Machine Learning: 06048203



Classification Performance Metrics

Part One: Confusion Matrix Basics

- You've probably heard of terms such as "false positive" or "false negative". As well as metrics like "accuracy".
- But what do these terms actually mean mathematically?

- Imagine we've developed a test or model to detect presence of a virus infection in a person based on some biological feature.
- We could treat this as a Logistic Regression, predicting:
 - O Not Infected (Tests Negative)
 - 1 Infected (Tests Positive)

- It is unlikely our model will perform perfectly. This means there 4 possible outcomes:
 - Infected person tests positive.
 - Healthy person tests negative.

- It is unlikely our model will perform perfectly. This means there 4 possible outcomes:
 - Infected person tests positive.
 - Healthy person tests negative.
 - Note, these are the outcomes we want! But it is unlikely our test is perfect...

- It is unlikely our model will perform perfectly. This means there 4 possible outcomes:
 - Infected person tests positive.
 - Healthy person tests negative.
 - Infected person tests negative.
 - Healthy person tests positive.

- Based off these 4 possibilities, there are many error metrics we can calculate.
- First, let's start by visualizing these four possibilities as a matrix.

Confusion Matrix

ACTUAL

PREDICTE HEALTHY

HEALTHY

Confusion Matrix

ACTUAL

PREDICTE INFECTED TRUE POSITIVE

HEALTHY

Confusion Matrix

ACTUAL

INFECTED HEALTHY INFECTED TRUE **POSITIVE** PREDICTE **HEALTHY** TRUE **NEGATIVE**

Confusion Matrix

ACTUAL

INFECTED HEALTHY INFECTED TRUE **FALSE** POSITIVE POSITIVE **PREDICTE HEALTHY** TRUE **NEGATIVE**

Confusion Matrix

ACTUAL

INFECTED HEALTHY

PREDICTE
D

INFECTED TRUE FALSE POSITIVE
POSITIVE
TRUE NEGATIVE

POSITIVE
POSITIVE
NEGATIVE

What is accuracy?

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

- Accuracy:
 - How often is the model correct?

$$Acc = (TP+TN)/Total$$

Calculating accuracy:

Λ		ΙΛ	ı
\mathcal{H}'	ıU	' <i>\</i>	L

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

(4+93)/100 = 97% Accuracy

- Accuracy:
 - How often is the model correct?

$$Acc = (TP+TN)/Total$$

Is this a good value for accuracy?

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

ACTUAL

Accuracy:

 How often is the model correct?

Acc = (TP+TN)/Total

(4+93)/100 = 97% Accuracy

The accuracy paradox...

Λ	\frown T	-ı ı	ΙΛ	ı
\mathcal{H}	し I	U	<i>/</i>	١L

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE -	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

(4+93)/100 = 97% Accuracy

- Accuracy:
 - How often is the model correct?

$$Acc = (TP+TN)/Total$$

• Imagine we always report back "healthy"

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

• Imagine we always report back "healthy"

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	0	0
D	HEALTHY	5	95

PREDICTE

Imagine we always report back "healthy"

А	CT	Ū	IA	
		_		

	INFECTED	HEALTHY
INFECTED	0	О
HEALTHY	5	95

(0+95)/100 = 95% Accuracy

- Accuracy:
 - How often is the model correct?

95% accuracy for a model that always returns "healthy"!

 You may be thinking, "The numbers here are arbitrary, we just happen to get good accuracy in this made up case. Real world data would reflect poor accuracy if a model always returned the same result".

- This is the accuracy paradox!
 - Any classifier dealing with imbalanced classes has to confront the issue of the accuracy paradox.
 - Imbalanced classes will always result in a distorted accuracy reflecting better performance than what is truly warranted.

- Imbalanced classes are often found in real world data sets.
 - Medical conditions can affect small portions of the population.
 - Fraud is not common (e.g. Real vs. Fraud credit card usage).

- If a class is only a small percentage (n%), then a classifier that always predicts the majority class will always have an accuracy of (1-n).
- In our previous example we saw infected were only 5% of the data.
- Allowing the accuracy to be 95%.

- This means we shouldn't solely rely on accuracy as a metric!
- This is where precision, recall, and fl-score will come in.
- Let's explore these other metrics in the next lecture.

Classification Performance Metrics

Part Two: Precision and Recall

- We already know how to calculate accuracy and its associated paradox.
- Let's explore three more metrics that can help give a clearer picture of performance:
 - Recall (a.k.a. sensitivity)
 - Precision
 - F1-Score

• Let's begin with recall.

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

• Recall:

When it
 actually is a
 positive case,
 how often is it
 correct?

Let's begin with recall.

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

Recall = (TP)/Total Actual Positives

• Recall:

When it
 actually is a
 positive case,
 how often is it
 correct?

• Let's begin with recall.

		ACTUAL	
		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

Recall = (TP)/5

• Recall:

When it
 actually is a
 positive case,
 how often is it
 correct?

• Let's begin with recall.

	ACTUAL		
		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

Recall =

(4)/5

• Recall:

When it
 actually is a
 positive case,
 how often is it
 correct?

• Let's begin with recall.

Λ	\frown	ГΙ	1 /	١I
\mathcal{H}		ΙL	ノト	٦L

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

Recall = 0.8

• Recall:

 How many relevant cases are found?

 What's the recall if we always classify as "healthy"?

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	0	Ο
D	HEALTHY	5	95

Recall = (TP)/Total Actual Positives

- Recall:
 - How many relevant cases are found?

 What's the recall if we always classify as "healthy"?

ACTUAL

PREDICTE	
D	

	INFECTED	HEALTHY
INFECTED	0	0
HEALTHY	5	95

Recall = (0)/5!

Recall:

 How many relevant cases are found?

 A recall of 0 alerts you the model isn't catching cases!

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE D	INFECTED	О	О
	HEALTHY	5	95

Recall = (0)/5!

- Recall:
 - How many relevant cases are found?

Now let's explore precision.

PREDICTE

ACTUAL

	INFECTED	HEALTHY
INFECTED	4	2
HEALTHY	1	93

Precision = (TP)/Total Predicted Positives

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

(TP)/Total Predicted Positives

Now let's explore precision.

