第1章习题

- 1.1 选择一个单位的工资表,指出其中的元素、元素的字段以及元素之间的关系,并给出一些最基本的运算。
 - 1.2 描述数据结构、逻辑结构、存储结构和运算的有关概念及其相互之间的关系。
- 1.3 已知一个群体中有 n 个人,这些人之间可能存在同学关系,请用一个数据模型来描述这一关系,并给出可能基本运算。
 - 1.4 描述算法所具备的基本特征,并指出算法与程序之间的差异。

【答】

算法的基本特征:

- (1) 输入: 0或n个输入(算法开始前的初始量)
- (2) 输出: 1或n个输出,它们是算法执行完后的结果。
- (3) 有穷性: 指令的执行次数必须是有限的。
- (4) 确定性: 指令的描述是确定的, 无二义性的。使得对相同的输入能产生相同的输出结果。
- (5) 可行性:每条指令的执行时间都是有限的。算法中每条指令可用计算机指令的有限次执行来实现。

算法与程序的区别:

算法是求解某个特定问题的方法,可以用自然语言、伪代码等进行描述,算法同时面向 人和机器,通过算法描述人可以理解算法的具体求解方法,用特定的编程实现后可在机器上 运行,所以也是面向机器的。

程序则是对特定算法的及其语言实现,可以在计算机上运行,并给出为题的求解结果,程序一般只是面向机器的。

1.5 计算序列各程序段的时间复杂度。

(1) for (i=0; i< n; i++)

for (j=i; j< n; j++) x++;

【解】O(n²)

i值	x++执行次数		
0	n-1		
1	n-2		
2	n-3		
n-2	1		
n-1	0		

x++执行总次数: 1+2+3+..+(n-1)=n(n-1)/2时间复杂度: $O(n^2)$

(2) i=n;

while (i>1) i=i/2;

【解】 $O(log_2n)$ 。假定 i=i/2 运行了 k 次,则 k 与 i 值之间的关系如下表:

k 值	1	2	3	 k
i 值	i=n/2	$i=n/2^2$	$i=n/2^3$	 $i=n/2^k$

循环结束时,i 接近 1,不妨设为 1,则有 $1=n/2^k$,可得循环次数 $k=log_2n$ 。时间复杂度: $O(log_2n)$

【解】O(n³)

【解】O(n²)

```
(5) for (i=1; i<n; i++)
{ j=i;
 while (j<n) j*=2;
}
```

【解】O(nlog2n)

i 值与 j*=2 近似执行次数对应表

i值	j*=2 近似执行次数		
1	\log_2 n		
2	\log_2 n- \log_2 2		
3	$\log_2 n$ - $\log_2 3$		
n-1	$\log_2 n - \log_2 (n-1)$		

j*=2 近似执行总次数: $nlog_2n$ -($log_22+log_23+..+log_2(n-1)+log_2n$)= $nlog_2n-log_2n!$ 。

根据 sterling 公式,当 n 很大时,
$$n! \approx \sqrt{2\pi n} \left(\frac{n}{e}\right)^n$$
,代入得,

$$n\log_2 n - \log_2 n! = n\log_2 n - \frac{1}{2}\log_2 2\pi n - n\log_2 n + n\log_2 e$$

所以,时间复杂度: O(n)。