

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №7
по дисциплине «Криптография и защита информации»
Тема: Изучение асимметричных протоколов и шифров

Студент гр. 8383

Ларин А.

Преподаватель

Племянников А.К.

Санкт-Петербург

2021

Цель работы

Исследовать протокол Диффи-Хеллмана, шифр RSA и получить практические навыки работы с ними, в том числе с использованием приложения Cryptool 1 и 2.

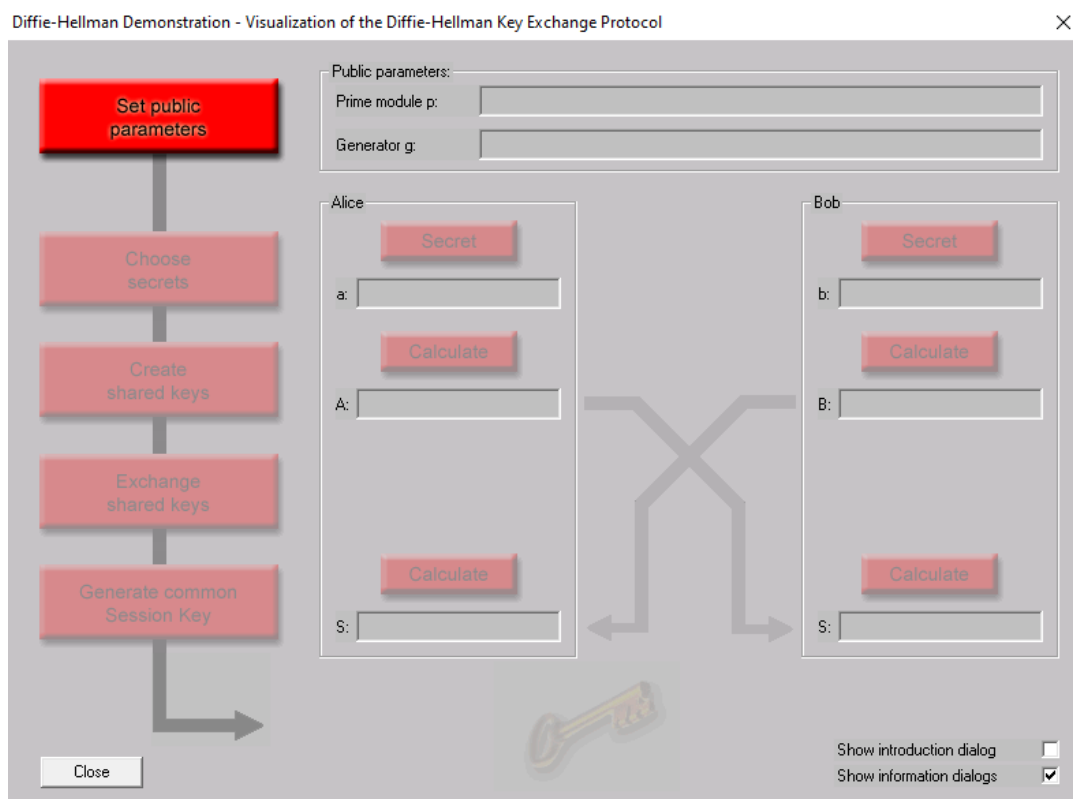
1. Протокол Диффи-Хеллмана

Задание

1. Запустите утилиту `Indiv.Procedures→Protocols→Diffie-Hellman demonstration...` и установите все опции информирования в ON.
2. Выполните последовательно все шаги протокола.
3. Сохраните лог-файл протокола для отчета (пиктограмма с изображением ключа).
4. Используйте полученный общий ключ для зашифровки и
5. расшифровки произвольного сообщения. Шифр выберите самостоятельно.

Выполнение

1.