		ACTUAL	
		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	4	2
	HEALTHY	1	93

Precision = (TP)/Total Predicted Positives

 $\Lambda \subset T \sqcup \Lambda \sqcup$

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

Now let's explore precision.

	ACTUAL		UAL
		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE D	INFECTED	4	2
	HEALTHY	1	93

Precision = (TP)/6

 $\Lambda \subset T \cup \Lambda \cup$

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

Now let's explore precision.

	ACTUAL		UAL
		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE D	INFECTED	4	2
	HEALTHY	1	93

Precision = (TP)/6

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

Now let's explore precision.

	ACTUAL		UAL
		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE D	INFECTED	4	2
	HEALTHY	1	93

Precision = (4)/6

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

Now let's explore precision.

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE INFECTE	INFECTED	4	2
D	HEALTHY	1	93

Precision = 0.666

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

 What's the precision if we always classify as "healthy"?

ACTUAL

PREDICTE	=
D	

	INFECTED	HEALTHY
INFECTED	0	О
HEALTHY	5	95

Precision = (TP)/Total Predicted Positives

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

 What's the precision if we always classify as "healthy"?

ACTUAL

		INFECTED	HEALTHY
PREDICTE	INFECTED	0	0
	HEALTHY	5	95

Precision = 0/0

- Precision:
 - When
 prediction is
 positive, how
 often is it
 correct?

- Precision (ความแม่นย้า)
- คือสัดส่วนของ สิ่งที่เราทำนายว่าเป็น Positive แล้วถูกต้องจริง ๆ
- คิดเป็นสูตรว่า:

$$Precision = rac{True\ Positive}{True\ Positive + False\ Positive}$$

- พูดง่าย ๆ คือ "ทำนายว่าใช่ แล้วมันใช่จริงกี่ %"
- เหมาะเวลาเราอยาก ลด False Positive (ไม่อยากบอกว่ามีโรค ทั้งที่จริง ๆ ไม่ได้เป็น)
- 👉 ตัวอย่าง: ตรวจโรค
- ระบบบอกว่า 100 คนเป็นโรค
- จริง ๆ เป็นจริง 90 คน อีก 10 คนไม่เป็น
- Precision = 90 / (90+10) = 0.9
- Recall (ความครอบคลุม)
- คือสัดส่วนของ สิ่งที่เป็น Positive จริง ๆ ที่เราสามารถทำนายเจอ
- คิดเป็นสูตรว่า:

$$Recall = \frac{True \ Positive}{True \ Positive + False \ Negative}$$

- พูดง่าย ๆ คือ "จากคนที่เป็นจริง ๆ ทั้งหมด เราหาเจอกี่ %"
- เหมาะเวลาเราอยาก ลด False Negative (ไม่อยากพลาดสิ่งสำคัญ เช่น พลาดตรวจเจอโรคร้าย)
- 👉 ตัวอย่าง: ตรวจโรค
- มีคนป่วยจริง ๆ 100 คน
- ระบบเจอ 80 คน แต่พลาดไป 20 คน
- Recall = 80 / (80+20) = 0.8

• สรุปแบบเปรียบเทียบ

- Precision → สนใจ "ความถูกต้อง" ของสิ่งที่บอกว่าใช่
- Recall → สนใจ "ความครบถ้วน" ของการเจอสิ่งที่ใช่
- 🖈 ถ้าจะให้ชัด ๆ ลองคิดว่า:
- นักสืบสายระแวง (Precision สูง) → ถ้าไม่แน่จริงจะไม่บอกว่าคือคนร้าย (ลดการใส่ร้ายผิดคน)
- **นักสืบสายกวาดหมด (**Recall **สูง**) → ใครน่าสงสัยนิดหน่อยก็จับมาหมด (ลดการพลาดจับตัวจริง แต่เสี่ยงจับผิด)

ตัวอย่าง 1: การตรวจโรคร้ายแรง

- โจทย์: ตรวจหามะเร็งจากผล X-ray
- สิ่งสำคัญ: ห้ามพลาดผู้ป่วยจริง (False Negative ต้องน้อยที่สุด)
- ดังนั้นเราจะเน้น Recall สูง
- ยอมให้มี False Positive บ้าง (คนที่ระบบบอกว่าเป็น แต่จริง ๆ ไม่เป็น) เพราะตรวจซ้ำก็ได้
- 👉 สรุป: กรณีนี้ Recall สำคัญกว่า Precision

ตัวอย่าง 2: การกรองอีเมลขยะ (Spam Filter)

- โจทย์: แยกว่าอีเมลไหนเป็น Spam
- สิ่งสำคัญ: อย่าพลาดอีเมลงานสำคัญไปอยู่ในถัง Spam (False Positive ต้องน้อย)
- ดังนั้นเราจะเน้น Precision สูง
- ยอมให้ Spam บางฉบับหลุดเข้ามา (False Negative) เพราะเราลบเองได้
- 👉 สรุป: กรณีนี้ Precision สำคัญกว่า Recall

ตัวอย่าง 3: ระบบตรวจจับทจริตบัตรเครดิต

- โจทย์: หาธุรกรรมที่น่าสงสัย
- ถ้าเน้น Precision **สูง** → แจ้งเดือนน้อย แต่แม่นยำ (ไม่รบกวนลูกค้าปกติมาก)
- ถ้าเน้น Recall สูง → เจอแทบทุกรายการน่าสงสัย แต่ลูกค้าอาจโดนบล็อกธุรกรรมที่ไม่ผิดจริงบ่อย ๆ
- 👉 ตรงนี้ขึ้นกับ ธุรกิจ ว่าอยากป้องกันการพลาด (Recall) หรืออยากลดการแจ้งเตือนเกินจริง (Precision)

📌 สรุปง่าย ๆ

- ถ้า ห้ามพลาดสิ่งสำคัญ → เน้น Recall
- ถ้า ห้ามใส่ร้ายผิดคน → เน้น Precision
- ถ้าอยากบาลานซ์ทั้งคู่ → ใช้ F1-Score



- Recall and Precision can help illuminate our performance specifically in regards to the relevant or positive case.
- Depending on the model, there is typically a trade-off between precision and recall, which we will explore later on with the ROC curve.

