Aprendizaje reforzado

Qué es?

- Uno de los 3 paradigmas del Machine Learning.

- Aprendizaje a través de la experiencia (interacción con el entorno).

- Algoritmos "goal oriented": enfocados en maximizar una "recompensa".

Modelo del ambiente

- MDP: Markov Decision Process
 - Espacio de estados S
 - Espacio de acciones A(s)
 - Probabilidades de transición
 - Recompensas

- Propiedad markoviana: "el futuro depende del pasado únicamente a través del presente"
 - Dado un estado, la acción a tomar no depende de los estados anteriormente observados

Modelo del ambiente

- Se busca determinar una política óptima de comportamiento.
 - $S \rightarrow A(S)$

 Las acciones que tomamos en el presente reciben una recompensa inmediata, pero también resultan en recompensas a futuro.

Factor de descuento.

Función de valor

$$V^*(s) = \max_{\pi} E\left\{\sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t r_t^{\pi}\right\}$$

$$V^*(s) = \max_{a} \left\{ R(s, a) + \gamma \sum_{s' \in S} T(s, a, s') V^*(s') \right\}, \quad \forall s \in S$$

Función Q

$$Q(s,a) := R(s,a) + \gamma \sum_{s' \in S} T(s,a,s') \hat{V}(s')$$

Model-based y model-free learning

Model based

- Tenemos un modelo de la realidad, en forma de probabilidades de transición.
- Value iteration, policy iteration.

Model free:

- No conocemos las probabilidades de transición.
- Actuamos en función de la experiencia que vamos adquiriendo.
- Q-learning.

Iteración de valor

```
Initialize V(s) arbitrarily
loop until policy good enough
       loop for s \in S
                loop for a \in A
                       Q(s,a) := R(s,a) + \gamma \sum_{s' \in S} T(s,a,s') \hat{V}(s')
                end loop
                \hat{V}(s) := \max_{a} Q(s, a)
       end loop
end loop
return \{\hat{V}(s)\}
```

Iteración de política

```
Choose an arbitray policy \pi'
Loop
            \pi := \pi'
            Compute value function of policy \pi:
                     #solve linear equations
                     V_{\pi}(s) := R(s, \pi(s)) + \gamma \sum_{s' \in S} T(s, \pi(s), s') V_{\pi}(s')
            Improve the policy at each state
                     \pi'(s) := \arg\max\left(R(s, a) + \gamma \sum_{s' \in S} T(s, a, s') V_{\pi}(s')\right)
until \pi = \pi'
```

Q-learning

```
Initialize Q(s,a) arbitrarily Repeat (for each episode):
   Initialize s
Repeat (for each step of episode):
   Choose a from s using policy derived from Q (e.g., \varepsilon-greedy)
   Take action a, observe r, s'
Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \big[ r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a) \big]
s \leftarrow s';
until s is terminal
```

Aprendizaje reforzado