

Минимальное полное определение: `traverse` или `sequenceA`.

```
class (Functor t, Foldable t) => Traversable t where
  sequenceA :: Applicative f => t (f a) -> f (t a)
  sequenceA = traverse id
  traverse :: Applicative f => (a -> f b) -> t a -> f (t b)
  traverse g = sequenceA . fmap g
```

`sequenceA`: обеспечиваем правило коммутации нашего функтора `t` с произвольным аппликативным функтором `f`. Структура внешнего контейнера `t` сохраняется, а аппликативные эффекты внутренних `f` объединяются в результирующем `f`. `traverse` — это `fmap` с эффектами: проезжаем по структуре `t a`, последовательно применяя функцию к элементам типа `a` и монтируем в точности ту же структуру из результатов типа `b`, параллельно «коллекционируя» эффекты.

Представители класса типов Traversable

```
instance Traversable Maybe where
  traverse :: Applicative f =>
    (a -> f b) -> Maybe a -> f (Maybe b)
  traverse _ Nothing = pure Nothing
  traverse g (Just x) = Just <$> g x
```

```
instance Traversable [] where
  traverse :: Applicative f =>
    (a -> f b) -> [a] -> f [b]
  traverse _ [] = pure []
  traverse g (x:xs) = (:) <$> g x <*> traverse g xs
```

```
GHCI> traverse (\x -> [x+10,x+100]) (Just 7)
[Just 17,Just 107]
GHCI> traverse (\x -> [x+10,x+100]) [7,8]
[[17,18],[17,108],[107,18],[107,108]]
```

Сравнение реализаций Traversable и Functor

```
instance Traversable Maybe where
  traverse _ Nothing  = pure Nothing
  traverse g (Just x) = pure Just  <*> g x
```

```
instance Functor      Maybe where
  fmap _ Nothing  =      Nothing
  fmap g (Just x) =      Just    (g x)
```

```
instance Traversable [] where
  traverse _ []      = pure []
  traverse g (x:xs) = pure (:) <*> g x <*> traverse g xs
```

```
instance Functor      [] where
  fmap _ []          =      []
  fmap g (x:xs)      =      (:)      (g x)      (fmap      g xs)
```

Первый закон Traversable

```
newtype Identity a = Identity { runIdentity :: a }

instance Functor Identity where
    fmap g (Identity x) = Identity (g x)

instance Applicative Identity where
    pure = Identity
    Identity g <*> v = fmap g v
```

(1) identity

```
traverse Identity ≡ Identity
```

```
GHCI> traverse Identity [1,2,3]
Identity [1,2,3]
```

Всякий `Traversable` — это `Functor`: имея `traverse` мы можем универсальным образом реализовать `fmap`, удовлетворяющий законам функтора.

```
fmapDefault :: Traversable t => (a -> b) -> t a -> t b
fmapDefault g = runIdentity . traverse (Identity . g)
```

- `Identity :: b -> Identity b`
- `(Identity . g) :: a -> Identity b`
- `traverse (Identity . g) :: Identity (t b)`
- `runIdentity . traverse (Identity . g) :: t b`

Законы Traversable (2) и (3)

(2) composition

```
traverse (Compose . fmap f2 . f1)  ≡  
  Compose . fmap (traverse f2) . traverse f1
```

Здесь обе части имеют тип $t \ a \rightarrow \text{Compose } g2 \ g1 \ (t \ c)$ в предположении, что $f1 :: a \rightarrow g1 \ b$ и $f2 :: b \rightarrow g2 \ c$.

(3) naturality

```
h . traverse f  ≡  traverse (h . f)
```

где $h :: (\text{Applicative } f, \text{Applicative } g) \Rightarrow f \ b \rightarrow g \ b$ произвольный аппликативный гомоморфизм, то есть функция удовлетворяющая требованиям:

- (1) $h \ (\text{pure } x) = \text{pure } x$;
- (2) $h \ (x \langle * \rangle y) = h \ x \langle * \rangle h \ y$.

В предположении, что $f :: a \rightarrow f \ b$, обе части имеют тип $t \ a \rightarrow g \ (t \ b)$.

Законы `Traversable` дают следующие гарантии:

- Траверсы не пропускают элементов.
- Траверсы посещают элементы не более одного раза.
- `traverse pure` дает `pure`.
- Траверсы не изменяют исходную структуру — она либо сохраняется, либо полностью исчезает.

```
GHCI> traverse Just [1,2,3]
Just [1,2,3]
GHCI> traverse (const Nothing) [1,2,3]
Nothing
```