Правительство Российской Федерации ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ВЫСШАЯ ШКОЛА ЭКОНОМИКИ» (НИУ ВШЭ)

Московский институт электроники и математики им. А.Н. Тихонова

ОТЧЕТ О ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ № 2 по дисциплине «Математические основы защиты информации» МАТРИЧНЫЙ ШИФР ХИЛЛА

Студент гр. БИБ 191 И.Г. Тюрин г.

Руководитель
Заведующий кафедрой информационной безопасности киберфизических систем канд. техн. наук, доцент
_____O.O. Евсютин

Γ.

СОДЕРЖАНИЕ

1. Задание на практическую работу	3
2. Краткая теоретическая часть	∠
2.1. Описание шифров	4
2.2. Методы криптоанализа шифров	5
3. Примеры шифрования	€
4. Программная реализация шифров	9
5. Примеры криптоанализа	. 1 1
6. Выводы о проделанной работе	.13
7. Список использованных источников	.14

1. Задание на практическую работу

Целью работы является приобретение навыков программной реализации и криптоанализа применительно к блочному шифру Хилла.

В рамках практической работы необходимо выполнить следующее:

- 1) написать программную реализацию следующих шифров:
 - шифр Хилла;
 - рекуррентный шифр Хилла;
- 2) изучить методы криптоанализа матричных шифров с использованием дополнительных источников;
- 3) провести криптоанализ данных шифров;
- 4) подготовить отчет о выполнении работы.

2. Краткая теоретическая часть

2.1. Описание шифров

Шифр Хилла — блочный шифр, основанный на матричных преобразованиях. В качестве ключа выступает квадратная матрица п×п. Все элементы принадлежат кольцу классов вычетов по модулю мощности алфавита, определитель этой матрицы должен принадлежать группе обратимых элементов этого кольца. Открытый текст разбивается на блоки длинны п, после чего каждый блок представляется в виде п-мерного вектор-столбца (символы открытого текста заменяются их номерами в алфавите при отсчёте с нуля). При шифровании каждый блок умножается справа на матрицу ключа, за счёт чего получается блок шифртекста:

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix}$$

$$Y = \begin{pmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix} = E_k(X) = K \begin{pmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix}$$

Для расшифрования применяется тот же алгоритм с тем отличием, что производится умножение на обратную матрицу ключа:

$$Y = \begin{pmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix} = D_k(Y) = K^{-1} \begin{pmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix}$$

Рекуррентный шифр Хилла является усилением шифра Хилла, использующим новый ключ для каждого шифруемого блока открытого текста. Первые два ключа задаются вручную, все последующие ключи вычисляются по следующим формулам:

$$K_{i+1} = K_i K_{i-1}$$
 (используется при зашифровании)

$$K_{i+1}^{-1} = K_{i-1}^{-1} K_i^{-1}$$
 (используется при расшифровании)

2.2. Методы криптоанализа шифров

Криптоанализ шифра Хилла имеет довольно большие ограничения. Применять метод грубой силы в высшей степени неразумно, поскольку пространство ключей данного шифра теоретически бесконечно, а на практике оно ограничивается только возможностями пользователей вычислять определители матриц и обратные матрицы при больших размерах п. Частотный криптоанализ также имеет свои пределы, поскольку самым эффективным его применением является анализ п-грамм, что быстро теряет смысл с ростом п, так как чем длиннее строка, тем меньше вероятность того, что она в точности повторится в тексте более одного раза. Таким образом криптоанализ на основе только шифртекста весьма затруднителен, хотя и возможен при достаточно небольших значениях п. Вследствие этого криптоанализ шифра Хилла приобретает практический смысл только при знании п и/или наличия определённой части открытого текста.

