

Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение

высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Отчет по лабораторной работе $\mathbb{N}^{\underline{0}}$ 7

По курсу "Анализ Алгоритмов"

Поиск в словаре

Студент:

Турсунов Жасурбек Рустамович

Группа: ИУ7-56Б

Преподователи:

Волкова Лилия Леонидовна Строганов Юрий Владимирович

Москва, 2020 г.

Содержание

B	веде	ние	2	
1	Ана	алитическая часть	3	
	1.1	Алгоритм полного перебора	3	
	1.2	Алгоритм двоичного поиска	3	
	1.3	Алгоритм частотного анализа	4	
	1.4	Описание словаря	4	
	1.5	Вывод	5	
2	Koi	нструкторская часть	6	
	2.1	Разработка алгоритмов	6	
	2.2	Вывод	8	
3	Технологическая часть			
	3.1	Требования к программному обеспечению	9	
	3.2	Средства реализации	9	
	3.3	Листинг кода	10	
	3.4	Тестирование функций	11	
	3.5	Вывод	11	
4	Исследовательская часть			
	4.1	Системные характеристики	12	
	4.2	Пример работы	12	
	4.3	Сравнительный анализ на основе замеров времени работы про-		
		граммы	13	
	4.4	Вывод	13	
За	клю	учение	14	
\mathbf{C}_{1}	писо	к литературы	15	

Введение

Целью данной лабораторной работы является изучение способа эффективного по времени и по памяти поиска по словарю.

Словарь, или ассоциативный массив, – абстрактный тип данных (интерфейс к хранилищу данных), позволяющий хранить пары вида «(ключ, значение)» и поддерживающий операции добавления пары, а также поиска и удаления пары по ключу.[1]

В паре (k, v) значение v называется значением, ассоциированным с ключом k. Где k – это key, а v – value. Семантика и названия вышеупомянутых операций в разных реализациях ассоциативного массива могут отличаться.

Ассоциативный массив с точки зрения интерфейса удобно рассматривать как обычный массив, в котором в качестве индексов можно использовать не только целые числа, но и значения других типов – например, строки.

В ходе лабораторной предстоит выполнить следующие задачи:

- 1. рассмотреть и изучить алгоритмы полного перебора, двоичного поиска и эффективного поиска по словарю;
- 2. сравнить временные характеристики каждого из рассмотренных алгоритмов;
- 3. на основе проделанной работы сделать выводы.

1 Аналитическая часть

В данной части будут представлены теоретические сведения о рассматриваемых алгоритмах.

1.1 Алгоритм полного перебора

Алгоритмом полного перебора называют метод решения задачи, при котором по очереди рассматриваются все возможные варианты исходного набора данных. В случае словарей будет произведен последовательный перебор элементов словаря до тех пор, пока не будет найден необходимый. Сложность такого алгоритма зависит от количества всех возможных решений, а время решения может стремиться к экспоненциальному времени работы.

Пусть алгоритм нашёл элемент на первом сравнении, тогда, в лучшем случае, будет затрачено k_0+k_1 операций, на втором – k_0+2k_1 , на последнем – k_0+Nk_1 . Тогда средняя трудоёмкость может быть рассчитана по формуле 1, где Ω – множество всех возможных случаев.

$$\sum_{i \in \Omega} \rho_i \cdot f_i = (k_0 + k_1) \frac{1}{N+1} + (k_0 + 2k_1) \frac{1}{N+1} + (k_0 + 3k_1) \frac{1}{N+1} + (k_0 + Nk_1) \frac{1}{N+1} + (k_0 + Nk_1) \frac{1}{N+1} + (k_0 + Nk_1) \frac{1}{N+1} = k_0 \frac{N+1}{N+1} + k_1 + \frac{1+2+\dots+N+N}{N+1} = k_0 + k_1 (\frac{N}{N+1} + \frac{N}{2}) = k_0 + k_1 (1 + \frac{N}{2} - \frac{1}{N+1})$$
 (1)

1.2 Алгоритм двоичного поиска

Алгоритм двоичного поиска применяется к заранее упорядоченному словарю. [2] Проесс двоичного поиска можно описать при помощи шагов:

- получить значение ключа, находящееся в середине словаря, и сравнить его с данным;
- 2. в случае, если значение меньше (в контексте типа данных) данного, продолжить поиск в левой части словаря, в обратном случае – в правой;
- 3. на новом интервале получить значение ключа из середины этого интервала и сравнить его с данным;

4. продолжать поиск до тех пор, пока найденное значение ключа не будет равно данному.

