Die Modulo Funktion *mod* gibt den **Rest einer ganzzahligen Division** zurück.

■ $22 \text{ div } 8 = 2 \left(\frac{22}{8} = 2,75 \right).$

■ $22 \text{ mod } 8 = 6.$

Fülle die Tabelle aus:

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$x \text{ div } 4$	0	0	0	0	1	1	1	1	2	2	2	2	3
$x \text{ mod } 4$	0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

11101_2 ist also 29_{10} .

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

k -äre Darstellung

Die Repräsentation einer Zahl n

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

k -äre Darstellung

Die Repräsentation einer Zahl n zur Basis k

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

k -äre Darstellung

Die Repräsentation einer Zahl n zur Basis k lässt sich wie folgt ermitteln:

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

k -äre Darstellung

Die Repräsentation einer Zahl n zur Basis k lässt sich wie folgt ermitteln:

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

k -äre Darstellung

Die Repräsentation einer Zahl n zur Basis k lässt sich wie folgt ermitteln:

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Achtung!

11101_2 ist also 29_{10} . Was ist 29_{10} in binär?

k -äre Darstellung

Die Repräsentation einer Zahl n zur Basis k lässt sich wie folgt ermitteln:

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Achtung! Das \cdot Symbol steht für Konkatenation, nicht für Multiplikation!

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Kodierung von
Zahlen

Zum Beispiel:

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Kodierung von
Zahlen

Zum Beispiel:

Repräsentation von
Zahlen

$$\text{Repr}_2(29) = \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2)$$

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Repr_k

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Repr}_2(29) &= \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \text{Repr}_2(14) \cdot \text{repr}_2(1) \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Repr_k

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \mathbf{Repr}_2(29) &= \mathbf{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \mathbf{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \mathbf{Repr}_2(14) \cdot \mathbf{repr}_2(1) \\ &= \mathbf{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \mathbf{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \end{aligned}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Beispiel zu Repr_k

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Repr}_2(29) &= \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \text{Repr}_2(14) \cdot \text{repr}_2(1) \\ &= \text{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7) \cdot \text{repr}_2(0) \cdot 1 \end{aligned}$$

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \mathbf{Repr}_2(29) &= \mathbf{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \mathbf{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \mathbf{Repr}_2(14) \cdot \mathbf{repr}_2(1) \\ &= \mathbf{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \mathbf{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \\ &= \mathbf{Repr}_2(7) \cdot \mathbf{repr}_2(0) \cdot 1 \\ &= \mathbf{Repr}_2(7 \text{ div } 2) \cdot \mathbf{repr}_2(7 \bmod 2) \cdot 01 \end{aligned}$$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Repr}_2(29) &= \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \text{Repr}_2(14) \cdot \text{repr}_2(1) \\ &= \text{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7) \cdot \text{repr}_2(0) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(7 \bmod 2) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3) \cdot \text{repr}_2(1) \cdot 01 \end{aligned}$$

Beispiel zu Repr_k

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Repr}_2(29) &= \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \text{Repr}_2(14) \cdot \text{repr}_2(1) \\ &= \text{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7) \cdot \text{repr}_2(0) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(7 \bmod 2) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3) \cdot \text{repr}_2(1) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(3 \bmod 2) \cdot 101 \end{aligned}$$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Repr}_2(29) &= \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \text{Repr}_2(14) \cdot \text{repr}_2(1) \\ &= \text{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7) \cdot \text{repr}_2(0) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(7 \bmod 2) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3) \cdot \text{repr}_2(1) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(3 \bmod 2) \cdot 101 \\ &= \text{Repr}_2(1) \cdot \text{repr}_2(1) \cdot 101 \end{aligned}$$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Zum Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Repr}_2(29) &= \text{Repr}_2(29 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(29 \bmod 2) \\ &= \text{Repr}_2(14) \cdot \text{repr}_2(1) \\ &= \text{Repr}_2(14 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(14 \bmod 2) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7) \cdot \text{repr}_2(0) \cdot 1 \\ &= \text{Repr}_2(7 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(7 \bmod 2) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3) \cdot \text{repr}_2(1) \cdot 01 \\ &= \text{Repr}_2(3 \text{ div } 2) \cdot \text{repr}_2(3 \bmod 2) \cdot 101 \\ &= \text{Repr}_2(1) \cdot \text{repr}_2(1) \cdot 101 \\ &= 11101 \end{aligned}$$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Beispiel mit Hexadezimalzahlen:

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Beispiel mit Hexadezimalzahlen:

$$\mathbf{Repr}_{16}(29) = \mathbf{Repr}_{16}(29 \text{ div } 16) \cdot \mathbf{repr}_{16}(29 \bmod 16)$$

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Beispiel mit Hexadezimalzahlen:

$$\begin{aligned} \mathbf{Repr}_{16}(29) &= \mathbf{Repr}_{16}(29 \text{ div } 16) \cdot \mathbf{repr}_{16}(29 \bmod 16) \\ &= \mathbf{Repr}_{16}(1) \cdot \mathbf{repr}_{16}(13) \end{aligned}$$

$$\mathbf{Repr}_k(n) = \begin{cases} \mathbf{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \mathbf{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \mathbf{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Beispiel mit Hexadezimalzahlen:

$$\begin{aligned} \mathbf{Repr}_{16}(29) &= \mathbf{Repr}_{16}(29 \text{ div } 16) \cdot \mathbf{repr}_{16}(29 \bmod 16) \\ &= \mathbf{Repr}_{16}(1) \cdot \mathbf{repr}_{16}(13) \\ &= 1 \cdot D = 1D \end{aligned}$$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

- $\text{Repr}_2(13)$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

- $\text{Repr}_2(13) = 1101$.

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

- $\text{Repr}_2(13) = 1101$.
- $\text{Repr}_4(15)$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

- $\text{Repr}_2(13) = 1101$.
- $\text{Repr}_4(15) = 33$.

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

- $\text{Repr}_2(13) = 1101$.
- $\text{Repr}_4(15) = 33$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$

$$\text{Repr}_k(n) = \begin{cases} \text{repr}_k(n) & \text{falls } n < k \\ \text{Repr}_k(n \text{ div } k) \cdot \text{repr}_k(n \bmod k) & \text{falls } n \geq k \end{cases}$$

Übung zu Repr_k

Berechne die Repräsentationen folgender Zahlen in gegebenen Zahlensystemen:

- $\text{Repr}_2(13)$.
- $\text{Repr}_4(15)$.
- $\text{Repr}_{16}(268)$.

Lösungen:

- $\text{Repr}_2(13) = 1101$.
- $\text{Repr}_4(15) = 33$.
- $\text{Repr}_{16}(268) = 10C$.

Maximilian Staab,
`uxhdf@student.kit.edu`

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

bin_ℓ

Die Funktion **bin_ℓ** : $\mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$

***bin**_ℓ*

Die Funktion **bin**_ℓ: $\mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

bin_ℓ

Die Funktion **bin_ℓ**: $\mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

bin_ℓ

Die Funktion **bin_ℓ**: $\mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

■ $\text{bin}_8(3)$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

$$\blacksquare \text{bin}_8(3) = 0^{8 - |\text{Repr}_2(3)|} \text{Repr}_2(3)$$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

$$\blacksquare \text{bin}_8(3) = 0^{8 - |\text{Repr}_2(3)|} \text{Repr}_2(3) = 0^{8 - |11|} \cdot 11$$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_2^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

$$\blacksquare \text{bin}_8(3) = 0^{8 - |\text{Repr}_2(3)|} \text{Repr}_2(3) = 0^{8 - |11|} \cdot 11 = 0^{8-2} \cdot 11$$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

$$\blacksquare \text{bin}_8(3) = 0^{8 - |\text{Repr}_2(3)|} \text{Repr}_2(3) = 0^{8 - |11|} \cdot 11 = 0^{8-2} \cdot 11 = 0^6 \cdot 11 = 00000011.$$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

■ $\text{bin}_8(3) = 0^{8 - |\text{Repr}_2(3)|} \text{Repr}_2(3) = 0^{8 - |11|} \cdot 11 = 0^{8-2} \cdot 11 = 0^6 \cdot 11 = 00000011.$

■ $\text{bin}_{16}(3)$

bin_ℓ

Die Funktion $\text{bin}_\ell: \mathbb{Z}_{2^\ell} \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ bringt eine gegebene Binärzahl auf eine feste Länge, indem sie mit Nullen vorne aufgefüllt wird. Formell wird sie definiert als:

$$\text{bin}_\ell(n) = 0^{\ell - |\text{Repr}_2(n)|} \text{Repr}_2(n)$$

Beispiel:

- $\text{bin}_8(3) = 0^{8 - |\text{Repr}_2(3)|} \text{Repr}_2(3) = 0^{8 - |11|} \cdot 11 = 0^{8-2} \cdot 11 = 0^6 \cdot 11 = 00000011.$
- $\text{bin}_{16}(3) = 0000000000000011.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

**Zweierkomplement-
Darstellung**

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Was ist mit negative Zahlen?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel:

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel: $5 = 0101_{zkpl}$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel: $5 = 0101_{zkpl}$, $-5 = 1011_{zkpl}$.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel: $5 = 0101_{zkpl}$, $-5 = 1011_{zkpl}$.

Zweierkomplement Darstellung

Die Zweierkomplementdarstellung einer Zahl x

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel: $5 = 0101_{zkpl}$, $-5 = 1011_{zkpl}$.

Zweierkomplement Darstellung

Die Zweierkomplementdarstellung einer Zahl x mit der Länge ℓ ist wie folgt definiert:

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel: $5 = 0101_{zkpl}$, $-5 = 1011_{zkpl}$.

Zweierkomplement Darstellung

Die Zweierkomplementdarstellung einer Zahl x mit der Länge ℓ ist wie folgt definiert:

$$\mathbf{zkpl}_{\ell}(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Was ist mit negative Zahlen?

- Idee: Verwende das erste Bit, um zu speichern, ob die Zahl positiv oder negativ ist.
- Beispiel: $5 = 0101_{zkpl}$, $-5 = 1011_{zkpl}$.

Zweierkomplement Darstellung

Die Zweierkomplementdarstellung einer Zahl x mit der Länge ℓ ist wie folgt definiert:

$$\mathbf{zkpl}_{\ell}(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

- Wieso $\ell - 1$?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Aufgaben zu Zweierkomplement-Darstellung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Zkpl}_\ell(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Was sind folgende Zahlen in Zweierkomplement-Darstellung?

- $\mathbf{Zkpl}_4(3) = 0011$.
- $\mathbf{Zkpl}_4(7)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(-5)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(13)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-34)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-9)$

Aufgaben zu Zweierkomplement-Darstellung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Zkpl}_\ell(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Was sind folgende Zahlen in Zweierkomplement-Darstellung?

- $\mathbf{Zkpl}_4(3)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(7) = 0111.$
- $\mathbf{Zkpl}_4(-5)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(13)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-34)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-9)$

Aufgaben zu Zweierkomplement-Darstellung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Zkpl}_\ell(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Was sind folgende Zahlen in Zweierkomplement-Darstellung?

- $\mathbf{Zkpl}_4(3)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(7)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(-5) = 1011.$
- $\mathbf{Zkpl}_8(13)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-34)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-9)$

Aufgaben zu Zweierkomplement-Darstellung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Zkpl}_\ell(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Was sind folgende Zahlen in Zweierkomplement-Darstellung?

- $\mathbf{Zkpl}_4(3)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(7)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(-5)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(13) = 00001101.$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-34)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-9)$

Aufgaben zu Zweierkomplement-Darstellung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Zkpl}_\ell(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Was sind folgende Zahlen in Zweierkomplement-Darstellung?

- $\mathbf{Zkpl}_4(3)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(7)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(-5)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(13)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-34) = 11011110.$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-9)$

Aufgaben zu Zweierkomplement-Darstellung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

$$\mathbf{Zkpl}_\ell(x) = \begin{cases} 0\mathbf{bin}_{\ell-1}(x) & \text{falls } x \geq 0 \\ 1\mathbf{bin}_{\ell-1}(2^{\ell-1} + x) & \text{falls } x < 0 \end{cases}$$

Was sind folgende Zahlen in Zweierkomplement-Darstellung?

- $\mathbf{Zkpl}_4(3)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(7)$
- $\mathbf{Zkpl}_4(-5)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(13)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-34)$
- $\mathbf{Zkpl}_8(-9) = 11110111.$

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

- Bedeutungserhaltende Abbildungen von Wörtern auf Wörter

Beispiel

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

- Bedeutungserhaltende Abbildungen von Wörtern auf Wörter

Beispiel

Betrachte $Trans_{2,16} : \mathbb{Z}_{16}^* \rightarrow \mathbb{Z}_2^*$ mit $Trans_{2,16}(w) = Repr_2(Num_{16}(w))$

Definition der Semantikabbildung

Sei Sem die Menge der Bedeutungen. Ferner seien A und B Alphabete und $L_A \subseteq A^*$ und $L_B \subseteq B^*$.

