

Universidad Veracruzana

Facultad de Ingeniería de la construcción y el habitat

TESIS:

Diseño y construcción de un brazo robótico colaborativo para sistemas de manufactura flexible

Presenta Ángel Ernesto Trujillo Elizondo, para obtener el grado de Maestría en Ingeniería Aplicada

Asesor:

José Alejandro Vasquez Santacruz

Índice general

$\mathbf{A}_{\mathbf{\xi}}$	grade	ecimientos			5
Re	esum	en			6
Al	ostra	cct			7
1.	Intr	oducción			8
	1.1.	Objetivos			8
	1.2.	Justificación			8
	1.3.	$\label{eq:hipótesis} \text{Hipótesis} \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $			9
2.	Mar	co teórico			10
	2.1.	Brazos robóticos			10
	2.2.	Robótica colaborativa			10
	2.3.	Sistemas de manufactura flexible			10
	2.4.	Ingeniería de sistemas basado en modelos			10
3.	MB	\mathbf{SE}			11
	3.1.	Diagrama de requerimientos			11
4.	Mod	lelo matemático			13
	4.1.	Cinemática directa e inversa			14
		4.1.1. Cinemática directa			14
		4.1.1.1. Matriz de transformación homogénea			14
		4.1.1.2. Convención de Denavit-Hartenberg .			15
		4.1.2. Cinemática inversa			16
	4.2.	Cinemática de la velocidad			16
	4.3.	Modelo dinámico			16
		4.3.1. Formulación Newton-Euler			17

5 .	Cor	nponer	ntes eléctricos	19
6.	Cor	nponer	ntes mecánicos	20
	6.1.	Actua	dor	. 20
		6.1.1.	Engranes planetarios	. 21
		6.1.2.	Engrane cicloidal	. 22
		6.1.3.	Harmonic Drive	. 22
Bi	bliog	grafía		23
Aı	nexo	\mathbf{s}		24
	Ane	xo 1. Fι	unción de creación del brazo robótico	. 24
	Ane	xo 2. Ci	linemática directa	. 26
	Ane	xo 2. Ci	linemática directa	. 26
	Ane	xo 2. Di	vinámica	. 27

Índice de figuras

3.1.	Diagrama de requerimientos		•	•		•		12
	Boceto del brazo robótico propuesto Cadena cinemática							
6.1.	OpenTorque Actuator por Gabrael Levine							21

Índice de cuadros

4.1.	Parámetros Denavit Hartenberg	16
4.2.	Parámetros dinámicos	17
4.3.	Torque máximo por articulación	18

Agradecimientos

Agradezco al Consejo Nacional de Ciencia y Tecnología por el apoyo económico recibido durante la realización de este posgrado.

Agradezco profundamente a mi asesor, el Dr. José Alejandro Vásquez Santacruz por su apoyo y paciencia durante la realización de esta investigación.

Resumen

Aquí va un resumen, pero cuando acabe.

Abstract

Here goes an abstract, but i'll do it when I finish.

Introducción

Aquí empieza el viaje

1.1. Objetivos

El objetivo general de esta investigación consiste en diseñar y construir un brazo robótico de seis grados de libertad para sistemas de manufactura flexible.

Los objetivos específicos se mencionan a continuación:

- Desarrollar el modelo matemático cinemático y dinámico de un brazo robótico de seis grados de libertad.
- Construir un brazo robótico de coste accesible y fácil fabricación, así como compartir su diseño y componentes con una licencia de código abierto.
- Optimizar el modelado de piezas para su correcta manufactura con máquinas de manufactura aditiva.
- Desarrollar ¿utilizar? una metodología apegada a la ingeniería de sistemas basadas en modelos.

1.2. Justificación

El desarrollo de un brazo robótico de seis grados de libertad para sistemas de manufactura flexible que se pretende realizar es relevante en diversos

ámbitos del conocimiento.

Por último, al estar pensado como un desarrollo de código abierto, contribuirá al acervo tecnológico de la humanidad y podrá ser copiado, modificado y mejorado alrededor del mundo.

1.3. Hipótesis

Marco teórico

2.1. Brazos robóticos

De acuerdo con Spong et al. [1, p. 1], la mayoría de las aplicaciones en el campo de la robótica se centran en brazos robóticos industriales que operan en fabricas con entornos estructurados, es por esto su gran importancia.

Un brazo robótico está compuesto de eslabones conectados por articulaciones para formar una cadena cinemática.