 Since precision and recall are related to each other through the numerator (TP), we often also report the F1-Score, which is the harmonic mean of precision and recall.

$$F = \frac{2 \times precision \times recall}{precision + recall}$$

 The harmonic mean (instead of the normal mean) allows the entire harmonic mean to go to zero if either precision or recall ends up being zero.

$$F = \frac{2 \times precision \times recall}{precision + recall}$$

II Evaluation Metrics: F1 & ROC

F1 Score Variants

1. Macro F1

- คำนวณ F1 ของแต่ละคลาส แล้วนำมาหาค่าเฉลี่ยแบบ เท่ากันทุกคลาส
- เหมาะกับ class imbalance ที่ต้องการให้ความสำคัญกับทุกคลาสเท่าๆ กัน

📌 สูตร:

$$F1_{macro} = rac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} F1_i$$

2. Micro F1

- รวม True Positive, False Positive, False Negative ของทุกคลาสก่อน แล้วคำนวณ F1
- เหมาะกับกรณีที่คลาสไม่สมดุล และต้องการดู performance โดยรวม

📌 สูตร:

$$F1_{micro} = rac{2 \cdot TP_{total}}{2 \cdot TP_{total} + FP_{total} + FN_{total}}$$

3. Weighted F1

- คำนวณ F1 ของแต่ละคลาส แล้วเฉลี่ยแบบ ถ่วงน้ำหนักตามจำนวนตัวอย่างในแต่ละคลาส
- 📌 สูตร:

$$F1_{weighted} = \sum_{i=1}^{N} w_i \cdot F1_i \quad , \quad w_i = rac{n_i}{\sum_j n_j}$$

Classification Performance Metrics

Part Three: ROC Curves (Receiver Operating Characteristic))

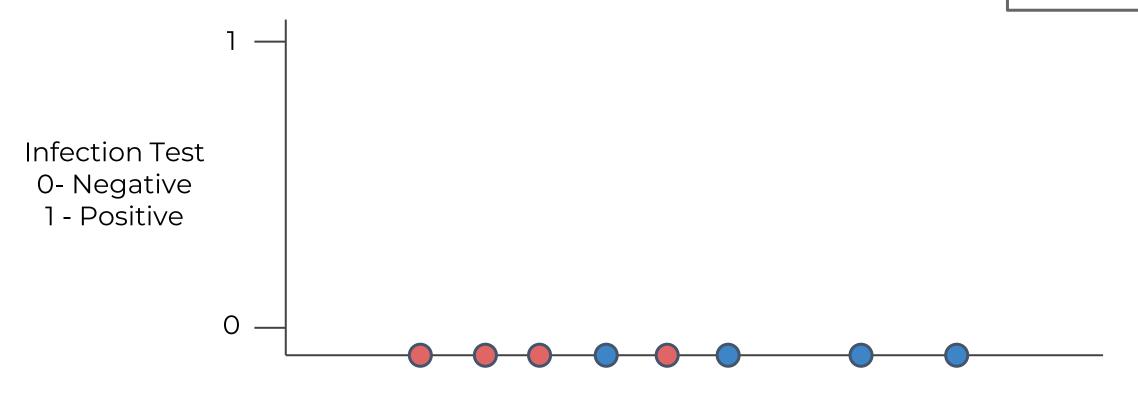
 During World War 2, Radar technology was developed to help detect incoming enemy aircraft.



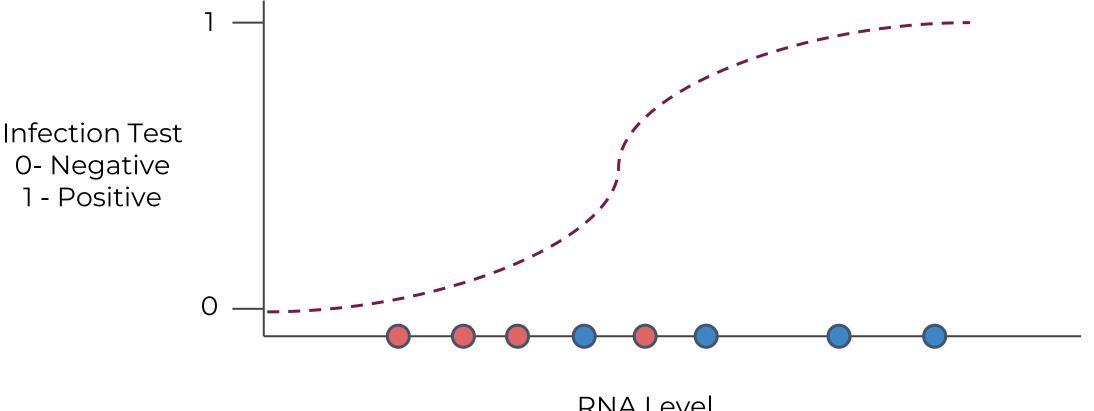
 The technology was so new, the US Army wanted to develop a methodology to evaluate radar operator performance.



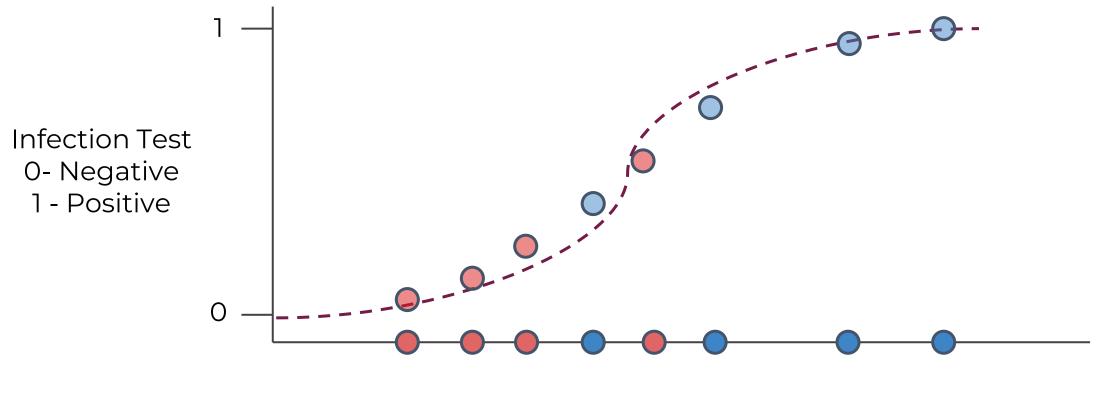
• Our previous infection test.



