Российский Государственный Педагогический Университет им. А.И.Герцена Дисциплина: Решение задач оптимизации Преподаватель: Авксеньтьева Елена Юрьевна Выполнил: Цирулик Иван Александрович

Лабораторная работа №9

Задача №1

Магазин может завести в различных пропорциях товары разных типов (A1, A2, A3, A4); их реализация и прибыль магазина зависят от вида товара и состояния спроса. Предполагается, что спрос может иметь три состояния (B1, B2, B3) и не прогнозируется.

Определить оптимальные пропорции в закупке товаров из условия максимизации средней гарантированной прибыли при следующей матрице прибыли:

	B1	B2	B3	b
A1	28	23	18	18
A2	24	20	22	20
A3	21	26	23	21
A4	23	24	26	23
a	28	26	26	

Седловая точка отсутствует, а значит решение необходимо искать в смешанных стратегиях:

$$28 x_1 + 23 x_2 + 18 x_3 \le 1$$

$$24 x_1 + 20 x_2 + 22 x_3 \le 1$$

$$21 x_1 + 26 x_2 + 23 x_3 \le 1$$

23
$$x_1$$
+24 x_2 +26 $x_3 \le 1$

$$F(x)=x_1+x_2+x_3 \rightarrow max$$

Решаем эти системы симплексным методом.

$$28 x_1 + 23 x_2 + 18 x_3 \le 1$$

$$24 x_1 + 20 x_2 + 22 x_3 \le 1$$

$$21 x_1 + 26 x_2 + 23 x_3 \le 1$$

$$23 x_1 + 24 x_2 + 26 x_3 < 1$$

$$28 x_1 + 23 x_2 + 18 x_3 + 1 x_4 + 0 x_5 + 0 x_6 + 0 x_7 = 1$$

$$24 x_1 + 20 x_2 + 22 x_3 + 0 x_4 + 1 x_5 + 0 x_6 + 0 x_7 = 1$$

$$21 x_1 + 26 x_2 + 23 x_3 + 0 x_4 + 0 x_5 + 1 x_6 + 0 x_7 = 1$$

$$23 x_1 + 24 x_2 + 26 x_3 + 0 x_4 + 0 x_5 + 0 x_6 + 1 x_7 = 1$$

	В	X 1	X 2	X 3	X 4	X 5	X 6	X 7
X 4	1	28	23	18	1	0	0	0
X 5	1	24	20	22	0	1	0	0
X 6	1	21	26	23	0	0	1	0
X 7	1	23	24	26	0	0	0	1
F()	0	-1	-1	-1	0	0	0	0

Базис	В	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	
x4	1	28	23	18	1	0	0	0	
x5	1	24	20	22	0	1	0	0	
х6	1	21	26	23	0	0	1	0	
x7	1	23	24	26	0	0	0	1	
F(X1)	0	-1	-1	-1	0	0	0	0	

Базис	В	x1	x2	х3	x4	x5	x6	x7
x4	4/13	12(1/13)	6(5/13)	0	1	0	0	-9/13
x5	2/13	4(7/13)	-4/13	0	0	1	0	-11/13
х6	3/26	17/26	4(10/13)	0	0	0	1	-23/26
х3	1/26	23/26	12/13	1	0	0	0	1/26
F(X2)	1/26	-3/26	-1/13	0	0	0	0	1/26

Базис	В	x1	x2	х3	x4	x5	x6	x7
x1	4/157	1	83/157	0	13/157	0	0	-9/157
x5	6/157	0	-2(111/157)	0	-59/157	1	0	-92/157
х6	31/314	0	4(133/314)	0	-17/314	0	1	-133/157
х3	5/314	0	143/314	1	-23/314	0	0	14/157
F(X3)	13/314	0	-5/314	0	3/314	0	0	5/157

Базис	В	x1	x2	х3	x4	x5	х6	x7
x1	19/1389	1	0	0	124/1389	0	-166/1389	61/1389
x5	137/1389	0	0	0	-568/1389	1	850/1389	-1534/1389
x2	31/1389	0	1	0	-17/1389	0	314/1389	-266/1389
х3	8/1389	0	0	1	-94/1389	0	-143/1389	245/1389
F(X4)	58/1389	0	0	0	13/1389	0	5/1389	40/1389

Оптимальный план можно записать так:

x1 = 19/1389

x2 = 31/1389

x3 = 8/1389

F(X) = 1*19/1389 + 1*31/1389 + 1*8/1389 = 58/1389

y1 = 13/1389

 $y^2 = 0$

y3 = 5/1389

y4 = 40/1389

Z(Y) = 1*13/1389 + 1*0 + 1*5/1389 + 1*40/1389 = 58/1389

Цена игры будет равна g = 1/F(x)

qi = g*yi; pi = g*xi.

Цена игры: g = 1/(58/1389) = 23(55/58)

p1 = 23(55/58) * 13/1389 = 13/58

p2 = 23(55/58) * 0 = 0

p3 = 23(55/58) * 5/1389 = 5/58

p4 = 23(55/58) * 40/1389 = 20/29

Оптимальная смешанная стратегия игрока І: (13/58; 0; 5/58; 20/29)