3. Примеры шифрования

1. Шифр Хилла

Открытый текст: ARTISTICALLY

Ключ:
$$\begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix}$$

Представляем открытый текст в виде номеров букв в алфавите при отсчёте с нуля:

$$[0, 17, 19, 8, 18, 19, 8, 2, 0, 11, 11, 24]$$

Разбиваем открытый текст на блоки по 3 символа, так как ключевая матрица имеет размер 3×3, и представляем блоки в виде вектор-столбцов:

$$X_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 17 \\ 19 \end{pmatrix}, X_2 = \begin{pmatrix} 8 \\ 18 \\ 19 \end{pmatrix}, X_3 = \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}, X_4 = \begin{pmatrix} 11 \\ 1 \\ 24 \end{pmatrix}$$

К каждому вектор-столбцу применяем операцию шифрования:

$$Y_{1} = \begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 17 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 11 \\ 20 \\ 2 \end{pmatrix}, Y_{2} = \begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 \\ 18 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 10 \\ 23 \end{pmatrix}, Y_{3} = \begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 18 \\ 6 \\ 12 \end{pmatrix}, Y_{4} = \begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 11 \\ 1 \\ 24 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 \\ 13 \\ 13 \end{pmatrix}$$

Собрав полученные блоки шифртекста в единый текст и преобразовав числа к буквам, получим шифртекст LUCFKXSGMQNN

Для расшифрования найдём матрицу, обратную к ключевой:

$$K^{-1} = |K|^{-1}K^* = 25^{-1} \begin{pmatrix} 18 & 21 & 16 \\ 5 & 18 & 5 \\ 5 & 14 & 18 \end{pmatrix} = 25 \begin{pmatrix} 18 & 21 & 16 \\ 5 & 18 & 5 \\ 5 & 14 & 18 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix}$$

$$|K| - \det(A)$$

 $|K|^{-1}$ — обратное элемент к $\det(A)$ по модулю

 K^* - союзная матрица.

К каждому из полученных выше вектор-столбцов блоков шифртекста применим операцию расшифрования:

6

$$X_{1} = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 11 \\ 20 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 17 \\ 19 \end{pmatrix}, X_{2} = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 \\ 18 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ 18 \\ 19 \end{pmatrix}, X_{3} = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 18 \\ 6 \\ 12 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}, X_{4} = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 11 \\ 1 \\ 24 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 11 \\ 1 \\ 24 \end{pmatrix}$$

Собрав полученные блоки открытого текста в единый текст и преобразовав числа к буквам, получим открытый текст ARTISTICALLY

2. Рекуррентный шифр Хилла

Открытый текст: ARITHMETICAL

Ключ:
$$\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 16 & 3 \\ 21 & 17 \end{pmatrix}$

Представляем открытый текст в виде номеров букв в алфавите при отсчёте с нуля:

$$[0, 17, 8, 19, 7, 12, 4, 19, 8, 2, 0, 11]$$

В открытом тексте 12 символов.

Разбиваем открытый текст на блоки по 2 символа, так как ключевая матрица имеет размер 2×2 , и представляем блоки в виде вектор-столбцов:

$$X_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 17 \end{pmatrix}, X_2 = \begin{pmatrix} 8 \\ 19 \end{pmatrix}, X_3 = \begin{pmatrix} 7 \\ 12 \end{pmatrix}, X_4 = \begin{pmatrix} 4 \\ 19 \end{pmatrix}, X_5 = \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \end{pmatrix}, X_6 = \begin{pmatrix} 0 \\ 11 \end{pmatrix}$$

Блоков 6, следовательно необходимо вычислить 4 ключа на основе первых двух:

$$K_{3} = \begin{pmatrix} 16 & 3 \\ 21 & 17 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 15 & 25 \\ 24 & 3 \end{pmatrix}, K_{4} = \begin{pmatrix} 15 & 25 \\ 24 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 11 & 1 \\ 5 & 22 \end{pmatrix}$$
$$K_{5} = \begin{pmatrix} 11 & 1 \\ 5 & 22 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 15 & 25 \\ 24 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 & 18 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}, K_{6} = \begin{pmatrix} 7 & 18 \\ 5 & 9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 11 & 1 \\ 5 & 22 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 11 & 13 \\ 22 & 21 \end{pmatrix}$$

