

# Rapport de projet statistique inférentielle en R

BOUSSIN W. Ella Perside      OUEDRAOGO B. Emilie  
BAMOGO Cheick      GAMBO Mickaël      BONI T. Nathanaël

## Table of contents

<b>1</b>	<b><i>Exercice 1 : Algorithme en R</i></b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b><i>Exercice 2 : Influence de l'alcool sur le temps de réaction</i></b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b><i>Exercice 3 : Analyse de données pour enfant</i></b>	<b>8</b>
<b>4</b>	<b><i>Exercice 4 : ANOVA</i></b>	<b>13</b>
<b>5</b>	<b>Membres du groupe</b>	<b>17</b>

## **1 Exercice 1 : Algorithme en R**

1. Calculer la moyenne et la variance d'une série statistique des données entrées par un utilisateur
  - Première du code :
    - On demande à l'utilisateur de saisir l'effectif de la série statistique
    - On initialise un vecteur 'numeric' de la longueur spécifiée
    - On demande de saisir les différents éléments de la série statistique

```

1 #=====
2 #                               Exercice 1
3 #
4 #=====
5
6
7 # Demander à l'utilisateur la taille de la série
8 n <- as.integer(readline("Entrez l'effectif de la série : "))
9
10 # Initialiser un vecteur vide
11 serie <- numeric(n)
12
13 # Lire les éléments un par un
14 for (i in 1:n) {
15   serie[i] <- as.numeric(readline(paste("Entrez la valeur numéro", i, ": ")))
16 }
17

```

2. Resultat de la première partie du code

```

> # Demander à l'utilisateur la taille de la série
> n <- as.integer(readline("Entrez l'effectif de la série : "))
Entrez l'effectif de la série : 5
> # Initialiser un vecteur vide
> serie <- numeric(n)
> # Lire les éléments un par un
> for (i in 1:n) {
+   serie[i] <- as.numeric(readline(paste("Entrez la valeur numéro", i, ": ")))
+ }
Entrez la valeur numéro 1 : 0.60
Entrez la valeur numéro 2 : 0.80
Entrez la valeur numéro 3 : 0.78
Entrez la valeur numéro 4 : 0.45
Entrez la valeur numéro 5 : 0.90
>

```

- Seconde partie du code :
  - On calcul la moyenne de la série puis on l'affiche
  - On calcul la variance de l'échantillon ()

```

18
19 |
20 # Calcul de la moyenne
21 moyenne <- mean(serie)
22
23 # Affichage du résultat
24 cat("La moyenne de la série est :", moyenne, "\n")
25
26 # Variance de l'échantillon
27 variance_echantillon = var(serie)
28 cat("La variance de l'échantillon est de: ", variance_echantillon, "\n")
29
30 # Calcul de la variance de la population ( $S^2$ )
31 variance_population <- var(serie) * (n - 1) / n
32 # Affichage de la valeur de la variance de la série statistique
33 cat("La variance de la population est de : ", variance_population, "\n")
34

```

### 3. Résultat du code

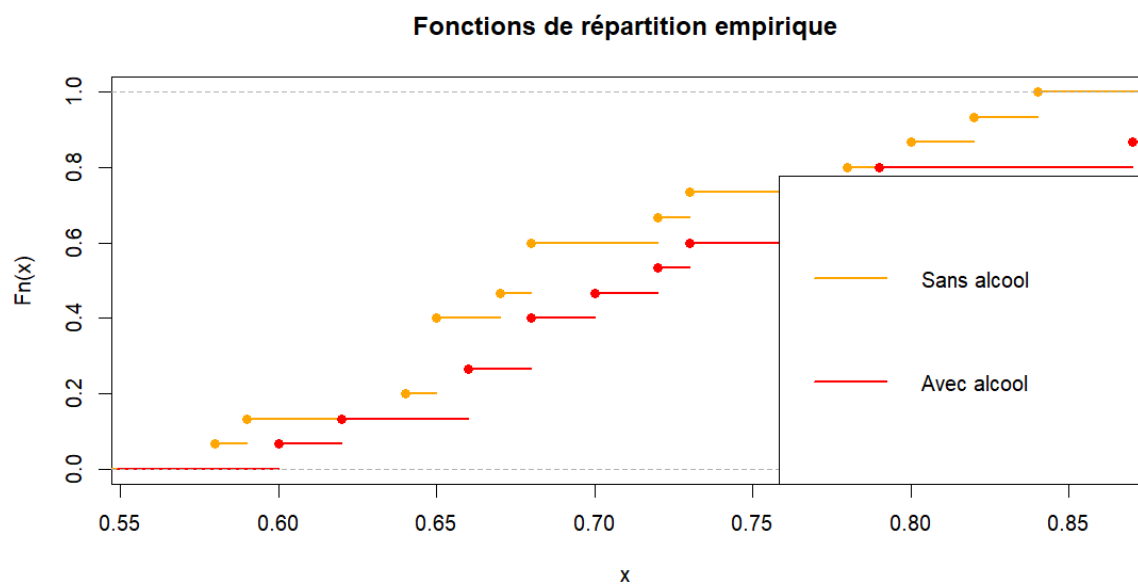
```

> # Calcul de la moyenne
> moyenne <- mean(serie)
> # Affichage du résultat
> cat("La moyenne de la série est :", moyenne, "\n")
La moyenne de la série est : 0.706
> cat("La variance de l'échantillon est de: ", variance_echantillon, "\n")
La variance de l'échantillon est de: 3.2
> # Calcul de la variance de la population ( $S^2$ )
> variance_population <- var(serie) * (n - 1) / n
> # Affichage de la valeur de la variance de la série statistique
> cat("La variance de la population est de : ", variance_population, "\n")
La variance de la population est de : 0.025744
> |

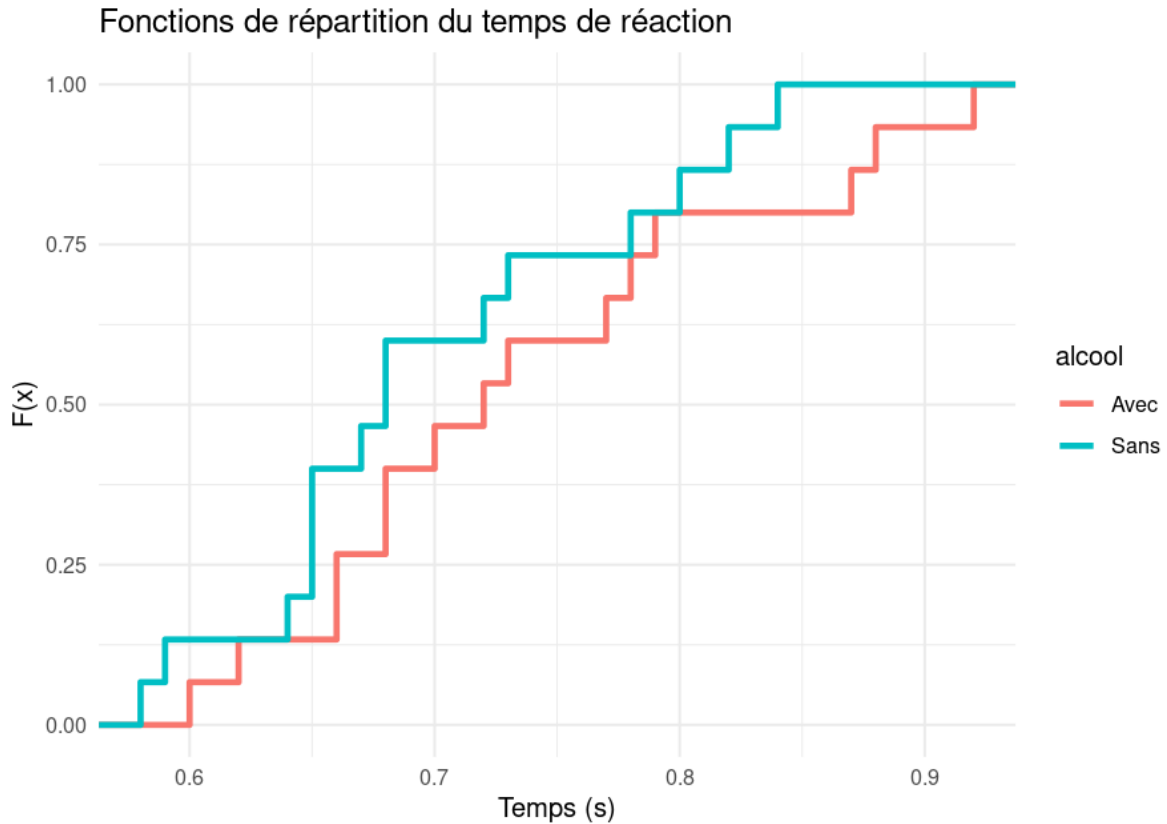
```

## 2 Exercice 2 : Influence de l'alcool sur le temps de réaction

1. Tracer de la fonction de repartition empirique correspondant aux deux situations (utilisation de `simple plot()`)



1.1 Tracer de la fonction de repartition empirique correspondant aux deux situations (utilisation de `ggplot2()`)



## 2. Test d'hypothèse pour comparer les deux groupes

Il s'agit de montrer l'influence de l'alcool sur le temps de réaction au seuil de risque  $\alpha = 5\%$  soit un seuil de confiance de 95%. Pour ce faire on utilisera le test de student car les données sont distribuées dans chaque groupe.

```
sans_alcool <- c(0.68, 0.64, 0.68, 0.82, 0.58, 0.80, 0.72, 0.65, 0.84, 0.73,
                0.65, 0.59, 0.78, 0.67, 0.65)

# Le vecteur avec_vecteur
avec_alcool <- c(0.73, 0.62, 0.66, 0.92, 0.68, 0.87, 0.77, 0.70, 0.88, 0.79,
                0.72, 0.60, 0.78, 0.66, 0.68)
```

### 2.1. Formulation des hypothèses

- Hypothèse nulle ( $H_0$ ) pour p-value  $> 0.05$  : Les caractères sont normalement distribués (l'alcool n'a pas d'influence sur le temps de réaction.)

- Hypothèse alternative( $H_1$ ) pour p-value  $< 0.05$  : Les caractères ne sont pas normalement distribués (l'alcool a une influence sur le temps de réaction.)

2.2. Il s'agit de déterminer le risque à prendre pour tirer une conclusion erronée soit  $\alpha = 0.05$ .

2.3. Vérification des données

```
# Vérification de la normalité
shapiro_sans_alcool <- shapiro.test(sans_alcool)
shapiro_avec_alcool <- shapiro.test(avec_alcool)

cat("Le taux de normalité pour le groupe sans alcool")
```

Le taux de normalité pour le groupe sans alcool

```
shapiro_sans_alcool
```

Shapiro-Wilk normality test

```
data:  sans_alcool
W = 0.93536, p-value = 0.3275
```

```
cat("Le taux de normalité pour le groupe avec alcool")
```

Le taux de normalité pour le groupe avec alcool

```
shapiro_avec_alcool
```

Shapiro-Wilk normality test

```
data:  avec_alcool
W = 0.94482, p-value = 0.4468
```

Le test de Shapiro-Wilk montre que les deux groupes *avec alcool* et *sans alcool* suivent une distribution normale ( $p > 0.05$ ). Par conséquent l'hypothèse de normalité est respectée pour les deux échantillons.

2.4. Test d'égalité des variances : Déterminer s'il y'a une différence significative entre les variances.

```
var_test <- var.test(sans_alcool, avec_alcool)
cat("Test d'égalité des variances")
```

Test d'égalité des variances

```
print(var_test)
```

F test to compare two variances

```
data: sans_alcool and avec_alcool
F = 0.70037, num df = 14, denom df = 14, p-value = 0.5139
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
95 percent confidence interval:
 0.2351348 2.0861120
sample estimates:
ratio of variances
      0.7003695
```

Dans notre cas on a  $p\text{-value} = 0.5139 > 0.05$ , il indique qu'il n'y a pas de différence significative entre les deux variances. On peut donc supposer l'égalité des variances entre les deux groupes.

## 2.5. Test de student

```
# Test de student pour les échantillons indépendants
test_t <- t.test(avec_alcool, sans_alcool, var.equal = TRUE)
cat("Test de student pour les échantillons")
```

Test de student pour les échantillons

```
print(test_t)
```

Two Sample t-test

```
data: avec_alcool and sans_alcool
t = 1.1923, df = 28, p-value = 0.2432
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
```

```
95 percent confidence interval:
-0.02776448  0.10509781
sample estimates:
mean of x mean of y
0.7373333  0.6986667
```

***Résultat du test de student :***

- Statistique t : **1.1923**
- Degré de liberté (n - 2) : **28**
- p-value : **0.2432**
- Intervalle de confiance à 95% : **[-0.02776448 ; 0.10509781]**
- Moyenne du groupe sans alcool : **0.6986667**
- Moyenne du groupe avec alcool : **0.7373333**

Les tests préliminaires de Shapiro–Wilk ont confirmé la normalité des distributions dans les deux groupes ( $p > 0.05$ ), et le test de Fisher a indiqué l'égalité des variances ( $p > 0.05$ ). Le test t de Student pour échantillons indépendants ( $t = 1.1923$ ,  $df = 28$ ,  $p = 0.2432$ ) ne montre aucune différence significative entre les moyennes du groupe avec alcool ( $M_{\text{avec alcool}} = 0.7373333$ ) et du groupe sans alcool ( $M_{\text{sans alcool}} = 0.6986667$ ). Ainsi, la consommation d'alcool ne semble pas avoir d'effet significatif sur la variable mesurée dans cet échantillon.

Par conséquent l'hypothèse  $H_0$  est vérifiée. L'alcool n'a pas d'influence significative sur le temps de réaction.

### ***3 Exercice 3 : Analyse de données pour enfant***

1. Création des vecteur

```
# Création des vecteurs

#vecteurs individus
Individus = c("Erika", "Célia", "Erik", "Eve", "Paul", "jean", "Adan", "Louis",
              "Jules", "Léo")

#vecteurs Poids
Poids = c(16, 14, 13.5, 15.4, 16.5, 16, 17, 14.8, 17, 16.7)

#vecteurs Taille
Taille = c(100.0, 97.0, 95.5, 101.0, 100.0, 98.5, 103.0, 98.0, 101.5, 100.0)
```



```
#vecteurs sexe
Sexe = c("F", "F", "G", "F", "G", "G", "G", "G", "G", "G")
```

### 1.1. Vecteur pour calculer l'âge des individus

```
# Vecteur An
An <- c(3, 3, 3, 4, 3, 4, 3, 3, 4, 3)
# length(An)
# Vecteur Mois

Mois <- c(5, 10, 5, 0, 8, 0, 11, 9, 1, 3)
# length(Mois)
# Calculer l'âge des individus

Age <- round(An + Mois/12, 1)
# Age
```

### 2. La moyenne des variables (variables quantitatives)

```
#moyenne de la taille
moyenne_taille <- mean(Taille)
moyenne_poids <- mean(Poids)
moyenne_age <- mean(Age)

# Affichage des moyennes
cat("La moyenne des tailles : ", moyenne_taille, "cm\n")
```

La moyenne des tailles : 99.45 cm

```
cat("La moyenne des poids : ", moyenne_poids, "kg\n")
```

La moyenne des poids : 15.69 kg

```
cat("La moyenne des âges : ", moyenne_age, "an(s)\n")
```

La moyenne des âges : 3.73 an(s)

### 3. Calcul de l'indice de masse corporelle (IMC)

```
# Taille en mètre
taille_m <- Taille / 100

# Calcul de l'IMC
IMC_echantillon = round((Poids / (taille_m)^2), 2)
# IMC_echantillon

cat("Valeur de l'IMC: \n")
```

Valeur de l'IMC:

```
for (i in 1:length(Individus)) {
  cat(Individus[i], " : " ,IMC_echantillon[i], "kg/m²\n")
}
```

```
Erika  : 16 kg/m²
Célia  : 14.88 kg/m²
Erik   : 14.8 kg/m²
Eve    : 15.1 kg/m²
Paul   : 16.5 kg/m²
jean   : 16.49 kg/m²
Adan   : 16.02 kg/m²
Louis  : 15.41 kg/m²
Jules  : 16.5 kg/m²
Léo    : 16.7 kg/m²
```

#### 4. Structure en dataframe

```
enfant_df <- data.frame(
  Individus = Individus,
  Sexe = Sexe,
  Poids = Poids,
  Taille = Taille,
  Age_complet = Age,
  IMC_echantillon = IMC_echantillon
)

enfant_df
```

```
Individus Sexe Poids Taille Age_complet IMC_echantillon
```

1	Erika	F	16.0	100.0	3.4	16.00
2	Célia	F	14.0	97.0	3.8	14.88
3	Erik	G	13.5	95.5	3.4	14.80
4	Eve	F	15.4	101.0	4.0	15.10
5	Paul	G	16.5	100.0	3.7	16.50
6	jean	G	16.0	98.5	4.0	16.49
7	Adan	G	17.0	103.0	3.9	16.02
8	Louis	G	14.8	98.0	3.8	15.41
9	Jules	G	17.0	101.5	4.1	16.50
10	Léo	G	16.7	100.0	3.2	16.70

5. Obtenir les informations sur la fonction `plot()`

```
# Informations sur la fonction plot()
?plot()
```

démarrage du serveur d'aide `httpd ... fini`

6. Nuage de points du Poids en fonction de la taille

6.1 Installation du package de `plotly`

```
# Installation de plotly()
# install.packages("plotly")
# Chargement du package
library(plotly)
install.packages("webshot2")
```

6.2 Calcul du coefficient de corrélation

```
# Coefficient de corrélation entre le Poids et la taille
correlation <- cor(Taille, Poids)
cat("Le coefficient de corrélation entre la taille et le poids est de : ",
    round(correlation, 3))
```

Le coefficient de corrélation entre la taille et le poids est de : 0.878

6.3 Création du graphique

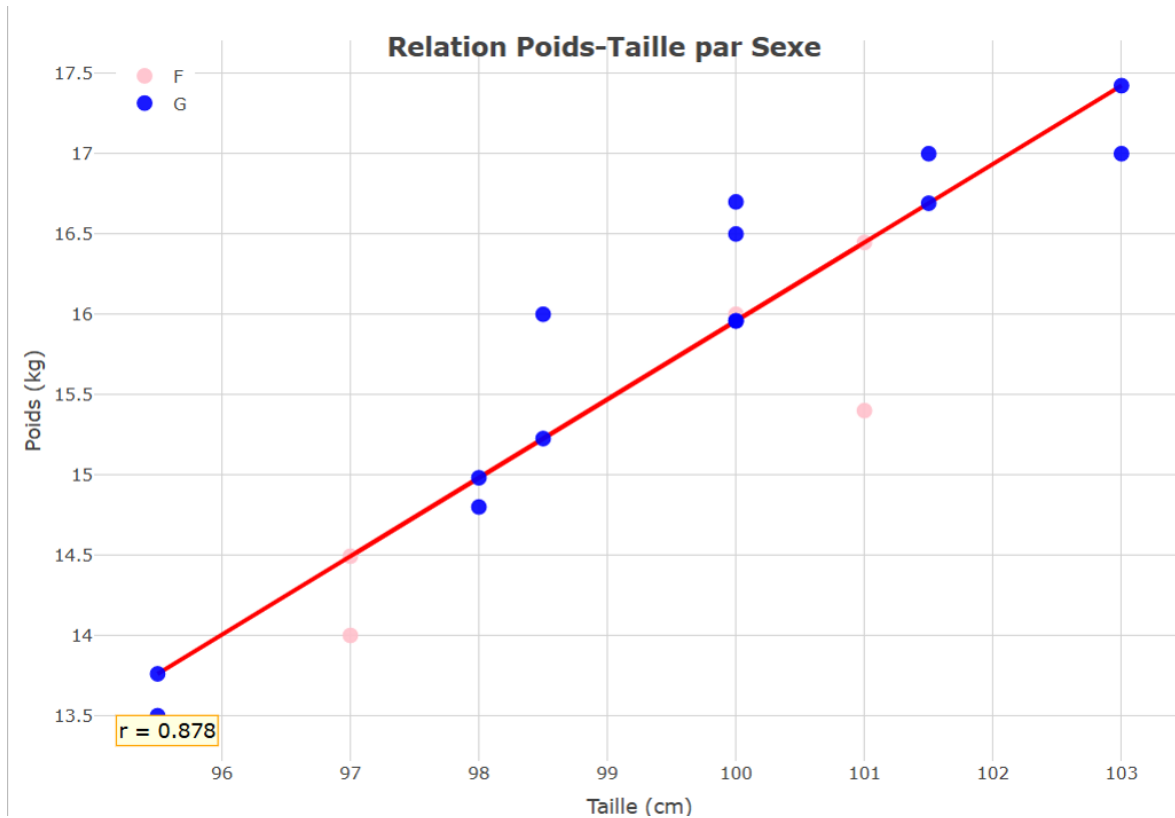
```

# Ajout de la droite de régression
plot <- plot %>%
  add_trace(
    x = ~Taille,
    y = ~fitted(lm(Poids ~ Taille, data = enfant_df)),
    type = 'scatter',
    mode = 'lines',
    name = "Régression linéaire",
    line = list(color = "red", width = 3, dash = "solid"),
    showlegend = TRUE
  ) %>%
  layout(
    title = list(
      text = '<br><b>Relation Poids-Taille par Sexe</b></br>',
      x = 0.5,
      font = list(size = 18)
    ),
    xaxis = list(
      title = 'Taille (cm)',
      zeroline = FALSE,
      gridcolor = 'lightgrey'
    ),
    yaxis = list(
      title = 'Poids (kg)',
      zeroline = FALSE,
      gridcolor = 'lightgrey'
    ),
    plot_bgcolor = 'white',
    legend = list(x = 0.02, y = 0.98),
    annotations = list(
      list(
        x = 0.02, y = 0.02,
        xref = "paper", yref = "paper",
        text = paste("r =", round(correlation, 3)),
        showarrow = FALSE,
        font = list(size = 14, color = "black"),
        bgcolor = "lightyellow",
        bordercolor = "orange"
      )
    )
  )
)

```

```
# Affichage du graphique  
plot
```

Sortie du code



#### 4 Exercice 4 : ANOVA

1. Les conditions fondamentales nécessaire pour la réalisation du test d'anova
  - Indépendances des observations
  - Normalité des données
  - Homogénéité des variances
2. Vérifications des conditions

```
# Création des données
foret1 <- c(23.3, 24.4, 24.6, 24.9, 25.0, 26.2)
foret2 <- c(18.9, 21.1, 21.1, 22.1, 22.5, 23.5)
foret3 <- c(22.5, 22.9, 23.7, 24.0, 24.0, 24.5)

hauteur <- c(foret1, foret2, foret3)
foret <- factor(rep(c("Forêt 1", "Forêt 2", "Forêt 3"), each = 6))

donnees <- data.frame(hauteur, foret)
# donnees
```

## 2.1. Indépendances des observations

L'indépendance des observations est supposée car les données sont issues d'un échantillonnage aléatoire simple et chaque observation correspond à un individu distinct.

## 2.2. Test de Shapiro-Wilk pour la normalité données

```
modele <- aov(hauteur ~ foret, data = donnees)
residus <- residuals(modele)
shapiro.test(residus)
```

Shapiro-Wilk normality test

```
data:  residus
W = 0.97501, p-value = 0.8848
```

On a le  $p\text{-value}(0.8848) > 0.05$  donc l'hypothèse de normalité est donc vérifiée.

## 2.3. Vérification de l'homogénéité des variances par le test de Levene

```
library(carData)

# leveneTest(hauteur ~ foret, data = donnees)
```

La valeur  $p$  du test ( $Pr = 0.307$ ) est supérieur à notre seuil de risque 0.05. Ainsi nous concluons que les variances entre les trois groupes sont égales.

3. Justifions par le calcul que la hauteur des plantes dans la forêt sont significativement différentes avec un seuil de confiance de 95%

## 3.1 Formulations des hypothèses

- Hypothèse  $H_0$  : Les variables 'forêt' et 'hauteur' sont indépendantes (les hauteurs moyennes sont égales dans les trois forêts)
- Hypothèse  $H_1$  : Les variables 'forêt' et 'hauteur' sont liées.

3.2. Niveau de risque  $\alpha = 0.05$ .

3.3. Calculons F

3.3.a. Calcul de la moyenne

```
# Moyenne des echantillons
moyennes <- tapply(donnees$hauteur, donnees$foret, mean)
moyennes
```

```
Forêt 1 Forêt 2 Forêt 3
24.73333 21.53333 23.60000
```

3.3.b. Calcul de la moyenne des moyennes

```
# Moyenne generale(moyenne des moyenne)
M <- mean(moyennes)
M
```

```
[1] 23.28889
```

3.4. Calcul de la somme des carrées inter-classes

```
n <- 6 # Effectif de la foret

SCE_inter <- sum(n * (moyennes - M)^2)
SCE_inter
```

```
[1] 31.59111
```

3.5. Calcul de la somme des carrées intra-classes

```
# Somme des carrée intra classes

SCE_intra = sum(tapply(donnees$hauteur, donnees$foret,
                      function(x) sum(1 * (x - mean(x))^2)))

SCE_intra
```

```
[1] 19.70667
```

### 3.6. Degré de liberté

```
dl_entre <- length(moyennes) - 1  
dl_entre
```

```
[1] 2
```

```
dl_residuel <- nrow(donnees) - length(moyennes)  
dl_residuel
```

```
[1] 15
```

### 3.7. Calcul des carrés des moyenne

```
CM_entre <- SCE_inter / dl_entre  
CM_entre
```

```
[1] 15.79556
```

```
CM_residuel <- SCE_intra / dl_residuel  
CM_residuel
```

```
[1] 1.313778
```

### 3.8. Calcul de la variable statistique (F\_calcule)

```
F_calcule <- CM_entre / CM_residuel  
F_calcule
```

```
[1] 12.023
```

### 3.9. Calcul de la variable observé (F\_obs)

```
F_obs <- qf(0.95, df1=dl_entre, df=dl_residuel)  
F_obs
```



```
[1] 3.68232
```

### 3.3.10. Comparaison de $F_{\text{calcule}}$ et $F_{\text{obs}}$

```
if (F_calcule > F_obs){  
  cat("Les variables 'forêt' et 'hauteur' sont liées \n")  
  cat("(au moins une forêt a une hauteur moyenne différente).")  
} else {  
  cat("H0 : Les variables 'forêt' et 'hauteur' sont indépendantes\n")  
  cat("      (les hauteurs moyennes sont égales dans les trois forêts)\n")  
}
```

Les variables 'forêt' et 'hauteur' sont liées  
(au moins une forêt a une hauteur moyenne différente).

### 3.3.11. Calculer le rapport de corrélation

```
R_corr <- SCE_inter / (SCE_inter + SCE_intra)  
  
R_corr
```

```
[1] 0.6158378
```

Conclslion : Les variables sont liées, et la rapport de corrélation montre une forte liaisons entre les variable ( $R^2$  tends vers 1)

## 5 Membres du groupe

- “BOUSSIN W. Ella Perside”
- “OUEDRAOGO B. Emilie”
- “BAMOGO Cheick”
- “GAMBO Mickaël”
- “BONI T. Nathanaël”