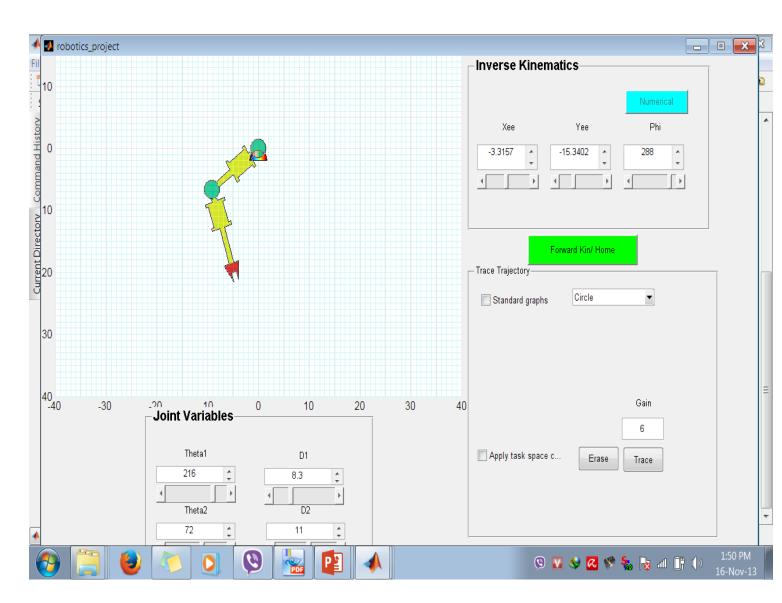
# CÁC VẤN ĐỀ ĐIỀU KHIỂN ROBOT.

Th.S Nguyễn Tấn Phúc. Tel: 01267102772.



## CÁC BƯỚC THỰC HIỆN ĐIỀU KHIỂN ROBOT

- 1. Động học robot: thuận-nghịch robot.
- 2. Quỹ đạo cần điều khiển cho robot.
- 3. Áp dụng bài toán động học ngược , xây dựng quỹ đạo chuyển động cho các biến khớp.
- 4. Xây dựng luật điều khiển các khớp dịch chuyển đúng quỹ đạo đã hoạch định.

#### Điều khiển robot :

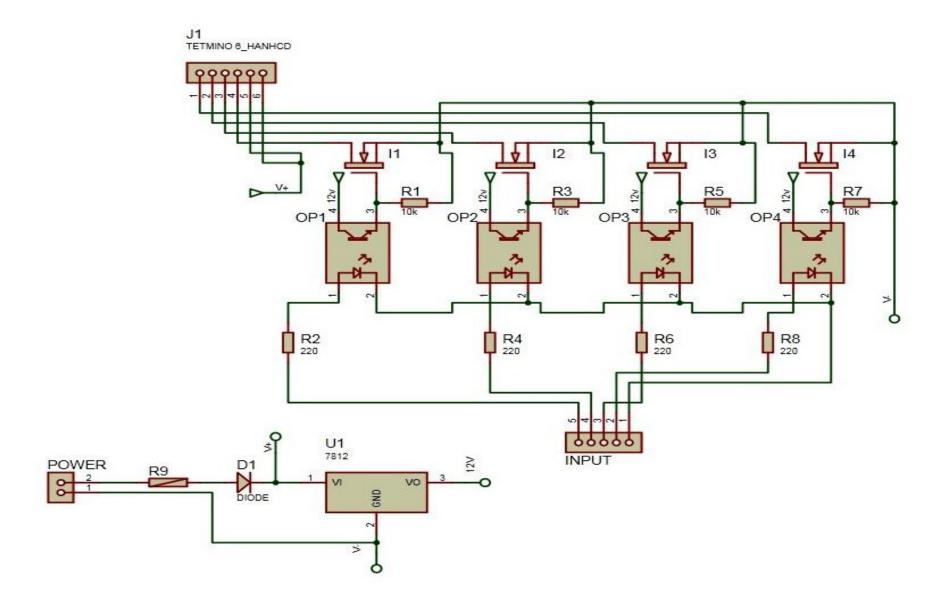
Dựa vào quỹ đạo hoạch định của robot, ta điều khiển chuyển động cho các biến khớp của robot đúng theo quy luật cần chuyển động để robot đạt được chuyển động mong muốn.

Việc điều khiển các biến khớp thông qua các tác động của của momen (khớp xoay),

Lực (chuyển động tịnh tiến) theo phương trình động lực học của chúng.

Các khớp được cấu tạo bởi nguồn động lực là dc motor, step motor nên quay về bài toán điều khiển các cơ cấu tác động này.