- 2.2. Robótica colaborativa
- 2.3. Sistemas de manufactura flexible
- 2.4. Ingeniería de sistemas basado en modelos

MBSE

3.1. Diagrama de requerimientos

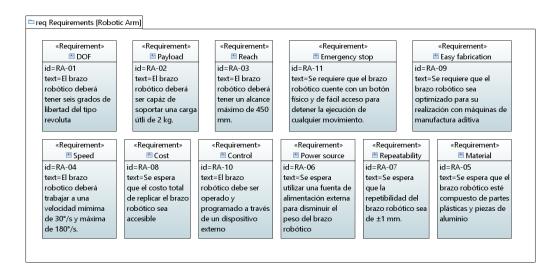


Figura 3.1: Diagrama de requerimientos

Modelo matemático

De acuerdo con [2, p. 14], el diseño y control de robots requiere diversos modelos matemáticos, tales como:

- Cinemática directa e inversa, es decir, encontrar la posición del efector final en términos de las coordenadas de las articulaciones y viceversa.
- Cinemática de la velocidad, encontrar la velocidad del efector final en términos de la velocidad de las articulaciones y viceversa.
- Modelo dinámico, el cual establece la relación entre los torques o fuerzas que ejercen los actuadores y las posiciones, velocidades y aceleraciones de las articulaciones.

En este capítulo se desarrollarán estos modelos matemáticos, los cuales son necesarios para simular y predecir el comportamiento del mismo.

Para realizar estos modelos, es necesario contar con los parámetros físicos y geométricos del robot, los cuales, para una primera aproximación se mencionarán a continuación.

Otros requerimientos necesarios para el desarrollo del modelo matemático es el alcance total del brazo, el cual deberá ser de mínimo 500 mm, la velocidad, la cuál deberá estar en un rango entre 5 RPM y 30 RPM, y por último, la carga útil deberá ser de 2 kg.

En la figura 4.1 podemos ver un boceto del brazo robótico que se planea implementar.

Con estos datos claros, es posible empezar la realización de los modelos matemáticos.

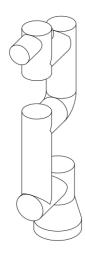


Figura 4.1: Boceto del brazo robótico propuesto

4.1. Cinemática directa e inversa

4.1.1. Cinemática directa

La cinemática directa de un robot se refiere al cálculo de la posición y orientación del marco de referencia del efector final desde sus coordenadas θ . [3]

4.1.1.1. Matriz de transformación homogénea

Según [3], existen tres usos principales para una matriz de transformación homogénea:

- 1. Para representar la configuración (posición y orientación) de un cuerpo rígido.
- 2. Para cambiar el marco de referencia en el cuál está representado un vector o un *frame*.
- 3. Para desplazar un vector o un frame.

Para el caso que nos ocupa, necesitamos la matriz de transformación homogénea desde la base fija del robot hasta su efector final, descrita con la ecuación siguiente:

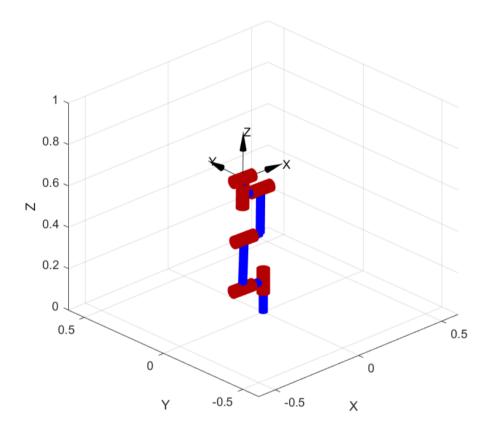


Figura 4.2: Cadena cinemática

$$\begin{array}{l}
 & 7T = \mathscr{T}_z(a_1) \oplus \mathscr{R}_z(\theta_1) \oplus \mathscr{T}_x(b_1) \oplus \mathscr{R}_x(\theta_2) \oplus \mathscr{T}_z(c_1) \oplus \mathscr{R}_x(\theta_3) \\
 & \oplus \mathscr{T}_z(d_1) \oplus \mathscr{T}_x(d_2) \oplus \mathscr{R}_x(\theta_4) \oplus \mathscr{T}_x(e_1) \oplus \mathscr{R}_z(\theta_5) \oplus \mathscr{T}_z(f_1) \oplus \mathscr{R}_x(\theta_6)
\end{array} (4.1)$$

En la imagen 4.2 podemos observar la cadena cinemática de nuestro brazo robótico, fue creada con un algoritmo en MATLAB con ayuda de la herramienta Robotic Toolbox, desarrollada por Peter Corke [4], dicho código puede consultarse en el Anexo 1.