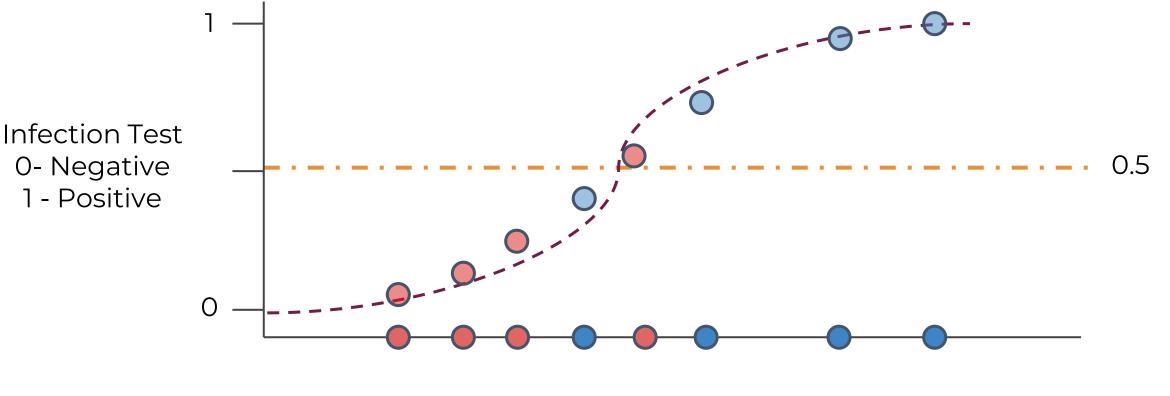
• Fit logistic regression model.



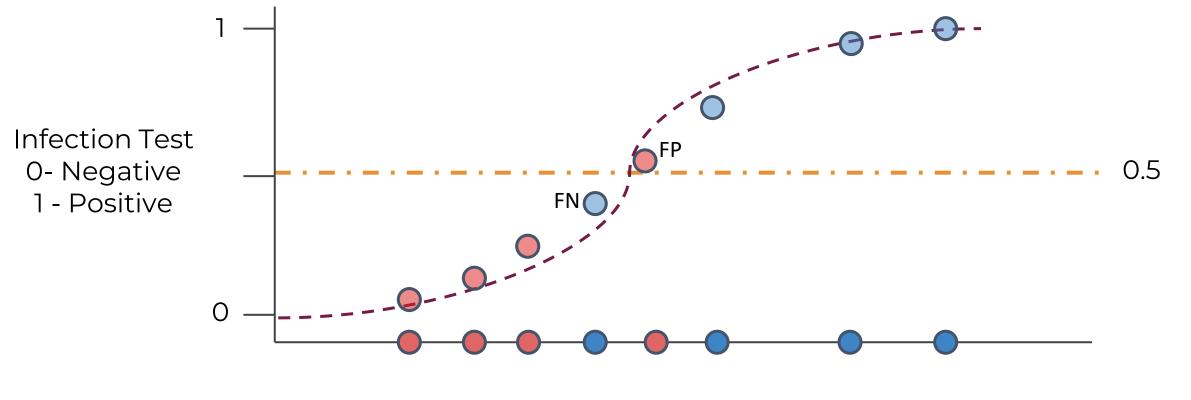
• Given X we predict 0 or 1.