## ĐIỀU KHIỂN STEP-MOTOR



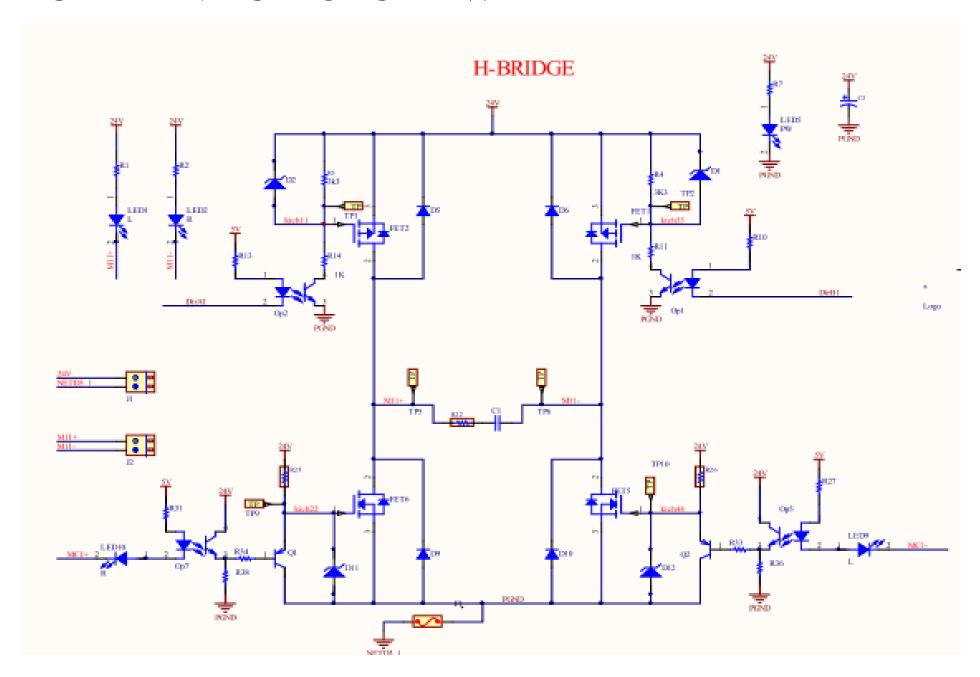
## CÁC LƯU Ý KHI ĐIỀU KHIỂN ĐỘNG CƠ STEP:

Mạch công suất FET.?

Code vi điều khiển?.

Điều khiển theo phương pháp nào? Haft step, full step.

## ĐIỀU KHIỂN DC MOTOR-PWM



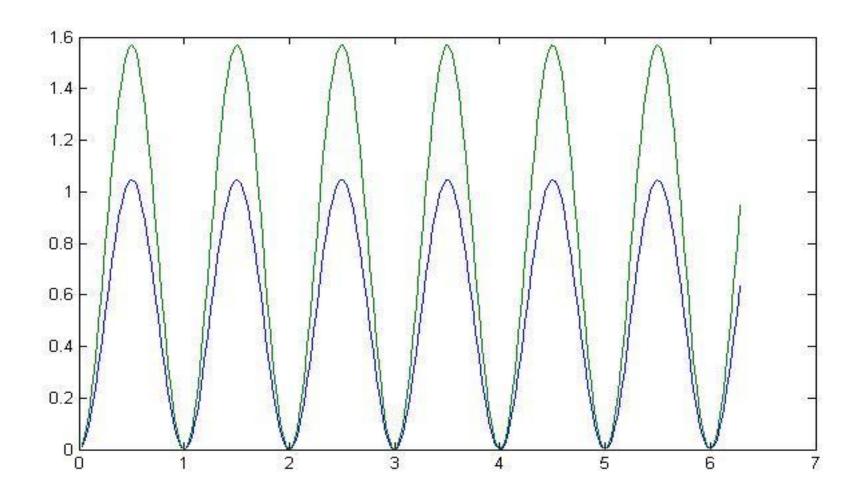
### CÁC LƯU Ý KHI ĐIỀU KHIỂN DC MOTOR.

Chọn mạch công suất FET thế nào? Chú ý dòng, điện áp động cơ..?

Viết code- lưu ý thời gian delay – hư hỏng FET.

Thay đổi tốc độ động cơ như thế nào là hợp lý???

## BỘ ĐIỀU KHIỂN PID : BÙ TRỪ SAI LỆCH



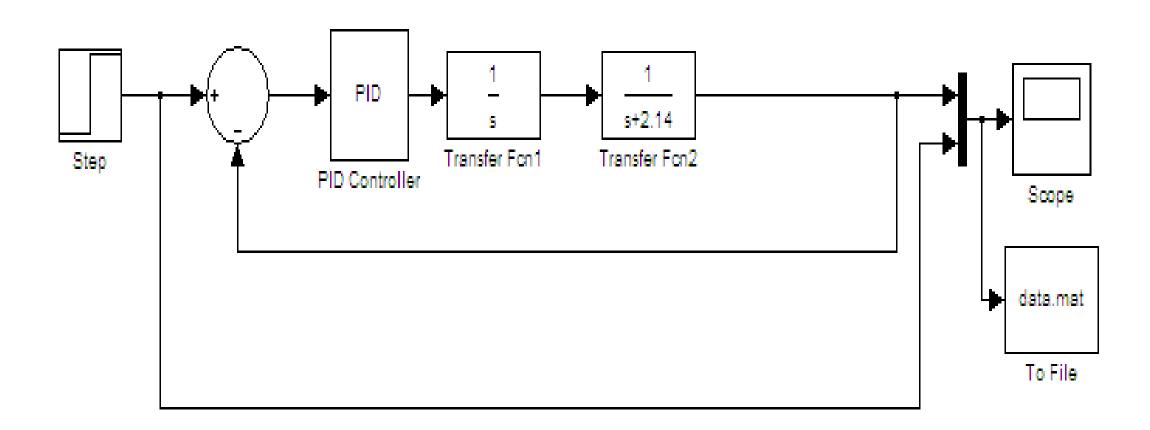
## MÔ PHỔNG BỘ ĐIỀU KHIỂN PID BẰNG SIMULINK

Hàm truyền động cơ DC: hàm bậc 2 ..

Hàm truyền bộ điều khiển PID: hàm bậc 2.