К каждому вектор-столбцу применяем операцию шифрования:

$$Y_{1} = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 17 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 25 \\ 17 \end{pmatrix}, Y_{2} = \begin{pmatrix} 16 & 3 \\ 21 & 17 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 16 \end{pmatrix}, Y_{3} = \begin{pmatrix} 16 & 3 \\ 21 & 17 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 \\ 12 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 15 \\ 22 \end{pmatrix}, Y_{4} = \begin{pmatrix} 15 & 25 \\ 24 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 11 \\ 22 \end{pmatrix}, Y_{5} = \begin{pmatrix} 11 & 1 \\ 5 & 22 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 14 \\ 6 \end{pmatrix}, Y_{6} = \begin{pmatrix} 7 & 18 \\ 5 & 9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 11 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 13 \\ 23 \end{pmatrix}$$

Собрав полученные блоки шифртекста в единый текст и преобразовав числа к буквам, получим шифртекст ZRDXPDEJKONS

Для расшифрования найдём матрицы, обратные к ключам:

$$K_1^{-1} = |K_1|^{-1} K_1^* = 1^{-1} \begin{pmatrix} 1 & 23 \\ 25 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 23 \\ 25 & 4 \end{pmatrix},$$

$$K_2^{-1} = |K_2|^{-1} K_2^* = 1^{-1} \begin{pmatrix} 17 & 23 \\ 5 & 16 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 17 & 23 \\ 5 & 16 \end{pmatrix}$$

Найдём остальные обратные матрицы ключей:

$$K_{3}^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 23 \\ 25 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 24 & 9 \\ 11 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 17 & 23 \\ 20 & 7 \end{pmatrix}, K_{4}^{-1} = \begin{pmatrix} 24 & 9 \\ 11 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 17 & 23 \\ 20 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 & 17 \\ 7 & 21 \end{pmatrix}$$
$$K_{5}^{-1} = \begin{pmatrix} 17 & 23 \\ 20 & 7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 16 & 17 \\ 7 & 21 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 17 & 18 \\ 5 & 19 \end{pmatrix}, K_{6}^{-1} = \begin{pmatrix} 16 & 17 \\ 7 & 21 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 17 & 18 \\ 5 & 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 19 & 13 \\ 16 & 5 \end{pmatrix}$$

К каждому из полученных выше вектор-столбцов блоков шифртекста применим операцию расшифрования:

$$X_{1} = \begin{pmatrix} 1 & 23 \\ 25 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 25 \\ 17 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 12 \\ 0 \end{pmatrix}, X_{2} = \begin{pmatrix} 24 & 9 \\ 11 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 19 \\ 7 \end{pmatrix}, X_{3} = \begin{pmatrix} 17 & 23 \\ 20 & 7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 \\ 12 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 12 \end{pmatrix}, X_{4} = \begin{pmatrix} 24 & 9 \\ 11 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 \\ 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 19 \end{pmatrix}, X_{5} = \begin{pmatrix} 17 & 18 \\ 5 & 19 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 14 \\ 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ 2 \end{pmatrix}, X_{6} = \begin{pmatrix} 19 & 13 \\ 16 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 13 \\ 23 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 18 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Собрав полученные блоки открытого текста в единый текст и преобразовав числа к буквам, получим открытый текст ARITHMETICAL

4. Программная реализация шифров

Результаты работы программы для вышеприведённых примеров шифрования:

1) Шифр Хилла

Открытый текст: CRYPTOGRAPHY

Ключ:
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$$

```
69 print(encryptText(text, abc, key))
78 print(decryptText(encryptText(text, abc, key))
71 abc, key))
72

| hill3x3simle ×
| C:\Users\user-pc\Desktop\MO3N\MF-of-IS\practic_2\venv\Scripts\python.exe C:\Users\user-pc\Desktop\MO3N\MF-of-GDCDFTOFWZFN
CRYPTOGRAPHY
```

