Лабораторная работа № 4 «Детерминированные вычислительные процессы с управлением по аргументу. Численное интегрирование с использованием пользовательских функций.»

Цель: разработать и научиться использовать алгоритмы, основанные на детерминированных вычислительных процессах, управление которыми осуществляется по аргументу для вычисления определенного интеграла и рационализировать вычисления путем применения пользовательских функций.

Оборудование: ПК, среда разработки «PascalABC»

Задание 1

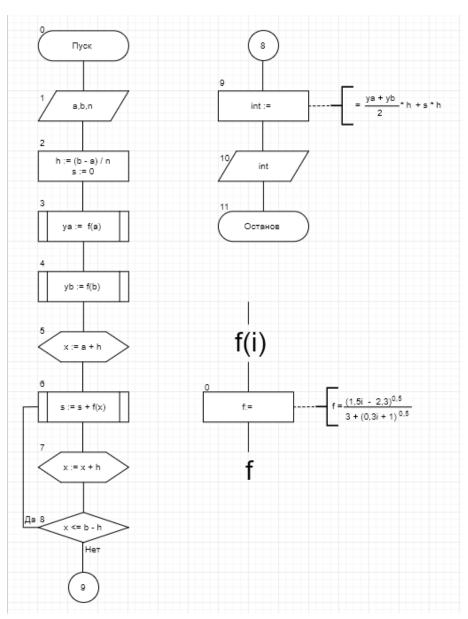
Постановка задачи: Реализовать вычисление определенного интеграла из индивидуального задания методом трапеций с использованием пользовательской функции.

Математическая модель:

$$\int_{a}^{b} \frac{\sqrt{1,5x+2,3} \, dx}{3+\sqrt{0,3x+1}} \approx$$

$$\approx h * (\frac{f(a)+f(b)}{2} + \sum_{i=a+h}^{b-h} f(i)); \quad f(i) = \frac{\sqrt{1,5i+2,3}}{3+\sqrt{0,3i+1}}$$

Блок-схема:



Список идентификаторов:

Название	Тип	Функция
a	real	Хранение значения нижнего предела интегрирования
b	real	Хранение значения верхнего предела интегрирования
n	real	Хранение значения кол-ва шагов
h	real	Хранение значения величины шага
S	real	Хранение значения суммы значений функции
ya	real	Хранение значения функции при аргументе равном а
yb	real	Хранение значения функции при аргументе равном b
X	real	Управление циклом
int	real	Хранение значения интеграла
i	real	Переменная необходимая для работы польз. функции

Код программы:

```
□ Program Zadanie3;
 Var
   a,b,n,h,s,x,int,ya,yb : real;
Function f(i :real) :real;
  begin
   f := (sqrt(1.5 * i + 2.3)) / (3 + sqrt(0.3 * i + 1))
  end;
 begin
 writeln('Введите нижний предел интегрирования');
 readln(a);
 writeln('Введите верхний предел интегрирования');
 readln(b);
 writeln('Введите кол-во шагов');
 readln(n);
 h := (b - a) / n;
 s := 0;
 x := a + h;
 ya := f(a);
 yb := f(b);
 While x \le b - h do
  begin
    s:=s+f(x);
    x := x + h;
   end;
   int := h *(((ya + yb) /2) + s);
   writeln(int);
   readln();
end.
```

Результаты вычислений:

```
Окно вывода

Введите нижний предел интегрирования

0.8

Введите верхний предел интегрирования

2.4

Введите кол-во шагов

1000

0.819965117914123
```

Анализ результатов вычисления:

Решение данной задачи было получено путем использования детерминированного циклического процесса, управляемого аргументом (переменная х типа «real»). Основная особенность этой программы состоит в том, что из-за дробного шага (переменная h типа «real»), пришлось использовать конструкция while. Вводимые с клавиатуры значения (переменные «а», «b» и «n» типа «real») как-раз и позволяли установить значения шага. Задачей цикла являлось накопление суммы (переменная «s» типа «real») значений данной функции в каждой точке разбиения. Изменение аргумента происходило по рекуррентной формуле x = x + h, а сумма накапливалась путем последовательного суммирования значений функции. Диапазон значений аргумента был от a + h до b - h, и связано это с использованным способом нахождения интеграла (метод правых частей прямоугольников). Также из-за особенностей этого метода, понадобился ввод двух дополнительных переменных «уа» и «уb» типа «real», которые в свою очередь хранили в себе значений функции в точках а и в соответственно. В целях рационализации вычислений, мы используем функцию «f» которая возвращает значение типа real, и необходимая для вычисления значения функции.

