

Signaal verwerking toepassing

derde orde 0.5dB chebyshev lp filter

Auteur(s): Tycho Jöbsis en Jochem Leijenhorst

Datum: 6 februari 2022



${\bf Inhoud sopgave}$

1 Analoog		2	
	1.1	De opdracht	2
	1.2	Overdracht bepalen	2
	1.3	Tweede orde/Sallen-key	2
	1.4	Eerste orde	2
	1.5	LTspice	9
	1.6	Metingen	

1 Analoog

1.1 De opdracht

Maak een derde orde 0.5dB ripple chebyshev lowpass filter met een F_C van 70Hz. In de doorlaat band moet er met 10dB worden versterkt. Uit de tabel zijn de volgende gegevens te halen.

- In doorlaat +10dB versterking
- $\omega_{0_1} = 1.0688$

Engineering

- $\omega_{0_2} = 0.6265$
- $\alpha = 0.5861$
- $Q = \frac{1}{\alpha} = 1.7061$

1.2 Overdracht bepalen

Door de waardes uit de tabel in te vullen in de standaard formule (zie formule 1) komt daar formule 2 uit.

H(s) kan worden opgesplitst in een tweede orde deel en een eerste orde deel zie formule 3. Het opsplitsen van H(s) in $H(s)_1$ en $H(s)_2$ is noodzakelijk voor het goed ontwerpen van het analoge filter.

Het tweede orde deel heeft de overdracht die te zien is in formule 4 en de overdracht van het eerste orde deel is te zien in formule 5

$$H(s) = \frac{(\omega_{0_1} \cdot \omega_c)^2 \cdot \omega_c \cdot \omega_{0_2}}{(s^2 + \alpha \cdot \omega_{0_1} \cdot \omega_c \cdot s + (\omega_{0_1} \cdot \omega_c)^2) \cdot (s + \omega_c \cdot \omega_{0_2})}$$
(1)

$$H(s) = \frac{220156.6429 \cdot 275.0335}{(20)}$$

$$H(s) = \frac{220156.0429 \cdot 275.0335}{(s^2 + 274.9999 \cdot s + 220156.6429)(s + 275.0335)} \tag{2}$$

$$H(s) = H(s)_1 \cdot H(s)_2 \tag{3}$$

$$H(s)_1 = \frac{(\omega_{0_1} \cdot \omega_c)^2}{s^2 + \alpha \cdot \omega_{0_1} \cdot \omega_c \cdot s + (\omega_{0_1} \cdot \omega_c)^2} \tag{4}$$

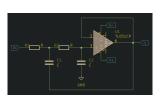
$$H(s) = H(s)_1 \cdot H(s)_2 \tag{3}$$

$$H(s)_1 = \frac{(\omega_{0_1} \cdot \omega_c)^2}{s^2 + \alpha \cdot \omega_{0_1} \cdot \omega_c \cdot s + (\omega_{0_1} \cdot \omega_c)^2} \tag{4}$$

$$H(s)_2 = \frac{\omega_c \cdot \omega_{0_2}}{s + \omega_c \cdot \omega_{0_2}} \tag{5}$$

(6)

1.3 Tweede orde/Sallen-key



Het tweede orde deel van het derde orde filter wordt via de Sallen-key topologie gerealiseerd. In afbeelding 1 is te zien hoe een laag doorlaat sallen-key filter er uit ziet.

$$C_1 = \frac{2Q}{\omega_c \omega_{0_1} R} \tag{7}$$

$$C_2 = \frac{1}{2Q\omega_c\omega_{0_1}R} \tag{8}$$

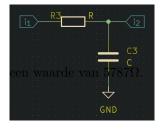
Figuur 1: Sallen-key

Als $R_1 = R_2$ kan C_1 berekend worden met formule 7 en C_2 met formule 8. Voor dit filter is gekozen om voor R $10k\Omega$ te kiezen. Waardoor $C_1 = 727nF$.

727nF is alleen niet een waarde waarin condensatoren worden gemaakt. Door C_1 te veranderen naar 750nF kan er wel een condensator worden gekocht met de juiste waarde.

Door C_2 met formule 8 uit te rekenen komt C_2 uit op een waarde van 62nF, deze waarde is wel direct te koop. Beide waardes zitten alleen niet in de E6/12 reeks en zijn dus aanzienlijk duurder, hier gaat een afweging meespelen tussen de prijs van componenten en de kwaliteit van het filter.

1.4 Eerste orde



Figuur 2: Eerste orde lp filter

Een passief eerste orde laag doorlaat filter staat in figuur 2. Met formule 9 is het mogelijk om de verschillende component waardes uit te rekenen voor het filter. Wij hebben $C_3 = 100nF$ gekozen waaruit formule 10 volgt dat $R_3 = 5787\Omega$ dit moet worden afgerond op $5.6k\Omega$ omdat er geen weerstanden beschikbaar zijn met

$$\omega_c * \omega_{0_2} = \frac{1}{R_3 C_3}$$
 (9) $R_3 = \frac{1}{\omega_c * \omega_{0_2} C_3}$

- 1.5 LTspice
- 1.6 Metingen