Рисунок 4.1 – Результаты работы Алгоритма, реализующего простой шифр Хилла

2) Шифр Хилла

Открытый текст: ARTISTICALLY

```
Ключ: \begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix}
```

```
print(encryptText(text, abc, key))
print(decryptText(encryptText(text, abc, key))
abc, key))
encode()

C:\Users\user-pc\PycharmProjects\pythonProject\venv\Scripts\python.exe C:/Users/user-pc/Desktop/MO3W/MF-of-IS/
LUCFKXSGMQNN
ARTISTICALLY
```

Рисунок 4.2 – Результаты работы Алгоритма, реализующего простой шифр Хилла

3) Рекуррентный шифр Хилла

Открытый текст: MATHEMATICS

Ключ: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$

```
chipherText = encryptText(text, abc, key5, key6)
print(chipherText)
print(decryptText(chipherText, abc, key5, key6))

if mainPartDebug:
print(decryptText('MYIIWTYQBNUXRGE',
abc, key3, key4))

recurrentHill3x3simple ×

C:\Users\user-pc\Desktop\M03W\MF-of-IS\practic_2\venv\Scripts\python.exe C:\Users\user-pc\Desktop\M03W\MF-of-IS\pract MKTAKYFLOIWY
MATHEMATICSA
```

Рисунок 4.3 – Алгоритм, реализующий рекуррентный шифр Хилла

4) Рекуррентный шифр Хилла

Открытый текст: ARITHMETICAL

Ключ: $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 16 & 3 \\ 21 & 17 \end{pmatrix}$

Рисунок 4.4 – Алгоритм, реализующий рекуррентный шифр Хилла

5. Примеры криптоанализа

Шифр Хилла

С другими примерами программ, реализующими взлом шифра Хилла можно ознакомиться здесь: https://github.com/ChesleyTan/Hill-Cipher-Cracker

Для эффективного криптоанализа шифра Хилла нужно знать n и определённую часть открытого текста, размер которой зависит от n. Рассмотрим случай, в котором нам известно, что n=2 и где-то в открытом тексте встречается последовательность символов «OFTHE». Пусть шифртекст выглядит следующим образом:

STCLMHIBIOIBNFRKWONTCYHFULCQSR

Поскольку при n=2 шифр Хилла кодирует открытый текст блоками по 2 символа, должен быть верным один из следующих случаев:

ST	CL	MH	IB	IO	IB	NF	RK	WO	NT	CY	HF	UL	CQ	SR
OF	TH	E •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• O	FT	HE	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	OF	TH	E •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• O	FT	HE	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	OF	TH	E •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• O	FT	HE	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• •	OF	TH	E •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• •	• O	FT	HE	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• •	• •	OF	TH	E •	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• •	• •	• O	FT	HE	• •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• •	• •	• •	OF	TH	E •	• •	• •	• •	• •	• •	• •
• •	• •	• •	• •	• •	• •	• O	FT	HE	• •	• •	• •	• •	• •	• •

и так далее.

Если верна вторая строка, то мы имеем $CL \to FT$, $MH \to HE$, что можно записать следующим образом:

$$D\begin{bmatrix} C \\ L \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F \\ T \end{bmatrix} \Rightarrow D\begin{bmatrix} 2 \\ 11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 19 \end{bmatrix} \pmod{26}$$

$$D\begin{bmatrix} M \\ H \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} H \\ E \end{bmatrix} \Rightarrow D\begin{bmatrix} 12 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 \\ 4 \end{bmatrix} \pmod{26}$$

Цель – определить матрицу D, являющуюся ключом шифрования. Для этого сначала объединим два вышеприведённых равенства в одно:

$$\begin{bmatrix} 2 & 12 \\ 11 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 7 \\ 19 & 4 \end{bmatrix} \pmod{26}$$

$$D = \begin{bmatrix} 5 & 7 \\ 19 & 4 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 12 \\ 11 & 7 \end{bmatrix} \end{pmatrix}^{-1} \pmod{26}$$

Если матрица, составленная из блоков шифртекста необратима, то наше предположение о положении участка OFTHE в открытом тексте заведомо неверное. В данном случае она не обратима.

Это означает, что изначальное предположение было неверным. Для нахождения открытого текста необходимо перебрать все возможные положения участка ОГТНЕ и проделать вышеописанные вычисления для каждого положения. Для данного случая верное смещение участка по тексту равно 21: YH—>FT, FU—>HE. Проведя необходимые вычисления, получим следующую матрицу:

$$D = \begin{bmatrix} 16 & 3 \\ 21 & 18 \end{bmatrix}$$

Попытка расшифровать шифртекст с её помощью приведёт нас к осмысленному тексту:

FORONETOGOTOTHETEMPLEOFTHEKING

Рекуррентный шифр Хилла

Для рекуррентного шифра Хилла был найден только один метод криптоанализа — метод повторного шифрования. Этот метод требует наличия у злоумышленника шифртекста, ключа и шифратора, алгоритм действия которого ему неизвестен. В этом случае путём многократного шифрования на одном и том же ключе может быть получен открытый текст. Так для примера, приведённого в разделе ручного шифрования, необходимо провести 83 итерации шифрования, чтобы получить исходный открытый текст.

6. Выводы о проделанной работе

Шифр Хилла практически неуязвим для атак типа «только шифртекст», однако не имеет высокой стойкости по отношению к другим типам атак. Рекуррентный шифр Хилла исправляет некоторые недостатки шифра Хилла, но всё ещё имеет существенную уязвимость перед повторным шифрованием.

Методы криптоанализа, применимые к шифру Хилла и рекуррентному шифру Хилла опираются на то, что злоумышленник помимо шифртекста обладает некоторой информацией о ключе и об открытом тексте. Это является основным их недостатком. При наличии этой информации криптоанализ не составляет большого труда.

7. Список использованных источников

- 1. Традиционные шифры с симметричным ключом [электронный ресурс] URL: https://intuit.ru/studies/courses/552/408/lecture/9355?page=5
- 2. Cryptanalysis of the Hill Cipher [электронный ресурс] URL: http://practicalcryptography.com/cryptanalysis/stochastic-searching/cryptanalysis-hill-cipher/
- 3. Хилл шифр Hill cipher [электронный ресурс] URL: https://ru.qaz.wiki/wiki/Hill cipher

приложение А.

Простой шифр Хилла

```
import numpy as np
from sympy import Matrix
def encode(text, alphabet):
def decode(data, alphabet):
def get inverse key(key, M):
    return np.array(Matrix(*key.shape, key.reshape(-1)).inv mod(M))
def encryptText(text, alphabet, key):
    r = np.dot(np.array(data).reshape(-1, key.shape[0]), key.T) % M
def decryptText(text, alphabet, key):
# text = 'ГНГНЪДЛНВПЬМЕЩЪ'
text = 'ARTISTICALLY'
abc = 'АБВГДЕЁЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЦЬЫЬЭЮЯ'
```

Рекуррентный шифр Хилла

```
from sympy import Matrix
getInversDebug = False
encryptTextDebug = False
decryptTextDebug = False
mainPartDebug = False
def decode(data, alphabet):
def get_inverse_key(key, M):
def encryptText(text, alphabet, key1, key2):
    if encryptTextDebug:
        res[cnt] = np.dot(i, key[cnt].T) % M
def decryptText(text, alphabet, key1, key2, ):
    key = createDecryptKey(key1, key2, N, alphabet)
```

```
res[cnt] = np.dot(i, key[cnt].T) % M
def createKey(key1, key2, sizeStop, alphabet):
   keyDim = key1.shape[0] if (key1.shape[0] == key1.shape[1] and
                              key2.shape[0] == key2.shape[1]) else 0
def createDecryptKey(key1, key2, sizeStop,
```

```
print('multInv:', _i, multInv)
print('mult:', _i, mult)
key2inv = np.copy(multInv)
key1 = np.copy(key2)
key2 = np.copy(mult)
```

```
key4 = np.array([
chipherText = encryptText(text, abc, key6, key7)
                     abc, key3, key4))
```