## 2013 - 2014 学年度第一学期期中考试 高一数学试券

## 注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将姓名、班级等填写清楚, 解题时要认真审题, 规范作答.
- 2. 本试卷共 21 道试题, 满分 150 分, 考试时间 120 分钟.
- 一. 选择题: 本大题共 10 题, 满分 50 分. 请选择你认为最正确的答案(每小题有且只有一个)写在括号内. 每题填写正确得5分,否则得0分.
- 1. 已知函数  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x}}$  的定义域为 M ,  $g(x) = \ln(x+1)$  的定义域为 N , 则  $M \cap N$  等于 ).
  - (A)  $\{x | -1 < x < 1\}$  (B)  $\{x | x < 1\}$
- (C)  $\{x | x > 1\}$
- (D) Ø

- 2. 已知函数  $\begin{cases} \log_2 x, x > 0 \\ 3^x, x \leq 0 \end{cases}$  ,则  $f[f(\frac{1}{4})]$  的值是
  - (A) 9

- (B) -9
- (C)  $\frac{1}{9}$

(D)  $-\frac{1}{9}$ 

3. 已知  $f(\sqrt{2x-1}+1) = x$ ,则

(A) f(x) = x

(B)  $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - x + 1$ 

(C)  $f(x) = x(x \ge 1)$ 

(D)  $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - x + 1(x \ge 1)$ 

- 4. 下列各不等式中正确的是 2 2 1  $(A)\left(\frac{1}{2}\right)^{\overline{3}} < \left(\frac{1}{5}\right)^{\overline{3}} < \left(\frac{1}{2}\right)^{\overline{3}}$ 
  - (C)  $\left(\frac{1}{5}\right)^{\overline{3}} < \left(\frac{1}{2}\right)^{\overline{3}} < \left(\frac{1}{2}\right)^{\overline{3}}$

- (B)  $\left(\frac{1}{5}\right)^{\frac{2}{3}} < \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{2}{3}} < \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{3}}$
- (D)  $\left(\frac{1}{2}\right)^{\overline{3}} < \left(\frac{1}{2}\right)^{\overline{3}} < \left(\frac{1}{5}\right)^{\overline{3}}$
- 5. 已知  $\begin{cases} 1(x \ge 0) \\ 0(x < 0) \end{cases}$  , 则不等式  $xf(x) + x \le 2$  的解集为
  - $(A) (-\infty, 1]$
- (B) [0, 2]
- (D) [0,1]

6. 函数  $f(x) = \ln x - \frac{2}{x}$  的零点所在的大致区间是

).

- (A)(1,2)
- (B) (2,3)
- (C)  $(\frac{1}{e}, 1)$  和 (3, 4) (D) (e, +∞)
- 7. 已知集合  $A = \{x | x < a\}, B = \{x | 1 < x < 2\}, A \cup (C_R B) = R$ ,则实数 a 的取值范围是
- ).

).

).

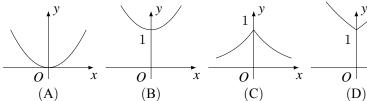
).

).

).