Weiter sei $sem_A : L_A \rightarrow Sem$ und $sem_B : L_B \rightarrow Sem$

Dann heißt $f : L_A \rightarrow L_B$ Übersetzung, wenn gilt: für jedes $w \in L_A$ gilt $sem_A(w) = sem_B(f(w))$.

- Bedeutungserhaltende Abbildungen von Wörtern auf Wörter

Beispiel

Betrachte $Trans_{2,16} : \mathbb{Z}_{16}^* \rightarrow \mathbb{Z}_2^*$ mit $Trans_{2,16}(w) = Repr_2(Num_{16}(w))$

- $Trans_{2,16}(A3) = Repr_2(Num_{16}(A3)) = Repr_2(163) = 10100011$

Maximilian Staab,
`uxhdf@student.kit.edu`

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

■ Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung
- Kompression (Informationen platzsparend aufschreiben)

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung
- Kompression (Informationen platzsparend aufschreiben)
- Kontextabhängige Semantiken (Deutsch \rightarrow Englisch)

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Lesbarkeit (vergleiche DF_{16} mit 11011111_2)
- Verschlüsselung
- Kompression (Informationen platzsparend aufschreiben)
- Kontextabhängige Semantiken (Deutsch \rightarrow Englisch)
- Fehlererkennung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Definitionen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Definitionen

- Codewort $f(w)$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$

Übersetzung und
Codierung

Codierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Bemerkung

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Bemerkung

- Was ist, wenn L_A unendlich ist (man kann nicht alle Möglichkeiten aufzählen)

Definitionen

- Codewort $f(w)$ einer Codierung $f : L_A \rightarrow L_B$
- Code: $\{f(w) | w \in L_A\} = f(L_A)$
- Codierung: **Injektive** Übersetzung
 - Ich komme immer eindeutig von einem Codewort $f(w)$ zu w zurück

Bemerkung

- Was ist, wenn L_A unendlich ist (man kann nicht alle Möglichkeiten aufzählen)
- Auswege: Homomorphismen, Block-Codierungen

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definition von Homomorphismen

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete.

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1) h(w_2)$$

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1) h(w_2)$$

- Ein Homomorphismus ist Abbildung, die mit Konkatination verträglich ist

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1) h(w_2)$$

- Ein Homomorphismus ist Abbildung, die mit Konkatination verträglich ist
- Homomorphismus ist ε -frei, wenn für jedes $x \in A : h(x) \neq \varepsilon$

Definition von Homomorphismen

Seien A, B Alphabete. Dann ist $h : A^* \rightarrow B^*$ ein Homomorphismus, falls für alle $w_1, w_2 \in A^*$ gilt:

$$h(w_1 w_2) = h(w_1) h(w_2)$$

- Ein Homomorphismus ist Abbildung, die mit Konkatination verträglich ist
- Homomorphismus ist ε -frei, wenn für jedes $x \in A : h(x) \neq \varepsilon$
- Homomorphismen lassen das leere Wort unverändert, also $h(\varepsilon) = \varepsilon$

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

$$\rightarrow h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

$$\rightarrow h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

→ Information geht sonst verloren!

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

→ Information geht sonst verloren!

5. Was heißt hier "Information geht verloren"?

Sei h ein Homomorphismus.

Übung zu Homomorphismen

1. $h(a) = 001$ und $h(b) = 1101$. Was ist dann $h(bba)$?

→ $h(bba) = h(b)h(b)h(a) = 1101 \cdot 1101 \cdot 001 = 11011101001$

2. Sei $h(a) = 01$, $h(b) = 11$ und $h(c) = \varepsilon$. Nun sei $h(w) = 011101$. Was war w ?

→ aba oder $cabccac$, ... Allgemein: $w \in \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^* \cdot \{b\} \cdot \{c\}^* \cdot \{a\} \cdot \{c\}^*$
 ε -Freiheit hat also die Eindeutigkeit zerstört!

3. Kann h aus 2 eine Codierung sein?

→ Nein, da nicht injektiv!