2. Взято простое число длиной 512 бит

p =

176155186961158300932057809006104039769658901203065582639342718
634662509281568350719427763002472885080421423996729425429644693
78747427736554057069034492927

g =

884693076013597300352006373093104283927492894974169339348514522
754608779027472160246723213430297658140187312442186289529131694
5338024480557531614660492893

a =

637391219838910720241606235828437788892010630976952090829851060
125851088326949354696349753593970678734540943802803451139345254
0931688873092460941537193644

b =

118268643592312616110524044658982955816283713483652446726646827
054134391444667637130853864173715914799635468175603585134302864
6106119924164133553364886275

A =

951508424412132566465965888925252973440016955731200189526006081
262013533191111798426168369273278007487625368035954602730861638
1901871665529361349683364828

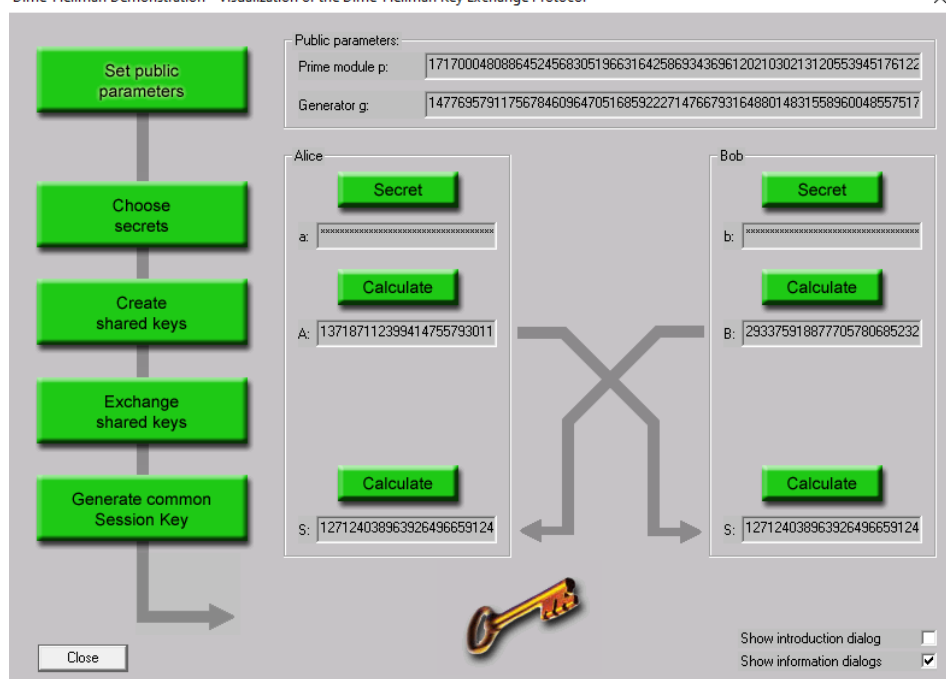
B =

115493431028993142735389368224748114567916397426791305483795024
275447590707182847964122597440773359815736289516073692552922512
81406094752413327463405980295

S =

123451354940584800197240103742290248348815847642198864111179731
491800276085381678648549713707138508112413899891956976139961444
6363871188887023141621482789

Diffie-Hellman Demonstration - Visualization of the Diffie-Hellman Key Exchange Protocol



4. Взят открытый текст larin anton
Зашифрованный AES текст 54 CE F6 D9 F2 F1 1D 1F 51 83 6D C7 20 9E 5D B8
После расшифровки получен текст larin anton