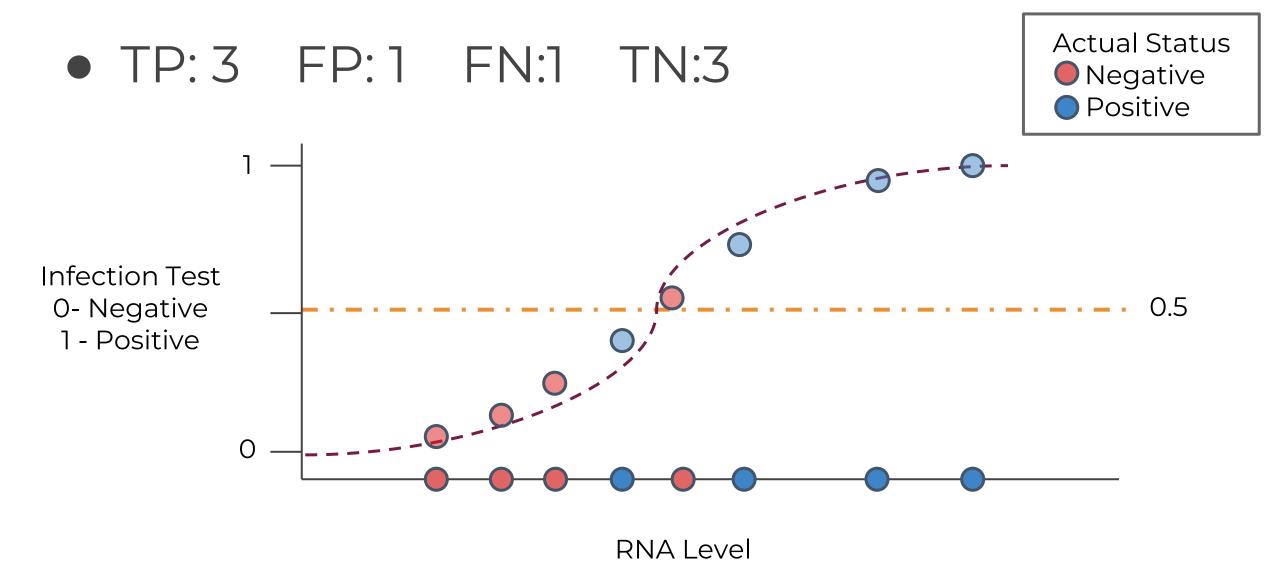


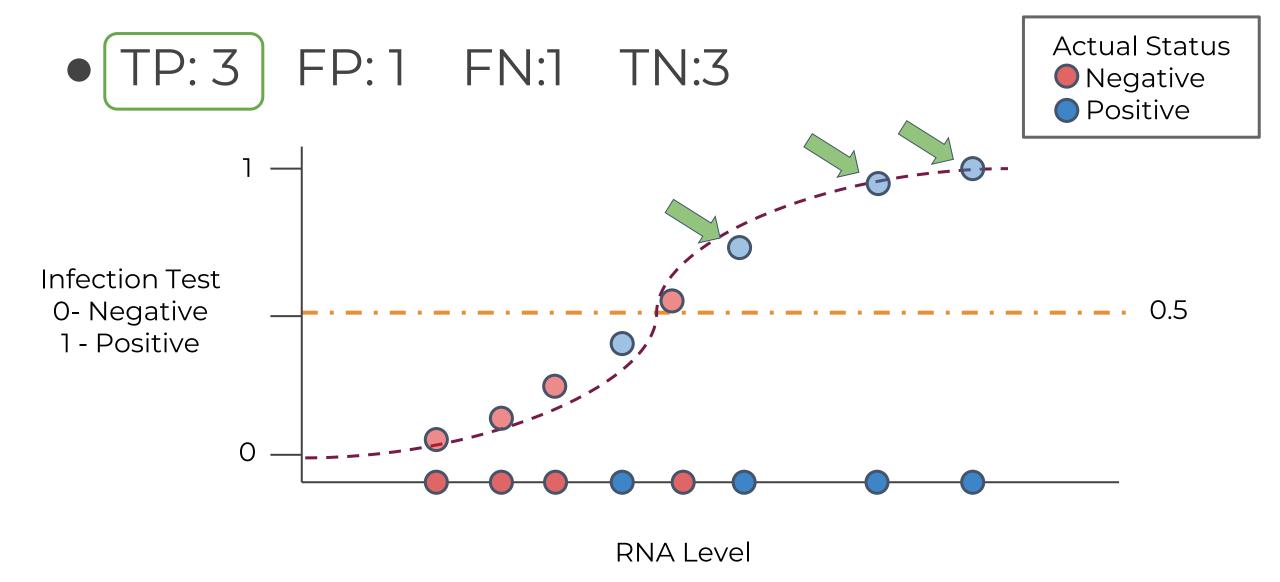
• Default is to choose 0.5 as cut-off.

