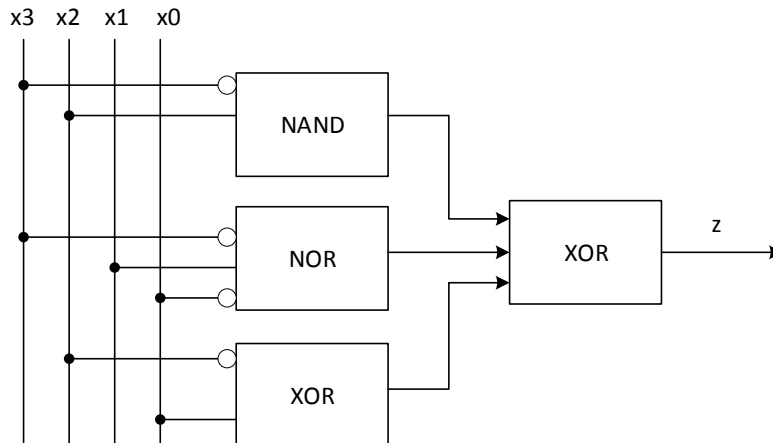


### Esercizio 1

Sintetizzare a costo minimo in forma PS una rete equivalente a quella della figura sottostante. Nello svolgere la sintesi, si supponga che non si possano presentare stati di ingresso con 3 variabili ad 1.



### Esercizio 2

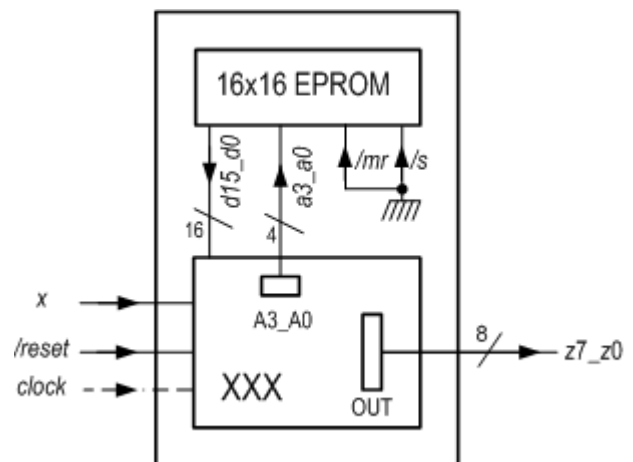
La coppia EPROM e Unità XXX implementano una rete sequenziale sincronizzata di Moore con 16 stati interni. La locazione della EPROM di indirizzo  $i$ , ( $i = 0, 1, \dots, 15$ ), contiene la  $i$ -ma riga della tabella di flusso della rete di Moore in accordo alle seguenti specifiche: i 4 bit più significativi sono la codifica dello stato interno successivo se  $x$  vale 0; i 4 bit contigui sono la codifica dello stato interno successivo se  $x$  vale 1; gli 8 bit contigui (cioè gli otto bit meno significativi) rappresentano lo stato di uscita.

Ciò premesso, l'unità XXX è dotata, fra gli altri, di un registro A3\_A0 e di un registro OUT e, a regime, compie **ogni 10 periodi del clock** le seguenti azioni:

- 1) Se  $x$  vale 0 immette in A3\_A0 i quattro bit d15\_d0[15:12];  
Se  $x$  vale 1 immette in A3\_A0 i quattro bit d15\_d0[11:8];
- 2) Immette in OUT gli 8 bit d15\_d0 [7:0]

Si supponga che al reset iniziale i registri A3\_A0 e OUT siano azzerati e che l'accesso alla ROM non richieda stati di wait.