Поиск в словаре с использованием данного алгоритма в худшем случае будет иметь трудоемкость $O(log_2N)$, что быстрее поиска при помощи алгоритма полного перебора. Но стоит учитывать тот факт, что данный алгоритм работает только для заранее упорядоченного словаря. В случае большого объема данных и обратного порядка сортировки может произойти так, что алгоритм полного перебора будет эффективнее по времени, чем алгоритм двоичного поиска.

1.3 Алгоритм частотного анализа

Алгоритм частотного анализа на вход получает словарь и на его основе составляется частотный анализ. Чтобы провести частотный анализ нужно взять первый элемент каждого значения в словаре по ключу и подсчитать частотную характеристику, т.е. сколько раз этот элемент встречается в качестве первого элемента. По полученным значениям словарь разбивается на сегменты так, что все элементы с одинаковым первым элементом оказываются в одном сегменте.

Сегменты упорядочиваются по значению частотной характеристики так, чтобы к элементы с наибольшей частотной характеристикой был самый быстрый доступ.

Далее каждый сегмент упорядочивается по значению. Это необходимо для реализации бинарного поиска, который обеспечит эффективный поиск в сегменте при сложности $O(log_2N)$.

Таким образом, сначала выбирается нужный сегмент, а затем в нем проводится бинарный поиск нужного элемента. Средняя трудоёмкость при длине алфавита M может быть рассчитана по формуле 2.

$$\sum_{i \in [1,M]} (f_{select} + f_{search}) + \rho_i \tag{2}$$

1.4 Описание словаря

Словарь, реализованный в данной работе, имеет вид id:number,email:string, что представляет собой базу данных о пользователях с их уникальной почтой.

1.5 Вывод

Были рассмотрены разные алгоритмы поиска в словаре. Дана предварительная оценка времени для каждого алгоритма.

2 Конструкторская часть

В данном разделе представлены схемы рассматриваемых алгоритмов.

2.1 Разработка алгоритмов

На рисунках 1, 2 и 3 приведены схемы алгоритмов поиска в словаре перебором, двоичным поиском и частотным анализом соответственно.

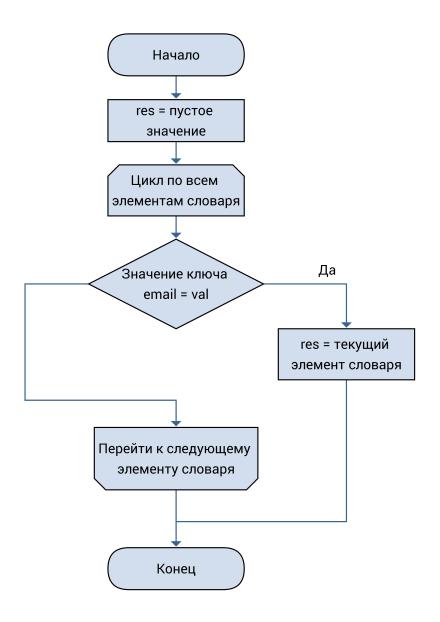


Рис. 1: Схема алгоритма полного перебора в словаре.

