

Sprawozdanie z zadania: "Generatory liczbowe"

18 grudnia 2024

Autorzy:

- Maria Małasiewicz (lsfr, zamiana bitów na system dziesiętny),
- Maciej Pestka (napisanie funkcji lcg, przetestowanie generatora dla różnych parametrów i ziaren),
- Zuzanna Strauss (sprawdzenie długości generowanych ciągów losowych)

Zadanie 1:

Zaimplementować generatory liczbowe i przetestować je dla różnych parametrów

1 Wymagania podstawowe

1. zaimplementować przynajmniej jeden wybrany generator:
 - (a) funkcję $lcg(a,b,mod,seed)$, która generuje liczby pseudolosowe dla parametrów a , b , mod i ziarna $seed$,
 - (b) funkcję $lsfr(p,seed)$, która generuje pseudolosowy ciąg bitów dla współczynników p i ziarna $seed$,
 - (c) inny generator,
2. przetestować generator dla różnych parametrów i ziaren,
3. sprawdzić długość generowanych ciągów losowych,

2 Wymagania dodatkowe

4. zaimplementować oba generatory,
5. bity wygenerowane w LFSR zamienić na liczby w systemie dziesiętnym,
6. dokonać próby wygenerowania najdłuższego pseudolosowego ciągu przy użyciu LCG oraz LFSR i porównać wyniki.

3 Lista spełnionych wymagań:

1, 2, 3, 4, 5, 6

4 Opis realizacji zadania:

4.1 Zaimplementowanie lfsr(p,seed), która generuje pseudolosowy ciąg bitów dla współczynników p i ziarna seed

Powstała funkcja LFSR(p, seed), która na początku sprawdza, czy seed nie jest krótszy niż p. Jeśli $p > \text{seed}$ to funkcja zwraca błąd `IndexError("seed krótsze niż p!!")`.

Tworzona jest lista S zawierająca ostatnie $\text{len}(p)$ elementów z seed. Następnie przy pomocy pętli obliczony jest nowy element seed. Iterujemy przez listę S i p obliczając $\sum_{i=1}^n (S_i \cdot p_i) \bmod 2$, gdzie n jest długością listy p . Ostatecznie zwracana jest wydłużona o nowy element lista seed.

4.2 Przetestowanie generatora dla różnych parametrów i ziaren

Generator przetestowano na ziarno, który był wygenerowany na podstawie czasu komputera. Seed został na podstawie jednego czasu komputerowego wygenerował aż 10 różnych seedów. Powstał na podstawie dzielenia lub mnożenia priewszego seeda, który został wygenerowany bez zmian.

4.3 sprawdzenie długości generowanych ciągów losowych

Stworzona jest funkcja $F(p, \text{seed})$, która w pętli oblicza nowe seed jako LFSR(p, seed). W każdej iteracji seed jest dzielony na dwie połowy, i jest sprawdzane, czy są one identyczne. Jeżeli tak, to zwracany jest ciąg bitów który generuje seed tzn.

dla ciągu bitów $B = [b_1, b_2, \dots, b_n]$, ziarno $S = [b_1, b_2, \dots, b_n, b_1, b_2, \dots]$.

4.4 zaimplementować oba generatory

Drugim generator był `lcg(a,b,mod,seed)`. Który przyjmuje cztery argumenty, gdzie seed jest randomowym seedem, który był tworzony na podstawie czasu komputera. A mod był wybierany losowo, przez testera. Oraz pozostałe parametry tak samo zostały wygenerowane losowo.

4.5 bity wygenerowane w LFSR zamienić na liczby w systemie dziesiętnym,

W celu zamiany bitów wygenerowanych przez LFSR powstała funkcja `dziesietny(seed)`, gdzie seed może być listą kolejnych bitów, albo zapisem binarnym liczby podanym jako string.

Za pomocą pętli obliczmy $\sum_{i=0}^n s_i \cdot 2^{n-i}$, gdzie n jest długością seed a s_i jej i -tym elementem. Ostatecznie zwracana jest otrzymana suma, będąca wartością seed w systemie dziesiętnym.

4.6 dokonać próby wygenerowania najdłuższego pseudolosowego ciągu przy użyciu LCG oraz LFSR i porównać wyniki

Dla LFSR udało się wygenerować najdłuższy szyf dla $p = [[1, 1, 0]]$ i dla $\text{seed} = [0, 0, 1]$ ciąg wygenerować długość za pomocą funkcji której można podać jaki chcemy mieć maksymalny ciąg liczbowy. Podano argument, że ma ciąg liczbowy być długości 9999, który się udało wygenerować, natomiast dla 10000 konsola odmówiła mi posłuszeństwa z wyświetleniem tej liczby w systemie dziesiętnym. Natomiast dla drugiej funkcji podawano duże wartości argumentów by powstała duży ciąg liczbowy. Ustawiono duży seed oraz by wartość mnożenie była największa oraz mod tak samo by była największa liczba. Próba w drugiej metodzie nie udało się wygenerować największa liczby, ponieważ wartości argumentów nie zmierzyła się na ekranie programu.

5 Prawa autorskie do kodu:

"Oświadczamy, iż praca została wytworzona samodzielnie i bez wykorzystania narzędzi GenAI."

6 Wnioski:

Przy długich wartościach argumentów można się pomylić jakie dokładnie wartości były wpisanie. zwłaszcza przy próbie wygenerowania największej liczby.

7 Źródła

Ślajdy ze laboratorium.