TP#2 - Équation d'advection

On considère l'équation d'advection suivante:

$$\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial t} + 2\frac{\partial u}{\partial x} = 0, & 0 \le x \le 1, \ t \in \mathbb{R}^+\\ u(x+1, t) = u(x, t),\\ u(x, 0) = u_0(x) = (\sin(\pi x))^{10} \end{cases}$$

1. Programmer les schémas suivants pour résoudre ce problème : explicite centré, implicite centré, explicite décentré amont, Lax-Friedrichs et Lax-Wendroff.

On se limitera à $t \in [0, 2]$

- 2. Tester et commenter pour les cas suivants de choix de pas :
 - (a) h = 0,02 avec $\tau = 0,01$.
 - (b) $h = 0,002 \text{ avec } \tau = 0,005$
 - (c) h = 0,002 avec $\tau = 0,002$.
 - (d) h = 0,005 avec $\tau = 0,0002$.