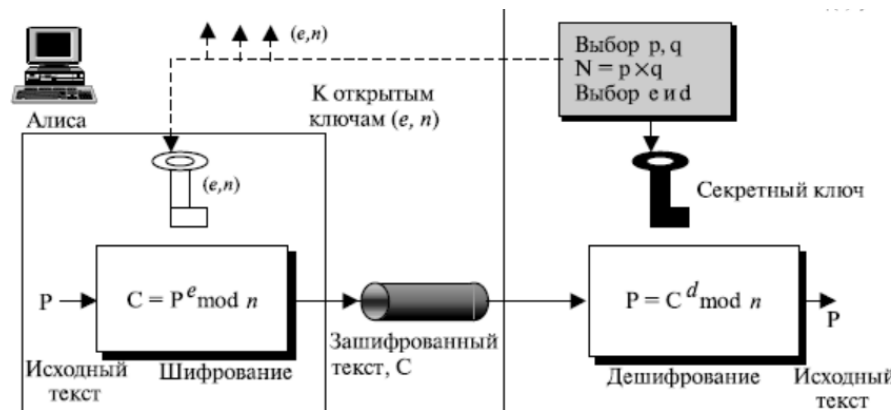
2. Шифр RSA

Задание

1. Запустите утилиту Indiv.Procedures→RSA Cryptisystem→RSA Demonstration
2. Задайте в качестве обрабатываемого сообщения свою Ф.И.О.
3. Сгенерируйте открытый и закрытый ключи.
4. Зашифруйте сообщение. Сохраните скриншот результата.
5. Расшифруйте сообщение. Сохраните скриншот результата.
6. Убедитесь, что расшифрование произошло корректно.

Выполнение

1.



RSA Demonstration

☐ RSA using the private and public key -- or using only the public key

☒ Choose two prime numbers p and q. The composite number $N = pq$ is the public RSA modulus, and $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is the Euler totient. The public key e is freely chosen but must be coprime to the totient. The private key d is then calculated such that $d = e^{-1} \pmod{\phi(N)}$.

☐ For data encryption or certificate verification, you will only need the public RSA parameters: the modulus N and the public key e.

Prime number entry

Prime number p

Prime number q

RSA parameters

RSA modulus N (public)

$\phi(N) = (p-1)(q-1)$ (secret)

Public key e $2^{16}+1$

Private key d

RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]

Input as ☒ text ☐ numbers

Enter the message for encryption or decryption either as text or as hex dump.

2. В качестве обрабатываемого текста взят «Iarin anton»

3. $p = 131$

$q = 227$

$n = 29737$

$\varphi(n) = 29380$

$e = 2^{16} + 1$

$d = 3013$

4. Результат зашифрования:

RSA Demonstration

RSA using the private and public key -- or using only the public key

☒ Choose two prime numbers p and q . The composite number $N = pq$ is the public RSA modulus, and $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is the Euler totient. The public key e is freely chosen but must be coprime to the totient. The private key d is then calculated such that $d = e^{-1} \pmod{\phi(N)}$.

☐ For data encryption or certificate verification, you will only need the public RSA parameters: the modulus N and the public key e .

Prime number entry

Prime number p : 131

Prime number q : 227

Generate prime numbers...

RSA parameters

RSA modulus N : 29737 (public)

$\phi(N) = (p-1)(q-1)$: 29380 (secret)

Public key e : $2^{16} + 1$

Private key d : 3013

Update parameters

RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]

Input as: ☒ text ☐ numbers

Alphabet and number system options...

Input text: Iarin anton

The Input text will be separated into segments of Size 1 (the symbol '#' is used as separator).

I # a # r # i # n # # a # n # t # o # n

Numbers input in base 10 format.

108 # 097 # 114 # 105 # 110 # 032 # 097 # 110 # 116 # 111 # 110

Encryption into ciphertext $c[i] = m[i]^e \pmod{N}$

11526 # 16216 # 23616 # 11692 # 27600 # 29161 # 16216 # 27600 # 01037 # 17123 # 27600

Encrypt Decrypt Close

5. Результат расшифрования

RSA Demonstration

RSA using the private and public key -- or using only the public key

☒ Choose two prime numbers p and q . The composite number $N = pq$ is the public RSA modulus, and $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is the Euler totient. The public key e is freely chosen but must be coprime to the totient. The private key d is then calculated such that $d = e^{-1} \pmod{\phi(N)}$.

☐ For data encryption or certificate verification, you will only need the public RSA parameters: the modulus N and the public key e .

Prime number entry

Prime number p : 131

Prime number q : 227

Generate prime numbers...

RSA parameters

RSA modulus N : 29737 (public)

$\phi(N) = (p-1)(q-1)$: 29380 (secret)

Public key e : $2^{16} + 1$

Private key d : 3013

Update parameters

RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]

Input as: ☐ text ☒ numbers

Alphabet and number system options...

Ciphertext coded in numbers of base 16

2D06 # 3F58 # 5C40 # 2DAC # 6BD0 # 71E9 # 3F58 # 6BD0 # 040D # 42E3 # 6BD0

Decryption into plaintext $m[i] = c[i]^d \pmod{N}$

006C # 0061 # 0072 # 0069 # 006E # 0020 # 0061 # 006E # 0074 # 006F # 006E

Output text from the decryption (into segments of size 1; the symbol '#' is used as separator).

I # a # r # i # n # # a # n # t # o # n

Plaintext

Iarin anton

Encrypt Decrypt Close

6. Исходный и расшифрованный текст совпадают

3. Исследование шифра RSA

Задание

1. Выбрать текст на английском языке (не менее 1000 знаков) и сохранить в файле формата *.txt
2. Сгенерировать пары асимметричных RSA-ключей утилитой Digital Signatures->PKI->Generate/Import Keys с различными длинами (4 варианта).
3. Зашифровать текст (примерно 1000 символов) различными открытыми ключами. Зафиксировать время зашифровки.
4. Расшифровать текст различными. Зафиксировать время зашифровки.
5. Проверить корректность расшифровки. Зафиксировать скриншоты результата.

Выполнение

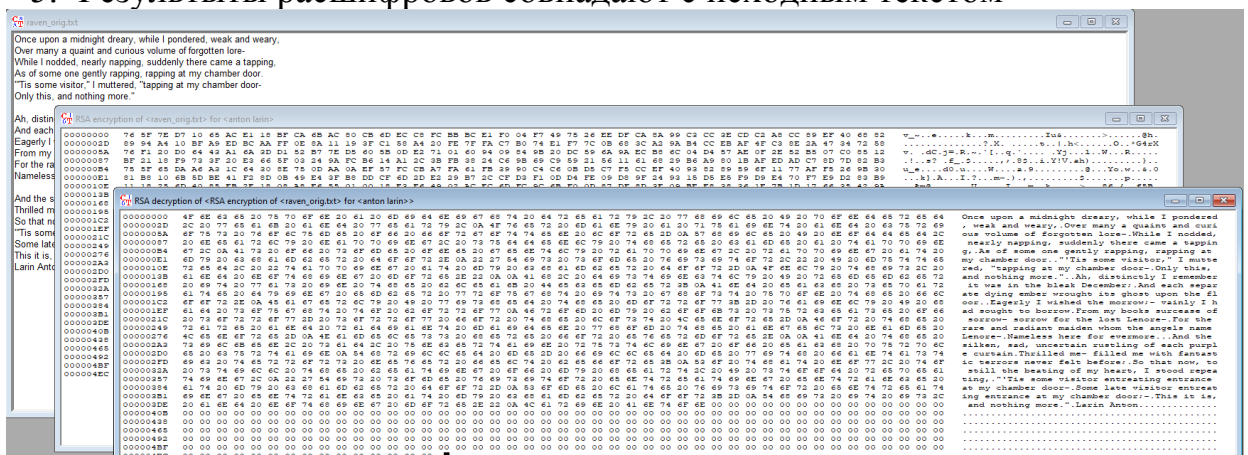
1. Взял исходный текст с тремя параграфами поэмы Raven. и ФИ в конце Его размер ~ 1000 символов (1021 байт)
2. Сгенерированы ключи длиной 512 байт (2.124 сек.), 768 (0.078), 1024 (0.157), 2048 (1.797)
3. Зашифрован один открытый текст разными ключами

	512	768	1024	2048
	0	0	0	0

4. Расшифрован один открытый текст разными ключами

	512	768	1024	2048
	0	0.014	0.016	0.046

5. Результаты расшифровок совпадают с исходным текстом



4. Атака грубой силы на RSA

Задание

1. Запустите утилиту Indiv.Procedures→RSACryptosystem→RSA Demonstration
2. Установите переключатель в режим «Choose two prime...».
3. Выберите параметры p и q так, чтобы $n=pq > 256$.
4. Задайте открытый ключ e .
5. Зашифруйте произвольное сообщение и передайте его вместе с, n и e коллеге. В ответ получите аналогичные данные от коллеги.
6. Запустите утилиту Indiv.Procedures→RSACryptosystem→RSADemonstration и установите переключатель в режим «For data encryption...»
7. Выполните факторизацию модуля n командой Factorize...
8. Используйте полученный результат для расшифровки сообщения полученного от коллеги. Проверьте корректность.

Выполнение

1. Запущена утилита
2. Выставлен параметр two primes
3. $p = 199$
 $q = 149$
 $n = 29651$
 $d = 11681$
4. $e = 2^{16} + 1$
5. Задано сообщение «Iarin anton»
Получено зашифрованное сообщение:
6424 # 25C7 # 63E7 # 6107 # 2BAE # 5E47 # 25C7 # 2BAE # 4F3E # 35D7 # 2BAE
6. На вход получаем публичный ключ e, n
7. Факторизация числа $n = 29651$ даёт исходные 149, 199 (0.014)

Factorization of a Number

Algorithms for factorization

☒ Brute-force
☒ Brent
☒ Pollard
☒ Williams
☒ Lenstra
☒ Quadratic sieve

Input

Enter the number to be factorized:

29651

Load number from file

Factorization (stepwise)

Click "Continue" to factor the input number. If the result (shown below) can be factored further, click the button again to execute the factorization.

Continue

Complete factorization into primes

Factorization

The factorization is represented in the format $\langle z_1^{a_1} * z_2^{a_2} * \dots * z_n^{a_n} \rangle$. Composite numbers are highlighted in red.

Last factorization through:

Brute Force

Found 2 factors in 0.014 seconds.

Factorization result:

149 * 199

Details

Close

8. Полученные числа использованы для расшифровки шифротекста. Результат совпал с исходным текстом.

RSA Demonstration

☐ RSA using the private and public key -- or using only the public key

☒ Choose two prime numbers p and q . The composite number $N = pq$ is the public RSA modulus, and $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is the Euler totient. The public key e is freely chosen but must be coprime to the totient. The private key d is then calculated such that $d = e^{-1} \pmod{\phi(N)}$.
☐ For data encryption or certificate verification, you will only need the public RSA parameters: the modulus N and the public key e .

Prime number entry

Prime number p

149

Prime number q

199

Generate prime numbers...

RSA parameters

RSA modulus N

29651

(public)
 $\phi(N) = (p-1)(q-1)$

29304

(secret)
Public key e

2¹⁶+1

Private key d

11681

Update parameters

☐ RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]

Input as
☐ text
☒ numbers

Alphabet and number system options...

Ciphertext coded in numbers of base 16

6424 # 25C7 # 63E7 # 6107 # 2BAE # 5E47 # 25C7 # 2BAE # 63E7 # 35D7 # 2BAE

Decryption into plaintext $m[i] = c[i]^d \pmod{N}$

006C # 0061 # 0072 # 0069 # 006E # 0020 # 0061 # 006E # 0072 # 006F # 006E

Output text from the decryption (into segments of size 1; the symbol '#' is used as separator).

I # a # r # i # n # # # a # n # r # o # n

Plaintext

Iarin anron

Encrypt

Decrypt

Close

8

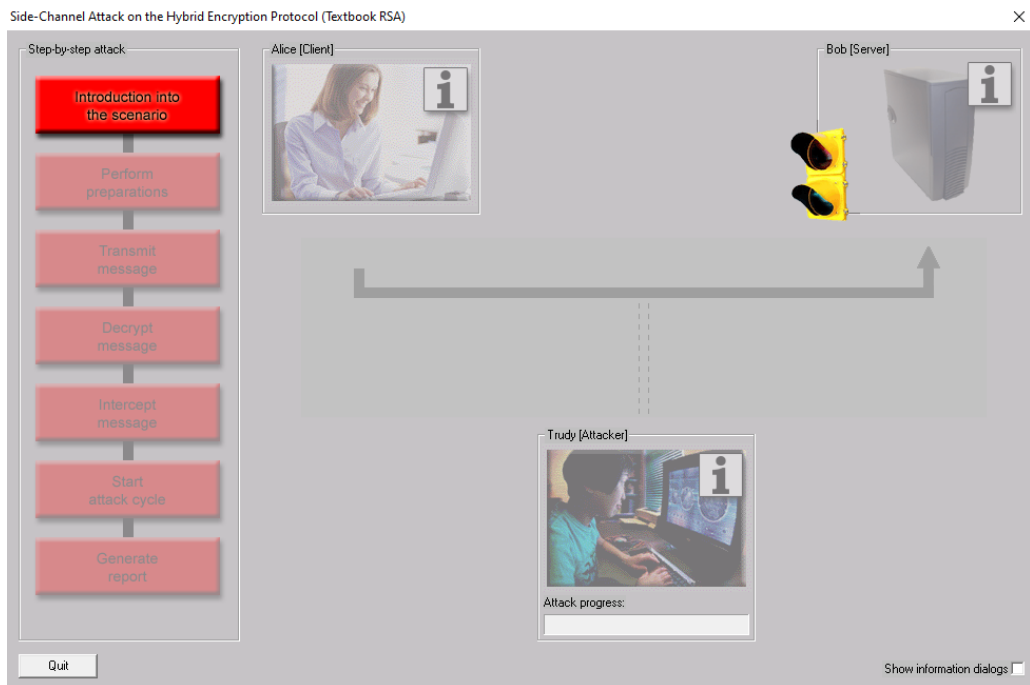
5. Имитация атаки на гибридную криптосистему

Задание

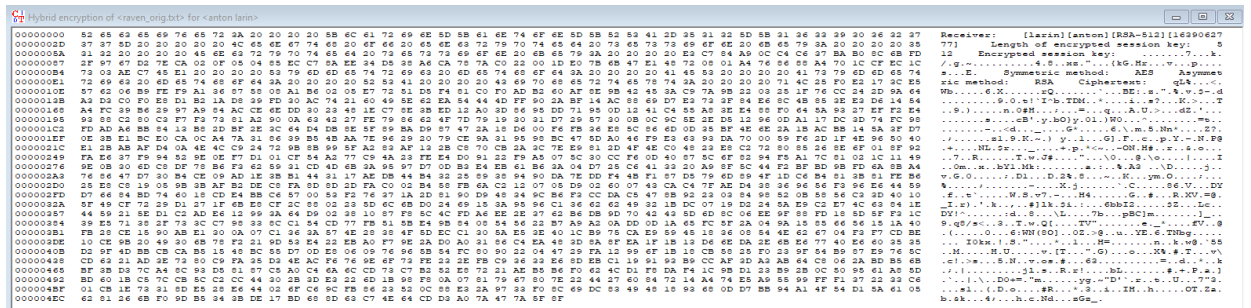
1. Подготовьте текст передаваемого сообщения на английском с вашим именем в конце.
2. Запустите утилиту Analysis->Asymmetric Encr...->Side-Channel attack on «Textbook RSA»...
3. Настройте сервер, указав в качестве ключевого слова ваше имя, используемое в конце текста.
4. Выполните последовательно все шаги протокола.
5. Сохраните лог-файлы участников протокола для отчета.