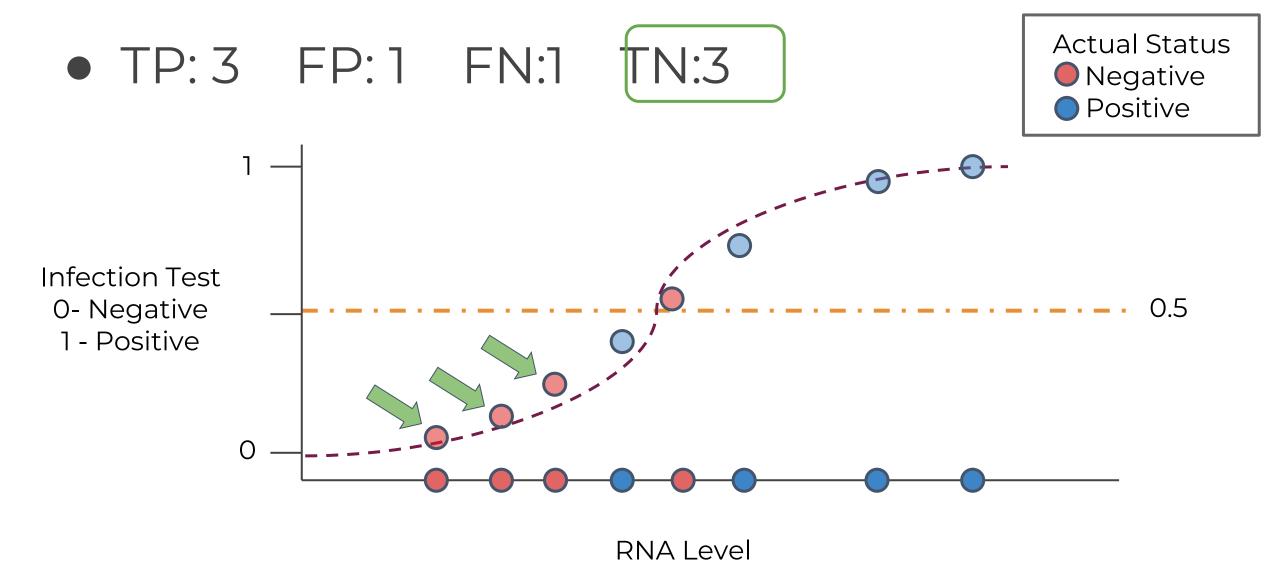


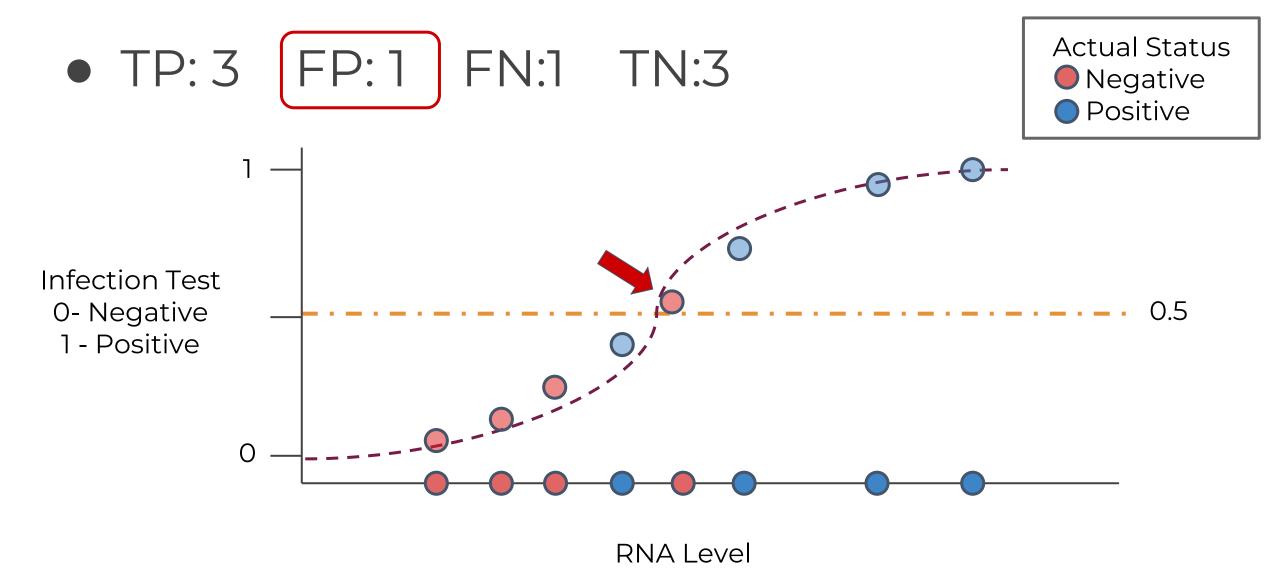
How many TP vs FP?

