

A. Satz um Satz (hüpft der Has)

1.3. Betragssätze	10
1.5. Vollständigkeit von \mathbb{R} bezüglich dem Infimum	11
1.6. Existenz des Supremum	12
2.1. Induktionsmengen	13
2.2. Beweisverfahren durch vollständige Induktion	13
2.3. Ganze Zahlen	14
2.4. Zwischen zwei reellen Zahlen liegt stets eine rationale	15
4.1. Eigenschaften von Binomialkoeffizienten	19
4.2. Folgerung	19
4.3. Bernoullische Ungleichung (BU)	19
4.4. Der binomische Satz	20
5.2. Wurzeln	21
5.3. Eindeutigkeit von rationalen Potenzen	22
6.1. Grenzwert und Beschränktheit konvergenter Folgen	23
6.2. Konvergenzsätze	24
6.3. Monotoniekriterium	26
7.1. Konvergenzsatz für Wurzeln	27
7.4. Satz über $\sqrt[n]{n}$	28
7.6. Satz und Definition von e	28
8.1. Sätze zu Teilfolgen	31
8.2. Satz von Bolzano-Weierstraß	32
9.1. Beschränktheit und Abgeschlossenheit der Häufungswerte	33
9.2. Eigenschaften des Limes superior und inferior	34
9.3. Äquivalenzaussagen zur Konvergenz	34
9.5. Rechenregeln für den Limes superior und inferior	35

10.1. Cauchy-Kriterium	37
11.1. Cauchy- und Monotoniekriterium sowie Nullfolgeeigenschaft	40
11.2. Rechenregeln bei Reihen	40
11.3. Dreiecksungleichung für Reihen	41
12.1. Leibnizkriterium	43
12.2. Majoranten- und Minorantenkriterium	43
12.3. Wurzelkriterium	44
12.4. Quotientenkriterium	45
12.6. In konvergenten Folgen darf man Klammern setzen	46
13.1. Riemannscher Umordnungssatz	47
13.2. Alle Produktreihen sind Umordnungen voneinander	48
13.3. Absolute Konvergenz geht auf Produktreihen über	48
13.4. Cauchyprodukt absolut konvergierender Folgen konvergiert	49
13.5. $E(r) = e^r \ \forall r \in \mathbb{Q}$	49
14.1. Konvergenz von Potenzreihen	53
14.2. Konvergenzradien von Cauchyprodukten	54
15.1. Konvergenz g -adischer Entwicklungen	55
15.2. Eindeutigkeit der g -adischen Entwicklung	55
15.3. Existenz der g -adischen Entwicklung	56
15.4. \mathbb{R} ist überabzählbar	56
16.1. Grenzwertsätze bei Funktionen	60
16.2. Rechnen mit Funktionsgrenzwerten	60
16.3. Grenzwerte der Exponentialfunktion	61
17.1. Stetigkeitssätze	63
17.2. Stetigkeit der Potenzreihen	64
17.4. Stetigkeit von verketteten stetigen Funktionen	64
18.1. Zwischenwertsatz	65
18.2. Nullstellensatz von Bolzano	65
18.4. Eigenschaften von Bildmengen stetiger Funktionen	66

18.5. Bildintervalle und Umkehrbarkeit stetiger, monotoner Funktionen	66
18.6. Der Logarithmus	67
19.1. Funktionskonvergenzkriterien	70
19.2. Stetigkeit bei gleichmäßiger Konvergenz	70
19.3. Identitätssatz für Potenzreihen	71
20.1. Stetigkeitssätze	73
21.1. Differenzierbarkeit und Stetigkeit	75
21.2. Ableitungsregeln	75
21.3. Kettenregel	76
21.4. Ableitung der Umkehrfunktion	76
21.5. Erste Ableitung am relativen Extremum	77
21.6. Mittelwertsatz der Differenzialrechnung	78
21.8. Die Regeln von de l'Hospital	79
21.9. Ableitung von Potenzreihen	80
21.10Eigenschaften trigonometrischer Funktionen	81
21.11Tangens	82
22.1. Differenzierbarkeit von Potenzreihen	83
22.2. Satz von Taylor	84
22.3. Bestimmung von Extrema durch höhere Ableitungen	85
23.1. Zerlegungs-Verfeinerungen	87
23.2. Rechenregeln für Integrale	88
23.3. Riemannsches Integrabilitätskriterium	89
23.4. Integrabilität monotoner und stetiger Funktionen	89
23.5. 1. Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung	90
23.6. Integrierbarkeit gleichmäßig konvergierender Funktionsfolgen	91
23.7. Integration von verketteten Funktionen	92
23.8. Weitere Rechenregeln für Integrale	92
23.9. Aufteilung eines Integrals	93
23.10Integral und Unstetigkeitsstellen	93

