### MODÉLISATION DES BRAS MANIPULATEURS

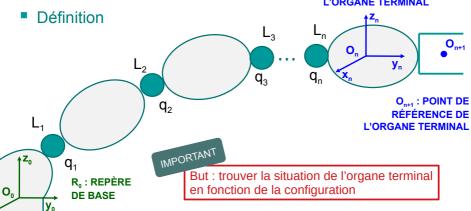
Viviane CADENAT. Enseignant-chercheur à l'UPS. LAAS-CNRS, équipe Robotique, Action, Perception.





#### MGD d'un bras manipulateur industriel R,: REPÈRE LIÉ À

L'ORGANE TERMINAL







## MGD d'un bras manipulateur industriel

Principe de la méthode Étape 1 : Déterminer T R,: REPÈRE LIÉ À  $q_2$ L'ORGANE TERMINAL O REPÈRE **DE BASE** 





## MGD d'un bras manipulateur industriel

Principe de la méthode **O**<sub>n+1</sub> Étape 1: Déterminer T<sub>on</sub> I 23  $\mathsf{T}_{\mathsf{n-1},\mathsf{n}}$ → Dépend → Dépend de q, seul de q, seul → Dépend de q, seul T<sub>01</sub> → Dépend de q₁ seul





## MGD d'un bras manipulateur industriel

Principe de la méthode

#### Étape 2 : Déduire x

- Extraire  $R_{0n}$  et  $\overrightarrow{O_0O}_{n+1(0)}$  de  $T_{0n}$
- Faire un choix de coordonnées opérationnelles pour la position et l'orientation adapté à la tâche à réaliser
- Calculer x avec les résultats du chapitre précédent





#### Autres modèles d'un bras manipulateur industriel

- Modèle géométrique inverse (MGI)
  - ☐ But : Trouver q en fonction de x
  - Principe de la méthode
    - Calculer T\* la matrice de passage homogène à partir de x
    - Calculer T<sub>0n</sub>(q) (si cela n'a pas été fait)
    - Trouver q | T<sub>on</sub>(q) = T\*
  - Calcul analytique ou numérique
  - Attention ! Il existe en général plusieurs solutions au problème





#### Autres modèles d'un bras manipulateur industriel

- Modèles cinématiques (MC)
  - □ Relation entre les vitesses articulaires et les vitesses opérationnelles
  - Modèle cinématique direct (MCD)
    - Structure  $\dot{x} = \begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \vdots \\ \dot{x}_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial q_1} & \dots & \frac{\partial f_1}{\partial q_n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial f_m}{\partial q_1} & \dots & \frac{\partial f_m}{\partial q_n} \end{bmatrix} \begin{pmatrix} \dot{q}_1 \\ \vdots \\ \dot{q}_n \end{pmatrix} = J(q)\dot{q}$ Jacobienne du robot
    - Méthodes de calcul → analytique ou numérique
      - Dérivation directe du MGD (robots simples seulement)
      - Méthode basée sur la propagation des vitesses (cas général)
  - Modèle cinématique inverse → Inversion du MCD (attention à l'inversibilité de J et aux singularités)





# Exemple : Modèles d'un bras manipulateur simple