Chỉ tiêu điều khiển qua bộ PID-controller: sai số xác lập, đáp ứng quá độ, thời gian đáp ứng

## **SIMULINK MATHLAB**



## MỘT VÍ DỤ ĐIỂN HÌNH ĐIỀU KHIỂN ROBOT

Cho robot 2 khâu, 2 khớp đồng trục như hình vẽ

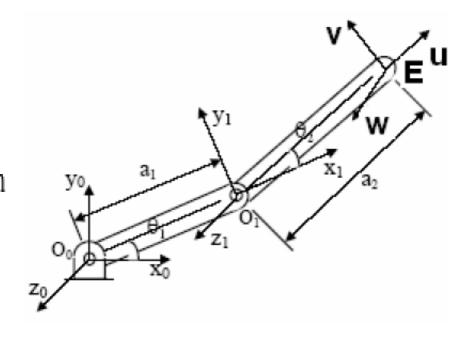
Thiết kế luật điều khiển để điểm E bám theo quĩ đạo vòng tròn có phương trình

$$x(t) = 0.25 + 0.1.\cos(0.05t)$$

$$y(t) = 0.25 + 0.1.\sin(0.05t)$$

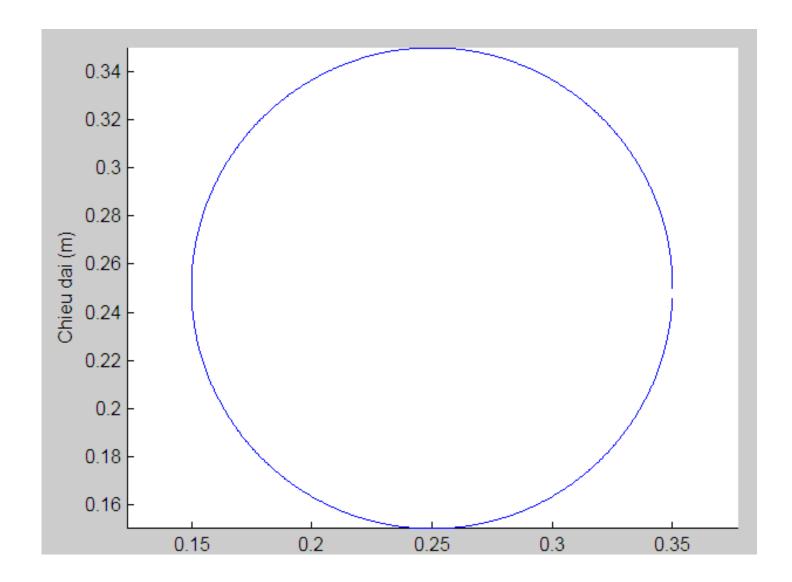
$$(t=0 \rightarrow 150 \text{ giây})$$

Biết 
$$a_1 = 0.25 \text{ m}, a_2 = 0.25 \text{ m}$$



#### Xây dựng quỹ đạo hình tròn cho robot

```
close all;
clear all;
% in ra cau 'Please wait' de nhan biet chuong trinh bat dau chay
disp('Please wait');
% thoi gian chu ky (sampling time)
dt=0.1;
% so vong lap tuong ung voi 125 giay
n=1250;
% KHOI TAO BIEN BAN DAU
% thoi gian bat dau
t(1) = 0;
% toa do diem R ban dau
xr(1) = 0.35; yr(1) = 0.25;
for i=2:n
%thoi gian t (giay)
  t(i) = (i-1) * dt;
% Vi tri diem R tham chieu tren qui dao tai thoi diem i
xr(i) = 0.25 + 0.1*cos(0.05*t(i));
yr(i) = 0.25 + 0.1*sin(0.05*t(i));
end:
%====het vong lap=======
save duongtron n xr yr;
hold on;
% hien thi qui dao: duong xanh duong: qui dao tham chieu (diem R) - duong xanh la cay:
qui dao diem E
plot(xr,yr);
              xlabel('Chieu dai (m)');
ylabel('Chieu dai (m)');
axis equal;
% in ra cau 'Done' de nhan biet chuong trinh ket thuc
disp('Done');
```



## BÀI TOÁN ĐỘNG HỌC CHO ROBOT

| Khâu | a     | α | d | θ          |
|------|-------|---|---|------------|
| 1    | $a_1$ | 0 | 0 | $\theta_1$ |
| 2    | $a_2$ | 0 | 0 | $\theta_2$ |

$${}^{0}T_{1} = \begin{bmatrix} C_{1} & -S_{1} & 0 & a_{1}C_{1} \\ S_{1} & C_{1} & 0 & a_{1}S_{1} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{\theta}{\theta_{1}} = \begin{bmatrix}
C_{1} & -S_{1} & 0 & a_{1}C_{1} \\
S_{1} & C_{1} & 0 & a_{1}S_{1} \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$^{1}T_{2} = \begin{bmatrix}
C_{2} & -S_{2} & 0 & a_{2}C_{2} \\
S_{2} & C_{2} & 0 & a_{2}S_{2} \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$${}^{0}T_{2} = {}^{0}T_{2} = \begin{bmatrix} C_{12} & -S_{12} & 0 & a_{2}C_{12} + a_{1}C_{1} \\ S_{12} & C_{12} & 0 & a_{2}S_{12} + a_{1}S_{1} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Phương trình động học thuận (vị trí)

$${}^{0}p = \begin{bmatrix} x_{E} \\ y_{E} \\ z_{E} \\ 1 \end{bmatrix} = {}^{0}T_{2}.{}^{2}p = \begin{bmatrix} C_{12} & -S_{12} & 0 & a_{1}C_{1} + a_{2}C_{12} \\ S_{12} & C_{12} & 0 & a_{1}S_{1} + a_{2}S_{12} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{1}C_{1} + a_{2}C_{12} \\ a_{1}S_{1} + a_{2}S_{12} \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