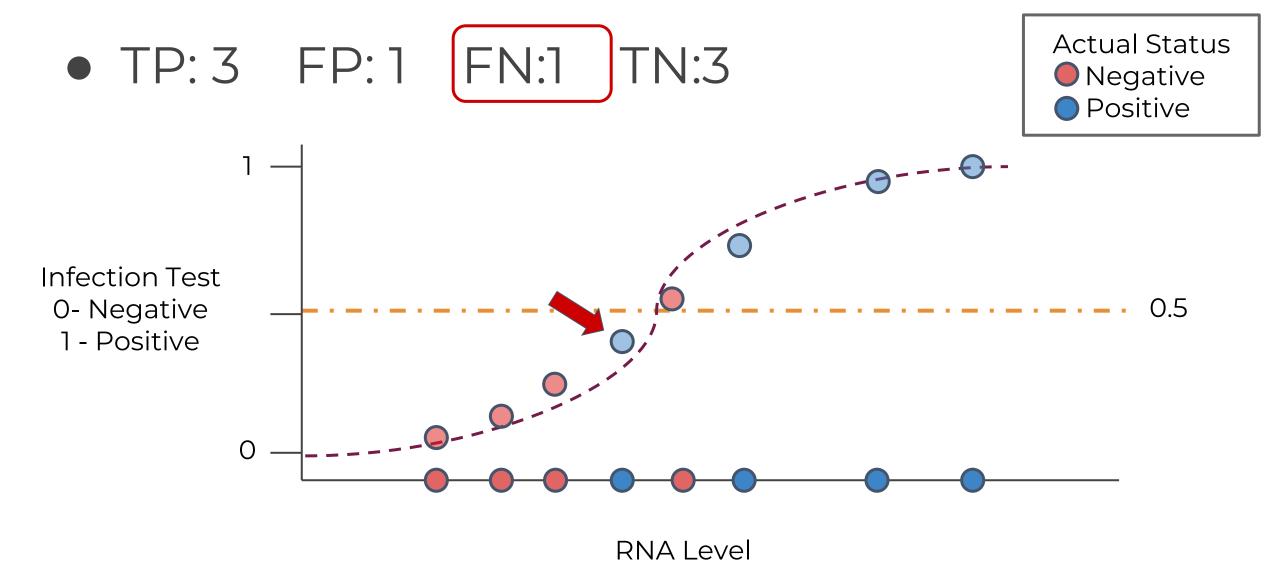




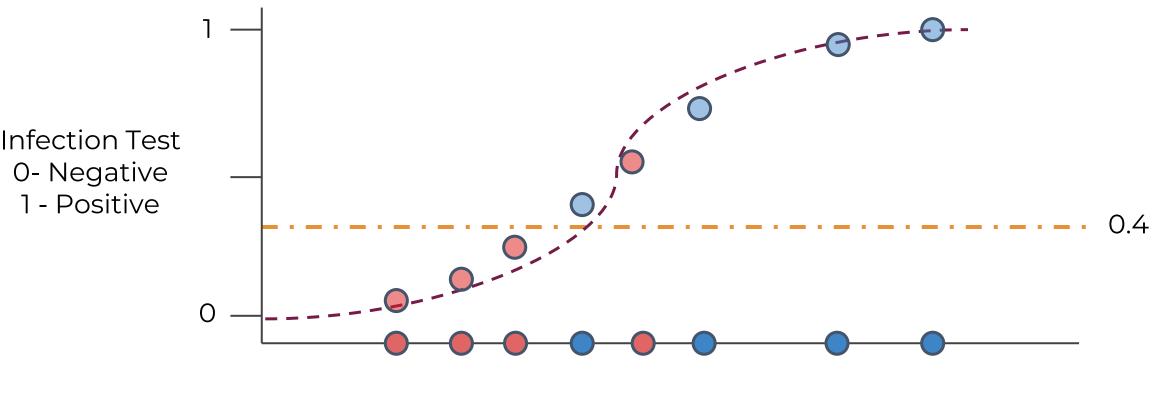


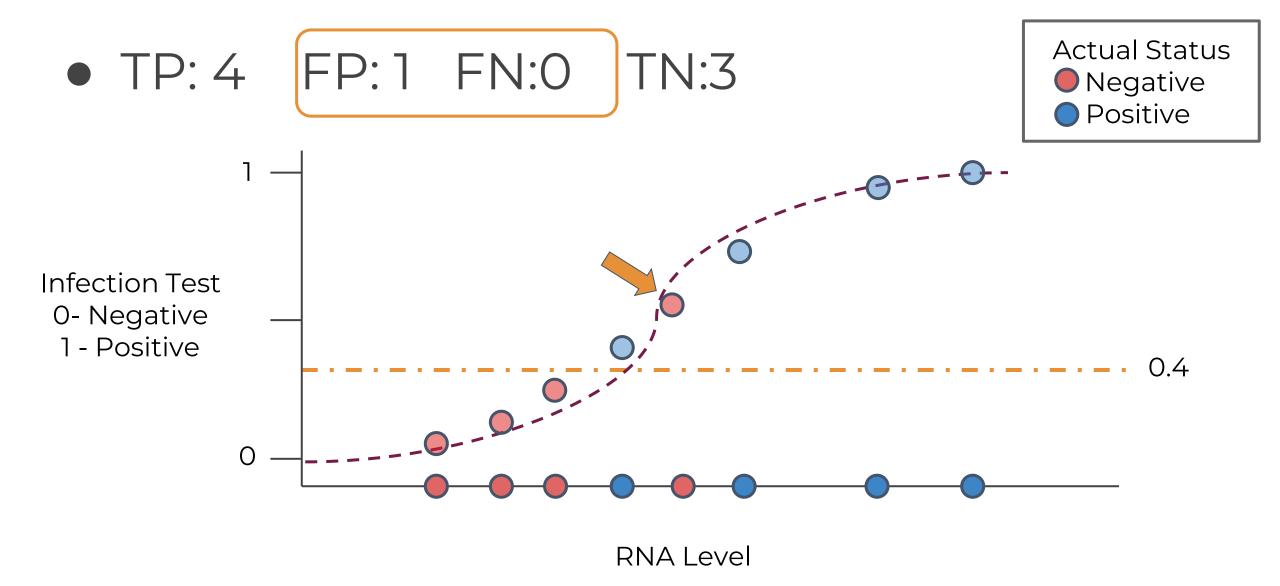




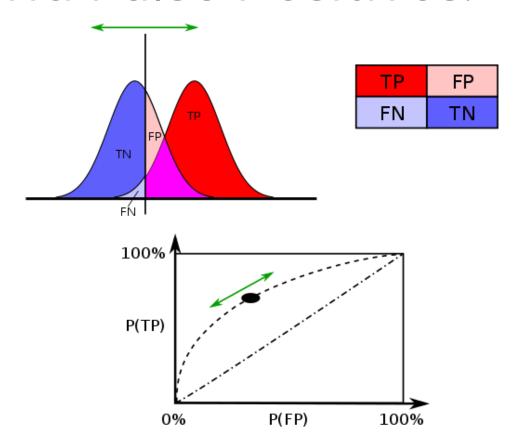


What if we lowered the cut-off?





 There can be a trade-off between True Positives and False Positives.



 They developed the Receiver Operator Characteristic curve.

```
True Positive Rate (TPR) = \frac{\text{True Positives (TP)}}{\text{True Positives (TP)} + \text{False Negatives (FN)}}
False Positive Rate (FPR) = \frac{\text{False Positives (FP)}}{\text{False Positives (FP)} + \text{True Negatives (TN)}}
\frac{\text{Positive Rate (FPR)}}{\text{False Positives (FP)}} = \frac{\text{False Positives (FP)}}{\text{False Positives (FP)} + \text{True Negatives (TN)}}
```

False Positive Rate

ปัญหาที่ ROC พยายามแกั (Why ROC?)

- โมเดลทำนายแบบ probability/score ต้องเลือก threshold เพื่อแบ่งชั้น (class)
- Threshold ต่างกัน → Confusion matrix เปลี่ยน → Precision/Recall/TPR/FPR เปลี่ยน
- ROC แสดง performance ทุก threshold พร้อมกัน → เห็นภาพรวมความสามารถแยกแยะ (discrimination)
- 📕 Notes: ROC ไม่ขึ้นกับ class prevalence เท่ากับ PR (จะพูดเทียบภายหลัง)
- ◆ ความหมายของ TPR และ FPR
- 1. True Positive Rate (TPR) หรือที่มักเรียกว่า Recall / Sensitivity
- นิยาม:

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN}$$

- อธิบาย: เป็นสัดส่วนของ คนที่เป็น Positive จริง ๆ (เช่น เป็นโรค) ที่โมเดลสามารถทำนายถูก ว่าเป็น Positive ได้
- พูดง่าย ๆ = โมเดลจับ "ของจริง" ได้ครบแค่ไหน
- 2. False Positive Rate (FPR)
- นิยาม:

$$FPR = rac{FP}{FP + TN}$$

- อธิบาย: เป็นสัดส่วนของ คนที่เป็น Negative จริง ๆ (เช่น ไม่เป็นโรค) แต่โมเดลดันทำนายผิด ว่าเป็น Positive
- พูดง่าย ๆ = โมเดลเผลอ "ใส่ร้าย" ว่ามีโรค ทั้ง ๆ ที่เขาไม่เป็น

ตัวอย่างเข้าใจง่าย

สมมติเรามีโมเดลตรวจโรคมะเร็ง

- Positive = มีมะเร็ง
- Negative = ไม่มีมะเร็ง

ผลลัพธ์จากโมเดลตรวจ 100 คน (ความจริงอยู่ในวงเล็บ):

ทำนาย/จริง	Positive (มีโรค)	Negative (ไม่มีโรค)
Positive	40 (TP)	10 (FP)
Negative	10 (FN)	40 (TN)

- TPR = 40 / (40+10) = 0.80 → 80%
 หมายถึง โมเดลเจอผู้ป่วยจริง 80%
- FPR = 10 / (10+40) = 0.20 → 20%
 หมายถึง คนที่ไม่เป็นโรค 20% โดนโมเดลใส่ร้าย

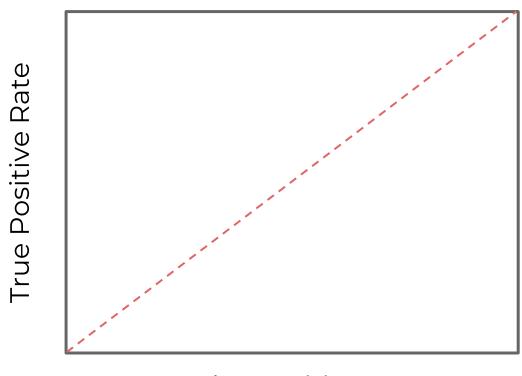
ความสำคัญ

- TPR สูง → ดีต่อการ "ไม่พลาด" ผู้ป่วย (sensitive)
- FPR ต่ำ → ดีต่อการ "ไม่ตกใจเกินเหตุ" สำหรับคนสุขภาพปกติ