4. Warum will man ε -freie Homomorphismen?

→ Information geht sonst verloren!

5. Was heißt hier "Information geht verloren"?

→ Es gibt $w_1 \neq w_2$ mit $h(w_1) = h(w_2)$

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
`uxhdf@student.kit.edu`

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

- Information kann auch anders “verloren” gehen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

■ Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$ – Wie das?

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

■ Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0, h(b) = 1, h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

Beispiele

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

Beispiele

- $h(a) = 01$ und $h(b) = 1101$ ist präfixfrei

- Information kann auch anders “verloren” gehen

→ z.B. $h(a) = 0$, $h(b) = 1$, $h(c) = 10$ – Wie das?

Präfixfreiheit

Gegeben ist ein Homomorphismus $h : A^* \rightarrow B^*$.

Wenn für keine zwei verschiedenen $x_1, x_2 \in A$ gilt, dass $h(x_1)$ Präfix von $h(x_2)$ ist, dann ist h präfixfrei.

Satz

Präfixfreie Codes sind injektiv.

Beispiele

- $h(a) = 01$ und $h(b) = 1101$ ist präfixfrei
- $g(a) = 01$ und $g(b) = 011$ ist nicht präfixfrei

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

■ Komprimiert eine Zeichenkette

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörter als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörtern als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten
 4. Danach: Alle linken Kanten werden mit 0 kodiert, alle rechten Kanten mit 1

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörtern als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten
 4. Danach: Alle linken Kanten werden mit 0 kodiert, alle rechten Kanten mit 1

Das Ergebnis ist eine Zeichenkette aus $\{0, 1\}$

- Komprimiert eine Zeichenkette
- Kodiert häufiger vorkommende Zeichen zu kürzeren Codewörtern als Zeichen die seltener vorkommen.
- Vorgehensweise:
 1. Zähle Häufigkeiten aller Zeichen der Zeichenkette
 2. Schreibe alle vorkommenden Zeichen und ihre Häufigkeiten nebeneinander
 3. Wiederhole, bis der Baum fertig ist:
 - Verbinde die zwei Zeichen mit niedrigsten Häufigkeiten zu neuem Knoten über diesen
 - Dieser hat als Zahl die aufsummierte Häufigkeiten
 4. Danach: Alle linken Kanten werden mit 0 kodiert, alle rechten Kanten mit 1

Das Ergebnis ist eine Zeichenkette aus $\{0, 1\}$, die kürzer ist als die ursprüngliche Zeichenkette in binär.

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Gegeben

■ $w \in A^*$

w = afebfecaaffdeddccefbef

Gegeben

- $w \in A^*$ $w = \text{afebfecaaffdeddccefbef}$
- Anzahl der Vorkommen aller Zeichen in w ($N_x(w)$)

Häufigkeiten:

	x	a	b	c	d	e	f
$N_x(w)$	2	2	3	3	5	7	

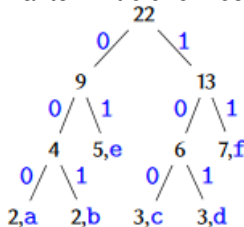
Gegeben

- $w \in A^*$ $\mathbf{w} =$ afebfecaffdeddccefbef
- Anzahl der Vorkommen aller Zeichen in w ($N_x(w)$)

Zwei Phasen zur Bestimmung eines Huffman-Codes

1. Konstruieren eines "Baumes"

- Blätter entsprechen den Zeichen
- Kanten mit 0 und 1 beschriftet



Häufigkeiten:

x	a	b	c	d	e	f
$N_x(w)$	2	2	3	3	5	7

Gegeben

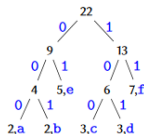
- $w \in A^*$ $w =$ afebfecaaffdeddccefbef
- Anzahl der Vorkommen aller Zeichen in w ($N_x(w)$)

Zwei Phasen zur Bestimmung eines Huffman-Codes

1. Konstruieren eines “Baumes”

- Blätter entsprechen den Zeichen
- Kanten mit 0 und 1 beschriftet

2. Ablesen der Codes aus dem Baum (Pfadbeschriftungen)



Häufigkeiten:

x	a	b	c	d	e	f
$N_x(w)$	2	2	3	3	5	7

Codewörter:

x	a	b	c	d	e	f
$h(x)$	000	001	100	101	01	11

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf ehg mit Hilfe der Huffman-Codierung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf ehg mit Hilfe der Huffman-Codierung