Задание 2

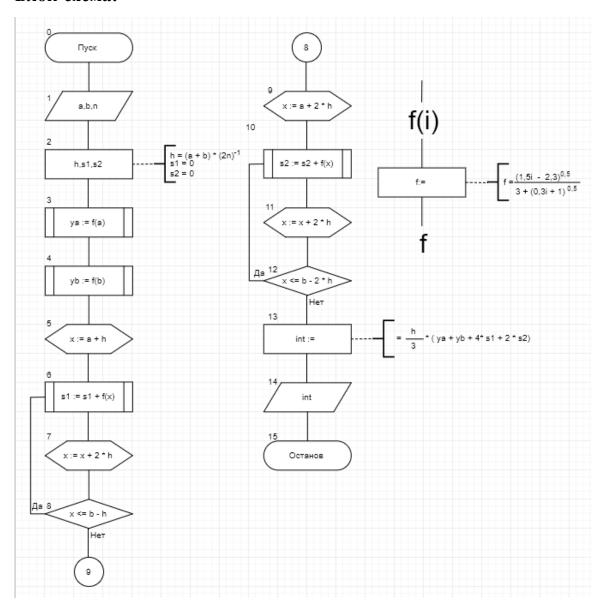
Постановка задачи: Реализовать вычисление определенного интеграла из индивидуального задания методом парабол с использованием пользовательской функции.

Математическая модель:

$$\int_{a}^{b} f(x)dx \approx \frac{h}{3} * (f(a) + 4 * (f(a+h) + f(a+3h) + \dots + f(b-h)) + 2 *$$

$$* (f(a+2h) + f(a+4h) + \dots + f(b-2h)) + f(b))$$

Блок-схема:



Список идентификаторов:

Название	Тип	Функция
a	real	Хранение значения нижнего предела интегрирования
b	real	Хранение значения верхнего предела интегрирования
n	real	Хранение значения кол-ва шагов
h	real	Хранение значения величины шага
s1	real	Хранение значения суммы значений функции в
		нечетных шагах
s2	real	Хранение значения суммы значений функции в четных
		шагах
ya	real	Хранение значения функции при аргументе равном а
yb	real	Хранение значения функции при аргументе равном b
X	real	Управление циклом
int	real	Хранение значения интеграла
i	real	Переменная необходимая для работы польз. функции

Код программы:

```
□ Program Zadanie2;
   Var
     a,b,n,x,s1,s2,ya,yb,int, h : real;
Function f( i: real) : real;
   begin
    f := (sqrt(1.5 * i + 2.3)) / (3 + sqrt(0.3 * i + 1))
   end;
begin begin
     Writeln('Введите нижний предел интегрирования');
     Readln(a);
     Writeln('Введите верхний предел интегрирования');
     Readln(b);
     Writeln('Введите кол-во шагов');
     Readln(n);
     sl := 0;
     s2 := 0;
     h := (b - a) / (2*n);
     ya := f(a);
     yb := f(b);
     x := a + h;
     while x <= b - h do
       begin
         sl := sl + f(x);
         x := x + 2 * h;
       end;
     x := a + 2 * h;
     while x \le b - 2 * h do
       begin
          s2 := s2 + f(x);
          x := x + 2 * h;
       end;
     int := (h / 3) * (ya + 4 * s1 + 2 * s2 + yb);
     writeln(int);
     readln();
   end.
```

Результаты вычислений:

Окно вывода

```
Введите нижний предел интегрирования
0.8
Введите верхний предел интегрирования
2.4
Введите кол-во шагов
1000
0.819965123437928
```

Анализ результатов вычисления: Решение данной задачи было получено путем использования детерминированного циклического процесса, управляемого аргументом (переменная х типа «real»). Основная особенность этой программы состоит в том, что из-за дробного шага (переменная h типа «real»), пришлось использовать конструкция while. Вводимые с клавиатуры значения (переменные «а», «b» и «n» типа «real») как-раз и позволяли установить значения шага. Задачей циклов являлось накопление суммы (переменная «s1» типа «real» значений данной функции в каждой нечетной точке разбиения, а переменная «s2» типа «real» значений данной функции в каждой четной точке разбиения). Изменение аргумента происходило по рекуррентной формуле x = x + 2h, а суммы накапливались путем последовательного суммирования значений функции. Оба цикла управлялись одной и той-же переменной, но вот только диапазон значений аргумента первого цикла был от a + h до b - h, а второго от a + 2h до b - 2h, и связано это с использованным способом нахождения интеграла (метод правых частей прямоугольников). Также из-за особенностей этого метода, понадобился ввод двух дополнительных переменных «уа» и «уb» типа «real», которые в свою очередь хранили в себе значений функции в точках а и b соответственно. Использование функции в данной задаче, позволяет рационализировать вычисления, а также представить код в более читаемом виде. За счет обращение к функции «f», возвращающей значение функции типа «real» при заданном аргументе, хранящемся в переменной «i» типа «real», подсчет суммы будет происходить рациональнее.