23.11 Mittelwertsatz der Integralrechnung	94
23.12 Äquivalenz der Riemannschen und Darboux'schen Integrale	94
23.13 2. Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung	95
23.14 Anwendung des 2. Hauptsatzes auf stetige Funktionen	96
23.15 Partielle Integration	96
23.16 Substitutionsregeln	97
23.17 Integration von rationalen Funktionen	98
23.18 Folgen von Zerlegungen mit $ Z_n \rightarrow 0$	99
23.19 Riemannsche Definition des Integrals mit Nullfolgen	100
23.20 Gleichmäßige Konvergenz der Stammfunktion	101
25.1. Varianzeigenschaften	105
25.2. Eigenschaften Funktion von beschränkter Varianz	106
26.1.	107
26.2. Partielle Integration	108
26.3.	108
26.4. Abschätzen des RS-Integrals mit Hilfe der Totalvarianz	109
26.6. Weiteres Kriterium zur RS-Integrierbarkeit	110

Stichwortverzeichnis

- g -adische Entwicklung, 55
- g -adischer Bruch, 55
- n -mal stetig differenzierbar, 83
- (unendliche) Reihe, 39
- überabzählbar, 17

- abgeschlossene Menge, 65
- abgeschlossenes Intervall, 11
- Ableitung, 75
- absolut konvergent, 40, 104
- abzählbar, 17
- alternierende Harmonische Reihe, 41
- Anordnungsaxiome, 10
- aquidistante Zerlegung, 89
- Arcustangens, 82
- Assoziativgesetze, 9

- beschränkt, 12
- beschränkter Variation, 105
- bestimmtes Integral, 96
- Betrag, 10
- Betragsätze, 10
- bijektiv, 17
- Binominalkoeffizienten, 19

- Cauchyfolge, 37
- Cauchy Kriterium, 104
 - bei Funktionsgrenzwerten, 60
- Cauchyprodukt, 49

- Differenzierbarkeit, 75
- Distributivgesetz, 9
- divergent, 23, 39, 103
- Dreiecksungleichung für Integrale, 92

- echt gebrochen rational, 98
- endlich, 17
- Entwicklungspunkt, 54
- Exponentialfunktion, 46
- Extremum
 - relatives, 77
- für fast alle, 23

- Fakultät, 19
- Feinheitsmaß, 99
- Folge von Funktionen, 69
- Folgen, 17
- Funktionsreihe, 69

- Ganze Zahlen, 14
- geometrische Reihe, 39
- gleichmäßig (glm) konvergent, 69
- gleichmäßig stetig, 73
- Grenzwert, 23

- Häufungspunkt, 59
- Häufungswert, 31
- halboffenes Intervall, 11
- harmonische Reihe, 39
- Heine, Satz von, 73

- Induktionsmenge, 13
- Infimum, 11
- injektiv, 17
- innerer Punkt, 77
- Integral, 88
- Integrator(funktion), 107
- integrierbar, 88
- Intervall, 11

- Körperaxiome, 9
- Kommutativgesetze, 9
- konvergent, 23, 39, 103, 104
- Konvergenzbereich, 53
- Konvergenzradius, 53
- Kosinus, 51

- Limes, 23
- Limes inferior, 33
- Limes superior, 33
- Lipschitz stetig, 73

- Majorantenkriterium, 43, 104
- Maximum, 11
 - relatives, 77
- Minimum, 11

- relatives, 77
- Minorantenkriterium, 43, 104
- monoton, 26
- monoton fallend, 26
- monoton wachsend, 25
- natürlichen Zahlen, 13
- Nullfolge, 24, 99
- obere Schranke, 11
- oberer Limes, 33
- oberes Integral, 87
- Obersumme, 87
- offene Menge, 65
- offenes Intervall, 11
- Partialbruch, 98
- Potenz
 - allgemeine, 68
 - natürliche, 19
 - rationale, 22
- Potenzreihe, 53
- Produktzeichen, 14
- rationale Funktion, 98
- Reellen Zahlen, 9
- Reihenglied, 39
- Reihensumme, 39
- Reihenwert, 39
- relatives
 - Extremum, 77
 - Maximum, 77
 - Minimum, 77
- Riemann-Stieltjes-Integral, 107
- Riemann-Stieltjes-integrierbar, 107
- Riemann-Stieltjes-Summe, 107
- Riemannsche Zwischensumme, 94
- Riemannscher Umordnungssatz, 47
- Sinus, 51
- Stammfunktion, 89
- streng monoton, 26
- streng monoton fallend, 26
- streng monoton wachsend, 25
- Summenzeichen, 14
- Supremum, 11
- surjektiv, 17
- Taylorpolynom, 84
- Taylorreihe, 84
- Teilfolge, 31
- Teilsumme, 39
- Totalvariation, 105
- Umgebung, 23
- Umordnung, 47
- unbestimmtes Integral, 96
- uneigentliche Integral, 103
- unendlich, 17
- untere Schranke, 11
- unterer Limes, 33
- unteres Integral, 87
- Untersumme, 87
- unzerlegbar, 98
- Variation, 105
- Verfeinerung, 87
- vollständige Induktion, 13
- Vollständigkeitsaxiom, 11
- Weierstraß, Kriterium von, 70
- Wurzel, 21
- Zerlegung, 87
- Zwischenvektor, 94