→ Mögliche Lösung: 001 100 010 011 101 000 111 110

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf ehg mit Hilfe der Huffman-Codierung

→ Mögliche Lösung: 001 100 010 011 101 000 111 110

- Wie lauten die Codewörter, wenn für das Wort w gilt:

$$N_a(w) = 1, N_b(w) = 2, N_c(w) = 2, N_d(w) = 8, N_e(w) = 16, N_f(w) = 32, N_g(w) = 64, N_h(w) = 128$$

Übung

Sei $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$

- Codiere das Wort badcf ehg mit Hilfe der Huffman-Codierung

→ Mögliche Lösung: 001 100 010 011 101 000 111 110

- Wie lauten die Codewörter, wenn für das Wort w gilt:

$$N_a(w) = 1, N_b(w) = 2, N_c(w) = 2, N_d(w) = 8, N_e(w) = 16, N_f(w) = 32, N_g(w) = 64, N_h(w) = 128$$

Mögliche Lösung:

x	a	b	c	d	e	f	g	h
h(x)	0000000	0000001	000001	00001	0001	001	01	1

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

- Wie lang wäre das zweite Wort mit dem zweiten Code codiert?

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

■ Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

■ Wie lang wäre das zweite Wort mit dem zweiten Code codiert?

→ 501 Symbole. Also nur zweimal so lang wie das Original.

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Wie lang wäre das zweite Wort ($abbccccc\ d^8 \dots g^{64} h^{128}$) mit dem ersten Code codiert?

→ 741 Symbole. Also dreimal so lang wie das Original.

- Wie lang wäre das zweite Wort mit dem zweiten Code codiert?

→ 501 Symbole. Also nur zweimal so lang wie das Original.

- Was fällt euch auf?

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren

Übersetzung und Codierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**

Übersetzung und Codierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind.

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei **Wahr!**

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei **Wahr!**
- Es kann noch kürzere Codierungen geben

Übersetzung und Codierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Sei $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$ eine Huffman-Codierung

- h ist ein ε -freier Homomorphismus **Wahr!**
- Häufigere Symbole werden mit langen Worten codiert, seltene mit kürzeren **Falsch!**
- Die Kompression ist am stärksten, wenn die Häufigkeiten aller Zeichen ungefähr gleich sind. **Falsch!**
- h ist präfixfrei **Wahr!**
- Es kann noch kürzere Codierungen geben **Falsch!**

Eigenschaften

Sei A ein Alphabet und $w \in A$. Dann gilt für die Huffman-Codierung h :

- $h : A^* \rightarrow \mathbb{Z}_2$
- h ist ε -freier Homomorphismus
- h ist präfixfreier Homomorphismus
- Häufigere Symbole werden mit kurzen Worten codiert, seltene mit längeren
- Produziert kürzestmögliche Codierungen

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$

Übersetzung und
Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt
- Angenommen a^{10}, \dots, d^{10} kommen alle gleich häufig vor. Wie lang ist dann die Huffman-Codierung?

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt
- Angenommen a^{10}, \dots, d^{10} kommen alle gleich häufig vor. Wie lang ist dann die Huffman-Codierung?

- Wir betrachten nicht mehr einzelne Symbole, sondern Blöcke von fester Länge $b > 1$
- Blätter des Huffman-Baums sind jetzt *Wörter der Länge b*

Beispiel an der Tafel: Codierung von
aab · deg · deg · aab · ole · aab · deg · aab.

- Alphabet $A = \{a, b, c, d\}$
- Text über A , der nur aus Teilwörtern der Länge 10 zusammengesetzt ist, in denen jeweils immer nur ein Symbol vorkommt
- Angenommen a^{10}, \dots, d^{10} kommen alle gleich häufig vor. Wie lang ist dann die Huffman-Codierung?

→ Ein Fünftel, weil jeder Zehnerblock durch zwei Bits codiert wird

Grundbegriffe der Informatik

Maximilian Staab,
uxhdf@student.kit.edu

Übersetzung und Kodierung

Kodierung von
Zahlen

Repräsentation von
Zahlen

Zweierkomplement-
Darstellung

Übersetzungen

Homomorphismen

Huffman Codierung



That's all Folks!