4.1.1.2. Convención de Denavit-Hartenberg

En muchas aplicaciones, es necesario representar los parámetros cinemáticos de forma simplificada con ayuda de la notación Denavit-Hartenberg, con

esta, podemos hacer uso de algoritmos de solución para encontrar los valores dinámicos, planeación de trayectorias, simulaciones, entre otras.

Peter Corke [5] propuso un acercamiento sencillo y sistemático para convertir una matriz de transformación homogenea como la de la ecuación 4.1 en los parámetros de Denavit-Hartenberg.

Se realizó dicho proceso con ayuda de Robotic Toolbox del mismo autor y se llegó a los resultados que se muestran en la tabla 4.1.

Cuadro 4.1: Parámetros Denavit Hartenberg

	θ [rad]	d [m]	a [m]	α [rad]
Articulación 1	θ_1	0.152	0	$\frac{\pi}{2}$
Articulación 2	$ heta_2$	0	-0.244	$\bar{0}$
Articulación 3	θ_3	0	-0.213	0
Articulación 4	$ heta_4$	-0.012	0	$-\frac{\pi}{2}$
Articulación 5	$ heta_5$	0.085	0	$\frac{\pi}{2}$
Articulación 6	θ_6	0	0	$-\frac{\pi}{2}$

4.1.2. Cinemática inversa

De manera parecida a como se manejó en la sección anterior, la librería de Robotic Toolbox tiene un método establecido para calcular la cinemática inversa dada una matriz de transformación homogénea.

En este texto se hará uso de la misma y no se abordará en mayor profundidad.

4.2. Cinemática de la velocidad

4.3. Modelo dinámico

Como se comentó al principio del capítulo, es necesario establecer una relación entre las posiciones, velocidades y aceleraciones deseadas y el torque o fuerzas que se debe ejercer en los actuadores, esto nos permitirá controlar el brazo robótico así como conocer los parámetros necesarios que los actuadores deben cumplir para satisfacer los requerimientos de velocidad y carga útil.

4.3.1. Formulación Newton-Euler

Para el desarrollo del modelo dinámico se favoreció la formulación de Newton-Euler en lugar de la formulación Lagraniana, esto debido a su eficiencia computacional.

Para encontrar los torques a los que deben estar sometidos las articulaciones del brazo robótico se utilizará la misma herramienta que se ha utilizado a lo largo de este capítulo, Robotic Toolbox de Peter Corke, se modifica el Anexo 1 para incluir los parámetros dinámicos tales como masa, centro de gravedad, momento de inercia, fricción viscosa, fricción de Coulomb, inercia del motor y relación de engranes.

La lista de parámetros para cada articulación esta descrita en el cuadro 4.2.

α 1	10	D /	1. / .
Cinadro	4 7.	Parámetros	dinamicos
Cuadio	4.4.	1 arametros	umamicos

o dadar o	θ [rad]	d[m]	a [m]	α [rad]
Articulación 1	θ_1	0.152	0	$\frac{\pi}{2}$
Articulación 2	θ_2	0	-0.244	$\bar{0}$
Articulación 3	θ_3	0	-0.213	0
Articulación 4	θ_4	-0.012	0	$-\frac{\pi}{2}$
Articulación 5	θ_5	0.085	0	$\frac{\pi}{2}$
Articulación 6	θ_6	0	0	$-\frac{\pi}{2}$

Cabe destacar que algunos de los parámetros dinámicos son una aproximación optimista, al no tener aún un diseño final ni todos los componentes seleccionados, sin embargo, es funcional para una primera iteración del torque necesario para empezar la selección de componentes.

Con los datos del cuadro 4.2 se selecciona los torques máximos en el escenario más demandante, esto es en una trayectoria en la cuál cada una de las articulaciones se somete a una mayor fuerza.

Con todos los datos correctamente particularizados, obtenemos una lista con todos los valores máximos, se puede apreciar en el cuadro 4.3.

Cuadro 4.3: Torque máximo por articulación

	θ [rad]	d [m]	a [m]	α [rad]
Articulación 1	θ_1	0.152	0	$\frac{\pi}{2}$
Articulación 2	$ heta_2$	0	-0.244	$\bar{0}$
Articulación 3	θ_3	0	-0.213	0
Articulación 4	$ heta_4$	-0.012	0	$-\frac{\pi}{2}$
Articulación 5	$ heta_5$	0.085	0	$\frac{\pi}{2}$
Articulación 6	θ_6	0	0	$-\frac{\pi}{2}$

Componentes eléctricos

Aquí necesito seis motores, tres ODrive, seis encoders Una fuente de poder

Componentes mecánicos

Una vez determinado los componentes electrónicos necesarios para el correcto funcionamiento del brazo robótico es necesario determinar los componentes mecánicos.

