**Report of Deep Learning for Natural Langauge Processing**

高志磊

gaozhilei@buaa.edu.cn

**Abstract**

已知男女生身高分别服从高斯分布，但是均值和方差未知，且男女比例未知，利用EM算法估计男女生分布的均值和方差以及男女生比例。

**Introduction**

高斯混合模型（GMM）指的是多个高斯分布的

**Methodology**

**M1: 信息熵**

通常，一个信源发送出什么符号是不确定的，衡量它可以根据其出现的概率来度量。概率大，出现机会多，不确定性小；反之不确定性就大。

不确定性函数是概率的减函数；两个独立符号所产生的不确定性应等于各自不确定性之和，即，这称为可加性。同时满足这两个条件的函数是对数函数，即



在信源中，考虑的不是某一单个符号发生的不确定性，而是要考虑这个信源所有可能发生情况的平均不确定性。若信源符号有种取值：，对应概率为：，且各种符号的出现彼此独立。这时，信源的平均不确定性应当为单个符号不确定性的统计平均值，可称为信息熵，即：



式中对数一般取2为底，单位为比特。

**M2: 统计语言模型**

假定表示某一个有意义的句子，由一连串特定顺序排列的词组成，为句子的长度。现在想知道在文本中出现的可能性，即。此时需要有个模型来估算，不妨把展开表示为。利用条件概率的公式，这个序列出现的概率等于每一个词出现的条件概率相乘，于是可展开为：



其中表示第一个词出现的概率；是在已知第一个词为的前提下，第二个词出现的概率，后面以此类推。

显然，当句子长度过长时，的可能性太多，无法估算。假设该句子具有马尔科夫性，即任意一个词出现的概率只同它前面的词有关，的概率变为：



其对应的统计语言模型为二元模型。也可以假设一个词由前面个词决定，即元模型。当时，每个词出现的概率与其他词无关，为一元模型，对应的概率变为：



**M3: 信息熵计算**

如果统计量足够大，字、词、二元词组或三元词组出现的概率大致等于其出现的频率。由此可得，字和词的信息熵计算公式为：



其中，可近似等于每个字或词在语料库中出现的频率。

二元模型的信息熵计算公式为：



其中，联合概率可近似等于每个二元词组在语料库中出现的频率，条件概率可近似等于每个二元词组在语料库中出现的频数与以该二元词组的第一个词为词首的二元词组的频数的比值。

三元模型的信息熵计算公式为：



其中，联合概率可近似等于每个三元词组在语料库中出现的频率，条件概率可近似等于每个三元词组在语料库中出现的频数与以该三元词组的前两个词为词首的三元词组的频数的比值。