- (A)  $a \ge 2$
- (B) a > 2
- (C)  $a \leq 1$
- (D) a < 1

- 8. 函数  $y = a^{|x|}(a > 1)$  的图象是 (

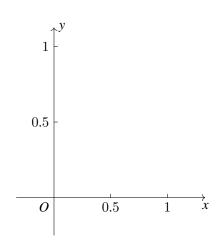


	<b>州</b> 印定		( ).	
	(A) $f(2008) > f(2009)$	(B) $f(2008) > f(2011)$		
	(C) $f(2009) > f(2012)$	(D) $f(2009) > f(2011)$		
10.	非空集合 $G$ 关于运算 $\odot$ 满足: ①对任意 $a,b \in G$ ,都有 $a \odot b \in G$ ; ③存在 $e \in G$ ,使得对一切 $a \in G$ ,都有 $a \odot e = e \odot a = a$ ,则称集合 $G$ 关于运算 $\odot$ 为 "和谐集". 现给出下列的集合和运算: ① $G = \{$ 非负整数 $\}$ , $\odot$ 为整数的加法; ② $G = \{$ 偶数 $\}$ , $\odot$ 为整数的乘法; ③ $G = \{$ 二次三项式 $\}$ , $\odot$ 为多项式的加法. 其中 $G$ 关于运算 $\odot$ 为 "和谐集"的是			
	(A) ① (B) ① ②	(C) 3	(D) ① ② ③	
二. 填空题:本大题共 4 题,满分 20 分. 请在横线上方填写最终的、最准确的、最完整的结果. 每题填写正确得 5 分,否则一律得 0 分.   11. 若函数 $f(x) = a^x(a > 0$ 且 $a \neq 1$ ) 的反函数的图象过点 $(3, -1)$ ,则 $a =$				
12.	2. 已知 $f(x) = ax^{2013} + bx^{2011} + cx^{2009} + 5(a, b, c \in R)$ . 若 $f(\lg 2) = 10$ ,则 $f(\lg \frac{1}{2}) = $			
13.	3. 已知函数 $f(x)$ 的定义域为 $[0,2]$ ,则函数 $g(x) = \frac{f(2x)}{x-1}$ 的定义域为			
14.	. 已知函数 $f(x) = \frac{\sqrt[3]{8x-1}}{ax^2+x-3}$ 的定义域为 $R$ ,则实数 $a$ 的取值范围是			
15.	某企业年初有资金 100 万元, 若该企业经过有效经营, 能使每年资金平均增长 50%, 但每年年底要扣除消费基金 $x$ 万元, 余下的投入再生产, 为实现 3 年后资金达 290 万元(扣除消费基金后),则 $x=$			
三. 简答题:本大题共6题,满分80分.请在题后空处写出必要的推理计算过程.				
16.	(12 分) 已知 $x \in R$ , 集合 $A = \{x   x^2 - 3x + 2 = 0\}$ , $B$ 取值范围.	$= \{x   x^2 - 3x - 2m = 0\} \ , \ \ \stackrel{?}{\not=}$		
17.	(12 分) 已知函数 $f(x) = 2x - \frac{a}{x}(a > 0)$ . (1) 判断函数 $f(x)$ 的奇偶性,并证明你的结论; (2) 求证:函数 $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上是增函数.			

9. 已知函数 f(x) 定义域为 R ,在  $\left(2010,+\infty\right)$  上是减函数,且函数 f(x+2010) 为偶函数,则下列式子正

- 18. (12 分) 化简下列各式.
  - (1)  $4^{\frac{1}{2}} + 2\log_4 9 \log_2 \frac{9}{8}$ ;
  - $(2) \ (2a^{\frac{2}{3}}b^{\frac{1}{2}})(-6a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{3}}) \div (-3a^{\frac{1}{6}}b^{\frac{5}{6}})(a>0,b>0).$

- 19. (13 分) 已知  $f(x) = \begin{cases} f_1(x), x \in \left[0, \frac{1}{2}\right] \\ f_2(x), x \in \left(\frac{1}{2}, 1\right] \end{cases}$ , 其中  $f_1(x) = -2x^2 + 2x + \frac{1}{2}$ ,  $f_2(x) = -2x + 2$ .
  - (1) 画出函数 f(x) 的图象.
  - (2) 若  $x_0 \in \left[0, \frac{1}{2}\right], x_1 = f(x_0), x_0 = f(x_1), 求 x_0$  的值.



- 20. (13 分) 设函数  $f(x) = \begin{cases} 2^{-x+3}, x < -1 \\ 2^{3x+1}, -1 \le x \le 1 \\ 2^{x+3}, x > 1 \end{cases}$ 
  - (1) 求函数 f(x) 的单调区间;
  - (2) 若对任意  $x \in R$  不等式  $f(x) \ge 2^{2a} 2^a \frac{7}{4}$  恒成立,求实数 a 的取值范围.

- 21. (13 分) 已知函数:  $f(x) = \log_4(x+1) + \log_4(3-x), g(x) = \log_4(ax^2 + 2x + 3).$ 
  - (1) 求 f(x) 的单调区间;
  - (2) 是否存在非零实数 a ,使 g(x) 的最小值为 0 ? 若存在。求出 a 的值;若不存在,说明理由.