# S2-01 Funkcionális nyelvek alapfogalmai

### **Tartalom**

- 1. Funkcionális nyelvek alapfogalmai
  - Modell
  - Kiértékelés
  - Curry-zés
  - Magasabbrendű függvények
  - Listák
  - Tisztaság
- 2. Típusok
  - Algebrai adattípusok
  - Típusosztályok
  - Típuskonstruktorok
  - Kindok
- 3. Monadikus programozás
- 4. További források

### 1. Funkcionális nyelvek alapfogalmai

#### 1.1 Modell

### Funkcionális programozási paradigma, nyelvek

- Nem az algoritmust írjuk le  $\Longrightarrow$  függvényekkel specifikáljuk a feladatot
- Deklaratív nyelvek családjába tartozik
  - Imperatív nyelvek: HOGYAN csinálja meg a feladatot a program, utasítások írása, sokszor a memóriát is mi kezeljük
  - Deklaratív nyelvek: MIT csináljon a program, magát a feladatot adjuk meg
- Minden program alapegysége a függvény
  - Maga a program, programmodul  $\rightarrow$  az egy függvényhalmaz
  - Program végrehajtása → kezdeti függvénykifejezés (main) kiértékelése
- Matematikai számítási modellje a lambda-kalkulus
  - (Érdekesség: szokták lambda-kalkulust a funkcionális nyelvek "assembly-jének" is hívni)
- Nincsenek változók, nincsen állapot, minden immutable, minden másolódik
- Iteráció helyett paraméterek mintaillesztése (pattern matching) és rekurzió
  - Mintaillesztés + rekurzió: mint a teljes indukció matematikában
  - Első minta: alapeset
  - Rekurzív minta: indukciós lépés

#### Funkcionális programozás előnyei

1. Közelebb áll a feladat és annak leírása

- 2. Szemlélete közelebb áll a formális, matematikai leíráshoz, precízebb
- 3. Helyességet könnyű kifejezni
  - Hoare-hármasokat (elő-utó feltétel) könnyű funkcionális nyelvekkel leírni
- 4. Feladatosztályok absztrakcióinak kifejezése
  - Van egy nagyon általános feladatsémám (nem algoritmus!)
  - Ezt egy függvénnyel felparaméterezve (magasabbrendű függvények) eljutok a konkrétabb feladathoz
- 5. Kevesebb sor, tömörebb program, kevesebb hiba, könnyebb karbantarthatóság
- 6. Könnyű funkcionális programokat párhuzamosítani
  - Például (2 + 3) + (7 + 1)
  - Egyik CPU: (2 + 3)
  - Másik CPU: (7 + 1)
  - Minden asszociatív műveletre igaz: ha zárójelezünk, akkor több CPU tudja feldolgozni a zárójelezett részeket

### Végrehajtási modell

- Végrehajtási modell egy konfluens redukciós (átíró) rendszer
- Mitől konfluens:
  - Az egyes részkifejezések átírásának sorrendje a végeredményre nincs hatással
  - A sorrend legfeljebb azt befolyásolja
    - $\Longrightarrow$  hogy az átírási lépéssorozattal eljutunk-e a végeredményig
- Tehát a végrehajtás redukciós, átírási lépések, redukáló kifejezések (redexek) sorozata

#### 1.2 Kiértékelés

- Kiértékelőrendszer feladata
  - Kiértékeli a specifikációt
  - majd megadja a függvényértéket
- Függvénydefiníció részei
  - 1. Függvény azonosító
  - 2. Formális paraméterek
  - 3. Függvény törzse
- Kiértékelés menete
  - Átírási lépések (redukciók) sorozatával
  - Átírási lépésben függvény alkalmazásában: függvény helyettesítése ⇒ függvény törzsével
  - Addig írunk át, amíg el nem érjük a normálformát  $\Longrightarrow$  azaz tovább már nem lehet átírni
- Kiértékelési stratégiák nem mások, mint redex-ek kiválasztási sorrendje. Ezek lehetnek:
  - Mohó