**M4: 程序实现**

（一）文本预处理

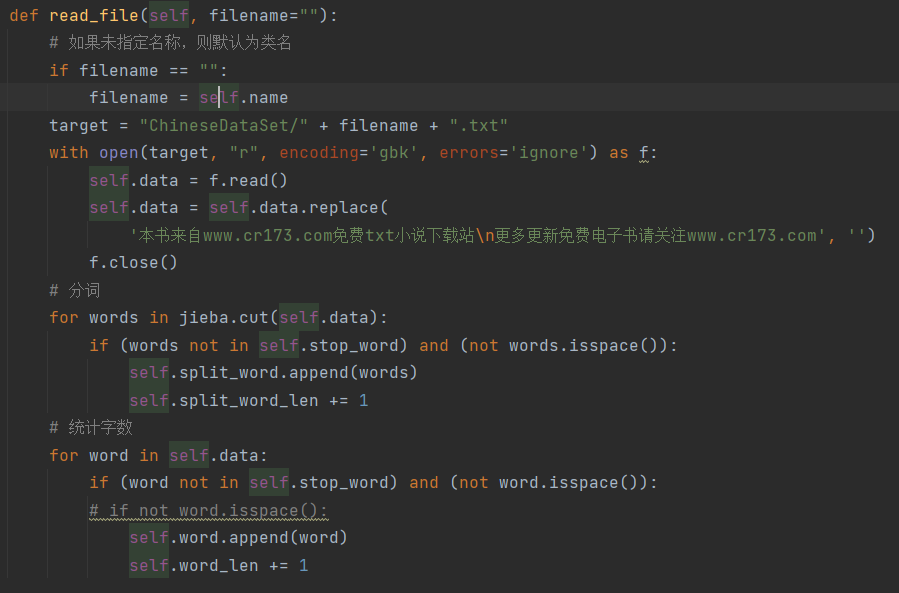
所用数据库为金庸小说，读取文本后需要进行一些处理包括：

1）删除开头无用信息

2）删除中文停词及标点符号（利用cn\_stopwords.txt文件）

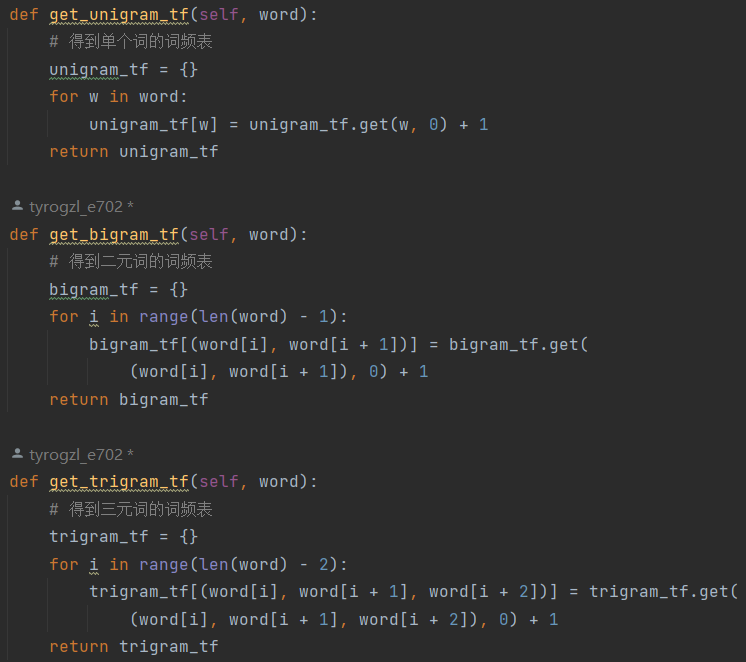
3）删除空白符号，比如空格、换行符等。

程序如下：

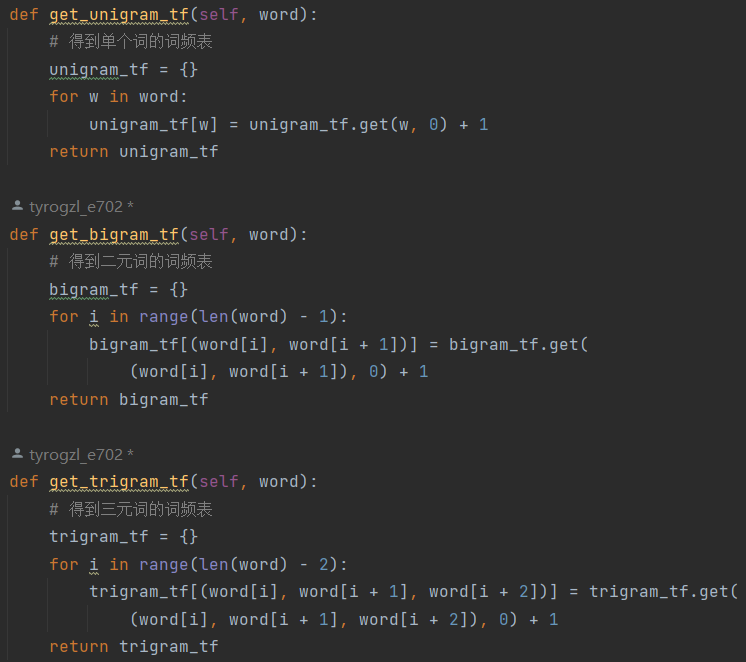


（二）得到词频表

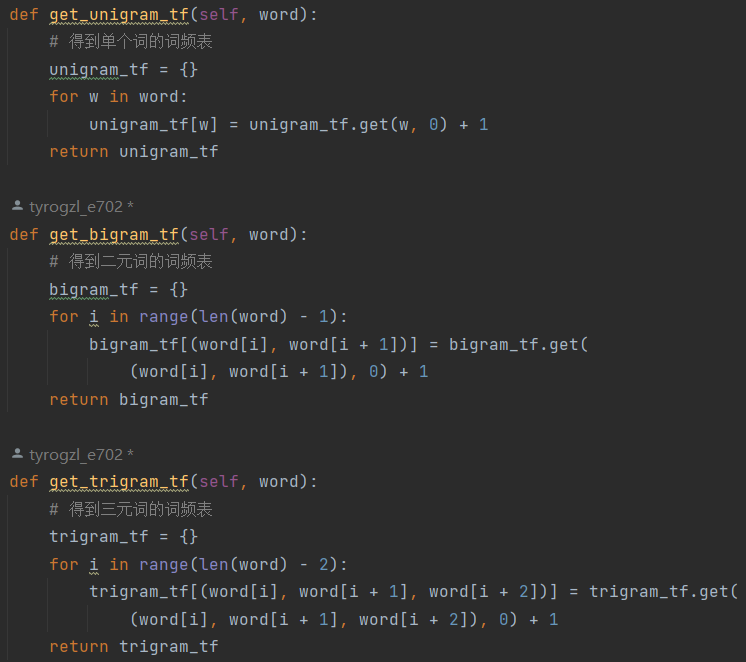
一元模型：



二元模型：

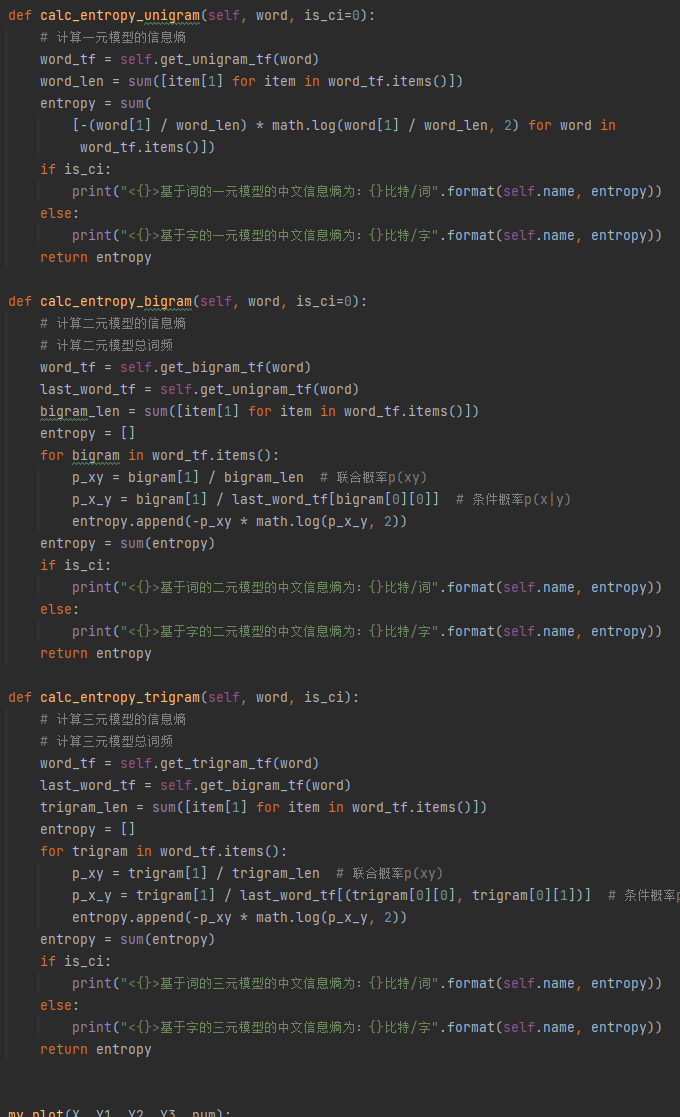


三元模型：

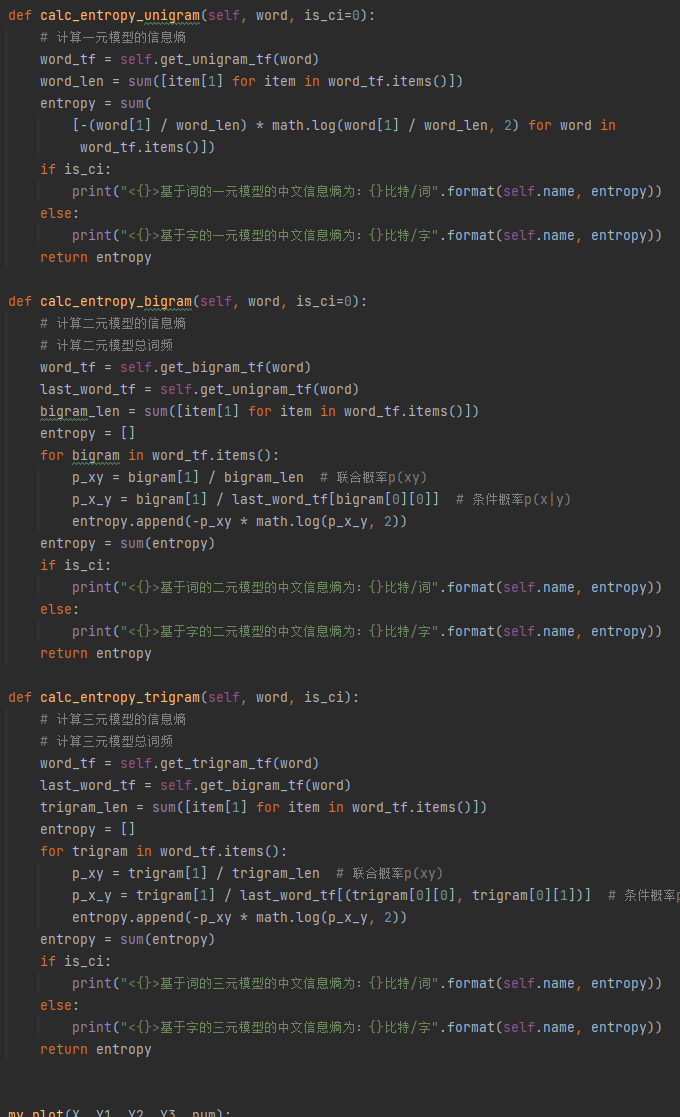


（三）计算信息熵

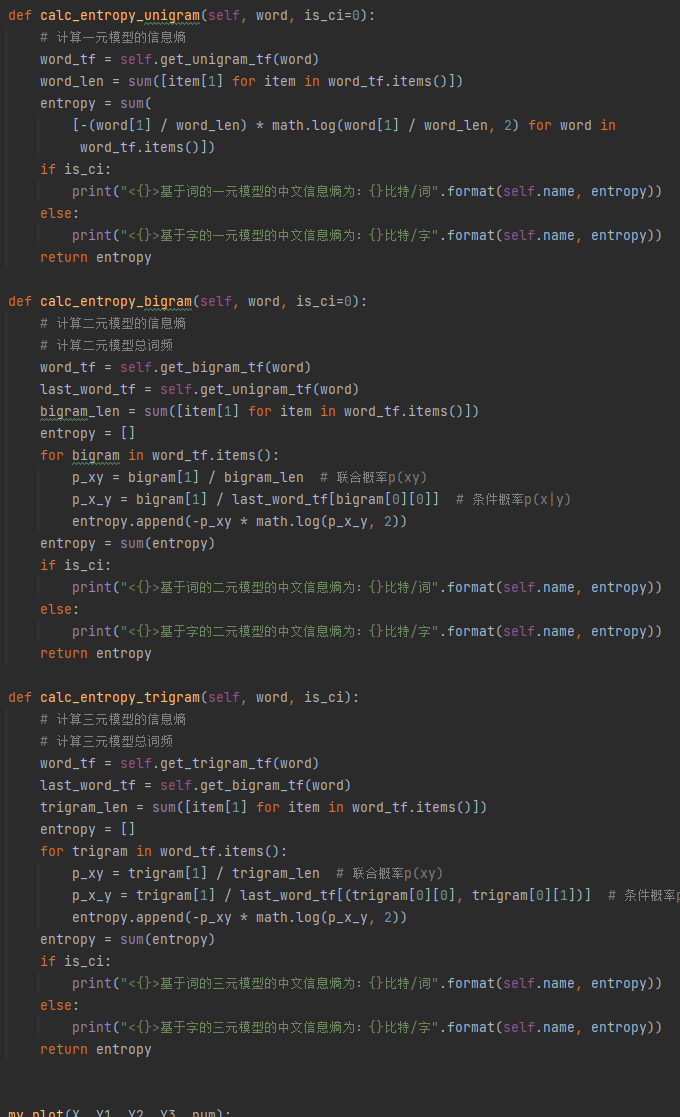
一元模型：



二元模型：



三元模型：



**Experimental Studies**

以金庸小说作为语料库，去除标点符号、停词等无用信息，计算信息熵如表1所示。

Table 1：语料库信息

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 语料库名称 | 信息熵（比特/词） | | | | | |
| 一元字 | 二元字 | 三元字 | 一元词 | 二元词 | 三元词 |
| 1 | 白马啸西风 | 9.2209 | 4.0907 | 1.2126 | 11.1920 | 2.8818 | 0.3543 |
| 2 | 碧血剑 | 9.7550 | 5.6754 | 1.7955 | 12.8850 | 3.9621 | 0.4307 |
| 3 | 飞狐外传 | 9.6301 | 5.5691 | 1.8650 | 12.6259 | 4.0404 | 0.4609 |
| 4 | 连城诀 | 9.5152 | 5.0902 | 1.6390 | 12.2066 | 3.5890 | 0.3685 |
| 5 | 鹿鼎记 | 9.6583 | 6.0200 | 2.4097 | 12.6390 | 4.9929 | 0.8344 |
| 6 | 三十三剑客图 | 10.0067 | 4.2845 | 0.6507 | 12.5335 | 1.8096 | 0.0912 |
| 7 | 射雕英雄传 | 9.7411 | 5.9700 | 2.1995 | 13.0359 | 4.6006 | 0.5341 |
| 8 | 神雕侠侣 | 9.6628 | 6.0025 | 2.2828 | 12.7604 | 4.6874 | 0.6265 |
| 9 | 书剑恩仇录 | 9.7448 | 5.6043 | 1.8654 | 12.7148 | 4.1461 | 0.4986 |
| 10 | 天龙八部 | 9.7807 | 6.1155 | 2.3522 | 13.0172 | 4.8399 | 0.6636 |
| 11 | 侠客行 | 9.4349 | 5.3800 | 1.8197 | 12.2875 | 3.9929 | 0.5127 |
| 12 | 笑傲江湖 | 9.5158 | 5.8565 | 2.3614 | 12.5238 | 4.8388 | 0.7955 |
| 13 | 雪山飞狐 | 9.5010 | 4.8015 | 1.3032 | 12.0564 | 3.0659 | 0.2906 |
| 14 | 倚天屠龙记 | 9.7066 | 5.9830 | 2.2760 | 12.8937 | 4.6851 | 0.6426 |
| 15 | 鸳鸯刀 | 9.2108 | 3.6565 | 0.8961 | 11.1362 | 2.1465 | 0.2323 |
| 16 | 越女剑 | 8.7824 | 3.1092 | 0.8421 | 10.5021 | 1.7351 | 0.2331 |
| 17 | total | 9.9490 | 7.0229 | 3.4951 | 13.5835 | 6.5218 | 1.1713 |

绘制各语料库信息熵柱状图如下：

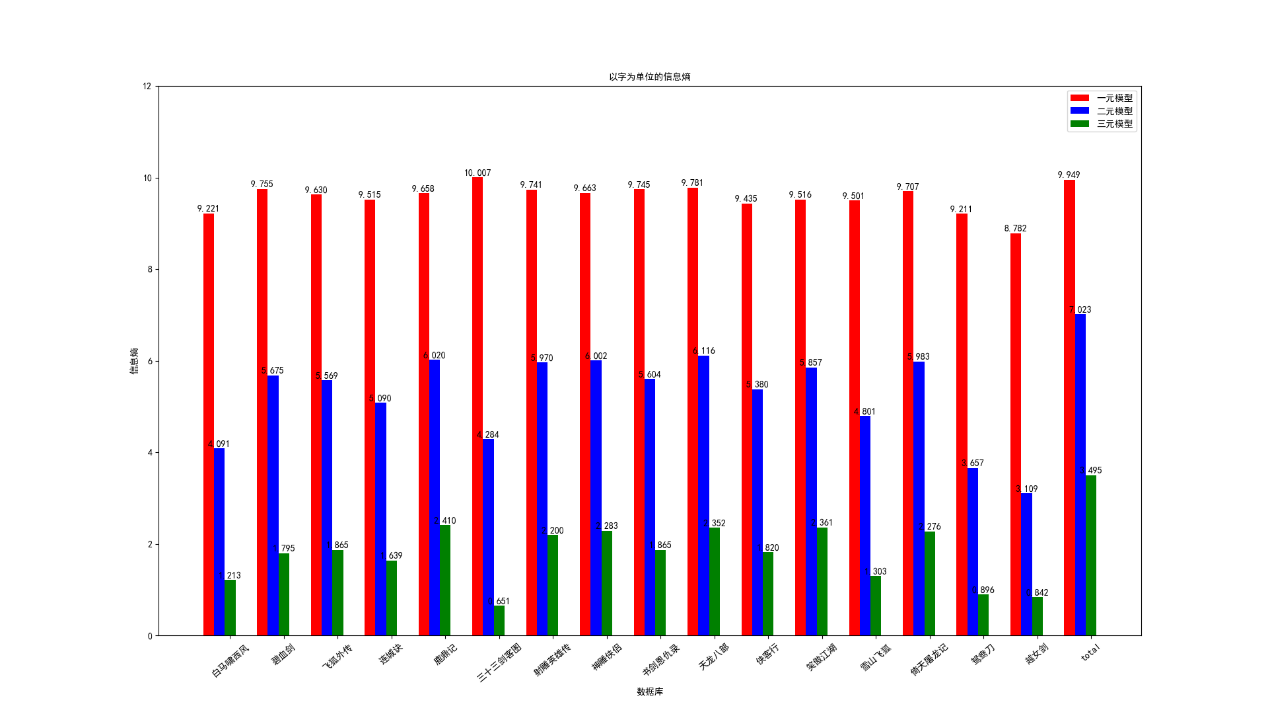


Figure 1：各语料库信息熵（以字为单位）

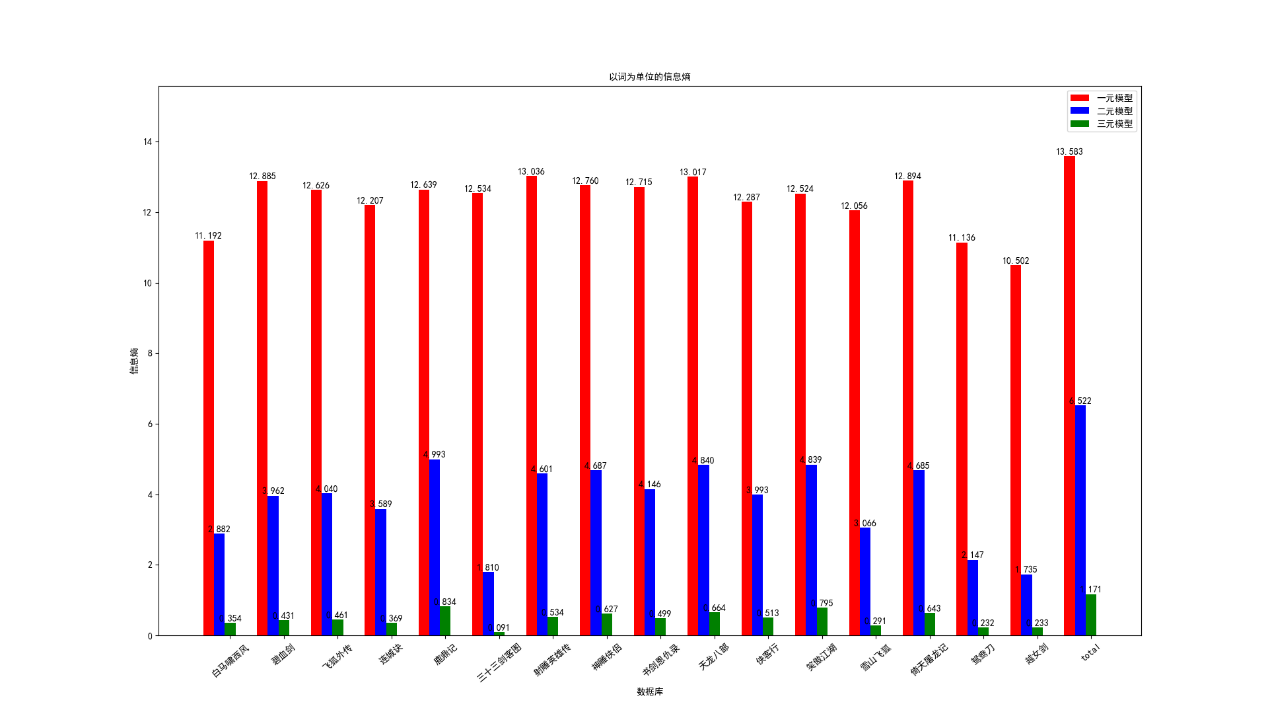


Figure 2：各语料库信息熵（以词为单位）

**Conclusions**

对比一元模型、二元模型、三元模型可以看到，取值越大，即考虑前后文关系的长度越大，文本的信息熵越小，这是因为越大，组成该词组的词越多，其冗余度也就越小，使用的特定场景越小，出现在文章中的不确定性越小。

**References**

[1] Peter F. Brown, Vincent J. Della Pietra, Robert L. Mercer, Stephen A. Della Pietra, and Jennifer C. Lai. 1992. An estimate of an upper bound for the entropy of English. Comput. Linguist. 18, 1 (March 1992), 31–40.

[2] C. E. Shannon, "A mathematical theory of communication," in The Bell System Technical Journal, vol. 27, no. 3, pp. 379-423, July 1948, doi: 10.1002/j.1538-7305.1948.tb01338.x.