#### Động học ngược vị trí

$${}^{0}T_{1}^{-1}{}^{0}T_{2} = \begin{bmatrix} C_{\theta_{2}} & -S_{\theta_{2}} & 0 & x_{E}C_{\theta_{1}} + y_{E}S_{\theta_{1}} - a_{1} \\ S_{\theta_{2}} & C_{\theta_{2}} & 0 & -x_{E}S_{\theta_{1}} + y_{E}C_{\theta_{1}} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C_{2} & -S_{2} & 0 & a_{2}C_{2} \\ S_{2} & C_{2} & 0 & a_{2}S_{2} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

## Đồng nhất hóa 2 vế

$$\cos \theta_2 = \frac{x_E^2 + y_E^2 - a_1^2 - a_2^2}{2.a_1.a_2}$$
$$\sin \theta_2 = \sqrt{1 - \cos^2 \theta_2}$$

$$\theta_2 = A \tan 2(\sin \theta_2, \cos \theta_2)$$

$$\sin \theta_{1} = \frac{(a_{1} + a_{2} \cos \theta_{2}) y_{E} - a_{2} \sin \theta_{2} x_{E}}{x_{E}^{2} + y_{E}^{2}}$$

$$\cos \theta_{1} = \frac{(a_{1} + a_{2} \cos \theta_{2}) x_{E} + a_{2} \sin \theta_{2} y_{E}}{x_{E}^{2} + y_{E}^{2}}$$

$$\theta_1 = A \tan 2(\sin \theta_1, \cos \theta_1)$$

Vận tốc dài điểm E

$$v_{E} = \begin{bmatrix} \dot{x}_{E} \\ \dot{y}_{E} \end{bmatrix} = J.\dot{\theta} = \begin{bmatrix} -a_{1}.S_{1}.\dot{\theta}_{1} - (\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2}).a_{2}.S_{12} \\ a_{1}.C_{1}.\dot{\theta}_{1} + (\dot{\theta}_{1} + \dot{\theta}_{2}).a_{2}.C_{12} \end{bmatrix}$$

Ma trân Jacobian

$$J = \begin{bmatrix} -a_1 S_1 - a_2 S_{12} & -a_2 S_{12} \\ a_1 C_1 + a_2 C_{12} & a_2 C_{12} \end{bmatrix}$$

$$J^{-1} = \frac{1}{a_1 a_2 S_2} \begin{bmatrix} a_2 C_{12} & a_2 S_{12} \\ -a_1 C_1 - a_2 C_{12} & -a_1 S_1 - a_2 S_{12} \end{bmatrix}$$

Vận tốc góc tại khớp (bài tóan nghịch vận tốc)

$$\begin{bmatrix} \dot{\theta}_{1} \\ \dot{\theta}_{2} \end{bmatrix} = \frac{1}{a_{1}a_{2}S_{2}} \begin{bmatrix} a_{2}C_{12} & a_{2}S_{12} \\ -a_{1}C_{1} - a_{2}C_{12} & -a_{1}S_{1} - a_{2}S_{12} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{Ex} \\ v_{Ey} \end{bmatrix}$$

# % Chuong trinh mo phong robot bam theo qui dao la duong tron khong co phan hoi sai so va 2 diem R va E ban dau trung nhau

```
close all;
clear all;
% in ra cau 'Please wait' de nhan biet chuong trinh bat dau chay
disp('Please wait');
% thoi gian chu ky (sampling time)
dt=0.1;
% so vong lap tuong ung voi 125 giay
n=1250;
% KHOI TAO BIEN BAN DAU
% thoi gian bat dau
t(1)=0;
% chieu dai khau
L1=0.25; L2=0.25;
% hang so duong k
k1=1; k2=1;
% toa do diem R ban dau
xr(1)=0.35; yr(1)=0.25;
% toa do diem E ban dau trung voi diem R
xe(1)=0.35; ye(1)=0.25;
% van toc diem R ban dau
vrx(1)=0; vry(1)=0;
```