Задание 3

Постановка задачи: Вычислить:

$$y = \frac{\sum_{i=1}^{n} \left(\frac{1}{(i+1)!} \cdot \frac{x^{2i+1}}{2i+1} \right)}{5.5 + x^2 + (3n)!}$$

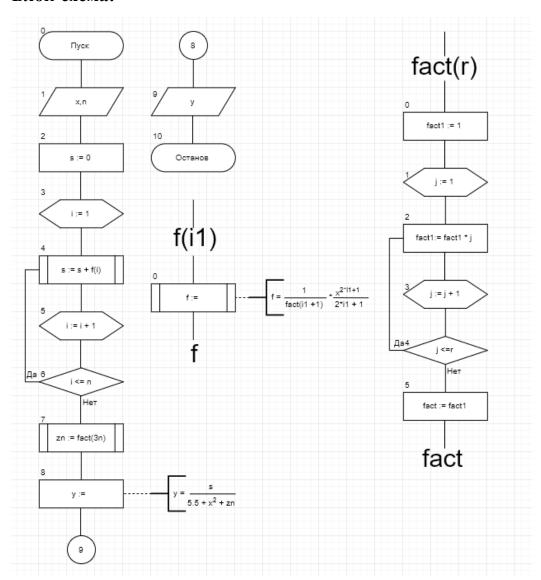
$$x = 1, n = 5$$

Математическая модель:

$$y = \frac{\sum_{i=1}^{n} \left(\frac{1}{(i+1)!} \cdot \frac{x^{2i+1}}{2i+1} \right)}{5.5 + x^2 + zn}$$

$$zn = (3n)!$$

Блок-схема:



Список идентификаторов:

Название	Тип	Функция
X	integer	Хранение значения «х»
n	integer	Хранение значения «n»
S	real	Хранение суммы значений функций
i	integer	Управление циклом подсчета суммы
zn	longint	Хранение значения 3n!
y	real	Хранение итогового значения
i1	integer	Хранение значения, с которым работает функция «f»
j	integer	Управление циклом в функции подсчета факториала
fact1	integer	Промежуточное хранение значения факториала
r	real	Хранение значения, с которым работает функция «fact»

Код программы:

```
□ Program zadanie3;
   Var
     zn : longint;
     s,y : real;
  i,n,il,x : integer;
function fact(r : integer) : longint;
     Var factl, j : integer;
     begin
       fact1 := 1;
       for j := 1 to r do
         Begin
           factl := factl * j;
         End:
       fact := factl;
     end;
function f (il : integer) : real;
       f := (1 / fact(il + 1)) * ((power(x, 2*il + 1)) / (2*il + 1))
     end:
<u>⊢</u> begin
   writeln('Введите x');
   readln(x);
   writeln('Введите n');
   readln(n);
   s := 0;
   For i := 1 to n do
     begin
      s := s + f(i);
     end;
     zn := fact(3*n);
   y := s / (5.5 + x*x + zn);
   writeln('y = ', y);
end.
```

Результаты вычислений:

```
Окно вывода

Введите х

1

Введите п

5

у = 1.03279715802833E-10
```

Анализ результатов вычисления:

Выполнение данных вычислений стало возможным благодаря использованию детерминированных циклических вычислительных процессов управление которыми осуществляется аргументом. Входные параметры хранятся в переменных «х» и «п» типа «integer». С целью рационализации вычислений, нам понадобится использовать две пользовательские функции: «fact» возвращающая значение типа «integer», и функция «f» возвращающая значение типа «real». Первая функция «fact» вычисляет значение факториала,

делается это путем циклических вычислений. Циклом управляет переменная «j» типа «integer». А число, для которого нужно взять интеграл хранится в переменной «r» типа «integer». Вторая функция «f» вычисляет значение функции. Аргумент, при котором нужно сосчитать значение передается в переменную «i1» типа «integer». Итоговое значение записывается в переменную «у» типа «real» и выводится на экран. Избавляться от экспоненциальной формы числа в этой задаче не является рациональным.

Вывод: Использование пользовательских функций является неотъемлемой частью программирования. Веди они позволяют рационализировать необходимые вычисления, а также делают код куда более понятным. Вдобавок к функциям, можно еще использовать процедуру, разновидностью которых и является функция. В данных задачах использовать процедуру не являлось рациональным, так как нам необходимо возвращать вычисляемое значение. В связке с ДЦВП, использование пользовательских функций и процедур может помочь в решении довольно обширного пласта задач.