

A. Satz um Satz (hüpft der Has)

1.1. Rechenregeln zur Norm	7
1.2. Offene und abgeschlossene Mengen	9
2.1. Konvergenz	11
2.2. Häufungswerte und konvergente Folgen	12
2.3. Überdeckungen	12
3.1. Grenzwerte vektorwertiger Funktionen	15
3.2. Stetigkeit vektorwertiger Funktionen	16
3.3. Funktionen auf beschränkten und abgeschlossenen Intervallen	17
3.4. Fortsetzungssatz von Tietze	17
3.5. Lineare Funktionen und Untervektorräume von \mathbb{R}^n	17
3.6. Eigenschaften des Abstands zwischen Vektor und Menge	18
4.1. Satz von Schwarz	20
4.2. Folgerung	21
5.1. Differenzierbarkeit und Stetigkeit	24
5.2. Stetigkeit aller partiellen Ableitungen	25
5.4. Kettenregel	26
5.5. Injektivität und Dimensionsgleichheit	27
6.1. Der Mittelwertsatz	29
6.3. Bedingung für Lipschitzstetigkeit	30
6.4. Linearität	30
6.5. Richtungsableitungen	31
6.6. Der Satz von Taylor	32
7.1. Regeln zu definiten Matrizen und quadratischen Formen	36
7.2. Störung von definiten Matrizen	36
8.1. Nullstelle des Gradienten	37

8.2. Definitheit und Extremwerte	37
9.2. Stetigkeit der Umkehrfunktion	39
9.3. Der Umkehrsatz	39
10.1. Satz über implizit definierte Funktionen	43
11.1. Multiplikationenregel von Lagrange	45
12.1. Rektifizierbarkeit und Beschränkte Variation	49
12.2. Summe von Wegen	50
12.3. Eigenschaften der Weglängenfunktion	50
12.4. Rechenregeln für Wegintegrale	50
12.5. Eigenschaften stetig differenzierbarer Wege	51
12.6. Rektivizierbarkeit von Wegsummen	52
12.7. Eigenschaften der Parametertransformation	53
13.1. Berechnung des Wegintegrals	55
13.2. Rechnen mit Wegintegralen	55
13.3. Rechnen mit Integralen bezgl. der Weglänge	56
13.4. Stetige Differenzierbarekeit der Aneinanderhängung	57
14.1. Hauptsatz der mehrdimensionalen Integralrechnung	59
14.3. Wegunabhängigkeit, Existenz von Stammfunktionen	60
14.4. Integrabilitätsbedingungen	61
14.5. Kriterium zur Existenz von Stammfunktionen	61
15.1. Disjunkte Quaderzerlegung und Treppenfunktionsraum	63
15.2. Integral über Treppenfunktion (mit Definition)	64
15.3. Satz von Fubini für Treppenfunktionen	65
15.4. Eigenschaften des Integrals über Treppenfunktionen	65
16.1. Rechenregeln der L^1 -Halbnorm	68
16.2. L^1 -Halbnorm eines Quaders	68
16.3. L^1 -Halbnorm einer Treppenfunktion	69
16.4. Integration und Grenzwertbildung bei Treppenfunktionen	70
16.5. Rechenregln für Lebesgueintegrale	70

16.7. „Kleiner“ Satz von Beppo Levi	71
16.8. Lebegueintegral und L^1 -Halbnorm	72
16.9. Riemann- und Lebegueintegrale	72
16.10 Konvergente Treppenfunktionsfolge	73
16.11 Stetige und beschränkte Funktionen sind Lebegue-Integrierbar	74
16.12 Stetige und beschränkte Funktionen sind Lebegue-Integrierbar	74
16.13 “Kleiner” Satz von Fubini	74
16.14 Aufteilung des Integrals in Doppelintegrale	76
17.1.	79
17.2.	79
17.3. Prinzip von Cavalieri	80
17.4.	80
17.5.	81
17.6.	81
17.7.	81
17.8.	82
17.9.	82
17.10.	83
17.11.	83
17.13.	84
18.1. Satz von Riesz-Fischer	85
18.2. Satz von Beppo Levi	85
18.3.	86
18.4. Uneigentliche Lebesgue- und Riemann-Integrale	86
18.5.	87
18.6. Satz von Lebesgue (Majorisierte Konvergenz)	87
18.7.	88
19.1.	91
19.3.	92