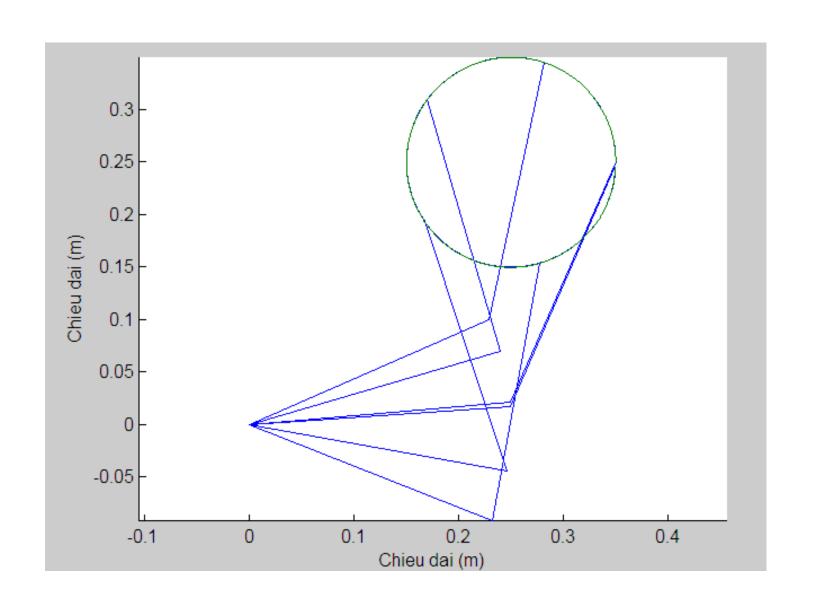
#### % gia tri ban dau cua bien khop

```
C2=(xe(1)^2+ye(1)^2-L1^2-L2^2)/(2*L1*L2);
S2=sqrt(1-C2^2);
% goc theta 2 - cong thuc (1.2)
T2(1)=atan2(S2,C2);
C1=((L1+L2*cos(T2(1)))*xe(1)+L2*sin(T2(1))*ye(1))/(xe(1)^2+ye(1)^2);
S1=((L1+L2*cos(T2(1)))*ye(1)-L2*sin(T2(1))*xe(1))/(xe(1)^2+ye(1)^2);
% goc theta 1 - cong thuc (1.3)
T1(1)=atan2(S1,C1);
% gia tri van toc ban dau cua khop
dT1(1)=0; dT2(1)=0;
% ve tay may o vi tri ban dau
line([0,L1*cos(T1(1)),xe(1)],[0,L2*sin(T1(1)),ye(1)]);
```

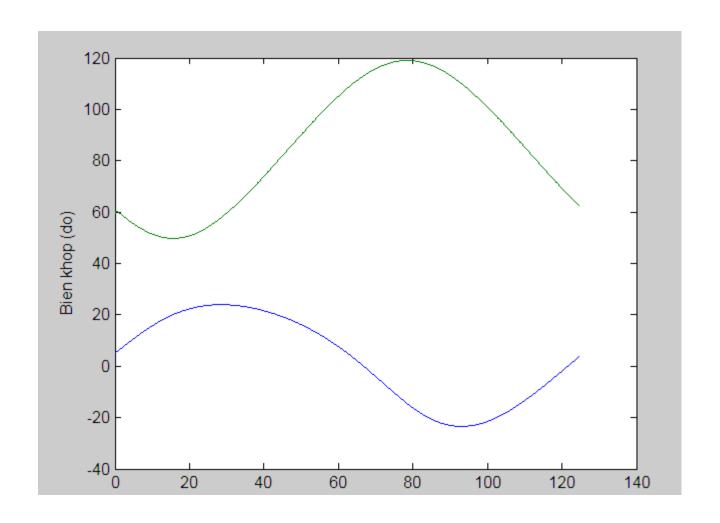
```
%== Vong lap chuong trinh chinh
for i=2:n
%thoi gian t (giay)
 t(i)=(i-1)*dt;
% Vi tri diem R tham chieu tren qui dao tai thoi diem i
xr(i) = 0.25 + 0.1*cos(0.05*t(i));
yr(i) = 0.25 + 0.1*sin(0.05*t(i));
%van toc diem R tai thoi diem i
vrx(i)=(xr(i)-xr(i-1))/dt;
vry(i)=(yr(i)-yr(i-1))/dt;
%van toc diem E tai thoi diem i do R trung E
vex(i)=vrx(i);
vey(i)=vry(i);
% Van toc goc cac khop tai thoi diem i - cong thuc (1.5)
    dT1(i)=(cos(T1(i-1)+T2(i-1))*vex(i)+sin(T1(i-1)+T2(i-1))*vey(i))/(L1*sin(T2(i-1)));
    dT2(i) = -((L1*cos(T1(i-1))+L2*cos(T1(i-1)+T2(i-1)))*vex(i)+(L1*sin(T1(i-1))+L2*sin(T1(i-1)+T2(i-1)))*vex(i)
1)))*vey(i))/(L1*L2*sin(T2(i-1)));
% Gia tri bien khop tai thoi diem i
 T1(i)=T1(i-1)+dT1(i)*dt;
 T2(i)=T2(i-1)+dT2(i)*dt;
% Vi tri diem E tai thoi diem i duoc dung hinh bang hinh hoc
xe(i)=L1*cos(T1(i))+L2*cos(T1(i)+T2(i));
ye(i)=L1*sin(T1(i))+L2*sin(T1(i)+T2(i));
```

```
% ve cac khau 25 giay 1 lan
  if mod(i,250) == 0
  line([0,L1*cos(T1(i)),xe(i)],[0,L2*sin(T1(i)),ye(i)]);
  end;
end;
%====het vong lap========
hold on;
% hien thi qui dao: duong xanh duong: qui dao tham chieu (diem R) - duong xanh la cay: qui dao diem E
plot(xr,yr,xe,ye);
                             xlabel('Chieu dai (m)'); ylabel('Chieu dai (m)');
axis equal;
% hien thi goc khop
%figure;plot(t,T1*180/pi,t,T2*180/pi); xlabel('Thoi gian (giay)'); ylabel('Goc khop (do)');
% hien thi van toc khop
%figure;plot(t,dT1*30/pi,t,dT2*30/pi); xlabel('Thoi gian (giay)'); ylabel('Van toc goc cua khop (v/ph)');
% in ra cau 'Done' de nhan biet chuong trinh ket thuc
disp('Done');
```

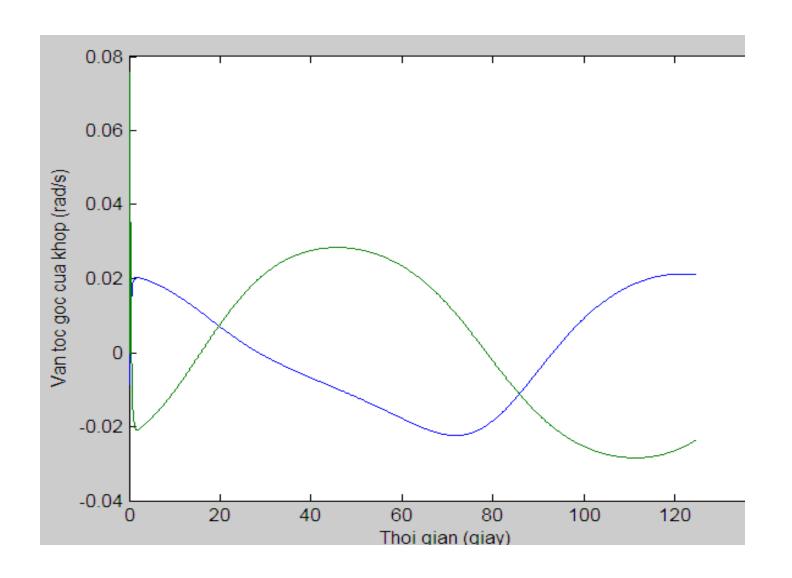
## LẬP TRÌNH QUỸ ĐẠO CHO ROBOT



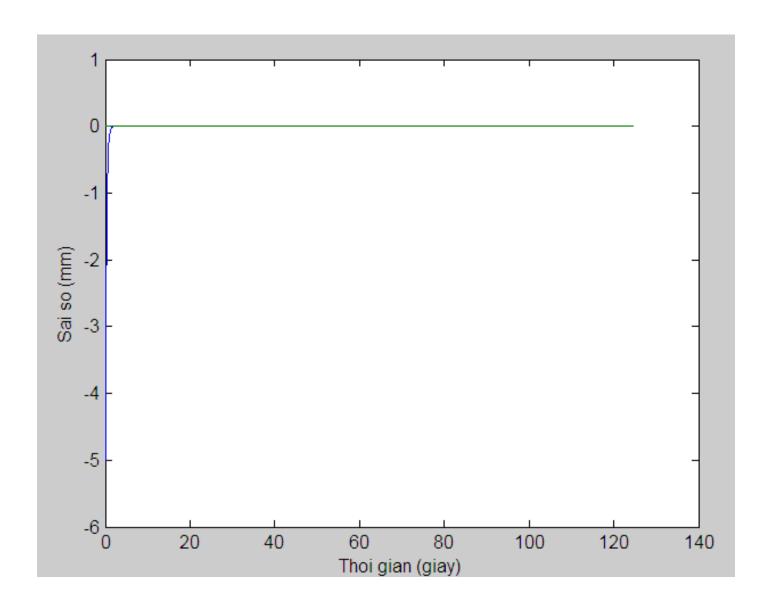
## GIÁ TRỊ VỊ TRÍ GÓC KHỚP



## GIÁ TRỊ VẬN TỐC CÁC GÓC KHỚP



SAI SỐ VỊ TRÍ SO VỚI QUỸ ĐẠO

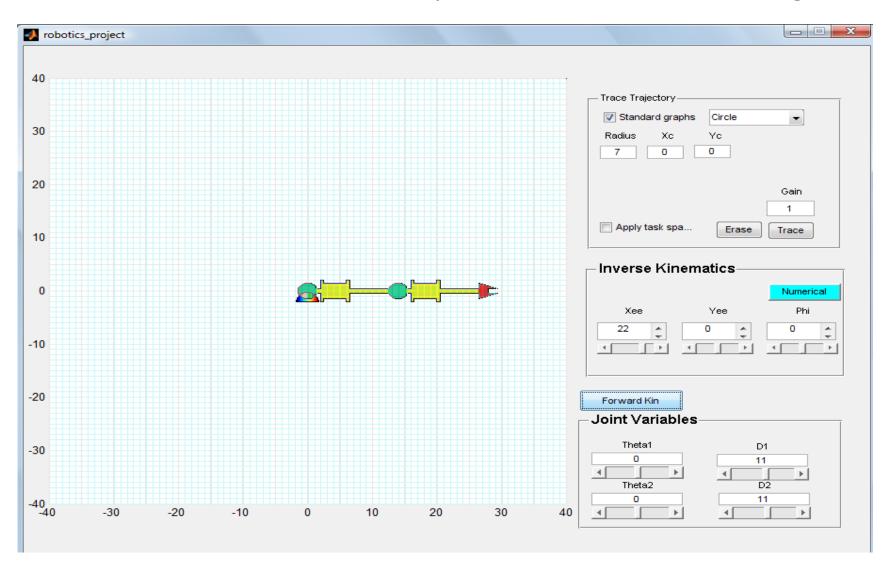


D E

v≡

## MỘT VÍ DỤ VỀ ĐIỀU KHIỂN ROBOT

Điều khiển robot 4 khâu RPRP di chuyển bám theo một đường tròn cho trước.



- RPRP serial chain manipulator
  - Forward kinematics
  - Inverse kinematics
  - Trajectory tracking
    - Circle
    - Ellipse
  - Task space control

# Use of homogeneous transformation to draw link polygons

```
matlab_th1= theta1_g*pi/180;
matlab_th2 = matlab_th1+theta2_g*pi/180;
x1_t=x1_g*cos(matlab_th1); % So that prismatic joint 1 is always on top of revolute joint 1(circle)
y1_t=y1_g+ r_g*sin(matlab_th1);
Tm1 = [ cos(matlab_th1) -sin(matlab_th1) 0 x1_t % Transform to frame '1'
sin(matlab_th1) cos(matlab_th1) 0 y1_t
0 0 1 0
0 0 1 1;
```

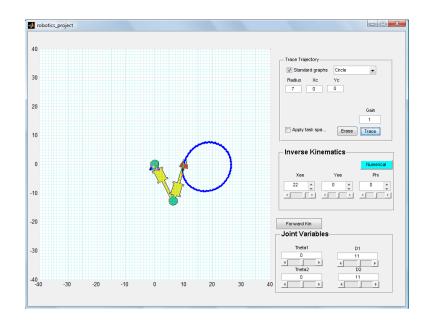
## LẬP TRÌNH ĐK TRONG MATHLAB

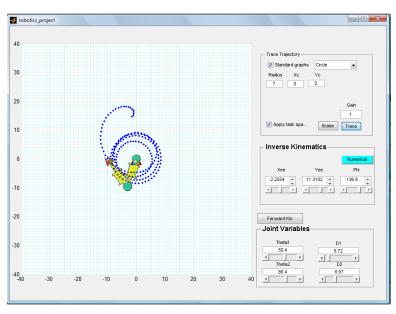
```
The desired coordinates
x_d = (x_c + R\cos(\omega t));
y_d = (y_c + Rsin(\omega t));
\dot{X} = \begin{bmatrix} -R\omega sin(\omega t) \\ R\omega cos(\omega t) \end{bmatrix}
We can relate join variables to task variables through the Jacobian Matrix
Jacobian = J
\dot{q} = jacobian^{-1} \times \dot{X}
 ErrorX = [(x_d - x); (y_d - y)];
K = \begin{bmatrix} g & 0 \\ 0 & a \end{bmatrix}, g \text{ is proportional gain}
\dot{q}_{actual} = \dot{q}_{desired} + [K](q_{desired} - q_{actual})
error_{correction} = (J^T J)^{-1} J^T \times K \times Error X;, Jacobian^{-1} is taken as (J^T J)^{-1} J^T
\dot{q} = (J^T J)^{-1} J^T \times \dot{X} + error_{correction};
Here, Inverse of J is taken as pseudo inverse given by (J^T I)^{-1} I^T
```