- Lusta
- Párhuzamos

# Lusta (Lazy) kiértékelés

- Nem fontos a függvénykiértékelések sorrendje
- Először a **FÜGGVÉNYT** értékeli ki
- Haskell-ban és Clean-ben: alapértelmezett kiértékelési mód

```
squareinc 7 =
square (inc 7) =
(inc 7) * (inc 7) =
8 * (inc 7) =
8 * 8 =
64
```

### Mohó (strict) kiértékelés

- Fontos a függvénykiértékelések sorrendje
- Először az **ARGUMENTUMOKAT** értékeli ki
- Haskell-ban és Clean-ben: alfüggvény/paraméter !-el való megjelölése

```
squareinc 7 =
square (inc 7) =
square (1 + 7) =
square 8 =
8 * 8 =
64
```

# 1.3 Curry-zés

- Matematikában: több argumentumot elfogadó függvény átalakítása függvények sorozatára amik csak egy-egy argumentumot kapnak
- Minden függvény csak egy argumentummal rendelkezik

```
((+) x) y --x + y helyett
```

### 1.4 Magasabbrendű függvények

Függvények, melyeknek

- argumentumaik egy- vagy több függvény
- vagy visszatérési értékük egy függvény

```
applyFunctionTwice :: (Int -> Int) Int -> Int
applyFunctionTwice f x = f(f x)
```

```
applyFunctionTwice (\x -> x + x) 3 = 12
```

#### 1.5 Listák

### Listák ábrázolása

- Láncolt listákkal
- Maga a listaábrázolás is egy függvény. Funkcionális programozásban mindennek az alapja a függvény.
  - [] listaépítés függvénye, listakonstruktor ([a] írható [] a -ként is, mint [] függvény alkalmazása)
  - : listaragasztás, konkatenáció függvénye
- Listaműveletek esetén nem írunk felül semmit, NEM MÓDOSÍTUNK ELEMET!
  - Listafüggvény eredménye egy új lista lesz
  - Immutable, mindig másolódik (valójában csak a lista váza másolódik)

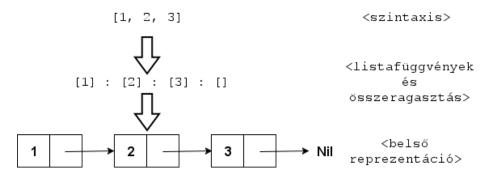


Figure 1: Lista felépítése és ábrázolása funkcionális nyelvekben.

Listakonstruktor mintaillesztést használ:

```
data [] a = [] -- Üres lista ha nem adunk elemet.

| a : [a] -- Értékhez hozzáragasztunk egy következő listát.

-- A következő lista lehet üres is ([]).
```

Lista típus definíciója Haskell-ban:

```
data List a = Nil -- Üres lista.
| Cons a (List a) -- "Cons" a ragasztás, "(List a)" lehet üres is
```

- Ez egy rekurzív, paraméteres típus
- Szétszedhető, újra összeragasztható, az elejéről könnyű kivenni, könnyű hozzátenni
  - Végére nehéz elemet tenni, költségesen végig kell járni

 (Megjegyzés: mint ahogy láncolt listákban szokás imperatív programozásban is.)

# Szabványos listafüggvények (Clean nyelv)

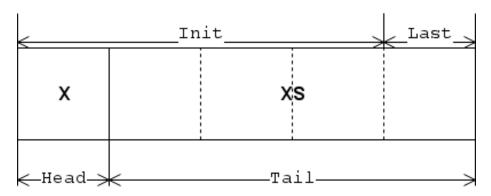


Figure 2: Head, Tail, Last és Init függvények

• Head: lista első elemének olvasása

```
hd [x : xs] = x -- Minteillesztés első elemre
hd [] = abort "hd of []" -- Üres lista esetén hiba
```

- Tail: lista végéről olvasás
  - Nem egy elemet, hanem a maradék listát adja vissza

```
tl [x : xs] = xs -- Minteillesztés első elem után ragasztott listára tl [] = abort "tl of []" -- Üres lista esetén hiba
```

• Last: lista utolsó elemének olvasása (head ellentétje)

• Init: lista elejének olvasása (tail ellentéte)

```
init [] = [] -- "I didn't do anything and I still got paid." init [x] = [] -- Utolsó elem a listában már nem kell init [x:xs] = [x:init xs] -- Rekurzív hívás amíg egy elem nincs a listában
```

• Length: lista hossza

- Reverse: NEM FORDÍTJA MEG A MEGLÉVŐ LISTÁT! Másolatot készít, ami meg van fordítva.
- Sort: NEM RENDEZI A MEGLÉVŐ LISTÁT! Másolatot készít, ami rendezve van.

### Magarabbrendű listafüggvények

• Filter: megadott logikai függvény (predikátum, predicate) alapján kiválogatja azokat az elemeket a listából amelyekre teljesül a logikai függvény

```
evenNumberFunction :: Int -> Bool
evenNumberFunction x = x mod 2 == 0
evenNumbers = filter (evenNumberFunction) [0..]
```

- Map: elemenkénti függvényalkalmazás
  - Első paraméter: függvény, amit map a második paraméterben kapott lista elemeire alkalmaz
  - Második paraméter: lista, aminek elemeire az első paraméterben kapott függvényt alkalmazza

```
map :: (a -> b) [a] -> [b]
map f [] = []
map f [x : xs] = [f x : map f xs]
```

- Fold: elemenkénti fogyasztás
  - Paraméterként kapott függvénnyel kicseréli a lista összeragasztó függvényt (:)
  - Van jobbasszociatív (foldr) és balasszociatív (foldl) változata

További magasabbrendű listafüggvények:

- takeWhile: elemek megtartása míg predikátum teljesül
- dropWhile: elemek eldobása míg predikátum teljesül

### 1.6 Tisztaság

- Nyelvi elemei felhasználásánál mellékhatások biztosan nem lépnek fel (pure programming)
- Az előző értéket megsemmisítő értékadás vagy más imperatív programozásra jellemző nyelvi elem nem áll rendelkezésre

Pár tulajdonság:

- Hivatkozási helyfüggetlenség
  - Ugyanannak a kifejezésnek a programszöveg bármely pontján  $\Longrightarrow$  ugyanaz lesz a végeredménye
- Egyenlőségi érvelés
  - Minden egyes előforduláshoz beírható a "végeredmény" ⇒ hisz úgy is egyenlőek a hivatkozási helyfüggetlenség miatt

### Egyéb tulajdonságok:

- Szigorú típusosság
  - Kevés, vagy egyáltalán nincs implicit típuskonverzió
- Statikus típusrendszer
  - A kifejezések típusa fordítási időben ismert
  - Absztrakt- és algebrai adattípusok leírásához adottak a nyelvi eszközök
  - Hindley-Milner-féle korlátozottan polimorfikus típusrendszer
- Rekurzió, mintaillesztés
  - Konstruktorokra, típusértékekre (amelyek valójában konstruktorok, konstans függvények)
  - Joker minta
  - Őrfeltételek (argumentumokra, x when x > 10)
- Margó-szabály
  - Összetartozó kifejezések csoportjának azonosítására és deklarációk hatáskörének korlátozására alkalmas a bal oldali margó szélességének változtatása
- IO-modell
  - Haskell I0 monádja
  - Vagy a Clean Unique World típusa (egyszeresen hivatkozott, egyedi környezet)
  - A műveletek "láncolásával" (>>=, bind) egy rejtett változó, a külvilág modellje adódik át

# 2. Típusok

### 2.1 Algebrai adattípusok

Algebrai adattípusok: összetett típusok amiket több típusból kapjuk

### Példák:

- List: Nil, Cons és List-ből épül fel
- Tree: Node, Leaf és Tree-ből épül fel

De mitől algebrai egy algebrai adattípus?

- Típuselméletből:
  - összeg típusok (sum types)
  - szorzat típusok (product types)

- Összeg típus: A | B, választás, A és B altípus egy összeg típust alkot (mintha A+B lenne)
- Szorzat típus: A B együtt, kombináció, A és B altípus egy szorzat típust alkot (mintha  $A \times B$  lenne)

### Paraméteres algebrai adattípusok

- Fa (egyparaméteres algebrai típus)
- Ez a paraméter most az a lesz
- Típus definiálása

- Jelölések:
  - Tree: alaptípus
  - a: típusváltozó
  - Node: adatkonstruktor (ragasztó, fordító lefoglal neki memóriát)
  - (Tree a): leszármazott típus, lehet Tree Int vagy Tree String is

Típus használata

```
fa = Node 2 (Node 1 Leaf Leaf) (Node 3 Leaf Leaf)
```

Lehet akár két különböző típusparamétere, a és b, ekkor kétparaméteres lesz

### Paraméternélküli adattípus

- Nem adok típusváltozót paraméterként
- Ilyen például a felsorolásos típus (enumeration)
- Tipikusan összeg típusokból áll

```
data Day = Mon | Tue | Wed | Thu | Fri | Sat | Sun
```

• Day típuskonstruktornak hét darab adatkonstruktora van

### Rekurzív adattípusok

• Olyan adattípus, ami saját magát is tartalmazza más értékkel

- Lista adatkonstruktorai
  - − Nul: üres lista ([])
  - Cons: összeragasztott lista (:)

### Más adattípusok felírása

Például parser-ek írásához kifejezésfákat (parse tree) BNF-formában megadhatjuk

### 2.2 Típusosztályok

- Hasonló egy interfészhez
  - Megad pár függvényt, melyet a típusnak teljesíteni kell
- Azt mondjuk: egy típusnak van példánya adott típusosztályra
  - amennyiben megadtunk egy példányt (instance)
  - és definiáltuk a megfelelő függvényeket.
- Van lehetőség egy függvényre megadni "default" implementációt a többi függvény felhasználásánál.
- A függvények típusdeklarációiban előfordulhatnak típusparaméterek
  - Ezekre megadhatóak megszorítások
  - Hiszen egyébként a paraméter helyére bármely típus behelyettesíthető lenne (ez a parametrikus polimorfizmus egyébként)
- A megszorításban megadható, milyen típusosztály példányokat várunk el az adott típustól.
- Egyes funkcionális nyelvek képesek az alapvető típusosztályok függvényeit automatikusan levezetni egy típus számára (deriving). Ezek beépített, egyszerűbb típusosztályok
  - Eq: egyenlőségOrd: rendezés
  - Show: sztringgé alakításRead: beolvasás sztringből

# 2.3 Típuskonstruktorok

- Típuskonstruktor: típus felépítése és származtatása. Például List és Tree
- Adatkonstruktor: típuskonstruktor paramétere. Ezektől függ mi lesz a típus.

#### Nulláris típuskonstruktor

- Ha nulla argumentuma van: nulláris típuskonstruktornak hívják (nullary type constructor)
  - Például data Bool = True | False (Haskell)
  - Bool: típuskonstruktor
  - True és False: két nullás adatkonstruktor

### Unáris típuskonstruktor

- data Tree a = Leaf | Node a (Tree a) (Tree a)
- Tree: típuskonstruktor

#### 2.4 Kindok

- Magasabb rendű típus: típust kap argumentumként (akárcsak magasabb rendű függvényeknél)
- Kind: típusok, amik információt mondanak el a kapott típusról
- "Kind of a type", avagy "mi a típus típusa?"
- Elsőrendű típus kindja (konkrét típus vagy típuskonstans):  $^{\ast}$
- Magasabbrendű típus kindjai (Curry-zve írjuk őket)
  - Unáris típuskonstruktor kindja (egy típusparamétert fogad el):  $* \rightarrow *$
  - Bináris típuskonstruktor kindja (két típusparamétert fogad el):  $* \rightarrow * \rightarrow *$

Kind-ok nyelvtana:

$$K :== *|(K \rightarrow K)$$

Kind-ok jobb asszociatívak (jobbról kezdjük a zárójelezést)

$$* \rightarrow * \rightarrow * = * \rightarrow (* \rightarrow *)$$

### Melyik típus milyen kind-al rendelkezik?

- Int: \* (konkrét típus)
- Char: \* (konkrét típus)
- Bool: \* (konkrét típus)
- [a]:  $* \rightarrow *$  (unáris típuskonstruktor)
  - Mert még kell neki hogy milyen típusú lista lesz belőle
  - Ne felejtsd el, [a] ugyanaz mint [] a
- List:  $* \rightarrow *$  (unáris típuskonstruktor)
  - data List a = Nil | Cons a (List a)
  - Argumentum: milyen típusú értékek legyenek a listában és milyen típusú értéket ragasszon össze Cons
- Tree:  $* \rightarrow * \rightarrow *$  (bináris típuskonstruktor)
  - data Tree a b = Leaf a | Node b (Tree a b) (Tree a b)
  - Argumentumok: milyen típusú legyen a, majd utána milyen típusú legyen b

# 3. Monadikus programozás

- Módszer mellyel számításokat lehet építeni
  - Funkcionális nyelvekben adattípus, amiben a számítások lépések láncaiként vannak definiálva
  - Monád meghatározza hogy az összekombinált számítások hogyan alkossanak egy új számítást
- Három fő művelet:
  - bind (>>=)
  - >>
  - return
- Ha nem lennének monadikus műveletek, akkor fejjel lefelé nézne ki egy program tele lambda kifejezésekkel
- Pure programming: funkcionális nyelvekben nincsenek mellékhatások.
  - Monádok: "Lennél szíves csinálni nekem egy mellékhatást?" ( $Rinus\ Plasmeijer$ )

### Monad mint típusosztály

```
class Monad m where
  return :: a -> m a
  (>>=) infixl 1 :: (m a) (a -> m b) -> m b
  (>>) infixl 1 :: (m a) (m b) -> m b
  (>>) m k :== m >>= \_ -> k
  fail :: String -> m a
```

Amikor ezt a típuszosztályt akarjuk példányosítani

>> műveletet már meg se kell adni az instance-ban, mert >>= definíciójából származtatjuk

#### return

- Egyszerű típusból (a) fogja az értéket ⇒ monadikus értéket (m a) csinál belőle
- Értéket beemeli a monadikus környezetbe
- Szerencsétlen elnevezése van, semmi köze az imperatív megfelelőjéhez, nem tér vissza semmivel

### Bind művelet (>>=)

- Számítás eredményét másik akcióhoz rendeli
- Argumentumként vesz

- Monadikus értéket (m a)
- Függvényt, mely egyszerű típusból monadikus értéket csinál (a  $\rightarrow$  m b)
- Visszatérési értéke újabb monadikus érték lesz (m b)
- Utána lambdakifejezést kell használni

```
f >>= \x -> return x
```

#### >>

- Bind-ból származtatott művelet
- Nem bind-ol semmilyen eredményt
- Szekvenciaként lehet felfogni
- Programozható pontosvesszőnek is mondják

```
m >> k
```

```
(>>) m k = m >>= \setminus_ -> k
```

# Maybe

- Mellékhatás: számítás eredményének opcionalitása adható meg
  - Exception-ök szimulálása
  - "Hiba" a függvényből felfele propagálódik
- Ha függvény adott pontban nem értelmezhető: Nothing
- Ha igen: számításokat sorba is kapcsolhatjuk bind-al amíg van eredmény

# State

- Mellékhatás: bármilyen típusú állapotinformációt lehet rendelni számításhoz
- Bemenetként állapotot kap
- Kiementként
  - t típusú visszatérési értéket
  - és egy s típusú új állapotot add
- Önmagában még nem monád, hanem absztrakt monád
  - állapot típusával, s-el paraméterezhető

#### List monád

- Lista típusára, [] típusra is felírható egy monadikus típuspéldány
  - Listák segtíségével is lehet monadikus műveleteket ábrázolni
- Mellékhatás:
  - egy monadikus akciót egyszerre több elemen lehet végrehajtani
  - ezeket az elemeket újra listává ragasztjuk össze

```
instance Monad [] where
  return x = [x]
  (>>=) m k = flatten [k x \\ x <- m]</pre>
```

### "do" jelölés

- Szintaktikai cukor monadikus programozásra Haskell-ban
- Megfelelő átírási szabályok, melyekkel olvashatóbbá tehető a program
- Mintha imperatívan programoznánk

# 4. További források

- Egy korábbi Funkcionális Nyelvek 1 vizsga anyagom
- Korábbi záróvizsga tételkidolgozások
- http://lambda.inf.elte.hu/fp/Index.xml
- https://wiki.haskell.org/Thunk
- https://wiki.haskell.org/Fold

- https://wiki.haskell.org/Constructor
  https://wiki.haskell.org/Monad
  http://adit.io/posts/2013-04-17-functors,\_applicatives,\_and\_monads\_in\_pictures.html