6.1. Actuador

Una de las partes mecánicas más importantes es el actuador, es decir, el mecanismo que proporcionará la fuerza necesaria para mover las articulaciones del robot.

Para la correcta selección o desarrollo del actuador necesitamos dos parámetros que vimos en los capítulos anteriores, el primero es el torque necesario para realizar los desplazamientos del robot a la velocidades y aceleraciones requeridas y el segundo es la velocidad nominal del motor a utilizar.

Por norma general, los motores eléctricos y, para nuestro caso, los motores eléctricos sin escobillas, funcionan a velocidades altas y un torque relativamente pequeño, para esto es necesario utilizar reductores de velocidad, los cuales cumplen dos objetivos primordiales: reducir la velocidad en eje de salida y aumentar el torque en el mismo.

El siguiente paso es escoger un reductor de velocidad que cumpla con los requerimientos específicos de nuestro brazo robótico, los cuales son:

- Alta relación de transmisión, mayor a 10:1.
- Precisión, necesaria para realizar los movimientos deseados sin demasiado juego.

Efectividad de transmisión, necesaria para no perder demasiada energía

Estos son algunos de los más importantes, existen otros factores a considerar como el tamaño final del reductor y la facilidad de manufactura.

Para el desarrollo de este brazo robótico se han considerado tres diferentes tipos de reductores de velocidad, cada uno con ventajas y desventajas que se mencionarán a continuación.

6.1.1. Engranes planetarios

El primero en esta lista es un reductor con engranes planetarios,

Existen proyectos como el de [insertar cita despúes] OpenTorque Actuator de Gabrael Levine que utiliza engranes planetarios en el diseño de su actuador, logra una relación de transmisión de 8:1

En la imagen 6.1 podemos apreciar su diseño con engranes planetarios del tipo helicoidal así como una carcasa para el sistema de motor y actuador.



Figura 6.1: OpenTorque Actuator por Gabrael Levine

En esta propuesta la ventaja es la relativa facilidad de fabricación con tecnología de manufactura aditiva así como un tamaño y peso considerablemente pequeño.

Las desventajas son su relativamente pequeño relación de transmisión y su poca eficiencia de transmisión.

- 6.1.2. Engrane cicloidal
- 6.1.3. Harmonic Drive

Bibliografía

- [1] M. W. Spong, S. Hutchinson, and M. Vidyasagar, *Robot Modeling and Control*. WILEY, 2005.
- [2] W. K. Etienne Dombre, Robot Manipulators: Modeling, Performance Analysis and Control (Control Systems, Robotics, and Manufacturing series). Wiley-ISTE, 2007.
- [3] K. M. N. University, I. Lynch, and F. C. S. N. U. Park, *Modern Robotics*. Cambridge University Press, 2017.
- [4] P. Corke, *Robotics*, *Vision and Control*. Springer International Publishing, 2017.
- [5] P. Corke, "A simple and systematic approach to assigning denavit–hartenberg parameters," *IEEE Transactions on Robotics*, vol. 23, pp. 590–594, jun 2007.

Anexos

Anexo 1. Función de creación del brazo robótico

```
function roboticarm = myroboticarm(L1,L2,L3,L4,L5,L6
  ,L7,m,r,I1,I2,I3,I4,I5,I6,Jm,B,Tc,G,payload)
%This function crea un objeto del tipo SerialLink
% Con los parametros de mi brazo robotico
s = Rz(q1) Tz(L1) Tx(L2) Rx(q2) Tz(L3) Rx(q3) Tx(L4)
  ) Tz(L5) Rx(q4) Tx(L6) Rz(q5) Tz(L7) Rx(q6);
dh = DHFactor(s);
roboticarm = eval(dh.command('roboticarm'))
roboticarm.links(1,1).m = m(1);
roboticarm.links(1,1).r = r(1,:);
roboticarm.links(1,1).I = I1;
roboticarm.links(1,1).Jm = Jm(1);
roboticarm.links(1,1).B = B(1);
roboticarm.links(1,1).Tc = Tc(1);
roboticarm.links(1,1).G = G(1);
roboticarm.links(1,2).m = m(2);
roboticarm.links(1,2).r = r(2,:);
roboticarm.links(1,2).I = I2;
roboticarm.links(1,2).Jm = Jm(2);
roboticarm.links(1,2).B = B(2);
```

```
roboticarm.links(1,2).Tc = Tc(2);
roboticarm.links(1,2).G = G(2);
roboticarm.links(1,3).m = m(3);
roboticarm.links(1,3).r = r(3,:);
roboticarm.links(1,3).I = I3;
roboticarm.links(1,3).Jm = Jm(3);
roboticarm.links(1,3).B = B(3);
roboticarm.links(1,3).Tc = Tc(3);
roboticarm.links(1,3).G = G(3);
roboticarm.links(1,4).m = m(4);
roboticarm.links(1,4).r = r(4,:);
roboticarm.links(1,4).I = I4;
roboticarm.links(1,4).Jm = Jm(4);
roboticarm.links(1,4).B = B(4);
roboticarm.links(1,4).Tc = Tc(4);
roboticarm.links(1,4).G = G(4);
roboticarm.links(1,5).m = m(5);
roboticarm.links(1,5).r = r(5,:);
roboticarm.links(1,5).I = I5;
roboticarm.links(1,5).Jm = Jm(5);
roboticarm.links(1,5).B = B(5);
roboticarm.links(1,5).Tc = Tc(5);
roboticarm.links(1,5).G = G(5);
roboticarm.links(1,6).m = m(6);
roboticarm.links(1,6).r = r(6,:);
roboticarm.links(1,6).I = I6;
roboticarm.links(1,6).Jm = Jm(6);
roboticarm.links(1,6).B = B(6);
roboticarm.links(1,6).Tc = Tc(6);
roboticarm.links(1,6).G = G(6);
roboticarm.payload(payload, [0 0 0]);
roboticarm.base = SE3(0, 0, 0);
```

Anexo 2. Cinemática directa

```
% Universidad Veracruzana
% Tesis
% Angel Trujillo
clear;
clc;
L1 = 0.152;
L2 = -0.120;
L3 = 0.244;
L4 = 0.104;
L5 = 0.213;
L6 = -0.104;
L7 = 0.085;
qn = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0];
robotarm = myroboticarm(L1,L2,L3,L4,L5,L6,L7);
robotarm.fkine(qn)
robotarm.plot(qn)
```

Anexo 3. Cinemática inversa

```
% Universidad Veracruzana
% Tesis
% Angel Trujillo
clear;
clc;
L1 = 0.152;
L2 = -0.120;
L3 = 0.244;
L4 = 0.104;
L5 = 0.213;
L6 = -0.104;
L7 = 0.085;
qn = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0];
robotarm = myroboticarm(L1,L2,L3,L4,L5,L6,L7);
robotarm.plot(qn)
T = robotarm.fkine(qn)
```

Anexo 4. Dinámica

```
% Universidad Veracruzana
% Tesis
% Angel Trujillo
clear;
clc;
%Medidas del brazo robotico
L1 = 0.152;
L2 = 0.104;
L3 = 0.244;
L4 = 0.104;
L5 = 0.213;
L6 = -0.104;
L7 = 0.085;
% Parametros dinamicos
m = [0 \ 2 \ 1 \ 0.8 \ 0.8 \ 0.2]; \% Vector de masas de los
   eslabones 1 al 6.
% Vector de centro de gravedad cada fila es un
   eslabon
I1 = [0 \ 0 \ 0; \ 0 \ 0.3 \ 0; \ 0 \ 0;];
I2 = [0 \ 0 \ 0; \ 0 \ 0; \ 0 \ 0;];
I3 = [0 \ 0 \ 0; \ 0 \ 0; \ 0 \ 0;];
I4 = [0 \ 0 \ 0; \ 0 \ 0; \ 0 \ 0;];
I5 = [0 \ 0 \ 0; \ 0 \ 0; \ 0 \ 0;];
I6 = [0 \ 0 \ 0; \ 0 \ 0; \ 0 \ 0;];
Jm = [0.002 \ 0.002 \ 0.002 \ 3.3e-05 \ 3.3e-05 \ 3.3e-05]; %
  Motor inertia
B = [0.00148 \ 0.000817 \ 0.00138 \ 7.12e-05 \ 8.26e-05 \ 3.67
   e-05]; % Motor viscous friction
Tc = [0.395 \ 0.126 \ 0.132 \ 0.0112 \ 0.00926 \ 0.00396]; %
   link coulomb friction
G = [10 \ 10 \ 4 \ 4 \ 2 \ 2]; \%Gear ratio
payload = 2;
qn = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0].*(pi/180);
```