# Task space control for tracing circle

No control

With control

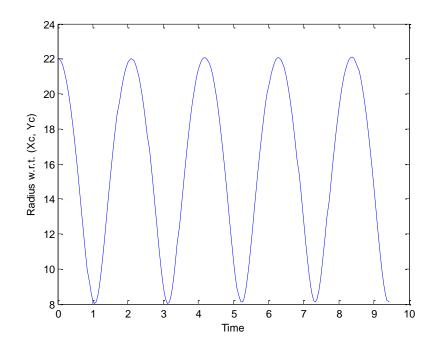


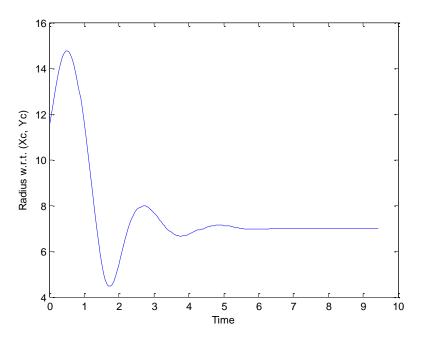


## Variation of radius

No control

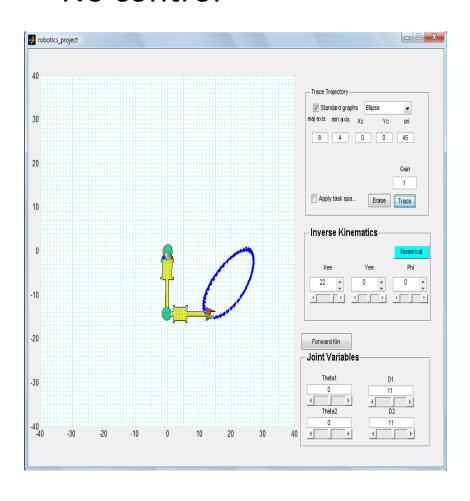
With control



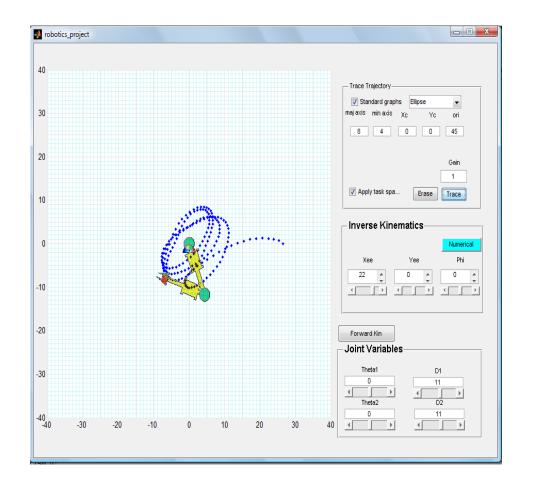


# Task space control for tracing ellipse

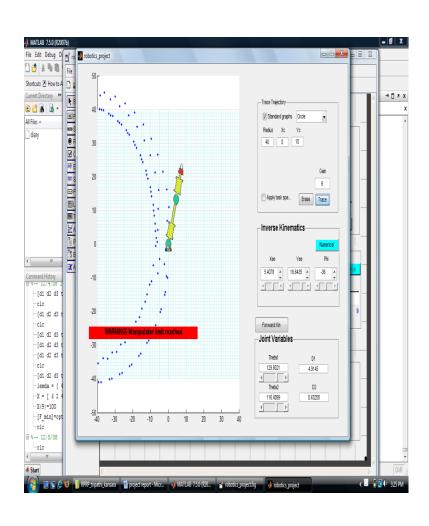
No control



With control

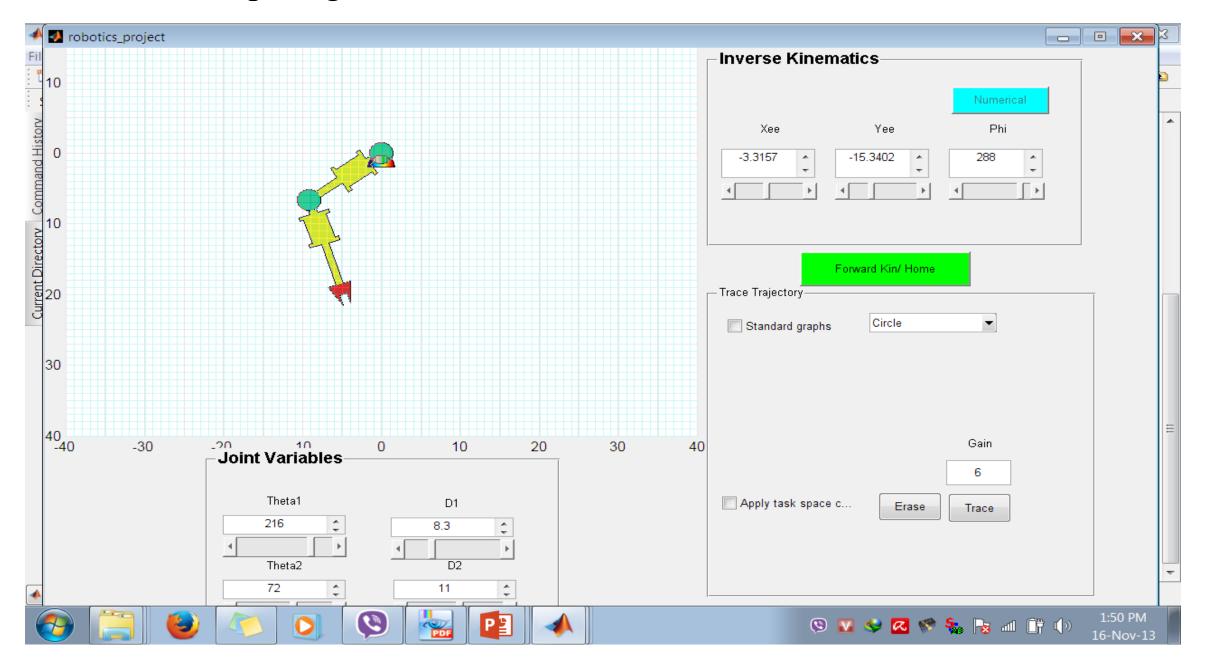


# Manipulator limit reached !!!

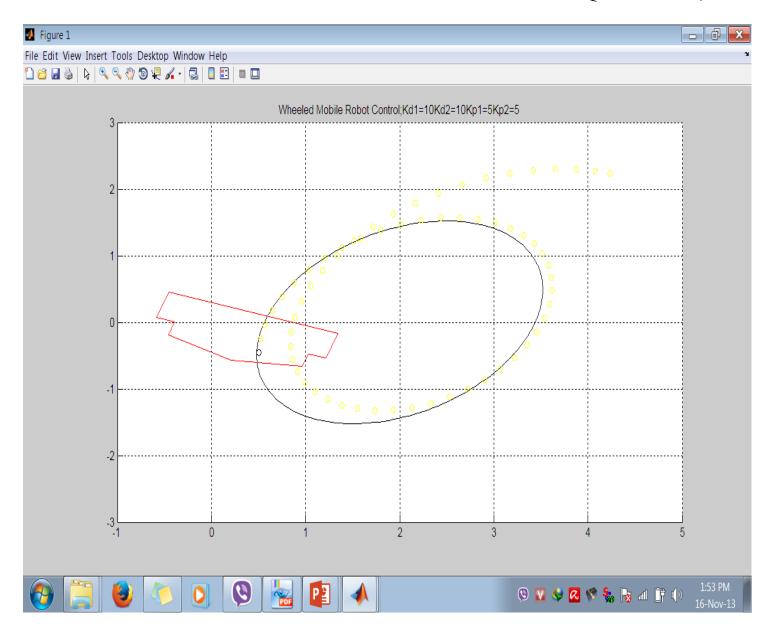


 When any of the joint variables exceeds the maximum limit or goes below minimum limit, then it shows manipulator limit reached.

## File mathlab mô phỏng robot RPRP



## VÍ DỤ ĐIỀU KHIỂN MOBILE ROBOT THEO QUỸ ĐẠO CHO TRƯỚC



## CHÚC CÁC BẠN THIẾT KẾ GIAO DIỆN VÀ ĐIỀU KHIỂN ĐƯỢC ROBOT....