詳解 - 上學期試卷 持續評核試卷套

## 中三級 上學期試卷 數學科 (卷一額外題目) 建議題解及評卷參考

甲部

1. (a) 
$$q^2 - q - 12 = (q+3)(q-4)$$
 2A

**(b)** 
$$q^2 - q - 12 - 2pq + 8p = (q+3)(q-4) - 2p(q-4)$$
 1M  
=  $(q-4)(q-2p+3)$  1A

2. (a) 
$$3m + n = 13$$
  
 $n = 13 - 3m$   
當  $m = 1$  時,  
 $n = 13 - 3(1)$   
 $= 10$   
當  $m = 2$  時,  
 $n = 13 - 3(2)$   
 $= 7$   
當  $m = 3$  時,  
 $n = 13 - 3(3)$   
 $= 4$   
當  $m = 4$  時,  
 $n = 13 - 3(4)$   
 $= 1$   
當  $m = 5$  時,  
 $n = 13 - 3(5)$   
 $= -2$   
∴  $m$  和  $n$  的所有可能組合是  $m = 1$ ,  $n = 10$ ;

$$m=2$$
, $n=7$ ; $m=3$ , $n=4$  及  $m=4$ , $n=1$ 。 2A 給全部正確

1

(b) 
$$3x^2 + 13x + k \equiv (x+m)(3x+n)$$
  
 $\equiv 3x^2 + (3m+n)x + mn$ 

比較左右兩方 x 的係數,可得:

$$3m + n = 13$$

比較左右兩方的常數項,可得:

$$mn = k$$

從 (a) 的結果可得,m=1,n=10; m=2,n=7; m=3, n=4; m=4, n=1  $\circ$ 

詳解 - 上學期試卷 持續評核試卷套

建議題解 佔分 注意事項

當 
$$m=1$$
,  $n=10$  時,  $mn=1\times10$ 

$$=10$$

當 m=2, n=7 時,

$$mn = 2 \times 7$$

$$=14$$

當 m=3, n=4 時,

$$mn = 3 \times 4$$

$$=12$$

當 m=4, n=1 時,

$$mn = 4 \times 1$$

$$= 4$$

∴ k 的所有可能值是 4、10、12 和 14。

1M

1A

 $3x-2 < \frac{1-2x}{2}$ 3. (a)

$$2(3x-2) < 2\left(\frac{1-2x}{2}\right)$$

$$6x - 4 < 1 - 2x$$

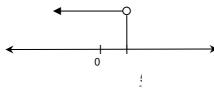
$$6x < 5 - 2x$$

$$x < \frac{5}{8}$$

1M

$$<\frac{5}{9}$$
 1A

所得的解的圖示:



1A

- (b) 能使 (a) 中的不等式成立的最大整數是 0。
- 1A
- 4. (a) 該住宅單位 3 年後的價值=\$6000000×(1+15%)<sup>3</sup>

$$=$$
\$6000000×1.15<sup>3</sup>

$$=$$
 \$9125250

1A

(b) 該住宅單位 5 年後的價值

$$= $6000000 \times (1+15\%)^5$$

$$=$$
 \$6 000 000  $\times$  1.15<sup>5</sup>

1M

- = \$12068143 (準確至最接近的元)
- $> 2 \times \$6\,000\,000$
- : 該住宅單位 5 年後的價值比現時的價值的兩倍還 要高。

1M

德勤的聲稱是正確的。

詳解 - 上學期試卷 持續評核試卷套

建議題解 <u>佔分</u> 注意事項

假設小麗存款 t 年。 **5.** 

$$6000 = 30\,000 \times 8\% \times t$$

$$2400t = 6000$$

$$t = 2.5$$
1M

... 小麗須存款 2.5 年才可得單利息 \$6000。 1A

**6.**  $:: G \in \triangle ABC$  的形心。

$$\therefore$$
  $DB = AD = 26 \text{ cm}$ , $FC = BF = 24 \text{ cm}$  及  $AE = EC$  1M 考慮  $\triangle ABC$ 。

$$AC^2 + BC^2 = AB^2$$
 (畢氏定理) 1M

$$AC = \sqrt{AB^2 - BC^2}$$
  
=  $\sqrt{(26 + 26)^2 - (24 + 24)^2}$  cm  
= 20 cm

$$\triangle ABC$$
 的面積 =  $\frac{1}{2} \times BC \times AC$   
=  $\frac{1}{2} \times 48 \times 20 \text{ cm}^2$  1M  
=  $\frac{480 \text{ cm}^2}{}$  1A

7. ∴ AB // CD // EF  $\not \supseteq BD = DF$ 

∴  $AC = CE \not B AB // CG$ 

$$\therefore \quad AC = CE \quad \not\supseteq \quad BG = GE$$

∴ 
$$CG = \frac{1}{2} \times AB$$
 (中點定理)  
=  $\frac{1}{2} \times 6 \text{ cm}$   
= 3 cm

在  $\triangle BEF$  中,

$$BG = GE \not BD = DF$$

$$\therefore GD = \frac{1}{2} \times EF \qquad (中點定理)$$

$$= \frac{1}{2} \times 20 \text{ cm}$$

$$= 10 \text{ cm}$$



1A

詳解 - 上學期試卷 持續評核試卷套

建議題解					<u>佔分</u>	注意事項
8.		BFI	DE 是一個平行四邊形。			
		ED	=BF	平行四邊形對邊	1M	
	•••	AD	$= ED \not B BC = BF$	已知		
		AD = BC			1M	
		$\angle BDE = \angle DBF$		錯角, <i>ED    BF</i>		
			$DE = \angle CBF$	已知		
		$\angle A$	$DB = \angle ADE + \angle BDE$			
			$= \angle CBF + \angle DBF$			
		$= \angle CBD$				
		$\therefore$ AD // BC		錯角相等	1M	
	.:	∴ $AD = BC \not \supseteq AD // BC$				
	··.	ABC	CD 是一個平行四邊形。	一組對邊相等且 //	1M	
9.	(a)	(a) (i) 該長方體中包含點 $B$ 及點 $H$ 的反射平面 是 $BDHF$ 。				
	( )				1A	
		(ii)	該長方體有 5 個反射平面	Ī •	1A	
	(b)	(b) (i) 該長方體中包含點 <i>P</i> 的旅它的旋轉對稱重數是 2。  (ii) 該長方體有 5 條旋轉對稱		定轉對稱軸是 PR。	1A 1A	
				輔。	1A	