A. Satz um Satz (hüpft der Has)

20.1. Satz von Fubini	93
20.2. Substitutionsregel	93
21.1.	97
21.2. Vertauschbarkeit von Integration und Differentiation	97
21.3.	98

Stichwortverzeichnis

L^1

Cauchyfolge, 85

Halbnorm, 67

Konvergenz, 85

abgeschlossene Kugel, 9

abgeschlossene Menge, 9

Ableitung, 24

partielle, 19

Abschließung, 9

Abstand

zwischen Vektor und Menge, 18

zwischen zwei Vektoren, 7

Aneinanderhängung, 57

Anfangspunkt, 49

äquivalent, 53

Ausschöpfung, 85

Berührungspunkt, 9

Beschränktheit

einer Funktion, 17

einer Menge, 8

Bogen, 49

Bogenmaß, 52

Bolzano-Weierstraß, 11

Cauchy-Kriterium, 11

Cauchy-Schwarzsche Ungleichung, 7

charakteristische Funktion, 63

Cramersche Regel, 39

CSU, 7

differenzierbar, 23

Differenzierbarkeit

partielle, 19

Eigenwerte, 36

einfach

bezüglich eines Faktors, 76

Einschränkung einer Funktion, 45

Endpunkt, 49

fast überall, 81

Figur, 82

Funktion

triviale Erweiterung, 72

Funktionalmatrix, 23

Gebiet, 29

glatt, 52

Gradient, 19

Grenzwert, 11

Häufungspunkt, 8

Hüllreihe, 67

Hesse-Matrix, 35

indefinit, 35

Inhalt

einer Hüllreihe, 67

Innenprodukt, 7

innerer Punkt, 8

Inneres einer Menge, 8

Integrabilitätsbedingungen, 61

Inverser Weg, 49

Jacobi-Matrix, 23

Konvergenz, 11

konvex, 29

Länge, 49

Länge, 7

Lebesgueintegrierbarkeit, 70

Lebesgueintegral, 70

über einer Menge, 72

Lebesguemaß, 79, 91

Limes, 11

lokales Extremum, 37

unter einer Nebenbedingung, 45

lokales Maximum, 37

lokales Minimum, 37

Matrix-Vektorprodukt, 8

messbar, 91, 92

Multiplikator, 45

negativ definit, 35
Norm, 7
Nullmenge, 80

offene Kugel, 8

Parameterdarstellung, 52
Parameterintervall, 49
Parametertransformation, 53
Partielle Ableitung, 19
Partielle Differenzierbarkeit, 19
positiv definit, 35

Quader, 63
quadratische Form, 35
quadrierbar, 79

Rand, 9
Randpunkt, 9
Rektifizierbarkeit, 49
Richtung, 30
Richtungsableitung, 30
Richtungsvektor, 30

Skalarprodukt, 7
Stammfunktion, 59
Stationärer Punkt, 37
sternförmig, 61
Stetigkeit, 16
 auf einem Intervall, 16
 gleichmäßige, 16
 Lipschitz-, 16
stückweise glatt, 52
stückweise stetig differenzierbar, 52
Summe
 von Wegen, 50

Teilfolge, 11
Treppenfunktion, 63

Überdeckungssatz von Heine-Borel, 13
Umgebung, 8
Umordnung, 11

vektorwertige Funktion, 15
Verbindungsstrecke, 29
Volumen, 63, 79

Weg, 49
 inverser, 49
Wegintegral, 55
Weglängenfunktion, 50
wegunabhängig, 60
Winkelmas, 52