การเลือกจุดสมดุลขึ้นอยู่กับงาน เช่น

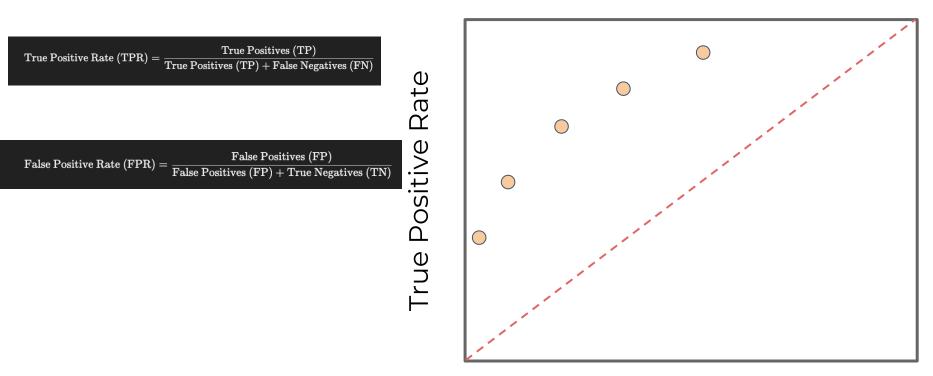
- งานแพทย์ → เน้น TPR สูง (อย่าให้พลาดผู้ป่วย)
- งานสแปมเมล → เน้น FPR ต่ำ (อย่าให้เมลดี ๆ โดนบล็อก)

 They developed the Receiver Operator Characteristic curve.



False Positive Rate

 Chart the True vs. False positives for various cut-offs for the ROC curve.

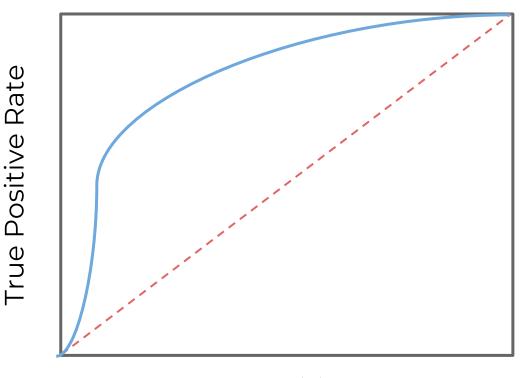


False Positive Rate

 They developed the Receiver Operator Characteristic curve.

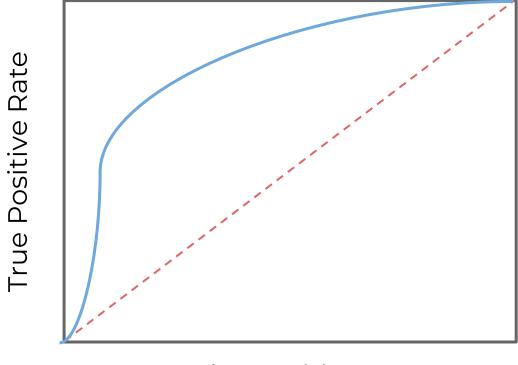


 $False\ Positive\ Rate\ (FPR) = \frac{False\ Positives\ (FP)}{False\ Positives\ (FP) + True\ Negatives\ (TN)}$



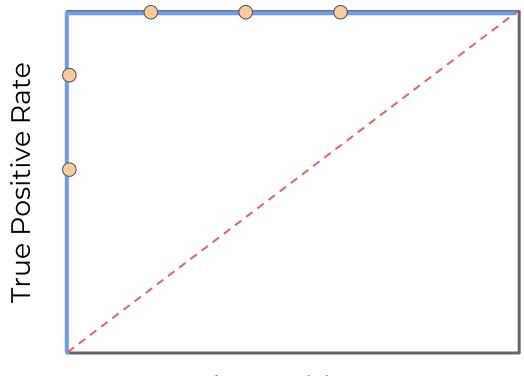
False Positive Rate

 There can be a trade-off between True Positives and False Positives.



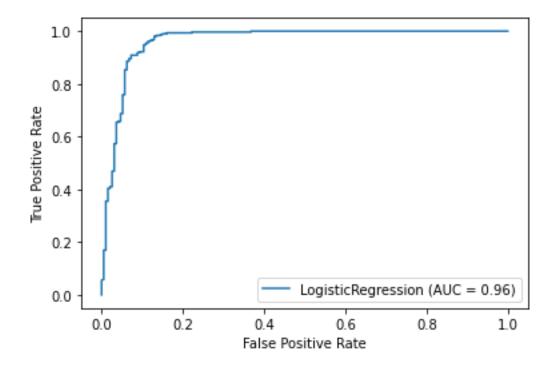
False Positive Rate

- A perfect model would have a zero FPR.
- Random guessing is the red line.

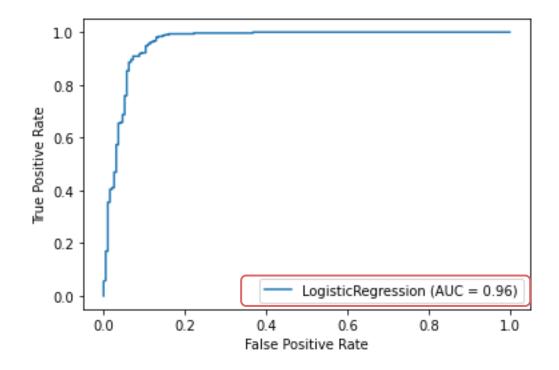


False Positive Rate

 Realistically with smaller data sets the ROC curves are not as smooth.



 AUC - Area Under the Curve, allows us to compare ROCs for different models.



Can also create precision vs. recall curves:

