PHỤ THUỘC HÀM VÀ DẠNG CHUẨN

- Phụ thuộc hàm
- Dạng chuẩn

PHỤ THUỘC HÀM

- Khái niệm phụ thuộc hàm
- Hệ tiên đề phụ thuộc hàm
- Bao đóng của tập phụ thuộc hàm
- Bao đóng của tập thuộc tính
- Phủ và phủ tối tiểu
- Khóa và siêu khóa

KHÁI NIỆM PHỤ THUỘC HÀM

Giả sử R(U) là một lược đồ quan hệ trên tập thuộc tính U, X và Y là hai tập con (khác rỗng) bất kỳ của U, ta nói X xác định Y, hay Y phụ thuộc hàm vào X, ký hiệu X → Y, khi và chỉ khi ∀ r trên R và ∀ t₁, t₂ ∈ r, nếu t₁[X] = t₂[X] thì t₁[Y] = t₂[Y]

KHÁI NIỆM PHỤ THUỘC HÀM

- Ví dụ
 - Với lược đồ R(U) thì luôn có U → A, ∀A ∈ U
 - Giả sử X là một khóa của lược đồ $R(\{A_1, A_2, ..., A_k\})$ thì $X \to Y$, $\forall Y \subseteq \{A_1, A_2, ..., A_k\}$
 - Trong DUAN(MS_DA, TEN, DIACHI, MS_DV) có phụ thuộc
 hàm TEN → DIACHI, TEN → DIACHI, MS_DV

HỆ TIÊN ĐỀ PHỤ THUỘC HÀM

- Giả sử F là một tập phụ thuộc hàm trên lược đồ R(U),
 khi đó
 - Một PTH X → Y được gọi là được suy dẫn từ F nếu mọi quan hệ r trên R thỏa tất cả các PTH trong F thì r cũng thỏa X → Y), ký hiệu F⊨ X → Y
 - Tập PT hàm S được gọi là được suy dẫn (dẫn xuất) từ F nếu
 mọi phụ thuộc hàm trong S đều được dẫn xuất từ F

HỆ TIÊN ĐỀ PHỤ THUỘC HÀM

- Hệ tiên đề (luật cơ bản) Armstrong
 - Nếu Y⊆ X thì X→Y (phản xạ)
 - Nếu Z ⊆ U và X→Y, thì XZ→YZ (tăng trưởng)
 - Nếu X→Y, và Y → Z thì X→Z (bắc cầu)

HỆ TIÊN ĐỀ PHỤ THUỘC HÀM

- Nếu X→Y thì X → Z, ∀ Z ⊆ Y (luật phân rã)
- Nếu X→Y, X→V thì X→YV (luật hợp)
- Nếu X→Y và WY → Z thì WX → Z (luật tựa bắc cầu)

BAO ĐÓNG CỦA TẬP PHỤ THUỘC HÀM

 Ta gọi tập F⁺ là bao đóng của F nếu F⁺ bao gồm F và tất cả các phụ thuộc hàm được suy dẫn từ F

BAO ĐÓNG CỦA TẬP PHỤ THUỘC HÀM

- Thuật toán tính bao đóng của F
 - Bước 1: F⁺ = F
 - Bước 2: Áp dụng hệ luật Armstrong để tìm phụ thuộc
 hàm f được suy dẫn từ F⁺ và bổ sung f vào F⁺
 - Bước 3: Lặp lại bước 2 cho đến khi không tìm được thêm f nào khác từ F+

BAO ĐÓNG CỦA TẬP PHỤ THUỘC HÀM

- Ví dụ
 - Cho R(A,B,C) và $F=\{A\rightarrow B, B\rightarrow C\}$, tìm F^+
 - Ta có
 - \checkmark F⁺ = F
 - ✓ Ta có f: A → C là một phụ thuộc hàm được suy dẫn từ F⁺
 theo luật bắc cầu, F⁺ = F∪{f} = {A→B, B → C, A → C},
 không còn thêm được phụ thuộc hàm nào khác và F⁺

 Giả sử R(U) là một lược đồ quan hệ, X là một tập thuộc tính trong U và F là một tập phụ thuộc hàm trên R(U). Bao đóng của X theo F, ký hiệu là

$$X_{F}^{+} = \cup \{Y \subseteq U | X \rightarrow Y \in F^{+}\}$$

- Thuật toán tính bao đóng của X
 - Bước 1: Khởi tạo X_F⁺ = X
 - Bước 2: Nếu có phụ thuộc hàm f: Z → V trong F, sao cho Z ⊆ X_F⁺ và V ⊄ X_F⁺ thì X_F⁺ = X_F⁺ ∪ V
 - Bước 3: Lặp lại bước 2 cho đến khi không tìm thêm được phụ thuộc hàm f nào nữa
- Lưu ý: Thuật toán luôn dừng (do tập các thuộc tính hữu hạn), tại
 điểm dừng, tập X_F⁺ chính là bao đóng của tập thuộc tính ban đầu

- Ví dụ
 - Cho R(U) với U={A, B, C, D, E, F} với tập phụ thuộc hàm F = {AB → C, BC → AD, D → E, CG → B}. Tìm AB_F⁺
 - Theo thuật toán ta có
 - \checkmark AB_F⁺= AB
 - ✓ $AB_F^+ = AB \cup \{C\} = ABC \text{ (do } AB \rightarrow C)$
 - ✓ $AB_F^+=ABC\cup AD=ABCD$ (do $BC \rightarrow AD$)
 - ✓ $AB_F^+ = ABCD \cup \{E\} = ABCDE \text{ (do D} \rightarrow E)$

- Hệ quả: Phụ thuộc hàm f: X → Y được suy dẫn từ F,
 nếu Y ⊆ X_F⁺
- Ú'ng dụng
 - Kiểm tra sự tồn tại của phụ thuộc hàm X → Y
 - ✓ Tính bao đóng của X
 - ✓ Nếu $Y \subseteq X^+$, thì kết luận tồn tại $X \to Y$
 - \checkmark Ngược lại, kết luận không tồn tại $X \rightarrow Y$

- Cho lược đồ R(U) với U= {A,B,C,D,E,F} và tập phụ thuộc hàm {AB → C, BC → AD, D → E, CF → B}, kiểm tra sự tồn tại của phụ thuộc hàm AB → D
 - ✓ Dễ thấy $\{A,B\}^+ = \{A,B,C,D,E\} = U$, vì $\{D\} \subseteq \{AB\}^+$, nên tồn tại $AB \rightarrow D$
 - ✓ Vì {A,B,F}+ = {A,B,C,D,E} nên ABF là một khóa của
 R(U)

- Cho lược đồ R(U), hai tập phụ thuộc hàm F₁ và F₂ trên R(U) được gọi là tương đương, ký hiệu F₁≡F₂, nếu và chỉ nếu F₁+=F₂+
- F₁≡F₂ khi và chỉ khi F₁ được suy diễn từ F₂ và ngược
 lại
- Ví dụ: F₁={A→BC, A→D, CD →E} và F₂={A→BCD,
 CD→E} là tương đương

- Một tập phụ thuộc hàm F được gọi là phủ của tập phụ thuộc hàm E nếu mọi phụ thuộc hàm trong E đều thuộc F+ (nghĩa là mọi phụ thuộc hàm trong E đều được suy dẫn từ F)
 - Ví dụ: F={A→B, B → C} là một phủ của E = {A→B, B→C, A→C}

- Giả sử E là một tập phụ thuộc hàm, một tập phụ thuộc hàm F được gọi là phủ tối tiểu của E nếu F là phủ của E và thỏa ba điều kiện sau
 - Mọi phụ thuộc hàm trong F chỉ có một thuộc tính ở vế phải
 - Không tồn tại phụ thuộc hàm (dư thừa) X→A thuộc F sao cho F = F - {X→A}
 - Không tồn tại phụ thuộc hàm (không đầy đủ) X→A thuộc F sao cho có một tập Z ⊂ X mà F ≡ (F -{X→A})∪{Z→A}

- Ví dụ: Giả sử R(U) là một lược đồ với tập phụ thuộc hàm E={A→B, A→C, B→A, B→C, C→A, C→B, AB→C, AC→B, BC→A}.
- Thì có hai phủ tối tiểu của E
 - $F_1 = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow A\}$
 - $F_2 = \{A \rightarrow B, B \rightarrow A, B \rightarrow C, C \rightarrow B\}$

Thuật toán tìm phủ tối tiểu của E

- 1. Set F = E.
- 2. Replace each functional dependency $X \rightarrow \{A_1, A_2, ..., A_n\}$ in F by the n functional dependencies $X \rightarrow A_1, X \rightarrow A_2, ..., X \rightarrow A_n$
- 3. for each $X \rightarrow A$ in F

for each attribute B that is an element of X

if
$$\{ \{F - \{X \rightarrow A\} \} \cup \{ (X - \{B\}) \rightarrow A\} \}$$
 is equivalent to F then replace $X \rightarrow A$ with $(X - \{B\}) \rightarrow A$ in F

4. For each remaining functional dependency X→A in F

if
$$\{F - \{X \rightarrow A\}\}\$$
 is equivalent to F,
then remove $X \rightarrow A$ from F

Ví dụ

Cho tập $E = \{B \rightarrow A, D \rightarrow A, AB \rightarrow D\}$ các phụ thuộc hàm trên R(A,B,D), tìm phủ tối tiểu của E

- 1. Đặt F = E
- 2. Tất cả các phụ thuộc hàm đã ở dạng chuẩn (vế phải chỉ một thuộc tính)
- 3. Kiểm tra xem AB→D có thể được thay thế bởi B→D hay A→D không
- Từ $B \rightarrow A$, ta có $BB \rightarrow AB$ hay $B \rightarrow AB$, vì $AB \rightarrow D$ suy ra $B \rightarrow D$. Vậy có thể thay $AB \rightarrow D$ bởi $B \rightarrow D$ nên $F \equiv \{B \rightarrow A, D \rightarrow A, B \rightarrow D\}$
- 4. Trong F có B \rightarrow D và D \rightarrow A suy ra B \rightarrow A, nên loại bỏ B \rightarrow A . Vậy F \equiv {B \rightarrow D, D \rightarrow A} là phủ tối tiểu của E

SIÊU KHÓA

Cho R(U) là một lược đồ quan hệ, một tập con X của
U được gọi là một siêu khóa của R nếu có phụ thuộc
hàm X→ U (hay ∀ t₁, t₂ ∈ r trên R(U), nếu t₁[X] = t₂[X]
thì t₁[U] = t₂[U])

SIÊU KHÓA

- Ví dụ
 - Trong DUAN(<u>MS_DA</u>, TEN, DIACHI, MS_DV), thì
 {<u>MS_DA</u>, TEN}, MS_DA và TEN là các siêu khóa

SIÊU KHÓA

- Tìm khóa (siêu khóa) X của R(U)
 - ✓ Tính bao đóng của X
 - ✓ Nếu X+ = U, thì X là siêu khóa.
 - ✓ Ngược lại, kết luận X không phải là siêu khóa
- Cho lược đồ R(U) với U= {A,B,C,D,E,F} và tập phụ thuộc hàm {AB → C, BC → AD, D → E, CF → B}, kiểm tra tập {A,B,F} có là siêu khóa hay không
 - ✓ Vì {A,B,F}⁺ = {A,B,C,D,E} nên ABF là một khóa của R(U)

- Cho R(U) là một lược đồ quan hệ, một tập con X của
 U được gọi là một khóa của R nếu thõa mãn hai điều
 kiện
 - X là một siêu khóa
 - Không tồn tại tập con thực sự Z của X sao cho $Z \rightarrow U$

- Ví dụ
 - Trong DUAN(MS_DA, TEN, DIACHI, MS_DV), thì
 MS_DA và TEN là các khóa

- Cho R(U) và tập phụ thuộc hàm F, thuật toán tính các khóa của R(U) như sau
 - Bước 1: Xác định tập các tổ hợp các thuộc tính 2^{U} , $\Re = \emptyset$
 - Bước 2: ∀ tổ hợp K⊆ 2^U
 - Nếu K→U (hay K_F⁺=U)
 - $\mathfrak{K} = \mathfrak{K} \cup \{K\}$ (thêm một siêu khóa K vào \mathfrak{K})
 - Bước 3: ∀ K∈ ℜ
 - Nếu ∃K' ∈ ℜ sao cho K'⊂K
 - $\mathfrak{K} = \mathfrak{K} \{K\}$ (thì loại siêu khóa K không phải là khóa ra khỏi \mathfrak{K})

- Cho R(U) và tập phụ thuộc hàm F
 - Một thuộc tính được gọi là thuộc tính đích nếu nó chỉ xuất hiện ở vế phải của các phụ thuộc hàm trong F⁺
 - Một thuộc tính được gọi là thuộc tính nguồn nếu nó chỉ xuất hiện ở vế trái của các phụ thuộc hàm trong F⁺
 - Nhận xét:
 - Thuộc tính đích không xuất hiện trong bất kỳ khóa nào
 - Mọi thuộc tính nguồn phải xuất hiện trong tất cả các khóa

- Cho R(U) và tập phụ thuộc hàm F, thuật toán tính các khóa của R(U) cải tiến như sau
 - Bước 1: Xác định các tập thuộc tính đích D và nguồn N và các tổ hợp các thuộc tính 2^{U-D∪N}, ℜ =Ø
 - Bước 2: ∀ tổ hợp K*⊆ 2^{U-D∪N}
 - Nếu N∪K*→U (hay (N ∪ K*)_F*=U)
 - $\mathfrak{K} = \mathfrak{K} \cup \{N \cup K^*\}$ (thêm một siêu khóa $N \cup K^*$ vào \mathfrak{K})
 - Bước 3: ∀ K∈ ℜ
 - Nếu ∃K' ∈ ℜ sao cho K'⊂K
 - $\mathfrak{K} = \mathfrak{K} \{K\}$ (thì loại siêu khóa K không phải là khóa ra khỏi \mathfrak{K})

- Ví dụ: Cho R(A,B,C,D,E,G) với tập phụ thuộc hàm
 F={AD→B, EG →A, BC →G}, xác định các khóa của
 R
- Tính toán các khóa như sau:
 - ✓ Tập D=∅ (không có thuộc tính đích)
 - ✓ Tập N={C,D,E}
 - \checkmark 2^{U-D \cup N</sub> = {G, A, B, GA, GB, AB, GAB}}
 - ✓ Theo thuật giải (tính bao đóng của 7 tổ hợp thuộc tính) chỉ có 3 tổ hợp K₁= CDEG, K₂= CDEA, K₃= CDEB là các khóa của R

DẠNG CHUẨN

- Các vấn đề về thiết kế CSDL
- Phân rã lược đồ quan hệ
- Dạng chuẩn thứ nhất
- Dạng chuẩn thứ hai
- Dạng chuẩn thứ ba
- Dạng chuẩn Boyce Codd
- Phân rã về dạng chuẩn BCNF
- Phân rã về dạng chuẩn ba

CÁC VẤN ĐỀ VỀ THIẾT KẾ CSDL

- Dư thừa dữ liệu (dữ liệu lặp đi lặp lại nhiều lần gây lảng phí không gian lưu trữ)
- Xung đột dữ liệu (dữ liệu không nhất quán trong các không gian lưu trữ liên quan)
- Mất mát dữ liệu (dữ liệu bị mất trong quá trình xử lý)
- Một CSDL được thiết kế tốt phải hạn chế dư thừa,
 xung đột và mất mát dữ liệu trong quá trình xử lý dữ liệu

- Một phân rã của lược đồ R(U), ký hiệu $\Omega = [R_1(U_1), R_2(U_2), \dots, R_k(U_k)]$, là một phép phân hoạch thỏa mãn hai điều kiện
 - $U_i \subseteq U$
 - $U = U_1 \cup U_2 \cup ... \cup U_k$
- Một phân rã D = $[R_1(U_1), R_2(U_2), ..., R_k(U_k)]$ của lược đồ R(U) là đảm bảo duy trì tập thuộc tính nếu $R_1 \cup R_2 \cup ... \cup R_k = R$

- Cho tập phụ thuộc hàm F trên R, phép chiếu F trên R_i ⊆ R,
 được ký hiệu π_{Ri}(F), là tập phụ thuộc hàm X→Y trong F⁺
 sao cho X ∪ Y là tập con của R_i.
- Phép chiếu của F trên mỗi lược đồ R_i trong phân rã D của
 R là một tập phụ thuộc hàm trong F⁺ sao cho tất các thuộc
 tính ở vế trái và phải của phụ thuộc hàm là ở trong R_i.
- Phân rã D = {R₁, R₂, ..., R๓} của R được gọi là duy trì phụ
 thuộc hàm theo F nếu ((π_{R1}(F)) ∪ ... ∪ (π_{Rm}(F)))+ = F^{+.}

Phân rã D = {R₁, R₂, ..., R_m} của R theo tập phụ thuộc hàm F được gọi là không mất mát thông tin (lossless) nếu mọi quan hệ r trên R thỏa F thì (π_{R1}(r)*...*π_{Rm}(r)) = r.

Cho R(U) là một lược đồ quan hệ, F là một tập phụ thuộc hàm trên R(U) thì Ω = [R₁(U₁), R₂(U₂)] là một phân rã không mất mát thông tin đối với F khi và chỉ khi U₁ ∩ U₂ → U₁ – U₂ hoặc U₁ ∩ U₂ → U₂ – U₁

DẠNG CHUẨN THỬ NHẤT

 Một lược đồ quan hệ được gọi là ở dạng chuẩn thứ nhất (1NF) khi và chỉ khi các thuộc tính của nó chỉ nhận các giá trị nguyên tố

Quan hệ không 1NF

MS	TEN	DIADIEM
1	ABC	TP. Cần Thơ
		TP. Đà Nẵng
		TP. Hà Nội
		TP. Hồ Chí Minh
2	XYZ	TP. Đà Nẵng
		TP. Hà Nội
		TP. Hải Phòng

Quan hệ là 1NF

MS	TEN	DIADIEM
1	ABC	TP. Cần Thơ
1	ABC	TP. Đà Nẵng
1	ABC	TP. Hà Nội
1	ABC	TP. Hồ Chí Minh
2	XYZ	TP. Đà Nẵng
2	XYZ	TP. Hà Nội
2	XYZ	TP. Hải Phòng

DẠNG CHUẨN THỬ HAI

- Một lược đồ quan hệ được gọi là ở dạng chuẩn thứ
 hai (2NF) khi và chỉ khi nó ở dạng chuẩn thứ nhất và
 mọi thuộc tính không khóa phụ thuộc hàm đầy đủ vào
 khóa chính
- Ví dụ: Các quan hệ trên lược đồ THAMGIA_DA(MS_NV, MS_DA, SOGIO, TEN_NV, TEN_DA, DIADIEM) với các phụ thuộc hàm MS_NV, MS_DA → SOGIO, MS_NV → TEN_NV, MS_DA → TEN_DA, DIADIEM không ở dạng chuẩn thứ 2

DẠNG CHUẨN THỬ HAI

Một lược đồ R được gọi là dạng chuẩn 2 (tổng quát)
 nếu mọi thuộc tính không khóa của R là không phụ
 thuộc bộ phận vào bất kỳ khóa nào của R

DẠNG CHUẨN THỨ BA

- Một lược đồ quan hệ được gọi là ở dạng chuẩn thứ ba
 (3NF) khi và chỉ khi nó ở chuẩn thứ hai và không tồn tại
 thuộc tính không khóa của R phụ thuộc bắc cầu vào khóa
 chính
- Ví dụ
 - Các qua hệ trên lược đồ R(S,A,I,P), F ={SI→P, S→A}, không ở 3NF, vì thuộc tính không khóa A phụ thuộc bắc cầu vào khóa chính SI
 - Các qua hệ trên lược đồ R(C, S, Z), F ={CS→Z, Z→C}, là ở 3NF, vì mọi thuộc tính điều là thuộc tính khóa (CS và SZ là khóa)

DẠNG CHUẨN THỨ BA

Một lược đồ R được gọi là dạng chuẩn 3 (tổng quát)
nếu mọi phụ thuộc hàm không tầm thường X→A trong
R, thì X là một siêu khóa hoặc A là một thuộc tính
khóa của R

DẠNG CHUẨN BOYCE CODD

- Một lược đồ quan hệ R được gọi là ở dạng chuẩn Boyce – Codd (BCNF) khi và chỉ khi nó đạt dạng chuẩn thứ ba và với mọi phụ thuộc hàm X → A không tầm thường trên R (A ∉ X) thì X là một siêu khóa
- Ví dụ: Các quan hệ trên R(C, S, Z), F ={CS→Z,
 Z→C}, là ở 3NF, nhưng không ở BCNF vì trong Z→C,
 Z không phải là siêu khóa

- Input: Lược đồ R(U) với tập phụ thuộc hàm F
- Output: Tập các lược đồ R_i dạng 3NF duy trì tập phụ thuộc hàm là kết quả của phép phân rã từ R
 - 1. Tìm một phủ tối tiểu G của F
 - 2. Với mỗi vế trái các phụ thuộc hàm X→A₁, X→A₂, ..., X→A_k trong G tạo một lược đồ R_i(X,A₁,A₂, ...,A_k)
 - 3. Đặt mọi thuộc tính còn lại (chưa xuất hiện trong bất kỳ lược đồ nào) vào trong một lược đồ duy nhất (để đảm bảo duy trì các thuộc tính)

- Ví dụ
 - R(A,B,C,D) với F ={B→C, B→D} được phân rã thành dạng chuẩn ba là R₁(B,C,D) với khóa là B

Ví dụ

- Cho lược đồ U(Emp_ssn, Pno, Esal, Ephone, Dno, Pname, Plocation), trong đó Emp_ssn, Esal, Ephone là mã số, lương và số điện thoại nhân viên, Pno, Pname, Plocation là mã số, tên và vị trí dự án. Dno mã số đơn vị.
- Các phụ thuộc hàm trên U là: f₁: Emp_ssn → {Esal,
 Ephone, Dno}, f₂: Pno → { Pname, Plocation}, f₃: Emp_ssn,
 Pno → {Esal, Ephone, Dno, Pname, Plocation}

Bước 1

- Từ f₃ dễ thấy {Emp_ssn, Pno} là một khóa của U, nên F= {Emp_ssn → Esal, Ephone, Dno; Pno→Pname, Plocation; Emp_ssn, Pno→Esal, Ephone, Dno, Pname, Plocation} là tập phụ thuộc hàm trên.
- Áp dụng thuật toán tìm phủ tối tiểu ta có Pno là dư thừa trong Emp_ssn, Pno → Esal, Ephone, Dno và Emp_ssn là dư thừa trong Emp_ssn, Pno→Pname, Plocation. Vì vậy phủ tối tiểu là G= {Emp_ssn → Esal, Ephone, Dno; Pno → Pname, Plocation} (chỉ chứa f₁ và f₂, f₃ dư thừa)

Bước 2

- Dạng chuẩn 3: R₁(Emp_ssn, Esal, Ephone, Dno), R₂ (Pno, Pname, Plocation), các thuộc tính trong U đã ở trong R₁ và
 R₂
- Lưu ý dạng chuẩn 3 duy trì tập phụ thuộc hàm trên phủ tối tiểu, không duy trì tập phụ thuộc hàm gốc F, khóa {Emp_ssn, Pno} bị mất trong tập các lược đồ dạng chuẩn 3 dẫn đến mất thông tin

- Có thể dư thừa dữ liệu
- Không tổn thất thông tin
- Bảo toàn phụ thuộc hàm

- Input: Lược đồ R(U) với tập phụ thuộc hàm F
- Output: Tập các lược đồ R_i dạng 3NF là kết quả của phép phân rã từ R
 - Bược 1: Tìm một phủ tối thiểu G của F
 - 2. Với mỗi vế trái các phụ thuộc hàm X→A₁, X→A₂, ..., X→A_k trong G tạo một lược đồ R_i(X,A₁,A₂, ...,A_k)
 - 3. Nếu không có lược đồ nào chứa một khóa của R thì tạo thêm một lược đồ chứa tất cả các thuộc tính của khóa
 - Bước 4: Loại bỏ các lược đồ dư thừa trong tập các lược đồ kết quả (một lược đồ Q được gọi là dư thừa nếu Q là kết quả được chiếu của một lược đồ S khác)

Ví dụ

- Áp dụng thuật toán cho ví dụ trước ta có dạng chuẩn 3 duy trì phụ thuộc hàm, không mất thông tin: R₁(Emp_ssn, Esal, Ephone, Dno), R₂ (Pno, Pname, Plocation), R₃(Emp_ssn, Pno)
- Lưu ý: R₃(Emp_ssn, Pno) là lược đồ bổ sung trong bước 3 của thuật toán. Không có lược đồ dư thừa trong các lược đồ kết quả.

- Hạn chế dư thừa dữ liệu
- Không tổn thất thông tin
- Không bảo toàn phụ thuộc hàm (vì mọi PTH phải chứa khóa)

- Input: Lược đồ R(U) với tập phụ thuộc hàm F
- Output: Tập các lược đồ R_i(U_i) là kết quả của phép phân rã
 R(U) thành dạng BCNF không mất mát thông tin
 - Bước 1: Kiểm tra R(U) có vi phạm BCNF hay không, nếu không trả về kết quả là R(U)
 - Bước 2: Nếu R(U) vi phạm, chọn một phụ thuộc hàm X \rightarrow A mà X không là siêu khóa, phân rã R(U) thành hai lược đồ $R_1(XA)$ và $R_2(U-A)$ (lưu ý $R_1 \cap R_2 = X$, X \rightarrow R₁-R₂=A, trong đó $U_1 = XA$ và $U_2 = U-A$)
 - Bước 3: Tính tập phụ thuộc hàm F₁+, F₂+ trên R₁, R₂
 - Bước 4: Lặp lại bước 2 và 3 cho R₁ và R₂ cho đến khi mọi
 lược đồ đều ở dạng chuẩn BCNF

- Ví dụ: Với R(A,B,C,D), F ={A→B, B→C, CD→A}
 - Khóa là CD nên R không là BCNF
 - Từ A \rightarrow B phân rã R thành 2 lược đồ dạng BCNF là $R_1(A,B)$ với F_1^+ ={A \rightarrow B} và $R_2(A, C, D)$ với F_2^+ ={CD \rightarrow A}