**Si descriva e si sintetizzi l'unità XXX e si disegni la Parte Operativa relativa al registro A3\_A0.**



## Esercizio 1 - Una soluzione

Dall'ispezione della rete si ricava la tabella di verità seguente ( $y_i$  sono le variabili che collegano il primo livello di logica al secondo, dall'alto verso il basso). I non specificati su  $z$  sono aggiunti in corrispondenza degli stati di ingresso che contengono 3 variabili di ingresso ad 1, come da specifica iniziale.

| x3 | x2 | x1 | x0 | y0 | y1 | y2 | z |
|----|----|----|----|----|----|----|---|
| 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0 |
| 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1 |
| 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0 |
| 0  | 0  | 1  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1 |
| 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0 |
| 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 1 |
| 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0 |
| 0  | 1  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | - |
| 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0 |
| 1  | 0  | 0  | 1  | 1  | 1  | 0  | 0 |
| 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0 |
| 1  | 0  | 1  | 1  | 1  | 0  | 0  | - |
| 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1 |
| 1  | 1  | 0  | 1  | 1  | 1  | 1  | - |
| 1  | 1  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | - |
| 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 0  | 1  | 0 |

Dalla tabella di verità si ricava velocemente la mappa di Karnaugh per  $\bar{z}$  e gli implicant principali.

| $x_3 x_2$ |    | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-----------|----|----|----|----|----|
| $x_1 x_0$ | 00 | 1  | 1  | 0  | 1  |
|           | 01 | 0  | 0  | -  | 1  |
|           | 11 | 0  | -  | 1  | -  |
|           | 10 | 1  | 1  | -  | 1  |

Karnaugh map for the function  $G(x_1, x_2, x_3) = x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3$ . The map is a 4x4 grid with columns labeled 00, 01, 11, 10 and rows labeled 00, 01, 11, 10. The function value is 1 for cells (0,0), (1,0), (0,1), (3,0), (3,1), and (3,3). Groups are highlighted: A (solid black, (0,0)-(1,0)), B (solid blue, (3,0)-(3,1)), C (dashed red, (1,1)-(3,1)), D (dashed green, (1,1)-(1,3)), E (dashed blue, (3,1)-(3,3)), F (solid green, (0,3)-(1,3)), and G (dashed black, (0,3)-(1,3)).

Gli implicanti principali sono:  $A = \overline{x_3} \cdot \overline{x_0}$ ,  $B = x_3 \cdot \overline{x_2}$ ,  $C = x_3 \cdot x_0$ ,  $D = x_2 \cdot x_1$ ,  $E = x_3 \cdot x_1$ ,  $F = x_1 \cdot \overline{x_0}$ ,  $G = \overline{x_2} \cdot \overline{x_0}$ . Di questi, A è essenziale, mentre C,D,E,F,G sono semplicemente eliminabili. Le sintesi a costo minimo (che si trovano a partire da A, decidendo se includere o meno B) sono quindi  $\{A, B, C\}$ ,  $\{A, B, D\}$ ,  $\{A, B, E\}$ ,  $\{A, C, G\}$  e sono tutte equivalenti secondo il criterio a porte ed a diodi. Una possibile sintesi PS è quindi la seguente (basata sulla lista  $\{A, B, C\}$ ):

$$\bar{Z} = \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_0 + x_3 \cdot \bar{x}_2 + x_3 \cdot x_0$$

$$\begin{aligned} z &= \overline{(x_3 \cdot x_0)} + (x_3 \cdot \overline{x_2}) + (x_3 \cdot x_0) \\ &= (x_3 + x_0) \cdot (\overline{x_3} + x_2) \cdot (\overline{x_3} + \overline{x_0}) \end{aligned}$$

## Esercizio 2 - Una soluzione

```
module XXX(d15_d0,a3_a0,x,z7_z0,clock,reset_);
  input      clock,reset_;
  output [3:0] a3_a0;
  input  [15:0] d15_d0;
  input      x;
  output [7:0] z7_z0;
  reg [7:0] OUT;      assign  z7_z0=OUT;
  reg [3:0] A3_A0;    assign  a3_a0=A3_A0;
  reg [3:0] COUNT;
  reg      STAR;      parameter ST0=0, ST1=1;
  parameter Num_Periodi=10;

  always @(reset_==0) begin A3_A0<=0; OUT<=0; COUNT<=Num_Periodi; STAR<=ST0; end
  always @(posedge clock) if (reset_==1) #3
    casex(STAR)
      ST0: begin COUNT<=COUNT-1; STAR<=(COUNT==2)?ST1:ST0; end
      ST1: begin OUT<=d15_d0[7:0]; A3_A0<=(x==0)?d15_d0[15:12]:d15_d0[11:8];
        COUNT<=Num_Periodi; STAR<=ST0; end
    endcase
endmodule
```