Выполнение

1. Выбраны те же три параграфа и Iarin anton в конце
- 2.



3. В качестве ключевого слова указано Anton
- 4.



0E35EEA65C2D9E686402857B7FD15556C407E9640BB3BC4EE236A3D44
33E8BD156FFC7F8BC5EA657A

II. MESSAGE TRANSMISSION

Alice sends the hybrid encrypted file to Bob over an insecure channel.

III. MESSAGE INTERCEPTION

Trudy intercepts the hybrid encrypted file and isolates the encrypted session key S:

6676643AA8D34E6BB06AD415892BF55CF4C27C7DD6F36DA9FADA461
F0CC7ACC83C772D760C24A6F97018B41AE37D45A5C7F88206A8987AC
0E35EEA65C2D9E686402857B7FD15556C407E9640BB3BC4EE236A3D44
33E8BD156FFC7F8BC5EA657A

IV. BEGINNING OF THE ATTACK CYCLE

She sends an exact copy of the original, encrypted message to Bob and extends it with the session key S' (encrypted with Bob's public key). Compared to the message sent by Alice, Trudy simply replaces the encrypted session key [ENC(S, PubKeyBob) is replaced by ENC(S', PubKeyBob)].

Trudy repeats this step 130 times, whereas the step count depends on the bit length of the used session key (step count = bit length + 2).

Выводы.

1. Исследован протокол Диффи-Хеллмана, для криптопреобразования на основе открытых ключей. Он позволяет обеим сторонам общения получить идентичную копию секретного ключа. Вручную проделаны шаги для обмена при помощи Cryptool. В конце у обеих сторон оказались идентичные ключи S . При помощи полученного ключа произведена зашифровка открытого текста.
2. Изучена работа шифра RSA - асимметричного блочного шифра. При помощи Cryptool были проделаны шаги алгоритма генерации открытого(n , e) и закрытого(d) ключа, зашифровки и корректной расшифровки сообщения
3. Исследован шифр RSA. Выбраны различные длины ключей (512, 768, 1024, 2048 бит). С их помощью зашифрован и расшифрован один и тот же текст длиной 1021 символ. По временным затратам можно сделать вывод, что время зашифровки и расшифровки зависит от длины ключа не более чем линейно, и не играет решающей роли, т. к. все расшифровки выполнены за небольшое время, а зашифровки за пренебрежимо малое.
4. Был изучен принцип работы атаки на RSA методом грубой силы. Он заключается в факторизации n , т. е. разложении его на p , q такие, что $p \cdot q = n$, что позволит восстановить закрытый ключ. Задача факторизации является вычислительно сложной, что означает, что для большого n она не выполнима за разумное время. Результат для малых p, q получен за 0.014 и был корректен.
5. Была изучена атака на гибридную криптосистему. Она относится к классу атак man-in-the-middle, подразумевающая третье лицо, прослушивающее открытый канал, по которому передаются сообщения (предп. зашифрованные). При помощи инструмента Cryptool была произведена пошаговая атака. В качестве открытого текста взяты первые три параграфа поэмы Raven и строка Larin Anton, которая использовалась для

проверки верности расшифрования. Атака полагает возможность прослушивания, перехвата, модифицирования сообщения и прослушивания из побочного канала, о том было ли сообщение корректно расшифровано (по содержанию ключевого слова). Атака заключается в замены старших бит корвета шифровкой ключа, сдвигом влево и посылкой серверу. Если ответ сервера положительный, то старший бит нулевой. Дальше сдвигая сообщение и проваряя ответы сервера можно восстановить всё сообщение, что было проверено демонстрацией в Cryptool.