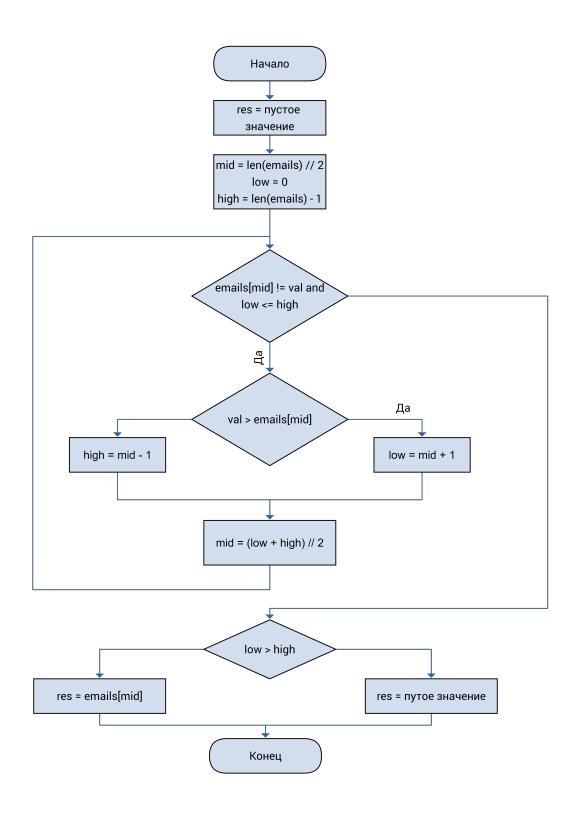


Рис. 2: Схема алгоритма бинарного поиска в словаре.

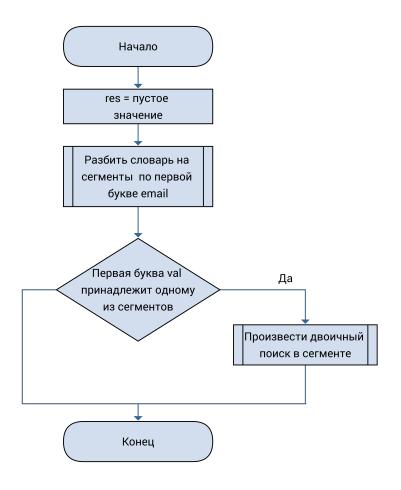


Рис. 3: Схема алгоритма комбинированного поиска в словаре.

2.2 Вывод

На основе теоретических данных, полученных из аналитического раздела, были построены схемы требуемых алгоритмов.

3 Технологическая часть

В данном разделе будут рассмотрены требования к программному обеспечению, средства реализации и представлен листинг кода.

3.1 Требования к программному обеспечению

- 1. на вход подается словарь и значение ключа email;
- 2. на выходе элемент словаря.

3.2 Средства реализации

В данной работе используется язык программирования Python, за высокую скорость выполнения программ и широкий выбор библиотек.[3] Проект выполнен в среде разработки Visual Studio Code.

3.3 Листинг кода

На листингах 1, 2, 3 представлена реализация алгоритмов поиска в словаре.

```
def full_iteration(emails, val):
    result = None
    if len(emails) == 0:
        return result
    for key, value in emails.items():
        if value == val:
            result = key
    return result
```

Листинг 1: Алгоритм полного перебора

```
def bin_search(emails, val):
      result = None
      if len(emails) == 0:
          return result
      emails = sort(emails, False)
      mid, low, high = len(emails) // 2, 0, len(emails) - 1
      tmp = tuple(emails.items())
      while tmp[mid][1] != val and low <= high:</pre>
          if val > tmp[mid][1]:
              low = mid + 1
          else:
              high = mid - 1
          mid = (low + high) // 2
      if low < high:</pre>
14
          result = tmp[mid][0]
15
      return result
```

Листинг 2: Алгоритм бинарного поиска

```
def combined(emails, val):
    result = None
    if len(emails) == 0:
        return result
    arr = analyse(emails)
    arr = sorted(arr, key = len, reverse = True)
    copy = arr
    for i in range(len(copy)):
        tmp = tuple(copy[i].values())
        if tmp[0][0] == val[0]:
        result = bin_search(arr[i], val)
    return result
```

Листинг 3: Алгоритм комбинированного поиска

3.4 Тестирование функций

В таблице 1 приведены функциональные тесты для функций, реализующих алгоритмы поиска в словаре. Все тесты прошли успешно.

Таблица 1: Результаты тестирования	Таблица 1	l: Результаты	тестирования.
------------------------------------	-----------	---------------	---------------

Ключ	Пустой словарь	Ожидаемый результат	Результат				
ann78@hotmail.com	Нет	700983	700983				
ann78@hotmail.com	Да	None	None				
None	Нет	None	None				

3.5 Вывод

В данном разделе была представлена структура ПО и листинги кода программы, а также результаты проведенного тестирования.

4 Исследовательская часть

В данном разделе приведены примеры работы и анализ характеристик разработанного программного обеспечения.

4.1 Системные характеристики

Характеристики компьютера на котором проводился замер времени сортировки массива:

- 1. операционная система Windows 10;
- 2. процессор Intel(R) Core(TM) i7-10510U CPU @1.80GHz 2.30GHz;
- 3. оперативная память 16 ГБ;
- 4. количество ядер 4;
- 5. количество логических процессов 8.

4.2 Пример работы

Демонстрация работы программы приведена на рисунке 4.

```
Value for search: robertpugh@sanchez.com Полученный результат: 735891
Value for search: neaton@hotmail.com Полученный результат: 520002
Value for search: veronicafisher@gmail.com Полученный результат: 682125
Value for search: lpatterson@yahoo.com Полученный результат: 646275
Value for search: qdavis@davis.com Полученный результат: 528375
Value for search: gthomas@hotmail.com Полученный результат: 821406
Value for search: cody31@harris.com Полученный результат: 706317
Value for search: bauermark@hotmail.com Полученный результат: 669132
Value for search: cobailey@hotmail.com Полученный результат: 847602
```

Рис. 4: Пример работы программы.

4.3 Сравнительный анализ на основе замеров времени работы программы

Был проведен замер времени работы каждого алгоритма.

В таблице 2 показаны результаты эксперимента, суть которого заключается в анализе зависимости размера словаря от времени поиска при разных алгоритмах.

Таблица 2: Результаты эксперимента.

Размер словаря	Полный перебор	Бинарный поиск	Комбинированный
1000	0.00547088	0.00426798	5.42187500
2000	0.00661471	0.00486018	43.9218750
3000	0.00673328	0.00533766	293.583333
4000	0.00774536	0.00520833	845.364583
5000	0.00792178	0.01041666	2153.65624

4.4 Вывод

По проведенному анализу из эксперимента можно сделать вывод, что лучшее время поиска в словаре получается методом полного перебора, а худшее время - комбинированным способом. Комбинированный алгоритм показал такое время за счет анализа и сортировки значений в словаре. Так как во входном словаре данные могут быть уже отсортированы в обратном порядке, соответственно изза этого получается такое плохое время. Бинарный алгоритм показал близкий результат с алгоритмом полного перебора. Но если оптимизивать сортировку в бинарном поиске и на вход дать уже отсортированный словарь, то он показал наилучшее время.

Заключение

В ходе выполнения работы была достигнута цель выполнены все поставленные задачи:

- 1. рассмотреть и изучить алгоритмы полного перебора, двоичного поиска и эффективного поиска по словарю;
- 2. сравнить временные характеристики каждого из рассмотренных алгоритмов;
- 3. на основании проделанной работы сделать выводы.

Если исключить время сортировки из итогового времени, то алгоритмы двоичного поиска и частотного анализа должны показать похожие результаты. А за счет проведенного анализа, комбинированный метод показал бы наилучший результат.

Список литературы

- [1] Александр. Словари в Python 3 основные методы и функции [ЭЛ. PE-СУРС] Режим доступа: URL: https://pythonru.com/osnovy/python-dict. (дата обращения: 20.12.2020).
- [2] Лаборатория Линуксоида. Двоичный поиск элемента[ЭЛ. PECYPC] Режим доступа: URL: https://younglinux.info/algorithm/dichotomy. (дата обращения: 20.12.2020).
- [3] Гвидо ван Россум. Python documentation[ЭЛ. PECYPC] Режим доступа: URL: https://docs.python.org/3/library/concurrent.futures.html. (дата обращения: 22.11.2020).